

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

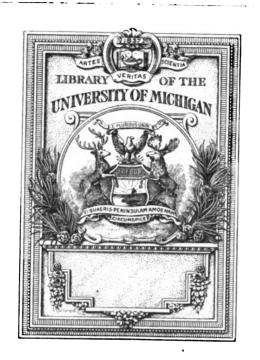
We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/





18. 18. 185 H7

HISTOIRE

DE

L'ACADEMIE ROYALE

DES

SCIENCES

È T

BELLES LETTRES

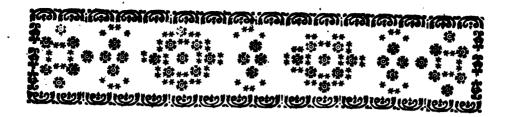
ANNEE MDCCL. 1750

CHEZ HAUDE ET SPENER.
Libraires de la Cour & de l'Academie Royale.
M D C C L I I.

Permis d'imprimer.

P. L. Moreau de Maupertuis,

Président.



HISTOIRE

DE

L'A C A D E M I E.

omme cette partie de nos Mémoires, qui porte le nom d'HISTOIRE, dépend uniquement des circonstances, entant qu'elles présentent des faits assez intéressans pour la composer, on n'en a point mis à la tête des deux derniers Volumes, qui ne consistent que dans les Mémoires. Il seroit en esset supersu de donner le récit de chaque Assemblée publique, lorsqu'elles n'ont rien que de commun avec celles qui les ont précédé. D'ailleurs l'Académie a publié au commencement de cette année un Volume purement Historique; où reprenant l'Histoire de cette Compagnie depuis son origine, elle l'a continuée jusqu'à présent, en rapportant tout ce qui est digne de quelque remarque, & en y joignant les Discours, prononcés dans les solemnirés, & les disserentes Pieces, ou Documens, qui justissent les saits insérés dans cette Histoire.

Ce sixième Volume, qui suivant l'ordre des années auxquelles appartiennent les Mémoires, est pour l'année MDCCL. Mim. de l'Acad, Tom. PI. A n'auroit

n'auroit point non plus de partie Historique, si l'on ne s'étoit cru dans l'obligation de porter quelque atteinte à l'ordre Chronologique, plutôt que de diffèrer de deuxannées à faire mention d'une des plus brillantes Assemblées, que l'Académie ait euës jusqu'à présent. C'est celle du 19. Janvier MDCCLII. qui a été honorée de la présence de L.L. A.A. RR. & SS. Monseigneur le Prince FREDERIC GUILLAUME, fils afne du Prince de Prusse, Monseigneur le Prince HENRI, frère du Roi, Madame la Duchesse de BRUNSWICK, Madame, la Princesse AMELIE, Monseigneur le Duc de BRUNSWICK, M. le Prince & Madame la Princesse héréditaire de DARMSTADT, MM. les Princes FERDINAND, & FRANCOIS de BRUNS-WICK, frères de la Reine, & MM. les Princes LOUIS & FRE-DERIC de WURTEMBERG. La présence de ces augustes Personnes, & les sujets intéressans sur lesquels devoit rouler la séance, avoient attiré plusieurs Dames du premier rang, au nombre desquelles étoient celles qui composent la Cour de Madame la Duchesse, & de Madame Amelie; aussi bien que MM. les Princes de LOBKOWITZ & de LOOS, les Feld-Marêchaux, Généraux, Ministres d'Etat, Ministres Etrangers. en un mot une affluence extraordinaire de personnes distinguées de la Cour & de la Ville, toûjours plus considèrable dans une saison où les divertissemens publics en attirent beaucoup dans la Capitale, tant des Provinces, que des Païs étrangers.

On va donner ici les Pieces luës dans cette Assemblée publique, en suivant l'ordre de leur lesture. Deux Eloges acheveront de former cette Histoire; celui de M. le Marêchal de SCHMETTAU, & celui de M. ELSNER. Ils ont aussi paru mériter de ne pas demeurer assujettis à l'ordre des tems.

ELÒGE



ELOGE

DE

M. DE LA METTRIE. (*)

bre 1709. de Julien Offray de la Mettri: & de Marie Gaudron, qui vivoient d'un Commerce assez considèrable pour procurer une bonne éducation à leur sils. Ils l'envoyérent au Collége de Coutance pour faire ses humanités, d'où il passa à Paris dans le Collége du Plessis; il sit sa rhétorique à Caën, & comme il avoit beaucoup de génie & d'imagination, il remporta tous les prix de l'éloquence; il étoit né Orateur; il aimoit passionément la Poësse & les belles-lettres; mais son Pére qui crut qu'il y avoit plus à gagner pour un Ecclésiastique que pour un Poète, le destina a l'Eglise; il l'envoya l'année suivante au Collége du Plessis, où il sit sa Logique sous Mr. Cordier, qui étoit plus Janséniste que Logicien.

C'est le caractère d'une imagination ardente de saisir avec force les objets qu'on lui présente, comme c'est le caractère de la jeunesse d'ètre prévenû des premières opinions qu'on lui inculque; tout autre disciple auroit adopté les sentimens de son Maître, ce n'en sut pas affez pour le jeune la Mettrie; il devint Janséniste, & composa un Ouvrage qui eut vogue dans le parti.

A 2

En

(*) Lû par M. le Conseiller Privé Darget.

En 1725. il étudia la Physique au Collége d'Harcourt, & y sit de grands progrés. De retour en sa Patrie, le Sieur Hunault, Medecin de Saint-Malo, lui conseilla d'embrasser cette profession; on persuada le Pére, on l'assura que les remédes d'un Medecin médiocre rapportoient plus que les absolutions d'un bon Prêtre. D'abord le jeune la Meterie s'appliqua à l'Anatomie, il disséqua pendant deux hivers; après quoi il prit en 1725. à Reims, le bonnet de Docteur, & y su reçù Medècin.

En 1733. il fut étudier à Leide sous le fameux Boerhauve. Le Maître étoit digne de l'Ecolier, & l'Ecolier se rendit bientôt digne du Maître. Mr. la Mettrie appliqua toute la sagacité de son esprit à la connaissance & à la cure des infirmités humaines; & il devint grand Medecin dès-qu'il voulût l'être. En 1734. il tradussit dans ses momens de loisir le Traité du Feu de M. Boerhauve, son aphrodissacus; & y joignit une dissertation sur les maladies Vénériennes, dont luimême étoit l'Auteur. Les vieux Medecins s'élevérent en France contre un Ecolier qui leur faisoit l'affront d'en savoir autant qu'eux. Un des plus célébres Medecins de Paris lui sit l'honneur de critiquer son ouvrage: (marque certaine qu'il étoit bon.) La Mettrie répliqua, & pour confondre d'autant plus son Adversaire en 1736. il composa un Traité du vertige estimé de tous les Medecins impartiaux.

Par un malheureux effet de l'imperfection humaine, une certaine basse jalousie est devenuë un des attributs des gens de lettres; elle irrite l'esprit de ceux qui sont en possession des réputations contre les progrés des naissans génies; cette rouille s'attache aux talens sans les détruire, mais elle leur nuit quelquesois. M. la Meterie qui avançoit à pas de géant dans la carrière des Sciences, soussirit de cette jalousie, & sa vivacité l'y rendit trop sensible.

Il traduisit à Saint-Malo les Aphorismes de Boerhaave, la Matiére Médicale, les Procédés Chymiques, la Théorie Chymique, & les Institutions du même Auteur; il publia presque en même tems un Abregé de Sydenbam. Le jeune Medecin avoit appris par une expérience

périence prématurée que, pour vivré tranquille, il vant mieux traduire que composer; mais c'est le caractère du génie de s'échaper à la réméxion. Fort de ses propres sorces, si je peux m'exprimer ainsi, & rempli des recherches de la nature qu'il faisoit avec une dextérité insinie, il voulut communiquer au public les découvertes utiles qu'il avoit saites. Il donna son Traité sor la petite Vérole, sa Medecine pratique, & six Volumes de Commentaires sur la Physiologie du Sieur Boerbaame; tous ces ouvrages parurent à Paris, quoique l'Auteur les eut composés à Saint-Malo. Il joignoit à la Théorie de son Art une pratique toujours heureuse; ce qui n'est pas un petit éloge pour un Medecin.

En 1742. M. la Mettrie vint à Paris, attiré par la mort de M. Hunauls son ancien Maitre; les Sieurs Morand & Sidobre le placerent auprés du Duc de Grammont, & peu de jours après ce Seigneur lui obtint le brevet de Medecin des Gardes; il accompagna ce Duc à la guerre, & sut avec lui à la Bataille de Dettingue, au Siége de Fribourg, & à la Bataille de Fontenoy, où il perdit son Protecteur qui y sut tué d'un coup de canon.

M. la Mestrie ressentit d'autant plus vivement cette perte que ce sut en même tems s'ecueil de sa sortune. Voici ce qui y donna lieu. Pendant la Campagne de Fribourg, M. la Mettrie sut attaqué d'une sièvre chaudé: une maladie est pour un Philosophe une école de Physique; il crût s'appercevoir que la Faculté de penser n'étoit qu'une suite de l'organisation de la machine, & que le dérangement des ressorts instroit considèrablement sur cette partie de nous-même que les Métaphysiciens appellent l'Ame. Rempti de ces idées pendant sa convalescence, il porta hardiment le stambeau de l'expérience dans les ténébres de la Métaphysique; il tenta d'expliquer à l'aide de l'Anatomie, la texture déliée de l'entendement, & il ne trouva que de la Mécanique où d'antres avoient supposé une essence supérieure à la matière. Il sit imprimer ses conjectures philosophiques sous le titre A 3

d'Histoire Naturelle de l'Ame. L'Aumônier du Régiment sonna le tocsin contre lui; & d'abord tous les dévots criérent.

Le vulgaire des Ecclésiastiques est comme Don-Quichotte, qui trouvoit des avantures merveilleuses dans des événemens ordinaires: ou comme ce fameux Militaire, qui trop rempli de son Sistème, trouvoit des colomnes dans tous les livres qu'il lisoit. La pluspart des Prêtres examinent tous les Ouvrages de Littérature, comme si c'étoient des Traités de Théologie; remplis de ce seul objet ils voyent des hérésies partout; de la viennent tant de saux jugemens, & tant d'accusations formées, pour la pluspart mal à propos, contre les Auteurs. Un livre de Physique doit être lû avec l'esprit d'un Physicien; la Nature, la Vérité, est son Juge; c'est-elle qui doit l'absoudre ou le condamner: un livre d'Astronomie veut être lû dans un même sens. Si un pauvre Medecin prouve qu'un coup de bâton fortement appliqué sur le crane dérange l'esprit, ou bien qu'à un certain degré de chaleur la raison s'égare, il faut lui prouver le contraire, ou se taire. un Astronome habile démontre malgré Josué, que la Terre & tous les Globes celestes tournent autour du Soleil, il faut ou mieux calculer que lui, ou souffrir que la Terre tourne.

Mais les Théologiens, qui par leurs appréhensions continuelles pourroient faire croire aux soibles que leur cause est mauvaise, ne s'embarassent pas de si peu de chose. Ils s'obstinerent à trouver des semences d'hérésies dans un Ouvrage qui traitoit de physique; l'Auteur essuya une persécution affreuse, & les Prêtres soutinrent qu'un Medecin accusé d'hérésie ne pouvoit pas guérir les Gardes Françoises.

A' la haine des dévots se joignit celle de ses rivaux de gloire; celle-ci se ralluma sur un ouvrage de M. la Meserie, intitulé la Polisique des Medecins. Un homme plein d'artistice & dévoré d'ambition aspiroit à la place vacante de premier Medecin du Roy de France; il serut pour y parvenir qu'il luy suffissoit d'accabler de ridicule seux de ses Confréres qui pouvoient prétendre à ceste charge; il sie un libelle tontre eux, & abusant de la facile amitié de M. la Meserie, il le sédui-sit

set à lui prêter la volubilité de sa plame & la sécondité de son imagination; il n'en fallut pas d'avantage pour achever de perdre un homme peu connu, contre lequel étoient toutes les apparences, & qui n'avoit de protection que son Mérite.

M. la Meterie, pour avoir été trop sincére comme Philosophe, & trop officieux comme Amî, sur obligé de renoncer à sa Patrie. Le Duc Ne Duras & le Vicomte du Chails lui conseillerent de se soustraire à la haine des Prêtres & à la vengeance des Medecins; il quitta donc en 1746 les hôpitaux de l'Armée où M. de Sechelles l'avoit placé, & vint philosopher tranquillement à Leide. Il y composa sa Penelope, Ouvrage polémique contre les Medecins, où, à l'exemple de Democrite, il plassantoit sur la vanité de sa profession: ce qu'il y eut de singulier, c'est que les Medecins dont la charlatanerie y est dépeinte au vray, ne pûrent s'empecher d'en rire eux-mêmes en le lissant; ce qui marque bien qu'il se trouvoit dans l'Ouvrage plus de gaïeté que de malice.

M. la Meterie ayant perdu de vuë ses hôpitaux & ses malades s'adonna entiérement à la Philosophie spéculative; il sit son Homme machine; ou plûtôt il jetta sur le papier quelques pensées fortes sur le Matérialisme, qu'il s'époit sans doute proposé de rédiger. Cet Ouvrage qui devoit déplaire à des gens qui par état sont ennemis déclarés des progrés de la raison humaine, révolta tous les Prêtres de Leide contre l'Auteur; Calvinistes, Catholiques & Luthériens oublierent en ce moment que la Consubstantiation, le Libre-Arbitre, la Messe des Morts, & l'infaillibilité du Pape les divisoient; ils se réunirent tous pour persécuter un Philosophe qui avoit de plus le malheur d'étre François, dans un tems où cette Monarchie saisoit une guerre heureuse à Leurs Hautes Puissances.

Le titre de Philosophe & de malheureux sut suffisant pour procurer à M. la Mettrie un asile en Prusse, avec une pension du Roy; il se rendit à Berlin au mois de Fevrier de l'année 1748. où il sur reçu Membre de l'Académie Royale des Sciences. La Medecine le revendiqua vendiqua à la Métaphysique, & il sit un Traitté de la Dissenterie & un autre de l'Astme, les meilleurs qui ayent été écrits sur ces cruelles maladies. Il ébaucha differens ouvrages sur des matières de Philosophie abstraite qu'il s'étoit proposé d'examiner; & par une suite des fatalités qu'il avoit éprouvé, ces Ouvrages lui surent dérobés; mais il en demanda la suppression aussi-tôt qu'ils parurent.

M. la Mettrie mourut dans la maison de Milord Tirconnel, Ministre Plénipotentiaire de France, auquel il avoit rendu la vie. Il semble que la Maladie, connoissant à qui elle avoit à faire, ait eû l'adresse de l'attaquer d'abord au cerveau pour le terrasser plus sûrement; il prit une sièvre chaude avec un délire violent; le Malade sut obligé d'avoir recours à la Science de ses Collégues, & il n'y trouva pas la ressource qu'il avoit si souvent, & pour lui & pour le public, trouvée dans la sienne propre.

Il mourut le 11. de Novembre 1751. agé de 43. Ans. Il avoit épousé Louise Charlotte Dréaune, dont il ne laissa qu'une sille agée

de 5. Ans & quelques mois.

M. la Mettrie étoit né avec un fond de gayeté naturelle intarisfable; il avoit l'esprit vis, & l'imagination si séconde qu'elle saisoit croître des sleurs dans le terrein aride de la Medecine. La nature l'avoit sait Orateur & Philosophe; mais un présent plus précieux encore qu'il reçut d'elle, sut une Ame pure & un Coeur serviable. Tous ceux auxquels les pieuses injures des Théologiens n'en imposent pas, regrettent en M. la Mestrie un honnête homme & un savant Medecin.



DIS-



DISCOURS

DR

M. DE LALANDE.

MESSIEURS,

En me donnant une place dans votre illustre Compagnie, vous avez joint les liens de la reconnaissance à tant d'autres qui m'unissoient à vous.

Mais ai-je contracté l'obligation de venir vous l'exprimer d'une manière digne de vous? Non! MESSIEURS. Si j'ai donc à me plain-dre aujourdhuy, quel que soit l'éxcés de ma sensibilité, elle ne sera point la source de mes plaintes, & je me verrai sans regret sorcé de rester dans des bornes que vous même me prescrivez; puisque le titre seul, sous lequel vous daignez m'admettre parmi vous, présente une idée si différente.

En effet que devez-vous attendre de la plupart de ceux qui facrifient leurs veilles aux sublimes recherches du Mouvement des Astres, si ce n'est l'exposition séche & aride de quelque Apparition celeste, embarrassée, s'il le faut, de quelques formules Algébriques, c'est à dire, un langage qui n'a rien de commun avec celui de l'Eloquence & du Goût?

Cependant, MESSIEURS, comme la faveur dont vous venez de m'honorer, est bien capable de mettre dans la bouche la plus inanimée quelques paroles de reconnaissance; j'ai crû, que sans m'engager dans une entreprise, dont l'objet doit être pour moi si étranger; je Mim. de l'Acad. Tom VI.

B vous

vous devais tout au moins un témoignage public du zéle & de l'ardeur avec laquelle je désire me rendre digne à l'avenir de cet inestimable bonheur.

Quoique vous seuls, MESSIEURS, sembliez en ignorer le prix, il n'est personne d'entre vous qui n'ait appris, par sa propre expérience. à juger des sentiments qu'il doit aujourd'huy m'inspirer. tout quels doivent être les miens? Moy né dans le fond d'une Province éloignée de la Capitale, c'est à dire, loin de ce centre d'activité, qui force, pour ainsi dire, la Nature à produire les grands-hommes, & qui les cultive au fortir de ses mains; Moy, qui n'avois presque goûté cet aimable séjour que pour accuser le malheur de ma naissance qui semblait me l'avoir interdit; enfin Moy, qui ne songeois gueres. qu'à l'abandonner pour toûjours, lorsque je me suis vû heureusement transporté parmi vous, par un Roy, qui ne met aucunes bornes à la haute protection qu'il accorde aux Sciences Mathématiques. C'est alors que placé sous vos yeux pour entreprendre un travail, qui par l'importance de son objet méritoit infiniment votre attention, j'ai commencé à vous appartenir, avant même que vous eûssiez accordé à mon empressement ce caractère d'adoption spéciale dont vous daignez enfin me revêtir.

Je n'iral plus dans cette heureuse Ville, que plein de l'admiration dont me remplir la vuë de vôtre illustre Académie, mêler ma voix à tant d'autres qui y ont porté déjà le bruit de vôtre nom.

Mais non! J'irai plutôt, réunissant tous mes efforts & m'élevant, s'il m'est possible, au dessus de moy-même, montrer à l'Univers tout ce que peut l'assiduité & le travail encouragé par le suffrage d'une aussi brillante Académie; heureux, si je puis à ce prix justisser un jour le choix par lequel vous daignez écarter en ma saveur le préjugé si naturel de mon incapacité & de mon âge!

L'un & l'autre ne sçauroient sans doute m'inspirer aucune défiance; si marchant dans la caraière où s'est fait admirer si longtems celui celui qui préside à cette illustre Academie, je pouvais me statter d'une partie de ses succés: mais autant il étoit difficile d'allier toutes les qualités nécessaires à remplir dignement cette place éminente, autant il seroit téméraire d'aspirer à suivre les traces d'un semblable modéle. En le voyant, au sortir des Armées, briller dans ces sameuses Académies qui nourrissent au milieu de la France, l'une l'Esprit, (a) & l'autre le Génie, (b) aller braver la Nature dans ses mystères les plus cachés, & dans ses plus insupportables rigueurs; (c) raisonner en Philosophe, (d) inventer en Géometre, (e) parler en Orateur, (f) & mériter ensin la saveur d'un si juste Monarque; je n'apprens que trop qu'il ne peut me rester en partage que l'admiration & le silence.

Rien ne doit, néanmoins, contribuer à animer mon espérance & à seconder mes efforts, comme les exemples brillants & les admirables leçons auxquelles j'aurai part desormais de la manière la plus immédiate. Oui, MESSIEURS, en respirant au milieu de vous, il me semble que je vai respirer une partie des dispositions qui doivent en quelque sorte me rapprocher de vous.

Temoin déjà, avec toute l'Europe, de l'eclat & de la perfection que les Sciences acquiérent chaque jour entre vos mains, je deviens un Exemple de votre zéle à exciter les talens inconnus, à les soutenir dans leur naissance, à les encourager dans leurs progrés.

Il est vrai, MESSIL URS, que c'est ici, comme une des principales fonctions de votre Ministère dans l'Etat; vous qui ne vivez que pour le bien de la Patrie, pourriez-vous ne pas prendre un soin particulier de tout ce qui semble annoncer des dispositions capables de remplir la moindre partie d'un objet aussi grand?

B 2

Maig

- (a) L'Academie Françoise. (b) L'Academie des Sciences.
- (c) Voyage de Laponie pour la figure de la terre,
- (d) Essay de Philosophie Morale, Venus Physique, &c.
- (e) Essay de Cosmologie, Discours sur la Parallaxe de la Lune, Figure des Aftres, Astronomie nautique, &cc.
- (f) Grand nombre de beaux Discours & de Pieces de Littérature.

Mais c'est surtout dans la distribution que vous saites aux Etrangers de vos soins, que vous paraissez, MESSIEURS, les plus attachés à tout ce qui peut aider au progrés des Sciences; tantôt vous élevant au dessus du préjugé des Nations, vous ne resusez point d'adopter dans les peuples les moins éclairés, ce qui peut mériter de l'être; tantôt au dessus de cette espece de jalousie, qui désunit presque toûjours ceux que la diversité des Climats a séparés, vous recherchez la vérité parmi ces hommes qui vous semblent moins attachés à la connaître & à la cultiver, qu'à l'ensevelir dans des Ornemens étrangers, & vous la recevez de leurs mains. Toûjours ainsi occupés du soin de répandre de plus en plus dans l'Univers, le goût du vrai & de cette application solide, qui carastèrise surtout votre illustre Académie; vous sçavez en éloigner cet art dangereux & séduisant du bel Esprit, qui ne consiste qu'à donner un prix à ce qui n'en sçaurait avoir en soy-même.

Ainsi ce n'est pas assez que votre art merveilleux ait sçû se rendre utile, & même nécessaire, au milieu des horreurs de la Guerre; vous voulez que dans des jours plus tranquilles la Patrie jouisse encore du fruit de vos moindres momens. Qu'ils sont précieux ces momens, mais aussi qu'ils sont flatteurs pour vous, MESSIEURS, lorsque d'ILLUSTRES PRINCESSES, dont l'Esprit, le goût, & le discernement sussit pour former la preuve la plus complette & la plus décisive du prix de vos occupations, daignent venir jusqu'au milieu de vous, vous témoigner par leur présence & par leur attention la bienveuïllance, dont elles honorent vos travaux, & l'estime quelles accordent à vos succès!

Vous êtes donc tout à la fois, MESSIEURS, le flambeau de la Patrie & celui de l'Humanité, Dépositaires de la plus grande partie de la splendeur d'un Etat; chargés tout à la sois d'instruire & déclairer les Citoiens; de conduire l'esprit & de régler le coeur; vous sournissez à l'un ses alimens les plus solides, à l'autre ses plus nobles délassemens.

Parmi

Parmi les plus célébres Académies en fut-il jamais une qui osa, comme la votre, entreprendre de tempérer, par l'éclat de la plus belle Littérature, l'obscurité des penibles sentiers de la Philosophie? C'est à vous, MESSIEURS, qu'il étoit reservé de nous montrer tout le beau & l'utile de cet heureux assemblage, dont votre illustre Fondateur vous donna le premier exemple, & dont il vous transmit toute limerfection.

En effet, si nous regardons l'Illustre Leibnizz, comme l'Auteur de la plus sublime partie des Connaissances du Géometre; ne sut-il pas aux Métaphysiciens comme un guide dans leurs spéculations; aux Physiciens comme une source de lumiere dans leurs raisonnemens; aux Historiens, aux Théologiens, & aux Poëtes, un rival qui faisait encore honneur au nom de Leibnizz & à celui de Chef d'une florissante Académie? Digne objet ensin du Choix du Monarque Auguste, sous la protection duquel vous commençates à travailler de concert dans ces champs, jusqu'alors peu cultivés; mais que l'on vit, bientôt entre vos mains, prendre une nouvelle face. Depuis cette époque si memorable, il ne faudrait que compter les instans pour appercevoir tous les pas qu'a fait votre illustre Académie vers ce genre de gloire, qu'elle à toujours eu devant les yeux, je veux dire, la persection générale de toutes les Sciences.

Mais, MESSIEURS, votre renouvellement offre surtout à ma vuë un spectacle d'admiration. Un Roy qui voulant signaler les premiers instans de son repos par le goût le plus déclaré pour les beaux Arts, les place avec lui, sur le thrône, en achevant de les tirer du Berceau; un Roy qui, las de courir de victoire en victoire, vient s'écrier avec vous dans le sein de la paix: Dulces anse omnia Musa; Ce Roy, ensin qui non seulement par un prodige que tous les siècles ont reservé, ce semble, à vos heureuses contrées, rassemble autour de lui plus de Héros que ne sirent jamais les Dictateurs de l'Italie; plus de Philosophes que Socrate & Pythagore; plus d'Esprits que Mecenes & qu'Auguste: mais qui parun autre prodige réservé à lui seul, est de tous ces B 3

Digitized by Google

Héros le plus grand; de tous ces Philosophes le plus sage; de tous ces Génies le plus solide, le plus aimable, & le plus beau. Grand Roy dédaigneriez vous, quelque soible qu'il soit. l'hommage que vous rendent aujourd'huy, par ma voix, ces houches consacrées à la Vérité, & destinées à la montrer à tous les hommes? Ne pourroient-elles dans l'excés de leur admiration & de leur reconnaissance, s'unir, pour un instant à celles qui sont chargées d'annoncer, dans l'Univers, prodiges de votre Régne, & de les transmettre à la Postérité?

Oui, MESSIEURS, ce tribut, qui encore une fois ne sçauroit être suspect, est le seul qui mérite d'être porté jusques aux pieds de ce Monarque, & de parvenir avec lui à l'immortalité.

Moins de grandeur suffirait pour animer nos pinceaux, si leurs traits pouvoient être assez viss pour rendre au naturel le portrait qu'il en a sçu graver lui-même dans l'esprit de toutes les Nations, mais dans vos coeurs surtout; Peuples vraiment heureux sous le régne d'un Prince, dont la Grandeur naît du bonheur de ses sujets.

Heureuse Académie, puissiez-vous jouir longtems du bonheur de voir parmi vos noms le Glorieux Nom de FREDERIC!



REPONSE

RÉPONSE

M. DE MAUPERTUIS.

MONSIEUR,

Tous ne sommes plus, grace au Ciel, dans des tems où l'on eut eu besoin d'un long discours pour saire connoitre l'utilité de l'entreprise que vous venez exécuter icy. Tous ceux qui ont quelque connoissance de l'Astronomie sçavent de quelle importance est la Théorie de la Lune pour le progrés de cette Science: ceux qui se sont bornés à la Géographie sçavent combien les Observations de la Lune sont utiles pour déterminer la position des Lieux sur la Terre: ensin les Navigateurs sentent encor mieux qu'ils sont dans une dépendance continuelle de cet Astre. Pendant qu'il est la cause & la régle des Mouvements de la Mer, il fournit les moyens pour se conduire avec. seureté sur cet Elément; Et si une connoissance commune du Cours de la Lune suffit au Navigateur qui ne s'écarte pas des côtes, celui qui entreprend ces longues Navigations pendant lesquelles il ne voit que la Mer & le Ciel, doit avoir des connoissances bien plus exactes & plus étendues. Il semble que les autres Astres n'éclairent le Cieux que pour former le spectacle de l'Univers; celui-cy paroit avoir été donné à la Terre pour l'utilité de ses habitans.

Entre tant de Bienfaits dont les Hommes sont redevables à la Lune, il étoit assez naturel qu'ils poussassent la reconnoissance trop loin. Pendant que les Philosophes admirent & calculent les effets réels de cet Astre, le Peuple lui attribue des influences imaginaires; consulte ses Aspects sur l'administration des Remèdes dans ses maladies, sur l'Economie de son Bétail, sur le tems où il doit semer ses Grains, ou tailler ses Arbres.

Les

Les Personnes Augustes devant qui j'ay l'honneur de parler sont trop éclairées, pour que je croye devoir dire combien tous ces prétendus effets sont peu sondés: Il est plus à propos d'expliquer le but de vos Observations.

On est déjà sans doute assez prévenu pour vôtre entreprise, lorsqu'on sçait qu'elle est formée par une Nation chez laquelle les Sciences sont en si grand honneur, & ont sait de si grands progrés: lorsqu'on voit que LOUIS envoye en même tems pour l'exécuter, des Astronomes dans les parties Septentrionales de l'Europe, & jusqu'aux extremités Meridionales de l'Afrique; & que FEDERIC la partage par les ordres qu'il m'a donnés pour que vous trouviez ici tous les secours que son Académie & son Observatoire peuvent vous procurer, & pour que les mêmes Observations soient saites par ses Astronomes.

Mais on peut dire que l'Allemagne a dans cette Entreprise un intérest en quelque sorte personnel: Ce sera à jamais une époque glorieuse pour ce Païs-cy qu'un simple particulier ait eu assez d'amour pour les Sciences, & assez de générosité, pour entrepresdre ce que la France exécute.

En 1705. Mr. de Krosigk, Conseiller Privé de FREDERIC 1. connoissant l'importance dont est la détermination de la Parallaxe de la Lune, envoya à ses dépens au Cap de Bonne Espérance M. Kolbe, muni des meilleurs Instruments qu'on connût alors, pendant qu'il faisoit saire ici par M. Wagner avec des Instrumens pareils les Observations correspondantes. L'entreprise de cet homme illustre n'eut point le succès qu'elle méritoit: Differens obstacles, & la nature des Instrumens qui étoient bien éloignés de la persection de ceux d'aujourd'huy, sirent qu'on ne put retirer de cette opération les avantages qu'on en avoit espérés.

Pour connoître ces avantages, il faut expliquer ce que c'est que la Parallaxe de la Lune: Et comment on en déduit la distance de la Lune à la Terre.

Que

Que des Etres aussi bornés que nous le sommes, rélégués dans un coin de l'Univers, veuillent de là mesurer la Distance de ces Corps que l'Etre suprème a placés à de si grands éloignements: cela paroitroit l'entreprise la plus téméraire, si l'on ne connoissoit le pouvoir de la Géometrie. Mais on sçait, que tous les jours elle nous découvre la hauteur d'une Tour, ou la distance d'un autre Objet terrestre inaccessible, avec autant d'exactinude que si l'on eut réellement mesuré cette hauteur ou cette distance; une seule proposition d'Euclide résoud également ces Problèmes. Il n'est question que d'appliquer la distance qu'on cherche à un Triangle dont deux Angles & un ceté soyent connus. L'opération est très simple lorsqu'on veus anesurer la distance de quelqu'objet terrestre; voici comme ce Triangle se forme lorsque c'est la distance de la Terre à la Lune qu'on veut découvrir.

Si cette distance étoit si grande que le globe entier de la Terre ne sut pour ainsi dire qu'un point en comparaison, de quelque lieu de la Terre qu'on observat la Lune, dans chaque instant on la verroit au même Lieu du Ciel; il n'y auroit aucune diversité d'aspect, il n'y auroit point de Parallaxe; & c'est ce qui a lieu à l'egard des Etoiles sixes dont la distance peut passer pour infinie. Mais il s'en saut beaucoup que la Lune soir aussi éloignée de nous; sa distance n'est que d'environ 10. sois la Circonserence de la Terre, & le Diametre de la Terre est une quantiré considérable par rapport à cette Distance. Si donc on suppose le Centre de la Terre, celuy de la Lune, & quelqu'Etoile sixe dans une même ligne droite, un Observateur placé dans les Régions Septentrionales de la Terre verra la Lune au dessous de l'Etoile, tandis qu'un autre Observateur placé sous le même Meridien dans les Régions Meridionales la verra au dessus: Et les deux distances apparentes de la Lune à l'Etoile donneront la Parallaxe. (*)

^(*) Nous prenons ici la Parallaxe dans un autre sens & dans un sens plus, général qu'on ne la prend ordinainement. Ce que les Astronomes appellent le Paral-Mino, de l'Acad, Tom. FI.

Qu'on conçoive maintenant une Ligne droite tirée à travers de la Terre qui joigne les lieux des deux Observateurs: Cette ligne sera la Base d'un Triangle dont les deux autres côtés seront les lignes tirées de chaque Observateur à la Lune.

Or dans ce Triangle les trois Angles, & la Base étant connus, l'on a la longeur de chacun des cotés & la distance du Centre de la Lune au Centre de la Terre: Le tout ne dépend que de la précision avec laquelle on connoit la position des Lieux des Observateurs, l'Angle de la Parallaxe, la grandeur & la figure de la Terre.

Mais dans cette Opération il y a une remarque à faire: C'est que plus la Ligne qui sert de Base est longue, plus est grande l'exactitude avec laquelle on détermine la distance qu'on cherche. C'est par cette considération que pour bien déterminer la Distance de la Lune, on n'employe pas des Observations saites par des Astronomes placés à peu de degrés l'un de l'autre: Plus l'Arc du Meridien qui les sépare est grand, plus on peut compter sur la précision de cette Distance.

On eut trouvé dans l'Amérique un Arc du Meridien plus long que dans nôtre Continent, si l'on eut pris celuy qui passe par les Terres Magellaniques, & qui s'étend jusqu'aux Extrémités les plus Septentrionales: Mais ces Païs étoient trop peu habitables ou trop peu consus pour y penser. A la verité sans sortir de ce Continent le Meridien qui passe par le Cap de Bonne Espérance pouvoit sournir pour vos Observations, un point plus avantageux que celuy que vous avez choisi: La Lapponie Danoise se trouve sous ce même Meridien: & vous eussiez pû en vous plaçant au Cap Nord allonger de 18. degrés l'Arc qui vous sépare du Cap de Bonne Espérance.

Cependant si vous faites attention aux difficultés que des Climats aussi rudes apportent aux Observations, & aux secours & aux com-

laxe de la Lune, est l'Angle formé à la Lune par deux lignes tirées l'une du centre de la Terre, l'autre du point de la surface où se trouve l'Observateur.

Les neus prenons pour la Parallexe l'Angle formé par les lignes tirées des points de la surface de la Terre où se trouvent les deux Observateurs.

commodités, que vous trouverez dans une Ville où tous les Arts & toutes les Sciences fleurissent, vous regretterez moins cette perte fue la distance dont on auroit pu vous éloigner encor. La précision que vous pouvez donner ici à vos Observations sera peut-être présérable à ce que vous auriez gagné par une situation plus avantageuse: & pour nous, dans le choix qu'on a fait de Berlin, nous trouvons l'avantage de vous avoir connu. & de vous avoir acquis pour Confrére.

Revenons à l'objet de vos Observations. La distance de la Lune à la Terre est un des Eléments, non seulement de l'Astronomie, mais de toute la Phylique Celeste; Ce sut par elle qu'on put comparer la force qui retient la Lune dans son Orbite avec celle qui fait tomber les Corps vers la Terre, avec la Pesanteur; & qu'on vit que ces deux forces n'étoient que la même. Cette decouverte conduisit Neuton à la Gravité univerfelle, & luy dévoila toute la Mechanique de l'Univers.

Mais si la distance de la Lune à la Terre étoit des ce tems-là connue avec une précision suffisante pour l'usage auquel Newton l'appliquoit, d'autres besoins font désirer qu'on la connoisse avec plus d'exactitude : & avec toute l'exactitude possible.

La plus grande précision est necessaire pour parvenir à une Théorie complete de la Lune: avec cette Théorie on déterminera le point du Ciel où se doit trouver la Lune à chaque moment; la position de la Leine calculée pour chaque lieu, & observée par le Navigateur dans le lieu ou il est, suy donnera par la difference des heures, la differente des Meridiens: & le fameux Probleme de la Longitude sera ré-Le Navigateur connoîtra la distance où il est du Meridien du lieu de son départ avec autant de précision qu'il sçait à quelle distance il est de l'Equateur, il ne sera plus exposé à ces funestes Erreurs qui naissent d'une estime incertaine, & qui causent tous les jours des Naufrages.

Aprés ce dernier avantage, je n'ay plus besoin de parler d'aucun autre. L'utilité de ce qui peut conserver la vie des hommes & assurer leur fortune passe chez eux avant tout, & leur est assez démontrée. Mais

Digitized by Google

Mais il sera peut-être à propos de lever icy certains doutes qui pourroient naitre, ou de répondre à quelques Questions qu'on pourroit faire.

La distance de la Lune à la Terre bien déterminée, tous ses mouvements bien connus, son lieu dans le Ciel exactement marqué pour chaque instant; ne faudra-t-il pas encor bien des Observations & des calculs pour en déduire la Longitude? Et chaque Pilote sera-t-il assez habile Astronome pour les saire? Nous avouons qu'il faudra pour cela plus de science & plus de travail que jusqu'icy n'en employent les Pilotes ordinaires; mais doit-on se priver de tels avantages parce qu'il en coute des soins pour en prositer? D'ailleurs les spéculations les plus subtiles ne se sont-elles pas dans presque tous les Arts converties en pratiques assez simples? Et si l'on eut proposé aux premiers Hommes qui s'exposerent sur un Radeau la Science de la Navigation, eussent-ils pu croire que ses Régles devinssent jamais assez faciles pour que tous les gens de Mer les connussent & les pratiquassent?

Mais, dira-t-on peut être encor; en convenant de toute l'utilité de la Théorie de la Lune, est-il seur qu'on l'obtienne par les Observations de la Parallaxe? Non; mais il est seur que ces Observations sournissent le meilleur moyen pour y parvenir: Et quoyque le progrés soit lent, quoyque le tems du succés soit reculé & incertain, tout ce qui nous approche d'objets aussi importants mérite les plus grands travaux d'une Nation éclairée. Peut-être ne retirerons-nous point nous-mêmes les derniers fruits de ces travaux: peut-être ne sont-ils reservés que pour des tems qui sont encor sort éloignés: Mais en seront-ils moins précieux pour les hommes qui vivront alors? L'Amour du vray & de l'utile doit embrasser tous les tems, & ne saire de tous les hommes qu'une même Société.



श्रक्ताकोकोकोकोकोकोकोकोको । श्रेक्ताकोकोकोकोकोकोकोकोकोकोकोकोको

DE L'OBLIGATION DE SE PROCURER TOUTES LES COMMODITE'S

DE LA VIE,

CONSIDERE'E COMME UN DEVOIR DE LA MORALE.

PAR M. FORMEY.

On aura peut-être de la peine à se persuader que ce que je veux saire envisager sous l'idée d'un Devoir, en soit un, & qu'il saille le proposer aux hommes sous ce point de vuë, comme s'ils n'etoient pas disposés, non seulement à le réduire en pratique, mais même à le pousser au delà de ses justes bornes. Ce seroit pourtant se tromper que d'acquiescer à l'une & à l'autre de ces décissons. L'obligation de se procurer toutes les commodités de la Vie est un devoir légitimement déduit des premiers principes de la Morale; & qui plus est, c'est un devoir communèment negligé. Quelques momens d'attention suffiront, si je ne me trompe, pour en convaincre ceux qui pensent autrement.

La Morale n'est rien, ou elle est sa Science du Bonheur. Quelle autre raison pourroit déterminer la Créature raisonnable à résléchir fur la nature de ses actions; quel autre but pourroit-elle se proposer en y faisant régner un certain ordre, qui paroit d'abord tenir de la gêne & de la contrainte, sinon d'en être récompensée par un état présérable à celui où elle demeureroit en négligeant ces précautions? Aussi tous les Philosophes qui ont sait de la Morale leur objet, ont-ils parsé à leurs C 3 Disciples du Bonhenr, du Souverain Bien, comme de la derniere sin à laquelle ils devoient tendre. Il n'etoit pas difficile en effet de connoître une sin que la Nature a écrite en gros caractères dans le coeur de tous les hommes. Mais il s'en failoit bien qu'il sus aisé de trouver les moyens qui conduisent à cette sin, parce que la Nature, gardant le silence à cet égard, laisse à l'homme le soin de consulter l'Expérience & la Raison, pour se demêler avec succès de cette grande entreprise.

C'est donc ici que commencent tous ces Edifices, qu'on appelle Systèmes, & qu'on distingue par les noms de leurs Architectes. Il y en a eu par centaines, comme le témoignent les Philosophes anciens; mais au fonds ils peuvent être réduits à trois principaux. On a voulu rendre l'homme heureux par l'Insensibilité, par la Volupté, & par la Vertu. Je sortirois des bornes de mon Plan, si je faisois ici l'analyse & la comparaison de ces Systèmes. Je laisse donc indécis, laquelle de ces trois routes mene effectivement au Bonheur; mais si l'obligation de se procurer toutes les commodités de la Vie découle également de ces trois Sources, j'aurai eu raison d'avancer que c'est un devoir légitimement déduit des premiers principes de la Morale.

J'entens par cette obligation, (car il est essentiel de commencer par la désinir,) l'attention que nous devons apporter à écarter de la portée de nos sens, & des idées de nôtre esprit, tout ce qui altère, inquiéte, aigrit, & fait des impressions facheuses, pour y substituer les choses propres à produire des essets doux & agréables. Il ne s'agit donc ici, ni des prétentions outrées des Passions, ni de cette mollesse entre les bras de laquelle l'homme s'endort si volontiers. Je ne cherche à mettre l'homme dans une situation riante, qu'autant qu'elle est propre à faciliter la pratique de ses devoirs; car si je le détournois de ses devoirs, je le rendrois malheureux, & je ne pourrois plus me vanter de lui donner une leçon de Morale. Je donnerai dans la suite de ce Discours quelques Exemples qui acheveront de sixer les justes limites

limites de cette obligation. Voyons la nécessité dans les trois Systèmes généraux du Bonheur.

I. Le premier est celui de l'Insensibilité, de l'Apathie, comme la nommoient ceux qui en ont introduit l'idée. Ce dogme pris dans un sens absolu, & à toute rigueur, est la plus haute de toutes les chimères. Un homme qui ne sent rien est un homme, si j'ose ainsi dire, des-humanisé. L'orgueil peut se vanter de ne rien sentir; l'enthousiasme peut jetter dans un accès de délire, où l'on ne sente effectivement rien. Mais il est impossible de saire de cet état un état permanent, un état philosophique. Ce Sage cantonné en lui-même, siégeant dans je ne sçai quelle Capitale intérieure, où il est inaccessible à tous les traits, à toutes les disgraces, est le Phoenix, c'est à dire, un Etre aussi fabuleux que cet Oiseau.

Si l'on veut donc laisser à l'Apathie la prérogative d'être un Système, une route à la Felicité, il faut au moins la prendre dans un sens raisonnable & possible. Alors elle signifiera ce détachement de toutes les choses du dehors, par lequel nous arrivons infensiblement à pouvoir nous en passer sans peine, & à trouver nôtre joye & nôtre satissaction en nous-mêmes. Cette idée est grande, elle est belle, elle est vraye. Mais je vous prie de faire d'après l'expérience une remarque, qui nous conduirs tout droit à l'obligation que je veux établir. C'est qu'il est incomparablement plus sacile de se désaire de la sensibilité pour les grandes choses que de la sensibilité pour les petites. Cela est étonnant, mais cela est incontestable. Il y a dans les grandes Ames, dans les Ames Philosophes, un principe de noblesse & d'elévation, qui les soutient dans tout ce qui a de l'éclat. & qui demande une force heroïque; jamais cela ne leur manque au besoin. ce Heros, ce Philosophe, que les coups les plus rudes du sort n'ont point ébranlé, vous les verrez s'inquièter, se laisser emporter quelquesois hors de leur assiette, par des choses qui n'ont aucune proportion avec celles dont ils ont pleinement triomphé. De là vient l'extrème

trème difference entre la vie privée & la vie publique, & l'etonnement où l'on est en voyant de près des Hommes, dont la grandeur apperçuë en perspective étoit si frappante, en les voyant, dis-je, petits, minucieux, méprisables. On a fondé la dessus ces Maximes Vulgairement recuës; que la présence diminut la renommée, & qu'il n'y a point de Hèros pour son Valet de Chambre. Et moi j'y fonde l'obligation de prévenir ces travers, ces inégalités, ces bizarreries, qui font souvent éclipser les plus brillantes qualités; & je dis que le meilleur moyen d'y réjissir, c'est d'arranger les objets les plus voisins. & auxquels sont attachées les véritables commodités de la vie, de maniere qu'il en résulte un coup d'oeil gracieux, des impressions riantes. On ne scauroit croire combien cela influe sur l'etat de l'Ame. Le Philosophe qui méprise ces détails, & qui croit y trouver une espece de puérilité, est un faux Philosophe, qui n'entend pas son mêtier. & qui n'arrivera jamais à la veritable Apathie. Tout le faste de ses Dogmes ne l'empêchera pas de recèler au dedans de soi milse soucis, d'autant plus incommodes qu'ils renaissent tous les jours.

II. On comprend ailément que, dans le Système de la Volupté, l'obligation dont je parle, est, sinon plus forte, au moins plus marquée. Mais je vais plus loin, & j'avance une chose dont je suis persuadé; c'est que la volupté d'Epicure n'est que cela. Il y a longtems qu'on a réhabilité ce Philosophe, dont la mémoire avoit été injustement décriée, & qui n'a rien de commun avec ces Epicuriens, qui font de l'aimable Déesse de leur Maître une Furie grossière & brutale. Ce célébre Grec avoit trop profondément médité sur les sources du vrai bonheur pour en indiquer d'aussi mauvaises que la sensualité & les excès. Il n'y a qu'à lire les Sentences qu'il a prononcées, & en particulier celles qu'on trouve enchassées avec tant d'art dans les admirables Lettres de Seneque à Lucilius. Ces Lettres sont, pour ainsi dire, une conciliation perpetuelle de la doctrine d'Epicure & de celle des Stoïciens; & en effet quelque opposées que paroissent ces deux doctrines, il est certain qu'elles ne different point essentiellement. Epicure veut mener

mener à la Vertu par la route d'une Volupté, conforme aux Loix de la Nature & aux Confeils de la Raison, d'une Volupté pure, paissible, & qu'on puisse se procurer dans tous les tems & dans tous les lieux. Zenon veut mener à la Volupté, (car le Bonheur, le Souverain Bien & la vraye Volupté sont la même chose;) il veut, dis-je, mener à la Volupté par la Vertu; il veut que l'Homme devienne semblable aux Dieux, en vivant comme eux. A' laquelle donc de ces deux Ecoles qu'on aille, îl en résultera le même esset; on reviendra de la premiere vertueux par la volupté, & de la seconde voluptueux, c'est à dire, heureux, par la vertu.

Mais pour ne point sortir des bornes de la Question que j'examine, comment obtenir la vraye Volupté d'Epicure? Est-çe dans le tumulte, dans le fracas, dans l'etourdissement des plaisirs, qu'elle se trouve? Un passage des Lettres que j'ai citées, nous l'apprendra: je suis saché seulement de ne pouvoir pas lui conserver toute sa beauté dans ma Traduction. "Ceux, dit Seneque, qui s'adressent à Epicure, ont la sausse espèrance qu'ils pourront mettre tous leurs vices à l'abri de ses préceptes. Quand ils arrivent à la porte de son petit Jardin, ils y lisent cette Inscription: Etranger, vous serez bien ici, vous y goûterez le Souverain Bien dans la Volupté; l'hôte du logis vient ensuite les recevoir avec un air d'hospitalité, & de la sa-con la plus humaine; il leur présente de la bouillie de sarine d'orge, il leur verse de l'eau largement, & leur dit ensuite: Eh! bien, n'avez vous pas été bien reçus?" (*) Voilà l'idée que Seneque nous donne de la Volupté d'Epicure: sa Seste n'auroit pas été si nombreuse

assurément, si l'on n'avoit mis aucun assaisonnement à cette premiers simplicité.

On a et grand tort cependant de le faire: tout ce que l'on a ajouté, peut être comparé au fard qui ne rehaussa jamais les charmes de la Beauté. Il faloit s'en tenir au plan du Sage Athenien. Un petit Jardin bien cultivé, une Maison commode, des mets apprêtés sans art, des Livres, des Amis, une Compagne douce & fidèle, on l'a dit souvent, & peu de gens veulent le croire, ou ne s'en apperçoivent que trop tard; voilà ce qui rend la vie heureuse. La vocation secrete & invariable que la Nature nous adresse au Bonheur, seroit une illusion, ou ne serviroit qu'à nous tourmenter, s'il faloit pour l'acquérir des fraix que tout le Monde ne sut pas en état de saire, & que par là il devint un appanage réservé à certaines conditions. C'est an contraire dans ces conditions qu'on est le moins à portée de le goûter, parce que l'Art y étouffe sans cesse la Nature, & qu'on se dègoûte bientôt de tout ge qui n'est pas naturel. Je conclus donc qu'un vrai Epicurien, un Epicurien fage & raisonnable, est celui qui va droit au but, en se procurant ces commodités de la Vie, qui en marquent tous les instans d'une maniere douce, & bien autrement délicieuse, qu'on ne les passe dans la dissipation.

III. Je viens au troisième Système du Bonheur; c'est celui dans lequel on le regarde comme indissolublement attaché à la pratique de la Vertu. J'avois dit, je l'avoüe, que je laisserois indécis; laquelle des trois doctrines qui ont été indiquées, est la veritable? mais je ne seaurois me résoudre à persévérer dans cette indécision. Il est si évident qu'on n'est, & qu'on ne peut être heureux qu'autant qu'on est Vertueux, que la seule apparence du doute à cet égard me paroit mal séante. La démonstration de cette Vérité est étrangère au sujet que je traitte; & après tout chacun la porte dans son coeur, quelque combattue qu'elle y puisse être par l'Erreur ou par le Vice.

Mais je m'attens bien qu'on trouvera que je tourne le dos à mon but, en représentant l'attention à se procurer toutes les commodités

de

de la Vie comme une obligation, un devoir moral, qui puisse être déduit du Principe par lequel l'acquisition du Bonheur est réservée à la seule Vereu. N'est-ce pas, dira-t-on, énerver les hommes, leur faire employer à de petits soins, à de basses occupations, cette activité & ces forces qui suffisent à peine pour les pénibles efforts, auxquels la pratique d'une Vereu soutenué engage? N'est-ce pas serrer des liens que la Vertu a une peine infinie à rompre? En un mot, n'est-ce pas allier des choses incompatibles?

Ici j'ai besoin de beaucoup de clarté & de précision pour achever d'expliquer mon idée, & pour prouver ma Proposition. J'ai déjà fait sentir par la définition du Devoir que j'introduis dans la Morale, qu'il ne s'agissoit point d'une vie oisive, molté & ticencieuse; & que je ne prétendois accorder aux hommes que la rétioion des commodités qui facilitent la pratique de leurs devoirs, ou du moins qui ne la troublent pas.

Cela posé, tout va, si je ne me trompe, de plein pied. ce que la Vertu? C'est l'habitude de faire le bien. Qu'est-ce qu'une habitude? C'est la facilité que nous acquérons per une suite d'actes réiterés d'exécuter d'une maniere promte & heureuse ce que nous n'étions pas en état de faire auparavant, ou ce qui nous coûtoit de la peine & des efforts? Enfin comment acquiert-on cette facilité? A' proportion des secours & des commodités dont on est à portée de fai-Passez en revuë toutes les Sciences, tous les Exercices re ulage. du Corps: vous verrez que toutes ces choses ne s'apprennent jamais. Si l'on veut qu'un Enfant scache écrire, on ne lui donne pas une mauvaise plume, de mauvaise encre, un papier raboteux. on ne le place pas dans une attitude génante, on ne lui ôte pas le de. gré de jour nécessaire; & ainsi du reste. Je n'accumulerai pas de semblables exemples; je ne crois pas que l'on me conteste que les progrés en tout genre, dépendent des commodités plus ou moins grandes que nous rencontrons, en supposant les dispositions convenables dans le fujet qui en profite.

Ainsi

· Ainsi, & pour ne pas lasser vôtre attention, je maintiens qu'il en est absolument de même de la Vertu en général, & des devoirs qui constituent les Vertus particulieres. On ne scauroit être trop soigneux de rassembler tout ce qui peut nous-en rendre la pratique douce & aisée: parce qu'il est rare qu'on se soutienne dans l'exercice des choses, qui n'offrent jamais que des combats à soutenir & des obstacles à vaincre. Or en une infinité d'occasions ces obstacles naissent du simple défaut de certaines commodités qu'il seroit en nôtre pouvoir de nous procurer; & si nous ne le faisons pas, nous manquons à nôtre devoir; car je ne vois pas qu'il y ait de la difference entre manquer à une chose qui nous empêche de faire nôtre devoir. ou du moins de le bien faire, & manquer à ce devoir même. par exemple, un Magistrat ayant à entendre diverses personnes qu'il est obligé d'ecouter. & auxquelles il rendra ensuite justice d'après ce qu'elles lui auront dit; si ce Magistrat, disje, est dans un Appartement exposé à quelque injure de l'air, à quelque bruit incommode, à quelque autre action que ce soit, qui en l'affectant le détourne de l'attention qu'il doit à ceux qui lui parlent, n'est-il pas dans l'obligation de choisir un lieu plus commode, & où il soit á l'abri de ces distra-Rioas? Si un Homme de Lettres ne peut méditer avec quelque succès, qu'après avoir pris une tasse ou deux d'une liqueur qui libère sa tête de la pesanteur qui l'accable, ou des vapeurs qui l'offusquent, n'estil pas l'obligation de se procurer cette espece de vehicule de ses idées? Si un Homme de Guerre, (je ne crains point de joindre cet exemple aux autres, & rela ne déroge point à l'obligation, en apparence opposée, de soutenir toutes les satigues & d'affronter tous les maux, puisque celle-ci ne peut-être fondée & raisonnable, qu'entant & autant que la nécessité l'exige;) si un Homme de Guerre s'apperçoit qu'il y a dans quelque partie de ses vétemens une gene qui dérange la liberté de son action, qui lui ôte quelque chose de la promtitude & de l'aisance de ses mouvemens, le trouveriez-vous sort sensé de dire qu'il y auroit une fausse délicatesse à y remèdier? Seroit-ce par hazard hazard un mérite de faire moins bien ce qu'on pourroit faire mieux, en faisant cesser un état incommode, pour lui en substituer un plus avantageux à l'exercice de nos fonctions? Je ne me persuade pas qu'on puisse raisonnablement penser de la sorte.

Je ne me trouve embarrassé ici que de l'abondance des preuves, & de la crainte de passer les bornes d'un Discours Académique. Ainsi il faut que je ne borne à la simple indication de deux Argumens en saveur du même devoir; dont la sorce me paroit maniseste.

Le premier, c'est que l'obligation de faire le bien emporte celle de faire le mieux; & que celui qui pouvant faire mieux, ne fait que bien, est censé saire mal. Cela est si vrai que tous les jours on ne tient aucun compte à certaines personnes des choses qu'elles ont saires & bien saites, dés qu'on sçait qu'elles pouvoient les saire mieux. Or il est évident que l'omission des précautions, sur lesquelles roulent le Devoir que j'établis, empêche constamment le mieux, & nous prive de quelcune des dispositions qui devroient concourir à la persection de nôtre action.

Le second argument que j'indique, c'est que nos actions considérables, celles qui portent le nom de grandes, sont des Touts, composés d'autres actions plus petites, dans lesquelles elles se divisent. Les petites actions sont les élémens de la grande action, de l'action totale. Or si ces élémens sont désectueux, ou en nombre, ou en qualité, l'action qui en est le résultat, en soussire proportionellement à ce désaut. On peut emprunter ici une comparaison très sensible des actions du Corps. Qu'est-ce que cette sorce d'un bras, qui leve telle masse d'un tel poids? C'est l'aggrégat des sorces de tous les muscles de ce bras; & la sorce de chaque muscle est l'aggrégat à son tour des sorces de toutes les sibres qui composent ce muscle. Si donc l'action d'un muscle, ou même d'une sibre, manque, ou qu'elle soit altérée, l'action totale en reçoit un déchet d'autant. Séparez un sil très mince d'un gros cable, cen'est rien en apparence; continuez à en séparer de semblables, & vous parviendrez à détruire tout le tissu.

D₃ Ces

Ces réfléxions sont asses frappantes pour quiconque sçait & veut résléchir. Il est pourtant incroyable, combien il se trouve de gens, dont les uns se sont un vain mérite d'être au dessus de ces prétenduës bagatelles, & les autres passent leur vie dans des embarras qu'ils n'apperçoivent seulement pas, quoiqu'ils soient l'unique cause de la médiocrité à laquelle ils demeurent, pour ainsi dire, condamnés. La plupart des dispositions qu'on appelle humeur, înegalité, caprice, naissent de là; la Société en perd ses principaux agrémens; les Vertus d'aimables qu'elles devroient être, en deviennent séches & rebutantes; & le Bonheur se perd. s'abyme dans ces petits incidens, tout autant & plus que dans les grandes traverses de la vie; à peu prés comme une ravine d'eau peut également se jetter tout à coup dans quelque large ouverture, ou en se répandant sur la terre s'imbiber dans tous ses pores.

J'ai donc eu rasson de dire des l'encrée de ce Mémoire, que l'obligation de se procurer toutes les commodités de la Vie étoit un devoir, & un devoir fort négligé. Les hommes aiment le Plaisir, & v font consister le Bonheur. Ils ont raison; mais leur Oeconomie n'en est pas moins mauvaise pour cela. Ils font comme ces gens qui mangent le revenu d'un mois, ou même d'une année, pour donner un festin d'apparat, où l'on s'ennuye quelquesois mortellement, & tui se trouvent à l'étroit le reste du tems. On croit qu'être heureux. c'est pouvoir jouir de tems en tems de ces Plaisirs éclatans, qui sont le partage de l'Opulence & de la Grandeur. Abus. Etre heureux, (je ne parle qu'en Philosophe, & je laisse à la Religion le droit & le privilège de nous ouvrir l'accès à un Bonheur fort au dessus de ce que nous appellons improprement de ce nom dans la sphère des choses temporelles,) être heureux, c'est arracher soigneusement toutes les épines qui se trouvent sous nos pas, semer la route d'autant de fleurs que notre condition le permet, & marcher ensuite d'un pas serme & tranquille dans le chemin de la Vertu.

ELOGE





ELOGE

DE

M. LE MARECHAL DE SCHMETTAU.

C'est à ceux qui écriront l'histoire à saire passer à la postérité les Actions Militaires d'un des plus habiles Généraux que l'Allemagne ait eus: Pour nous qui devons saire connoitre M. le Maréchal de Schmettau sous un autre aspect, nous ne toucherons cette partie qu'autant qu'il sera nécessaire pour qu'on sçache, que celuy qui a contribué au gain de tant de Batailles & à la prise de tant de Villes, étoit le même homme qui a toujours protégé les Arts, cultivé les Sciences, & auquel l'Académie doit tant.

Ce feroit une grande erreur de croire qu'il y ait quelque incompatibilité entre les differentes parties qui forment un grand homme, quoy qu'il soit si rare de les trouver ensemble. On se fait de l'homme de guerre je ne sçay quelle idée qui semble exclure l'Etude & la méditation; comme si une des Sciences les plus difficiles pouvoit s'en passer; ou comme si les qualités de l'Esprit qui ne servent qu'à étendre & éclairer le courage, pouvoient l'éteindre.

Peut être, les Sciences seroient-elles moins nécessaires à celuy qui n'offre que son bras dans une Armée: mais celuy qui doit la commander, celuy qui dispose ces Opérations d'où dépend le sort des Peuples & des Etats, peut-il avoir trop de connoissances? La Science des Evenements passés luy enseigne ce qu'il doit faire dans les Evenements presents; l'Esprit Mathematique le prévoit & le calcule.

Samuel

Samuel de Schmettau nacquir à Berlin le 26. Mars de l'année 1684: son Pére sut Samuel de Schmettau, Conseiller Privé sous le Régne de FREDERIC I. Et sa Mére Marie de la Fontaine Vicard. Si un homme qui est parvenu aux derniers honneurs de son Etat avoit encore besoin d'autres Titres; nous dirions icy que ses Ancètres d'ancienne Noblesse Hongroise, ayant servi sous le Roy Matthias Corvin lorsqu'il porta la guerre en Boheme & en Silesse, s'étoient établis sans le Comté de Glatz: Que la famille perdit les Titres dans les guerres de Hongrie & d'Allemagne; & que l'Empereur Leopold I. y supplea, en luy faisant expédier de nouvelles Patentes par lesquelles sa Noblesse étoit reconnue, construée & renouvellée.

Il reçut une Education proportionnée à sa naissance, & aux talents qu'on découvroit en luy; & s'attacha surtout à l'Etude des Mathumatiques, de la Géographie, & de l'Histoire. A peine avoit-il atteint l'age de 15. ans que son goût pour les Armes détermina ses Parens à l'envoyer en Dannemarck, où Guillaume de Schmetsau son Oncle qui commandoit un Régiment de Cuirassiers, le sit entres Cadet aux Gardes: le premier Siege qu'il vit, sur celuy de Tonningen.

Il sut sait Enseigne en 1700; & marcha avec le Corps d'Armée que le Dannemarck sournissoir à l'Angleterre & à la Hollande dans les Païs-bas; où il se trouva au siege de Keiserwert, à la retraitte de Nimegue, & à l'attaque du Chateau de Grevenbruck, qui sut emporté l'epée à la main de même que Weert & Stockhem.

Au siege de Ruremonde il sut blessé sur la brèche de sa Citadelle; mais il sut assez tôt guéri pour se trouver au siege de Huy; puis à l'action d'Eckeren, & servit au siege de Bonn comme Ingénieur Volontaire sous le Général Coehorn. En 1703. il sut fait Lieutenant dans le Régiment de Schmettau Dragons du Margrave d'Anspach; il marcha marcha avec ce Régiment qui fut de l'Armée du Prince Héréditaire de Hesse-Cassel depuis Roy de Suede, sur le haut Rhin, & se trouva à la Bataille de Spirback.

En 1704. il sut sait Capitaine & servit en cette qualité à l'affaire de Schellemberg, au siege de Rain, & à la Bataille de Hochstet: cette Bataille luy valut une Compagnie. Aux sieges de Landau & de Trarbach il servit comme Ingénieur Volontaire.

L'année d'aprés il fut à la prise des Lignes de Nerwinde, au siege de S. Loen, & en 1706. à la Bataille de Ramilli où il sut blessé. Il se trouva pourtant aux sieges d'Ostende, de Menin, d'Oudenarde, jusqu'en 1707, où il ne se passarien de remarquable dans cette Armée.

En 1708. il sut à la Bataille d'Oudenarde; au siege de Lisle, & à l'affaire de Winendall: & presenta au Roy de Pologne le plan de l'attaque de Lisle qu'il avoit levé sous les yeux de ce Prince. Il sut ensuite des sieges de Gand & de Bruges: & en 1709. à celuy de Tournay il sut sait Major, & Aide de Camp du Prince Héréditaire de Hesse. Ce sut à ce siege qu'il sit connoissance avec le Comte de Schulembourg qui sut ensuite Maréchal des Troupes Venitiennes; & que se sorma entre eux cette amitié qui a duré jusqu'à la mort. L'Amitié de tels hommes que leur métier & leurs talents rendent nécessairement rivaux, est le plus grand éloge qu'on puisse faire d'eux. Celle de M. le Comte de Schulembourg lui procura l'avantage d'être connu du Prince Eugene. Il sut à la Bataille de Malplaquet & au siege de Mons: Et l'année d'aprés aux sieges de Douay, de Bethune, de St. Venant, & d'Aire.

En 1711. il fut fait Lieutenant Colonel, & se trouva au passage des Lignes d'Arleux, & au siege de Bouchain: En 1712. au siege du Quesnoy, à l'investissement de Landrecy, & à l'affaire de Denain. Il sit en 1714.

Mém. de l'Acad. Tom. VI.

E la

la Campagne du Rhin comme Volontaire à la suite du Prince Eugene; & aprés la Paix d'Utrecht, le Régiment de Schmettau étant passé au service de Saxe, il entra avec ce Régiment dans le même service.

Charles XII. Roy de Suede suy envoya en 1715. la Patente de Quartier-Maître Général, & suy donnoit un Régiment de Dragons; mais comme la Lettre du Prince de Hesse qui contenoit la Patente ne suy parvint, que lorsque les Saxons étoient en marche, il ne put profiter de cette offre, & sut du siege de Stralsund & de la descente dans l'Isle de Rugen.

Le siege sini, entre les années 1715. & 1716., il marcha en Pologne avec le Régiment qu'il commandoit, & remporta en quatre Occasions des avantages sur les Polonois conséderés. La première sut à Werucoss, où avec ce seul Régiment qui n'étoit que de 400 hommes, il en désit 5000, prit au Régimentaire Gniesadosselv qui les commandoit 4 Canons, tout son bagage, 200 prisoniers, & 360 Chevaux. La seconde sut près de Cunitz, où le partisan Gurzesselv avec 1000 Chevaux voulut surprendre le Régiment de Schmettau & celuy de Flemming; le partisan sut battu, & on luy sit 100 prisoniers, La troissème sut auprès de Plonsky, où le même Gurzesselv s'étoit joint au Général Steinslicht avec 2000 Chevaux pour attaquer l'Arrière-Garde Saxone; ils surent battus & poursuivis. La quatrième sut à la Bataille de Kowallewo dans la Prusse Polonoise où les Saxons sous les ordres du Général Bosen désirent si bien l'Armée Polonoise & Lithuanienne que la Paix se sit.

M. de Schmestau avoit donné par écrit au Marêchal Flemming la première idée de cette affaire; & immédiatement aprés qu'elle fut finie, Sa Majesté Polonoise le sit Colonel & l'employa dans l'Artillerie. Il sut la même année envoyé vers Frederic Guillaume Roy de Prusse qui luy donna l'ordre de la Générosité.

En

En 1717. le Roy Auguste l'envoya servir comme Volontaire en Hongrie, ou il s'acquit tellement l'estime du Prince Eugene que des ce tems le Prince voulut le faire entrer au service de l'Empereur. Il ne put accepter cette offre; & aprés le siege & la Bataille de Belgrade il retourna en Saxe. L'année d'aprés le Roy le renvoya en Hongrie, & le chargea d'y conduire le Corps de Troupes Saxonnes que le Duc de Weissenfels commandoit. Le Colonel Stojentin de ce Corps y étant mort, son Régiment sut donné à M. de Schmettau.

Pendant Thyver, les Saxons ayant eu leurs Quartiers en Hongrie. M. de Schmettau se trouva à Vienne; où le Prince Eugene ayant renouvellé ses propositions luy offrit la charge de Quartier-Maitre Général & de Général-Major, avec le premier Régiment qui viendroit à vacquer. Le Roy de Pologne luy permit d'accepter ces offres, & il entra en 1719. au service de l'Empereur.

Il partit aussi-tot pour se rendre en Sicile sous les ordres du Comte Mercy; & se trouva à la Bataille de Francavilla. Il eut là beaucoup de part à tous les mouvements de l'Armée, & dirigea les attaques devant Messine qui fut prise.

La guerre de Sicile étant finie, M. de Schmettau ne demeura pas oisif: La paix ne faisoit que changer ses occupations. L'Empereur le chargea de lever la Carte de toute la Sicile: & l'année d'aprés il présenta à S. M. cette Carte, à laquelle il avoit joint un état exact du Commerce de ce Royaume, & des dispositions à faire pour en augmenter les Revenus & fortifier les Places. Il fit alors plusieurs voyages en Hongrie: conféroit avec le Comte Mercy à Temeswar, avec le Duc de Würtemberg à Belgrade; & étoit consulté par l'un & par l'autre pour les fortifications de ces deux places. 11

Digitized by Google

Il fut auffi envoyé vifiter les forteresses de Croatie, & les chemins vers Buchary & la Mer Adriatique.

En 1730., sur l'apparence de troubles en Italie, l'Empereur y sit marcher des troupes: & M. de Schmettau ayant été nommé pour y servir comme Général de Bataille, le Comte Daun le commanda avec un Corps dans la Lunigiana pour empêcher la Descente des Espagnols. Les affaires ayant tourné en Négociations, M. de Schmettau revint l'année d'aprés à Vienne avec une Carte excellente de tout le Païs.

La Corse s'étant révoltée en 1732., il passa dans cette Isle, sous les ordres du Prince Louïs de Würtemberg, qui luy donna la moitié du Corps d'Armée pour attaquer les Rebelles du côté de la Bastie, pendant qu'il les attaqueroit luy-même du côté de Calvi. Ces Opérations eurent tant de succés qu'en peu de mois tous les Rebelles surent soumis: & le Prince Louïs eut la générosité d'en faire tout l'honneur à M. de Schmettau. La République de Genes luy marqua sa reconnoissance par un présent considerable.

L'année d'aprés ayant été nommé pour servir sous les ordres du Duc Ferdinand Albert de Brunswick, il assembla le Corps d'Armée à Pilsen & marcha par la Baviere au Rhin. S. M. I. luy donna alors le Régiment d'Insanterie qu'avoit eu M. d'Ogilvi. Etant arrivé au Rhin, il construisit par ordre de S. A. S. les Lignes de Mühlberg qui furent achevées au Printems de 1734., mais que le Prince Eugene ne jugea pas à prop os de désendre.

Il fut cette année déclaré Feld-Maréchal-Lieutenant, faisant le fervice comme tel, & en même tems comme Général Quartier-Maître. La Campagne finie, le Prince Eugene le laissa pour commander dans ces Quartiers l'hyver de 1734. à 1735. La Swabe, le Haut Rhin

& la Franconie suy firent alors l'honneur de l'associer à seur Corps de Noblesse immédiate de l'Empire.

En 1735. il fut fait Feld-Zeug-Meister; mais le Prince Eugene voulut qu'il gardat en même tems la charge de Quartier-Maître Général. Il fut chargé cet hyver de garantir la Swabe, & de mettre Brisac & Fribourg en état de se désendre.

La guerre finie avec la France, il retourna à Vienne où il étoit question de guerre contre les Turcs: Il sur admis aux Conférences qu'on tenoit sur ce sujet, & vouloit qu'on commençat par le siege de Widdin, & non par celuy de Nissa. On ne suivit point son avis; mais on l'envoya visiter les frontieres; & en 1737. il eut ordre d'assembler un Corps d'Armée à Vipalanka, & de joindre avec ce Corps la grande Armée à Barakin.

Mrs. de Philippi & de Kevenhüller, quoyque moins anciens Feld-Zeug-Meistres que M. de Schmettau, ayant été saits Feld-Marechaux; il se plaignit; & il sut décidé qu'il commanderoit l'Infanterie sans être sous seurs ordres. Pendant les differentes Opérations de cette Campagne il tomba dangereusement malade à Georgoschessky, & sut obligé de se saire porter en Litiere à Belgrade, & de là à Bude où il passa l'hyver.

Il n'étoit pas encore guéri qu'il alla à Carlsbad & à Glogow pour changer d'air: il s'y rétablit, & arriva à Vienne lorsque le Commandant de Belgrade venoit d'écrire que la place étoit sur le point de se rendre. L'Empereur sit venir M. de Schmettau, & suy ordonna de tacher de se jetter dans Belgrade & de le sauver. Il s'y rendit aussitét; & sit de si bonnes dispositions que depuis le 24 Aout qu'il y étoit entré, personne ne douta plus de la conservation de cette place. Mais la paix s'étant faite le 1. Septembre, M. de Neuperg comme Plénipotentaire & M. de Wallis comme commandant l'Armée luy ordonnerent de la remettre aux Turcs.

Aprés

Après la reddition de Belgrade il fut chargé d'en faire raser les fortifications. Pendaut qu'il y étoit occupé, les Janissaires se révolterent contre leur Bacha: M. de Schmerrau sit prendre les armes à sa garnison, & ayant marché contre eux, les força de se soumettre à leur Ches. Il sit plus; comme il apprit que l'emeute venoit d'une saute de payement, il prêta au Bacha dequoy les appaiser. Cette conduite généreuse reçut à Vienne l'approbation qu'elle méritoit. Il su nommé Principal Commissaire de l'Empereur pour régler les Limites des deux Empires.

Charles VI. mourut; & M. de Schmeteau se rendit à Vienne. Là ne trouvant pas les choses disposées pour luy aussi favorablement qu'il l'avoit espéré, il pria S. A. R. le Duc Régent, aujourd'huy Empereur, de luy accorder sa protection pour entrer au service de la République de Venise. S. A.R. écrivit au Maréchal de Schulembourg, & celuy-cy répondit par une Lettre fort obligeante pour M. de Schmeteau: mais la République ne prit point sur cela de résolution. Il sur cependant élevé au grade de Feld-Maréchal. En 1741. il retourna à Carlsbad; & s'étant plaint à la Cour de plusieurs Griess sur lesquels il n'obtint point la satisfaction qu'il desiroit, il se rendit en Saxe, d'où îl renvoya la démission de son Régiment & de toutes ses Charges pour entrer au service de Sa Majesté Prussienne dont il étoit né sujet.

Le Roy reçut avec plaisir un homme qui avoit donné tant de preuves de sa capacité; luy donna la charge de Grand-Maître de l'Artillerie avec une grosse pension; & quelque tems aprés l'honora de l'Ordre de l'Aigle noir, & l'employa dans deux occasions importantes: L'une auprès de l'Empereur Charles VII. qui accorda à sa Famille la dignité de Comte, l'autre en France.

LE Roy dont les Armes avoient été si constamment victorieuses, eut à peine sini la guerre, qu'il tourna ses soins vers tous les autres genres de gloire. Faire sleurir dans sa Capitale les Arts & les Sciences qui y languissoient depuis longtems, luy parut digne de son attention: mais il ne suffisoit pas d'exciter les talens, il falloit déraciner un ancien préjugé qui les avoit presque avilis. L'homme le plus propre à remplir l'un & l'autre de ces objets étoit M. le Marêchal de Schmettau; ainsi ce sut luy que S. M. choisit pour cela.

Personne n'ignore aujourd'huy combien les diverses Compagnies sçavantes, établies dans la plûpart des grandes Villes de l'Europe, ont été utiles pour les progrés des Sciences. Et la Société Royale de Berlin n'avoit point cédé aux autres, avant qu'elle sut tombée dans cet état de langueur où le Régne précedent uniquement militaire l'avoit mis.

M. le Maréchal de Schmetteu crut que l'établissement d'une nouvelle Académie auroit quelque chose de plus glorieux que le rétablissement de l'ancienne Société. Il commença par former une Société nouvelle qui, quoyque presque toute composée des Membres de la première, devoit en quelque sorte représenter la Société principale, dans laquelle l'ancienne devoit être sondue pour sormer l'Académie.

Il eût peut-être été plus naturel de conserver à cette Compagnie son ancienne origine; & qu'elle ne se sût trouvée qu'une suite persectionnée de cette Société, brillante d'abord, qui s'étoit soutenuë par elle-même pendant longtems, & dont le lustre n'avoit été terni que par des causes qu'on ne pouvoit luy imputer. Mais M. le Marêchal de Schmettau crut, & avec raison, qu'une Compagnie sormée pendant le Régne & sous les yeux d'un Roy, qui à des titres plus glorieux ne dédaigne pas de joindre celuy de Savant, séroit plus illustrée par cette Epoque; & qu'avec le nom de FEDERIC son

fon Fondateur, elle iroit plus surement jusqu'aux siecles les plus reculés.

La Nouvelle Société fut donc formée: Elle eut un Réglement particulier; elle tint ses premières Assemblées chez M. le Marêchal de Schmettau, & chez M. de Borck; & ensin le Roy luy donna une Sale dans le Château. Le jour de son inauguration sut célebré par une Assemblée publique, où M. le Marquis d'Argens lut un discours sur l'utilité des Académies, & M. de Francheville une Ode sur le bonheur dont alloient jouir les Sciences.

Cette nouvelle Compagnie étoit à peine établie qu'il fut quefion d'y faire entrer l'ancienne Société: Et la chose se sit par un Réglement nouveau, qui ne considéroit plus les deux Compagnies que comme un seul Corps, dont l'administration sut remise à quatre Curateurs, Mrs. de Schmertau, de Viereck, de Borck, & de Gotter, qui présidoient tour à tour par trimestre. Une des premières Déliberations régla que les Mémoires ne paroitroient plus qu'en François.

Tel étoit l'état de l'Académie, lorsque le Roy me fit l'honneur de m'en confier l'Administration. S. M. ayant remarqué plusieurs choses désectueuses dans sa sorme, m'ordonna de luy présenter sur cela mes réstéxions & mes vuës. Je portay au Roy le Plan d'un Réglement plus simple: Dans lequel le département de chaque Classe étoit marqué d'une manière moins vague; le nombre des Académiciens sixé; quelques Officiers supersus étoient supprimés; & le nombre des Pensionaires étoit tellement proportionné aux Revenus de l'Académie, qu'au lieu de plusieurs petites pensions qu'on avoit répanduës sur un trop grand nombre, chaque pension à l'avenir plus considèrable, sût un objet suffisant aux besoins & au genre de vie d'un Philosophe.

Le Roy non seusement approuva le projet que j'avois l'honneur de luy présenter: Mais S. M. le simplifia encor; & je dirois qu'Elle

le perfectionna, si elle n'avoit inseré elle-même dans le nouveau Réglement des Articles trop honorables pour moy.

M. le Maréchal de Schmettau avoit donné la première forme à l'Académie, & jusques-là en avoit eu presque toute l'administration. En reconnoissant l'étendue de ses lumieres, son Ardeur pour le progrés des Sciences, & toutes les obligations que l'Académie luy a, je ne dissimulerai point que la diversité de nos vues n'air causé quelquesois entre nous des Contrarietés.

Son Esprit toujours actif, quoyque soulagé par les nouveaux Ordres du Roy, de l'Administration de l'Académie, formoit sans cesse pour elle de nouveaux projets, auxquels je ne pouvois pas toujours me livrer. Celuy qui causa ensin une espece de froideur entre nous sut sa Méridienne. Cette affaire a fait trop de bruit à Berlin & dans les Païs étrangers pour que je puisse me dispenser d'en parler, & de saire connoître les raisons qui me sorçoient de m'opposer à ce projet.

L'étenduë de l'Esprit, l'habitude d'exécuter des choses difficiles. trompent quelquesois dans la comparaison des objets avec les moyens pour les remplir. M. le Marèchal de Schmettau, frapré des grandes Opérations que la France avoit faites pour déterminer la Figure de la Terre, & saisant moins d'attention au nombre d'habiles Astronomes que la France avoit, & aux sommes immenses qu'elle v avoir employées, vouloit que nous entreprissions un Ouvrage pareil. ou même plus considerable: Que nous mesurassions une Méridienne depuis la Mer Baltique jusqu'à la Méditerannée; & que nous recussions pour Aides dans ce travail tous les Mathematiciens des Païs voisins, qu'il invitoit par des Lettres circulaires à se rendre avec leurs Instrumens aux lieux des opérations. Il avoit des Connoissances peu communes dans la Géographie: mais j'ose dire qu'il ne connoissoit pas assez les difficultés d'un pareil Ouvrage si on l'exécute avec précision, ni le péril si c'est avec peu d'exactitude. Non seulement la Mêm, de l'Acad, Tom.VI.

la Théorie de la Terre, & les Elémens de l'Astronomie tiennent à ces Mesures, mais les Régles de la Navigation, & la vie des Navigateurs en dépendent.

Un tel Ouvrage est plutôt le dernier chef-d'oeuvre d'une Académie formée depuis longtems que le coup d'essay d'une Académie naissante: Et nous étions bien eloignés de pouvoir nous flatter de le bien exécuter. Ce n'est pas cependant que nous manquassions d'habiles Astronomes; mais c'est qu'un ou deux Astronomes ne suffisent pas pour de telles entreprises: & qu'accepter le secours de tous ces Mathematiciens Volontaires, quand même ils seroient venus, étoit une chose trop hazardeuse.

Mon respect pour M. le Maréchal de Schmettau, l'assurance où j'étois de ses bonnes intentions, ma reconnoissance pour le bien qu'il avoit sait à nos Sciences, m'entrainoient à tout ce qu'il proposoit: mais le zéle pour la Gloire de l'Académie me soutint; & je m'opposay à une entreprise qui l'exposoit trop.

M. le Maréchal de Schmettau ne cédoit pas à une première opposition. Il revint souvent à la charge, & renouvelloit tous les jours la peine que j'avois de ne pouvoir être de son avis. Ensin il sembla qu'il eut abandonné son premier dessein; & qu'il l'eut réduit à lever une Carte de l'Allemagne meilleure que celles qu'on a. Pour cet Ouvrage où la précision suffisante n'approchoit pas de celle qui doit être apportée aux Opérations de la grande Géographie, M. le Marêchal de Schmettau étoit pourvu d'Instrumens assez exacts, & avoit sous ses ordres un assez grand nombre d'Ingénieurs; ensin la chose n'interessoit plus l'honneur de l'Académie. Je me prétay donc à ce qu'il voulut: Il commença l'Ouvrage en allant luy-même à Cassel faire faire sous ses yeux les premiers Triangles de sa Carte: un Ordre du Roy qui n'approuva pas cette Opération, en arrêta le cours.

Peu

Peu de tems aprés M. le Maréchal de Schmettau tomba malade; & les travaux encore plus que les années avoient tellement ruïné son tempérament qu'il ne put se rétablir. Ses forces diminuerent de jour en jour; & son Corps dépérissoit sans que son Esprit parût recevoir la moindre altération. Je le vis peu de jours avant sa mort; & malgré de très grandes douleurs, il parloit de toutes choses avec la même justesse & la même sagacité qu'il avoit toujours eues. Il les conserva jusqu'au dernier Moment; & aprés s'être acquitté de tous les devoirs de sa Religion, il mourut le 18. Août 1751., agé de 67. ans.

Ce n'est pas à nous à juger de ses Talens dans la Guerre: Nous nous sommes contentés de faire un recit abrégé de ses Campagnes: Toute l'Europe l'a regardé comme un de ses meilleurs Généraux.

Mais on peut dire que c'étoit un esprit très vaste, plein de courage pour entreprendre, & de moyens pour réüssir. Son Génie s'étendoit à tout: la langue Françoise ne luy étoit pas familiere: il la parloit peu correstement: cependant lorsqu'il racontoit, on eut cru qu'il la possedoit, & on l'eut pris pour un homme fort éloquent: c'est qu'il avoit la véritable éloquence, l'art de peindre vivement, & de mettre chaque chose à sa place. Il ne se bornoit pas aux récits de guerre dans lesquels ce qu'il avoit à raconter, le servoit si bien; sa conversation étoit égale dans tous les genres, & jusqu'à celuy des reparties ne luy étoit pas échapé.

Sa taille étoit haute & bien proportionnée: les qualités de son Esprit se trouvoient peintes sur son Visage; & la sérénité & l'enjouëment y ajoutoient tout ce qui rend une Physionomie agréable.

Il avoit été marié deux fois. La première, avec Demoiselle Françoise de Bayer qui luy laissa trois enfans; un fils qui est Lieute-F 2 nant nant d'Artillerie, & deux filles dont l'une est Madame la Baronne le Fort, & l'autre est Chanoinesse dans le Chapitre d'Heilig-Grab. Il se remaria en 1740, avec Demoiselle Marie Anne de Riffer dont il a eu deux fills & deux filles. A' la mort de son Mari, le Roy luy a accordé une Pension considérable: & quoyque Madame la Maréchale de Schmettau ait bien tout ce qu'il faut pour exciter l'envie, la Cour & la Ville ont également applaudi au Biensait du Roy.

Sa place de Curateur de l'Académie a été remplie par M. de Redern, Maréchal de la Cour de la Reine Mére; & celle de M. de Redern l'a été par M. de Cagnoni, Conseiller Privé du département des Affaires Etrangeres.

Ce seroit icy le lieu de marquer la reconnoissance que nous devons à M. le Général de Schmettau, qui nous a fourni le Journal des Campagnes de son Frère: Mais nous avons à nous en plaindre; il a eu la modestie de nous échaper dans une Histoire où il devoit naturellement se trouver, & où il a eu grande part luy-même.



ELOGE



ELOGE M. ELSNER:

Jaqués Elsner, Docteur en Theologie, Directeur de la Classe de Belles-Lettres de l'Académie Royale, Conseiller du Consistoire; premier Pasteur de l'Eglise Paroissale du Clostre, & Commissaire du Directoire des pauvres, naquit en Mars 1692. à Saalseld, Ville de Prusse considérable par le College qui y est établi.

Son Pére, George Elsner, étoit un des principaux & des plus riches Citoyens de cette Ville, d'une famille originaire de Boheme, qui étoit venuë s'établir d'abord à Lesna, dans le Palatinat de Posnanie, où il y a encore des Elsners, qui possedent depuis plus de trois cens ans, une Terre que l'illustre Famille de Leczinsky leur avoit conferée, pour des services importans qu'elle en avoit reçû. La Mère de notre Académicien, nommée Marie Logge, étoit sille d'un Marchand, Ecossois de Nation, établi à Mulhausen en Prusse.

Le jeune Elsner rencontra dans la volonté de son Pére des obflacles presque insurmontables au penchant qui l'entrainoit vers l'etude. On le destinoit au Négoce; & il n'y eut rien qu'on ne mit en oeuvre pour traverser ses premiers pas dans une carrière qu'il étoit destiné à sournir si glorieusement. Sa persévérance vint à bout de F 2 tout tout; & les détails qu'on rapporte à cet égard tiennent du prodige.

Peut-être qu'il n'en étudia que mieux. C'est au moins une régle assez générale que ceux qui ont sait le plus de sigure dans les Sciences & dans les Lettres en ont été redevables à quelques rigueurs du sort, qui les ont sorcé à déveloper une activité & des talens, que l'aise & les commodités auroient laissé dans une espece de lethargie. Ce qu'il y a de certain, c'est que M. Elsner tourna de bonne heure ses vues vers les connoissances qui ont sait depuis le principal sond de son Erudition, & auxquelles il a été surrout redevable de sa renommée.

Entre les diverses routes que les hommes se sont frayées pour passer de l'ignorance au sçavoir, la plus épineuse en apparence n'a pas laissé d'être la plus fréquentée; c'est celle du genre d'etude, auquel on a donné le nom de Critique. Elle étoit même presque la seule Science qu'on connût, encore longtems aprés l'Epoque fameuse du Renouvellement des Lettres. Les Saumaises, ses Scaligers, les Bocharts, & tant d'autres grands hommes, s'étoient tellement immortalisés en la suivant, qu'on auroit cru abuser de son génie & de ses talens, en les consacrant à d'autres objets. Mais il en arriva ce qui ne manque jamais d'arriver à tous les goûts dominans; les grands fuccés de ceux qui les mettent en vogue, engagent une multitude de gens sans talens à se mêler de leur culture; & de là naissent bientôs la décadence & l'avilissement. Un essain de Critiques subalternes inonderent la Littérature de leurs Remarques triviales, de leurs difcussions stériles, & de toutes ces minucies Grammaticales, qui devinrent souverainement ridicules par la confiance avec laquelle ils les proposoient, par la hauteur avec laquelle ils relançoient quiconquè saisoit mine de les leur contester, & le plus souvent par les torrens d'invectives atroces, qui découloient de leur plume. Peu s'en falût que ces travers ne portassent un coup mortel à la Critique même: Science

Science utile néanmoins, & respectable, quand elle est maniée par d'habiles mains. Du saîte où elle s'étoit placée de sa propre autorité, on la vit tomber si bas que les termes de Critique & de Pedant devinrent presque Synonimes, & qu'elle parut condamnée pour jamais à la poussière des Colleges. Et à dire le vrai, les lumieres d'une saine Philosophie, qui saisoient dans le même tems de rapides progrés, sont bien supérieures à ce slambeau tant vanté, qui n'éclaire souvent des lieux jusqu'alors cachés, que pour rétablir quelque passage par des conjectures hazardées, sixer quelque sait peu important, rappeller le souvenir de quelque usage bizarre, ou décrire quelque ancien utensile, quelque vétement hors de mode.

La raison & l'équité distent qu'il faut donner à chaque chose son juste prix; & que par conséquent, la Critique, en perdant ses droits usurpés & chimeriques, en conserve de réels & d'inalienables. Un habile Critique est un Citoyen utile à la République des Lettres, & digne de tous les honneurs qu'elle dispense. Sans être enthousiasmé de son Art, il en connoit la véritable valeur, & en renserme l'exercice dans ses limites naturelles. Sa sagacité se maniseste surtout dans le choix des matieres qu'il discute. Ce n'est pas assez que leur nouveauté srappe, il faut quelles ayent encore le mérite de la solidité; il faut un degré d'importance, qui dédommage des travaux qu'elles ont couté. Il ne s'appésantit point sur des détails insipides, il n'accumule point des milliers de citations, il va droit à son but; & lorsqu'il a du goût, qualité rarement unie à la Critique, il seme de sleurs le chemin qui l'y conduit.

Je viens de faire d'avance le portrait de nôtre Académicien; j'en ai pour témoins ceux qui m'ecoutent, & pour garans toutes les personnes un peu au fait de la Littérature moderne.

Dès l'age de 23 ans, M. Elsner eut la place de Conrecteur du College Réformé de Königsberg; & il faisoit en même tems la fontion de Chapelain du Comte Alexandre de Dohna, Marechal des Armées mées du Roi. Au bout d'un peu plus de deux ans il se démit de ces emplois, pour aller en Hollande, dans la vuë de persectionner ses études. Il y sit un séjour de quatre ans, quil passa à Leyde & à Utrecht, en liaison étroite avec les Savans les plus distingués de ces deux Villes.

Il publia dans la première en 1719. une Dissertation, où il soutint que les Paroles de la Loi, adressées aux Israëlites de dessus la montagne de Sinaï, avoient été formées par le Ministère des Anges. Mais il fit imprimer dans l'autre un Ouvtage bien plus important. & qui lui procura d'abord le rang distingué qu'il a tenu depuis dans la Littérature, & en particulier parmi les Commentateurs de nos Livres sacrés. Je veux parler du premier Valume de ses Observations Cacrées sur le N. Testament, qui comprend les Evangiles & le Livre des Actes. Ces Observations renferment des preuves incontestables d'une Erudition peu commune, tant dans la connoissance de la Langue Greque que dans la lecture des Auteurs profanes, qui ont écrit en Grec, & dont il avoit tiré un merveilleux parti pour l'interprétation de l'Ecriture Sainte. Cet Ouvrage a été attaqué, & même assez fortement; mais M. Elsner a toujours prétendu que ses Adversaires l'avoient mal compris, ou mal réfuté; & il se proposoit de le montrer dans une nouvelle Edition de ses Observations qu'il saisoit espérer, & qui auroit été d'autant mieux reçuë que ce Livre est devenu rare.

Notre Sçavant quitta la Hollande en 1720, pour suivre une vocation que le seu Roi lui avoit adressée, sçavoir, celle de Prosesseur de Theologie & des Langues Orientales à Lingen. Avant que de partir d'Utrecht, il s'y sit recevoir Docteur & Theologie, & se rendit ensuite à Lingen, où il prit possession de son poste par une sort belle Harangue, sur le Zele qui convient à un Theologien. Il sut en même tems Pasteur de l'Eglise de cette Ville.

Deux ans étoient à peine écoulés, qu'une Place plus importante l'enleya à un séjour qu'il aimoit, & où il étoit fort chéri. C'est cel-

le

le de Recteur & premier Professeur du College de Joachim à Berlin. Ce bel Etablissement est une espece de petit Etat, qui demande dans celui qui le gouverne des qualités à certains égards supérieures à celles que requiérent des Emplois plus éminens. Il faut un heureux tempérament de douceur & de sermeté, une vigilance continuelle, & une prudence consommée, pour diriger les études & les moeurs de jeunes gens, dont le plus grand nombre est si bien dépeint par ce Vers d'Horace;

Cereus in vitium fletti; monitoribus asper.

La tâche de M. Elsner sut d'autant plus pénible que ce College étoit tombé dans une espece d'anarchie sous le Resteur précedent, que sa trop grande douceur avoit exposé à des mouvemens séditieux, qui degéneroient presque en insultes. Le nouveau Resteur conjura la tempête, & rétablit le calme. Il se sit craindre & respecter; & la Nature l'avoit heureusement doué pour cet effet de tout ce que l'air, le ton de voix, & les qualités extérieures ont d'imposant.

Il prononça le 28. Octobre 1722. son Discours inaugural, sur l'obligation de joindre la Piété au Sçavoir. Le mois suivant, il sut aggrégé à la Société Royale des Sciences.

Pendant son Rectorat, M. Elsner donna quelques Programmes sur des matieres intéressantes, par exemple, sur l'Urim & Thummim, sur le Schilo, &c. Le second Volume de ses Observations Sacrées, contenant les Epitres, & l'Apocalypse, vit le jour en 1728.

Les occupations de M. Elsner ne l'empéchoient pas de paroitre de tems en tems en Chaire; & ses Sermons étoient extrèmement
goûtes. Comme il avoit toujours eu une grande prédilection pour
le Ministere de l'Evangile, il quitta le Rectorat en 1730. & sur pourvû de la place de Pasteur de l'Eglise Paroissiale du Cloitre, le Troupeau de cette Eglise l'ayant élû en cette qualité après la mort de M.
Schmidtmann; & quoique les revenus de cette place sussent beaucoup moindres que ceux qu'il perdoit, il ne balança point à l'acMin. de l'Acad. Tom. VI.

cepter. Il s'y distingua véritablement, surtout par la Prédication pour laquelle il avoit de grands talens, qui sui ont attiré la soule des Auditeurs jusqu'à la sin de sa carrière. On admiroit en lui une récitation pathetique, une diction pure, noble, touchante, cette Action en un mot, qui est regardée à bon droit comme la principale partie de l'Orateur, quand elle ne se jette point dans les srivoles écarts de la Déclamation. Ceux qui, sous prétexte d'éviter ce désaut, sont de marbre & de glace, peuvent avoir tout ce qui sait d'habiles Docteurs; mais je ne pense pas qu'ils doivent prétendre au titre d'eloquens Prédicateurs.

M. Elsner fut fait en même tems Conseiller du Directoire Ecclesiastique des Eglises Resormées, & conserva l'Inspection qu'on nomme Vistration, sur le College dont il avoit été Recteur.

Un Archimandrite Grec, nommé Athanase Dorostamos, qui collectoit pour les Chrétiens esclaves en Turquie, étant venu à Berlin, eut des liaisons particulieres avec M. Elsner. Il en résilta un Ouvrage Allemand, imprimé en 1737. sous le titre de Nouvelle Description de l'état des Chrétiens Grecs en Turquie. On a voulu révoquer en doute la bonne soi du guide que M. Elsner avoit suivi : mais l'attention qu'il avoit apportée à confronter tous ses récits avec les Auteurs les plus dignes de soi, qui ont traitté ces matieres, rend l'imposture, au cas qu'il y en ait eu, peu dangereuse.

En 1742. M. Elsner devint Directeur de la Classe de Belles-Lettres dans la Société Royale; lorsque cette Société sut renouvellée en 1744. avec le titre d'Académie Royale des Sciences & Belles-Lettres, il conserva le même caractère qu'il a toujours soutenu avec distinction, tant par son assiduité aux devoirs Académiques, que par les savantes Dissertations dont il a enrichi nos Mémoires.

Il fit imprimer en 1743. des Sermons en Allemand, sur l'Epitre de S. Paul aux Philippiens. Il ne s'est pas borné à y traitter le Dogme

Dogme & la Morale; il y a joint des Remarques de Grammaire, d'Antiquités, de Critique & d'Histoire.

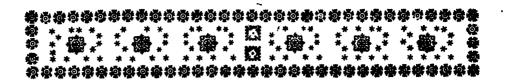
Il épousa en 1737. Madame la Veuve Senning, née de Stosch, qui lui a survêcu.

La carrière de M. Elsner n'etoit pas fort avancée, & sa constitution paroissoit promettre qu'il la pousseroit encore bien loin, lorsqu'il sut attaqué, & tout à coup atterré, par une sievre violente, qui l'emporta au bout de quinze jours. Il mourut le 8. Octobre 1750.

le m'abstiens de tracer la caractère de ce celèbre désunt. n'est pas pour former un préjugé injurieux à sa mémoire; mais c'est parce que j'aurois à combattre quelques préjugés, qui ne seroient pas faciles à diffiper. Ce même air imposant, ce même ton d'autorité, qui lui donnoient du relief dans les fonctions publiques, diminuoient un peu les agrémens du commerce & la douceur des rélations qu'on pouvoit avoir avec lui dans la Société. Il n'y a rien de plus dangereux que de soulever l'amour propre des autres, en ne déguisant pas assez le sien; quoiqu'au fonds ce ne soient pas toujours ceux qui en montrent le plus, qui en ont la plus forte dose. grand art, mais peu commun, c'est de réprimer cet amour qu'on peut regarder comme inné, mais furtout de le bien cacher, toutes les fois qu'il ne peut manquer d'irriter celui des autres; & les plus habiles dans cet art sont ceux qui, paroissant n'avoir point de prétentions, obtiennent tout, d'autant plus aisément qu'on ne les soupconne pas de rien exiger. Après tout, M. Elsner rachetoit le défaut de montrer qu'il connoissoit un peu trop son mérite, s'il faut convenir qu'il l'avoit; il le rachetoit, dis-je, par plusieurs bonnes qualités. L'amour du bien public étoit une des principales; &-il s'est manifesté dans ses dispositions testamentaires.



EXPOSE'.



E X P O S E' CONCERNANT L'EXAMEN DE LA LETTRE

M. DE LEIBNÍTZ,

ALLEGUÉE PAR M. LE PROF. KOENIG,

DANS LE MOIS DE MARS, 1751.
DES ACTES DE LEIPZIG,

A L'OCCASION

DU PRINCIPE DE LA MOINDRE ACTION. (*)

Me Maupertuis, Président de l'Academie Royale, ayant démontré par plusieurs argumens trés convainquans, que non seulement dans l'etat d'équilibre des corps, mais aussi dans les mouvemens produits par des sorces quelconques, il y avoit toujours la moindre quantité d'action possible, en sorte qu'on a tout lieu de regarder ce principe de la moindre action comme rensermant la Loi la plus générale de la nature; M. le Professeur Kanig a fait ses efforts en plusieurs manieres pour détruire cette grande découverte. Premièrement, il n'accorde aucun lieu à ce principe dans l'etat d'équilibre des corps, & prétend qu'on ne doit pas y chercher la minimité d'action, comme il parle, mais qu'il ne s'y trouve que la nullité. Pour cet effet il indique quelques cas dans lesquels il montre que ce qui, suivant

^(*) On verra aisément par la seule lesture de ce Mémoire, qu'il étoit du nombre de ceux dont la publication ne peut être retardée.

suivant ce principe, devroit être un minimum, se réduit réellement à rien: mais cette objection n'est pas de grande importance, puis qu'il est suffisamment reconnu dans le calcul de maximis & minimis; qu'il peut souvent arriver que ce qui est un minimum, évanouisse entierement. Mais quoique cela puisse avoir lieu dans certains cas, il n'en résulte nullement qu'on doive l'étendre à tous les cas d'équilibre, comme y arrivant toujours nécessairement; tout au contraire, il v a des cas sans nombre dans lesquels cette quantité d'action n'est point nulle, mais se trouve réellement un minimum : ce qui met hors de doute que la Nature a pour but, non la nuliné de l'action. mais la minimité. En effet si nous considérons l'exemple si connu de la courbe appellée Chaînette, où la quantité qui represente: l'action totale est réduite à la distance où le centre de gravité de cette courbe est du centre de la Terre, il est maniseste que cette distance n'est point du tout égale à zero, mais que c'est plutôt, & très effectivement, la plus petite possible. Il est bien vrai que la force de gravité. s'il n'y avoit point de résistance, entraîneroit toute cette chaîne au centre de la Terre. & que la chaîne n'auroit point de repos que son centre de gravité ne sût réuni au centre de gravité de la Terre même; mais parce que la chaîne est arrêtée par l'état de suspension. l'effet de la gravité se borne à rendre sa distance du centre de gravité de cette chaine au centre de la Terre la plus petite qui soit possible. Nous ne faisons donc pas difficulté d'accorder à M. Kænig, que la formule qui exprime la quantité d'action, se réduit veritablement à rien, toutes les fois que les circonstances le permettent, comme cela arrive dans les cas qu'il a produits: mais quand, par des obstacles quelconques, cette réduction à rien ne sçauroit avoir lieu, comme nous venons de le voir dans la Chaînette, alors cette formule devient toujours de la moindre valeur; comme si la Nature appliquée à la production de l'effet total, vouloit en approcher, autant qu'il lui est permis de le faire; ce qui sussit pour mettre en evidence, non seulement la verisé de ce principe si fecond, mais encore la raison sur la-G 3 quelle

quelle il est fondé, & pour détruire entièrement les objections de M. Kanig, qui, bien loin de porter atteinte à ce principe, servent merveilleusement à le confirmer. Car c'est-saire une difficulté tout à fait vaine à celui qui établit que la moindre quantité d'action a lieu, que de dire qu'il y a des cas où cette quantité évanouit entièrement : puisque l'action ne scauroit assurèment devenir moindre que rien. Cependant cette objection seroit de quelque importance, si dans tout état d'équilibre la quantité d'action se réduisoit à rien, & M. Kanig semble l'insinuer; mais tant s'en faut qu'il l'ait prouvé, qu'il y a tout au contraire une infinité de cas, où il est maniseste que la quantité d'action ne devient point nulle, & qu'elle est seulement la plus petite. possible; ce qui a lieu, quand il ne se peut qu'elle devienne absolument nulle. Outre l'exemple de la Chaînette, Mrs. D. Bernoulli & Euler ont démontré que les courbes élaftiques de tout genre, & les autres figures que prennent les corps fléxibles, lorsqu'étant dans l'equilibre ils sont sollicités par des forces quelconques, peuvent être trouvées par la methode de maximis & minimis, attribuant à la formule qui renferme dans chaque cas la quantité d'action, une valeur qui soit la moindre, mais point du tout nulle.

Pour ce que M. Kanig a avancé dans la même Dissertation contre l'autre partie de cet excellent principe rélative au mouvement, quoiqu'il n'y ait rien qui puisse porter la moindre atteinte à sa verité, cette discussion demande un examen beaucoup plus approfondi. Car ne pouvant ébranler le fonds même de la doctrine, il s'efforce à ôter la gloire de l'invention à M. de Maupertuis pour la donaer à M. de Leibnitz, alléguant dans cette vüe un fragment de certaine Lettre, qu'il prétend avoir été écrite autresois par M. de Leibnitz à M. Hermann, & dont voici les termes.

"L'action n'est point ce que vous pensez, la considération du tems y entre; elle est comme le produit de la masse par le tems, "pou du tems par la souce vive. J'ai remarqué que dans les modifications." cations

cations des mouvemens, elle devient ordinairement un maximane ou un minimum. On en peut déduire plusieurs propositions de grande conséquence; elle pourroit servir à déterminer les courbes que décrivent des corps attirés à un ou plusieurs centres. Je voulois traitter de ces choses entr'autres dans la seconde partie de ma Dynamique, que j'ai supprimée; le mauvais accueil que le préjugé a fait à la premiere, m'ayant dégouté?

Il s'ensuivroit de ce passage, que M. de Leibnitz a en non seulement une connoissance parfaite de ce principe sublime de la moindre action, mais même qu'il lui étoit si familier, qu'il s'en étoit servi pour déterminer ces lignes courbes, que parcourent les corps attirés, tant par un que par plusieurs centres: ce qui a rendu d'abord ce fragment fort suspect, d'autant plus que la Lettre même de M. de Leibnuz, d'où ce fragment doit être tiré, n'a jamais été rendue publique. En effet il s'agissoit de procurer une conviction entiere, que cette Lettre avoit été effectivement écrite par M. de Leibnisz, en indiquant l'endroit où l'Original existoit : autrement un semblable témoignage ne mérite aucune creance, surtout dans un cas tel que celuici, & qui concerne une découverte aussi importante. Ces raisons ont fait juger qu'il étoit d'une nécessité indispensable de s'informer plus exactement des preuves qui pouvoient justifier l'authenticité du fragment cité. Et d'abord, comme on a recherché si soigneusement & publié tant de Lettres de M. de Leibnetz, dans lesquelles on a lieu d'appercevoir & d'admirer ses méditations sublimes en tout genre de science; il ne paroit assurément point du tout vraisemblable que dans un Commerce Epistolaire aussi étendu, M. de Leibnitz ne se soit jamais ouvert à aucun de ses Amis, excepté M. Hermann seul, au sujet de cet admirable principe de la moindre action. On sçait l'étroite familiarité qu'il entretenoit avec le célébre M. Jean Bernoulle, & qu'il lui parloit souvent sort au long dans ses lettres des matieres surtout de la Dynamique. Cependant on ne trouve dans tout ce Commerce

merce Epistolaire pas le moindre indice, qui puisse faire juger que dans ce tems-là il eut seulement pensé à ce principe, quoique ces Lettres renserment plusieurs discussions sur les forces vives & la véritable estimation de l'action. Quand on pense en particulier, que M. de Leibnuz n'a rien caché à M. Bernoulli de tout ce qui pouvoit consirmer sa nouvelle Théorie des forces vives, & démontrer toute l'etendue de son usage, on ne sçauroit assurément imaginer aucune raison, pourquoi dans cette conjoncture il auroit voulu lui faire un secret de cet excellent principe.

Ensuite, pour ce qui regarde cette détermination même des lignes courbes, que décrivent les corps attirés vers un ou plusieurs centres de forces, la Methode maximorum & minimorum, dont il auroit fallu se servir pour la trouver, n'etoit pas alors assez dévelopée, pour mettre en état, quand même cette quantité d'action qu'il faut rendre la plus petite, auroit été connuë, d'en déduire la nature des courbes décrites. Et quoique la gloire de M. de Leibnitz soit sondée sur plusieurs découvertes du premier ordre, le principe de la moindre action n'est assurée au dessous d'aucune d'entr'elles; & il n'y a pas lieu de croire qu'il l'eut négligé au point de n'en faire part qu'au seul M. Hermann.

Toutes ces considérations affoiblissant déjà beaucoup l'autorité du fragment cité, M. le Président de Maupersuis, qui avoit proposé ce principe comme sien, a crû devoir diligemment rechercher tout ce qui pouvoit servi à la vérissation du fait, pour se mettre à l'abri de tout soupçon de plagiat. Car, bien qu'il n'existe aucune trace de ce principe dans tous les Ecrits de M. de Leibnizz qui ont vû le jour jusqu'a présent, il étoit pourtant à propos de prévenir l'accusation calomnieuse qu'on auroit pû sormer, qu'il avoit tiré son principe de la même Lettre de M. de Leibnizz, que quelque hazard auroit sait tomber entre ses mains. Ainsi personne n'etoit plus intéressé que lui à s'assurer de la vérité de cette Lettre. M. de Maupersuis commença donc par s'adres-

s'adresser à M. Ranig même, qu'il requit amicalement par une Lettre du 28 Mai, 1751. de lui indiquer l'Original de cette Lettre de M. de Leibniz, & d'en constater s'authenticité. La réponse de M. Kanig ne sut écrite que le 26 Juin. Elle portoit que cette Lettre lui avoit été communiquée par ce sameux Henzi, qui sut décapité à Berne il y a trois ans pour quelques séditions excitées dans l'Etat; & que ledit Henzi, comme étant sort attaché à l'etude, avoit rassemblé plusieurs Lettres anecdotes de Leibnizz, avec d'autres qu'il auroit publiées, si la destinée ne l'en avoit empêché. M. Kanig envoyoit en même tems à M. de Maupertuis une Copie de la Lettre entiere, dont il avoit cité un fragment; elle est datée du 16 Octobre 1707. & les paroles alléguées se trouvent en esset à la sin, mais pourtant avec quelque difference d'expression: car au lieu que dans la citation il y avoit,

,, Elle (l'action) est comme le produit de la masse par le tems, , ou du tems par la force vive &c.

ce qui renferme une contradiction maniseste, on lit dans la Letre même ces mots ainsi corrigés:

"Elle est comme le produit de la masse par celui de l'espace & "de la vitesse, ou du tems par la force vive, &c.

Difference, qui ne pouvant être rejettée sur une simple faute d'impression, augmente encore considérablement les soupçons contre ce fragment. Car quand même la Lettre entiere ne pourroit pas être rejettée, il y a tout lieu de croire que quelques phrases, & peut être des periodes entieres, y ont été inserées; & qu'il a falu les corriger, parce qu'on ne les avoit pas d'abord renduës assez assortissantes au Texte. Mais, sans s'arrêter à ce soupçon, il paroissoit sacheux que toute l'autorité de ce fragment dépendit du témoignage d'un homme qui avoit perdu la tête; & cela n'etoit pas fort propre à la consirmer. M. de Maupertuis ne crut pas néanmoins devoir s'en tenir à cette min de l'Acad. Tom. VI.

réponse; mais comme il n'y a peut-être point de papiers qu'on garde plus soigneusement que ceux qui ont appartenu à des criminels d'Etat, il pria M. le Marquis de Paulmy, Ambassadeur de S. M. T. C. en Suisse, d'interposer son credit pour saire saire à Berne des recherches exactes à ce sujet. Après qu'on eut sait une revue très attentive des papiers délaissés par Henzi, on n'y trouva non seulement aucunes Lettres de Leibnitz, mais pas la moindre trace même, que Henzi eut jamais eu en son pouvoir quelques unes de ces Lettres.

Le 7 d'Octobre de l'année derniere, M. le Président de Maupertuis sit rapport à l'Académie Royale de ce qui s'etoit passé jusques là, dans l'intention que l'affaire fut traittée dans les formes, & qu'on prit les mesures convenables pour la terminer. L'Académie jugeant aussi-tot, que dans une Question où il s'agissoit de découvertes aussi importantes, il étoit de son devoir de proceder à un examen scrupuleux de ce qui appartenoit au grand Leibniz, & de ce à quoi ses propres Membres avoient droit, chargea M. Formey, en qualité de Secretaire, d'ecrire à M. Kanig une Lettre, qui fut en effet écrite le surlendemain, pour le requérir encore à l'amiable de confirmer l'authenticité du fragment qu'il avoit allégué, & de produire l'Original de Leibnuz dans l'espace d'un mois. Mais comme M. Kanig avoit déjà visiblement usé de tergiversations dans cette affaire, asin qu'il ne pût prétexter que cette Lettre s'étoit perduë, on l'adressa à M. de Hellen. chargé des affaires de Sa Majesté auprès des Etats Généraux; & on reçut la déclaration de M. de Hellen qui attestoit que la Lettre avoit été remise le 19 Octobre. Le 11 Decembre, comme il y avoit plus d'un mois d'écoulé sans qu'on eut aucune réponse, l'Académie jugea à propos de réiterer la même sommation; & elle eut certitude que M. Kanig l'avoit reçuë avec une Lettre écrite par M. le President, par la même voye, le 6 Janvier de la présente année.

Pendant ce tems là, le Roi, Protecteur de l'Academie, avoit requis lui-même par une Lettre le Magistrat de Berne, de faire chercher cher la Lettre fasdite de M. de Leibnire avec tout le soin possible parmi les papiers qui avoient appartenu à Henzi. Cette recherche ayant été saite par des personnes auxquelles le Magistrat consia l'autorité requise, la réponse sut, qu'on n'avoit absolument rien trouvé.

Avant que la seconde Lettre de l'Académie à M. Kenig lui sut parvenuë, M. de Maupertuis en reçut une de sa part datée du 10 Decembre, qu'il sit lire dans l'Académie le 23 du même mois. Quoique cette Lettre sut pleine de politesses, M. Kanig etoit si éloigné de produire l'Original de la Lettre de M. de Leibnizz, ou d'indiquer seulement dans quel lieu il existoit; qu'il faisoit plutôt ses efforts pour détourner l'Académie de l'examen de cette Question, & l'impliquer dans d'autres controverses tout à fait étrangeres. Il se plaignoit aussi beaucoup de l'injustice qu'on lui faisoit, en attentant à la liberté dont les Savans ont coutume de jouïr: comme s'il y avoit quelque chose d'injuste à exiger d'un Savant qu'il sournisse les preuves d'une Lettre, qu'il rend publique.

Le même jour M. de Manpersuis lût à l'Académie la réponse qu'il avoit faite à cette Lettre, dans laquelle il faisoit voir que l'Académie étoit pleinement en droit, dans de semblables Questions, de s'assurer de l'authenticité d'Ecrits, qui servoient à décider, à qui appartenoit quelque découverte; qu'ainsi on ne faisoit aucun tort à M. Kænig, en exigeant qu'il produisit l'Original de la Lettre de M. de Leibnitz; qu'il ne s'agissoit d'ailleurs d'aucune Controverse, & qu'on ne requéroit autre chose, sinon qu'il constatat l'autorité de la Lettre qu'il avoit citée: droit qu'on ne sçauroit assurément resuser à aucun particulier dans sa propre cause. M. de Maupersuis donnoit avis dans la même Lettre à M. Kænig des deux recherches qu'on avoit saites en vain à Berne, per ordre du Roi, & de l'Ambassadeur de France. Cette Réponse ayant été consermée par le consentement de toute l'Académie, su expédiée; & lui parvint le 6 Janvier de cette année, avec la seconde Lettre que l'Académie lui avoit adressée.

II

Il fit enfin à ces Lettres une Réponse en date du 15 Pevrier. dans laquelle, comme dans la précedente, il se plaint amérement de ce qu'on viole à son égard le droit établi entre les Gens de Lettres. en interposant l'autorité de l'Académie dans une Controverse Littéraire: car il dissimule perpétuellement l'état de la Question, & ne répond point directement à la seule chose qu'on lui ait demandée, qui étoit de confirmer l'autorité du fragment qu'il avoit cité, en produisant la Lettre originale de M. de Leibnitz. Il cherche partout des échapatoires: tantôt en disant que ces paroles de Leibniez n'otent rien à la découverte du principe de la moindre action, que M. de Maupersuis demeure toujours en plein droit de s'attribuër, parce que cette Lettre a été tout à fait inconnue jusqu'à présent, & que M. de Leibniez n'a exposé nulle part avec plus d'etendue ses idées à ce fujet : tantôt en faisant de M. de Leibniz même un adversaire de cette doctrine, comme s'il avoit eu un tout autre principe dans l'esprit; par où M. Kanig, en révoquant en doute la vérité du principe de M. de Maupersuis, ne cherche qu'à amener toute la question au point qu'on mette à l'écart l'authenticité de la Lettre, pour s'attacher à discuter la verité du principe même. A' la fin pourtant il semble venir davantage au fait, en disant qu'il avoit écrit à un Ami, pour le prier de chercher cet Original, & qu'il en attendoit encore la réponse.

Ici il ne faut pas passer sous silence, que M. Kenig, asin de prouver que cette découverte de M. de Leibnizz lui étoit connuë depuis longtems, en appelle dans la même Lettre à sa Harangue inaugurale, où il dit qu'il a désigné cette découverte, en la montrant, pour ainsi dire, du doit. Quoique cette assertion eut besoin d'être pareillement prouvée, & qu'il falût également quelque autorité pour la rendre digne de créance dans la République des Lettres; on ne trouve au sonds, dans l'endroit de sa Harangue que M. Kenig allégue, autre chose, sinon que M. de Leibnizz, las des censures de Juges très

très iniques, n'avoit pas voulu mettre au jour la seconde Partie de fa Dynamique, au dommage irréparable des sciences; asin que l'ignorance ne regardat pas ses principes comme de monstrueuses chimères. On voit assez combien peu cette suppression a de rapport avec l'affaire présente, où l'on se borne à demander à M. Kanig qu'il justisse le fragment par lui cité, en produisant la Lettre originale.

On a dans le même tems fait encore d'autres recherches à Bâle, où M. Hermann est mort, & ailleurs, pour déterrer les Lettres qu'il avoit reçuës de M. de Leibnitz; & il en résulte assez clairement que ces Lettres sont depuis longtems entre les mains de M. Kenig, & que c'est peine perduë de les chercher en d'autres endroits: ce qui est d'autant plus vraisemblable, qu'on n'a pu les trouver nulle part, & qu'il n'est pourtant pas à présumer qu'elles se soyent perduës.

Le Magistrat de Bâle en étant requis par le Roi a sait examiner avec la derniere attention tous les Ecrits délaissés par seu M. Hermann, & conservés par ses Héritiers. M. Jean Bernoulli, Professeur de Mathematiques, qui a été chargé de cette commission, n'a trouvé que trois Lettres de M. de Leibnizz ou il n'est pas sait la moindre mention du principe de la moindre action.

M. Kanig dit aussi dans une Lettre du 12 Mars qu'il a cherché en vain à Bale par le moyen d'un Ami cette Lettre de Leibnitz, parmi les papiers délaissés par M. Hermann; & il envoye en même tems la réponse qu'il a reçue à ce sujet. Il ajoute encore que l'attente de cette réponse est la cause qui l'a ligé à ne toucher jusqu'ici que legèrement à la question principale; mais qu'ayant à présent donné des preuves sussifiantes de sa diligence dans sa recherche de cet Original, il croit avoir satissait, autant qu'on peut l'exiger, au desir de l'Académie.

Digitized by Google

Les choses etant telles-qu'on vient de les exposer; le fragment étant premierement par lui même suspect, & M. Kanig d'un autre coté, depuis qu'il a été rapporté que l'Original de la Lettre de M. de Leibnizz n'existoit point dans les papiers de Henzi qui a été supplicié, n'ayant point produit cet Original, ni pû, ou osé assigner le lieu où il est conservé; il est assurément maniseste que sa cause est des plus mauvaises, & que ce fragment a été sorgé, ou pour saire tort à M. de Maupertuis, ou pour exagérer, comme par une fraude pieuse les loüanges du grand Leibnizz, qui sans contredit n'ont pas besoin de ce secours. Toutes ces considérations duëment pesées, l'Académie ne balancera pas à déclarer ce fragment supposé, & à le dépouiller par cette déclaration publique de toute l'autorité qu'on auroit pû lui attribuër.

PROTOCOLLE DE L'ASSEMBLEE DE L'ACADEMIE DU JEUDI 13 APRIL 1752.

PRÉSENS.	ORDINAIRES.
	M. Pelloutier. M. Poet.
M. de Keuh. Curateurs.	M. Sprægel. M Küfter.
-	M. M.M.Ludolff, M. Becmann.
M. de Marschall. Honoraires.	M. Gleditsch. M. C. L. Ludolff.
	M. de Beausobre. M. Kies.
M. Eller.	M. Meckel. M. Merian.
M. Heinius. Directeurs.	M. Sulzer.
M. Euler.	M. la Lande Assoc. ext.
M. Formey, Secret. perpet.	M. Heffe. M. Hirzel.
wi. Formey, Secret. perpet.	M. Hirzel.

M. le Curateur de Keith a remis à l'Académie la Lettre suivante de M. le Président de Maupereuis, dont le Secretaire a fait la lecture.

MON-

MONSIEUR,

Comme c'est aujourdhui que l'Académie doit entendre le Mémoire de M. Euler au sujet de la Lettre eitée par M. Kænig, & ponter son jugement sur cette affaire, j'aurai l'honneur de vous dire, que m'y trouvant impliqué, & ne desirant de M. Kænig aucune réparation, je prie l'Académie de s'en tensr uniquement à la vérissication du fait; c'est à dire à juger sur l'authenticité de la Lettre de M. de Leibnitz que M. Kænig a citée. J'ai l'honneur d'être & c.

MAUPERTUIS.

Le Secretaire a mis ensuite sur le Bureau toutes les Pieces qui concernent l'affaire de M. Kanig avec l'Académie; en a donné une récapitulation, & a lu en leur entier quelques Pieces qui n'avoient point encore été communiquées à l'Académie, & qui sont une Lettre de M. Kanig à M. Formey du 15 Fevrier 1752. une Lettre de M. de Maupertuis à M. Kanig du 9 Fevrier 1752. & la Réponse de M. Kanig à cette Lettre, du 12 Mars 1752. à quoi il a joint l'exhibition des derniers témoignages concernant les Lettres de M. de Leibnitz, envoyés à S. M. par MM. les Magistrats de Bale.

M. le Directeur Euler a lu ensuite un Rapport Latin, (*) où il a allégué toutes les preuves, tant de raisonnement que de fait, qui démontrent que le passage allégué par M. Kenig, comme étant un fragment d'une Lettre de M. de Leibnuz, ne peut être regardé que comme suspect par lui même, & manisestement saux par les circonstances.

Sur quoi, M. le Carateur de Keith ayant recueilli les voix de tous les Membres de l'Académie présens, en demendant à chaque Aca-

- (*) Ca Rapport est le Mêmoire qu'on vient de lire traduit en François.

Académicien son sentiment, le résultat unanime de la déliberation a été:

Que le passage produit par M. Konig, dans le Mémoire qu'il a inséré dans les Acta Eruditorum de Leipzig, comme faisant partie d'une Lettre de M. de Leibnitz, écrite en François 4 M. Hermann, porte des caractères évidens de fausses; & ne peus avoir par conséquent aucune ombre d'autorité pour porser atteinte aux légitimes prétentions qu'ont les Membres de l'Académie intéressés dans cette affaire, de revendiquer les principes qu'ils one proposes comme etant dus à leur méditasion & à leurs recherches, aussi bien que toutes les conséquences qu'ils en ont tirées, tant dans les Mémoires que l'Académie a adoptés, que dans les autres Ouvrages qu'ils ont publies: Es qu'ainsi les conclusions que M. Euler a sirées à la fin de son Rapport, dorvent être censées justes & valables dans soute la force des termes où elles sont exprimées. démie, en considération de la Lettre de M. le Président de Maupertuis luë au commencement de la seance, n'a pas voulu pousser la chose plus loin, & étendre sa déliberation jusqu'au procédé de M. Koenig dans cette occasion, & à la maniere dant elle seroit autorisse à agir rélativement à ce proceds.

> KEITH. REDERN. ELLER. HEINIUS. EULER.

> > FORMEY Secr. perp.



MEMOI-

MEMOIRES

DE

L'ACADEMIE ROYALE

DES

SCIENCES

E T

BELLES LETTRES.

CLASSE DE PHILOSOPHIE EXPERIMENTALE.

*



SUR LA NATURE ET LES PROPRIETÉS DE L'EAU COMMUNE CONSIDERÉE COMME UN DISSOLVANT.

PAR M. ELLER.

'Eau ayant obtenu sa sluidité de la chaleur, ou plutôt du mêlange d'une certaine quantité de molecules du feu, acquert par cette union un mouvement intrinseque & continuel dans ses plus petites parties constituantes, tout de même, que tout autre corps fondu, qui par le moyen du feu se meut & agit de tous cotés. C'est aussi par cette qualité que l'eau exerce sa force dissolvante, ou du moins ce mouvement lui procure cette action de pouvoir pénétrer & dissondre la plupart des corps connus dans la Nature. L'eau doit donc uniquement sa fluïdité au seu, comme je viens de dire. Cette matiere ignée, comme le dissolvant universel, (ce que je montrerai après,) la pénétre & fait rouler ses plus petites parties les unes sur les autres; qui, sans ce mélange, dont l'effet cause la chaleur, s'attirent réciproquement & se convertissent en un corps solide connu sous le nom de Glace: tout comme la diminution de la chaleur fait de la graisse, de la cire, de la poix, du souffre, & des meraux fondus, des corps solides presque dans un instant.

Je ne prétens pas rechercher ou approfondir à présent ce qui arrive aux premiers élémens de l'eau, lorsqu'elle agit sur les corps pour les dissoudre, ni ce qui arrive aux petites parties dissources & L' 2 cachées

cachées dans le sein de l'eau; la petitesse extrême & peut-être indéterminable de ces molecules, jointe à leur transparence, n'étant nullement proportionnées à nos organes, nous en sait seulement juger par les essets qui en résultent. Sa résistance invincible à toute compression, éprouvée par tant d'expériences par les Philosophes de l'Academie del Cimento à Florence, a sait naitre la pensée à seu Mr. Boerhauve, que ses dernieres particules constituantes devoient être extremement solides & immuables, vû qu'aucune sorce extérieure n'est capable de les altérer; car nous voyons, par exemple, qu'une planche se fend & se casse lorsqu'on en frappe l'eau avec violence, une bale de plomb tirée d'un sus sur la surface d'une riviere ou d'un lac, à un angle sort aigu, s'applatit comme si elle avoit été lancée contre une pierre ou quelque autre corps solide.

Quoiqu'il en soit, il arrive à l'eau par le seu, ou par l'introdu-Etion de la chaleur, la même chose que nous voyons arriver aux autres corps solides, savoir un allongement, ou une expansion, dans les plus petites molecules de sa substance. Nous sommes convaincus de cette verité par les expériences faites avec le Pyrometre sur les lames de fer ou de quelques autres metaux. Quelques Philosophes modernes, surtout les Hollandois, auxquels cet élément liquide est autant profitable, par rapport au Commerce, qu'il est dangereux par les Inondations dont il les menace si souvent, ont taché d'approfondir, plus que les autres, l'intérieur de la composition de l'eau commune par bien des expériences; ils n'ont pas oublié de mesurer l'expansion qu'elle souffre par les differens degrés du seu, & ils ont trouvé qu'elle s'etend d' 30 à compter du degré de sa congélation, jusqu'à celui où elle commence à bouillir; Mr. Muschembroeck le met à 🗱. l'ai eu la curiolité d'en faire l'epreuve moi-même; pour cet effet, j'ai pris un tube cilindrique de verre environ de trois lignes de diametre, dont un bout étoit sermé hermétiquement : après l'avoir rempli d'eau commune jusqu'à 2 de sa longueur, je le plaçai dans un mêlange de neige avec du sel jusqu'à ce que je remarquai que l'eau comcommençoît à geler; je le retiral alors, après avoir marqué l'endroit où l'eau ainsi réfroidie s'arrétoit dans le tube; je l'enfonçai après dans un bain-marie, & y ayant mis le seu, je l'y lassar jusque à ce que l'eau du bain commençat à bouillir. Je trouvai alors que l'eau du tube étoit montée, & avoit augmenté son volume d'une ½, partie environ. Cette constriction & dilatation que l'eau soussir par l'application de differens degrés de Chaleur, nous rend raison aussi, d'où vient que sa pesanteur spécifique change si souvent; car, outre les différens corps qui s'introduisent dans l'eau dans sa source, ou que l'eau de pluye enveloppe en tombant, & qui altèrent son poids, Mr. Muschembrocet a sort soigneusement remarqué que les différens degrés de chaleur, dont nous venons de parler, peuvent augmenter ou diminuer d'un ½, le poids specifique de l'eau; puisqu'il a trouvé qu'un pied cubique Rhenan d'eau pesoit en hiver 64 livres, pendant qu'en Eté la même quantité en pesoit 65.

Outre le seu, ou la chaleur, dont l'entremise nous sait paroitre ce corps sous le nom d'Eau, nous y rencontrons encore une troisième matiere également dispersée, & peut-être mesurée par rapport à son volume à la quantité de l'eau où elle demeure; c'est une matiere zrienne, qui prend la nature de l'air elastique dans le tems seulement, qu'elle se trouve contrainte de quitter son domicile. Car l'expérience a fait voir, que la surface de l'eau, qu'on a mise au seu pour bouillir, commence à un certain degré de chaleur, à s'émouvoir un peu, & à élancer de petites pointes, qui glissait les unes contre les autres, s'unissent sous la forme de petites vessies, & qui alors crévent & poussent un air elastique, avec ce bruit qui est si propre à l'air comprimé mis en liberté par le mouvement. Cet sir ne se retire de Peau, que lorsqu'elle a atteint le 150 degré de chaleur felon le Thermometre de Fahrenheit. Mais lorsque toute cette matiere aërienne est chassée de cette sacon, & que la chaleur dans l'eau augmente jusqu'zu 212 degré, elle commence à bouïllir, c'est à dire, que les particules du feu ayant rempli toute la masse de l'eau, traversent & pas-

Digitized by Google

sent'avec impétuolité par son volume, élevant ses couches supérieures en vapeurs elastiques, semblables à celles qu'on voit sortir de l'Eolipile; mais afin qu'on ne se trompe point, & qu'on ne prenne pas les premieres petites dulles, dont je viens de parler; pour un air supposé, en les croyant aussi des vapeurs aqueuses que le seu éleve & dont il forme un air élastique, on n'a qu'à avoir recours à la pompe pneumatique, qui nous montre, que l'eau commune, même celle qui est toute froide, commence à élancer les mêmes petites vessies. aussi-tôt qu'on a ôté par la pompe l'équilibre de l'Atmosphere, & sa pression sur la surface de l'eau sous la cloche de la machine. leurs il est fort remarquable, & cela mérite quelque attention, que cet air, qu'on a fait fortir de la substance de l'eau, n'y a point occupé sa place dans sa nature élastique; ce dont on peut s'assurer par plusieurs expériences & phenomenes, si on y veut faire seulement quelque attention. Il est évident, que le volume de l'eau, dont on a tiré l'air sons la cloche, ne diminue point : il est aussi prouvé, que l'air naturellement enfermé dans l'eau, n'y montre point cette élasticité qui lui est si propre, parce que cette eau ne souffre aucune compression. D'ailleurs l'air ne retourne que fort lentement dans une eau purifiée de cet élément comme il faut; il demande plusieurs jours, ou semais nes, avant que d'y rentrer en juste proportion, & l'on ne gagne risn en voulant forcer l'eau par des secousses violentes pour recevoir un zir élastique, comme le célébre Mr. Mariatte l'a prouvé par cette expérience. Il a fait bouillir de l'eau pendant quelques heures de suite, pour en chasser l'air entierement; avec cette eau ainsi préparée, il a rempli une Phiole, ou matras de verre, jusqu'à l'ouverture de son col: il a fermé l'ouverture avec le pouce, après avoir fait rentrer dans cette eau, en renversant le matras, une petite portion d'air de la grosseur d'une noisette; puis il a ensoncé le col de la phiole dans un vaisseau rempli d'une même eau purifiée d'air, & ayant auffi-tôt retiré le pouce de l'ouverture, il a remarqué que cet air, qui s'etoit arrété au fond de la phiole renversée, ne se diminuoit que pen à peujusjasqu'à ce que tout son volume sût resorbé dans l'eau après pluseurs heures de tems. Après avoir sait rentrer de nouveau une semblable portion d'air dans cette même eau purissée, & ayant observé les mêmes précautions, il s'est apperçu que cet air nouveau demandoir beaucoup plus de tems que le premier pour se cacher dans l'eau. Il répéta cette déglutition de l'air dans la même eau, jusqu'à ce qu'il remarqua, que la portion d'air ne diminuoit plus pendant la suite de plusieurs jours ou semaines. Ce phénomene extraordinaire a sait dire à M. Mariette, & après lui à Mr. Boerhauve, qui a répété cette expérience avec plus d'exactitude encore, qu'il se faisoir icy une solution plutôt qu'un simple mélange de particules d'air dans l'eau, parce que l'air perdoit par cette solution sa nature élastique, aussi longtems qu'il étoit détenu prisonnier dans l'eau.

Mais comme Mr. Mariotte, ni les autres Physiciens plus modernes, comme les celebres Mrs. Boerhaave, Muschembroeck, Nollet, Hamberger, &c. qui alléguent & confirment cette expérience, n'ont pas déterminé, non plus que le premier, la quantité de l'eau, qu'ils ont prise pour faire l'expérience en question, ni le volume de l'air, qu'ils ont fait reptrer de nouveau dans cette eau purifiée, j'ai jugé la chose digne d'une recherche ultérieure, pour tâcher, s'il était possible de déterminer un peu plus au juste, la quantité de l'air, qu'une portion d'eau mesurée peut contenir & loger naturellement dans son sein. Pour cette sin, j'ai fait purisser l'eau de tout zir, autant qu'il m'a été possible, tantôt par une décoction suffisante, tantôt à l'aide de la Pompe pneumatique: & ayant mesuré la phiole, pour marquer le poids de l'eau qu'elle contenoit, j'y ai fait entrer un petit verre cylindrique, qui renfermon dans son creux, étroitement bouche, par une petite oublie ou pate de farine mouillée, un pouce cubique d'air, mesure de Rhin; & ayant versé l'eau récemment purissée, & encore tiède, la dessus, jusqu'à ce que la phiole sut entierement remplie, comme dans l'expérience de Mr. Mariotte, je remarquai bientôt, l'ayant renversée & enfoncée dans un vaisseau pareillement rempli de la même eau puripurifiée, que le couvercle de pâte du petit verre cylindrique s'ouvrit, par la force émolliente de l'eau, & fraya le chemin a l'air qu'il contenoit, lui permettant de fortir & de se ranger au bout de la phiole renversée; & asin que l'air extérieur ne rendit pas l'expérience équivoque & douteuse, je sermai le col de la phiole dans le vaisseau ou il étoit ensoncé sort étroitement, pour empêcher tout air extérieur de s'y mêler. Cette précaution m'a appris à la sin que la portion de l'air contenu naturellement dans l'eau, n'excedoit pas sa 150 partie.

Cette faculté de l'eau, d'avaler l'air par une espece de solution, m'a fait naitre l'idée, que cet air enfoncé dans l'eau pourroit être la cause du bruit du connerre, lorsque les vapeurs aqueuses extrèmement condensées dans une nuée se rejoignent en gouttes prâces à tomber par la pluye, & imprégnées de cet air avalé, étant exposées quelques heures aux rayons perçans d'un Soleil ardent, qui communiquent le seu, & élevent en Eté sans cesse des exhalaisons inflammables péle-méle avec les vapeurs aqueuses, surchargées alors de cette matiere phlogistique, il arrive, que lorsque celle-cy, par un frottsment subit de ses molecules, s'allume & cause l'éclair, ce seu percant rend la liberté, & en même tems l'elasticité à cet air avalé dans l'eau des nuages suivant la direction de l'éclair. Or quiconque conneit la force de l'expansion d'un air élastique dans un degré de chaleur tel que le cause l'eclair, ne sera pas étonné du bruit éclatant que le tonnerre produit, lorsque cet air dilaté se fraye le chemin par mille disections opposées, pour écarter l'air & l'eau de l'Atmosphere voisine par où il passe. Mais cecy soit dit seulement en passant.

Ainsi l'eau commune est un composé 1 de sa matiere primitive glaciale, 2 de l'Air, & 3 du Feu. C'est de ce dernier élément qu'este tire principalement sa sluidité & son action. Mais il paroit pourtant extraordinaire, que la quantité du seu, ou de la chaleur, qu'elle est capable de recevoir, n'augmente pas son poids, ni l'air son volume, puisqu'il est connu, que ce dernier élément exerce sa sorce expansive 20 sois plus résistance que l'eau; & pour ce qui est du seu,

Digitized by Google

seu, chaque partie d'eau est capable de supporter 180 degrés de chaleur, sans qu'elle change de pesanteur, & avant qu'elle s'echappe en vapeurs; car il est prouvé, que l'eau, dès le 33 degré de chaleur, suivant le Thermometre de Fahrenheit, peut recevoir les molecules du seu jusqu'au 212, lorsqu'elle commence à bouïllir & à se dissiper, sans que sa nature sluïde, ni son poids, en soussre le moindre changement.

Jusqu'icy j'ai jugé à propos d'examiner les parties conflicuantes de l'eau, afin de parrenir à mieux comprendre la vertu qu'elle exerce à pénétrer & à dissoudre les corps; mais comme cette action dépend principalement de la petitesse de ses parties, il faut voir, ce que les Philosophes en ont pu découvrir jusqu'à present. Les Anciens y ent fait fort peu de réfléxion, se contentant de regarder l'eau comme un Elément simple & primitif; il leur sussionité de la déclarer un corps humide & froid, qui à cause de sa sluïdité prétoit le vehicule pour charrier les matériaux, qui faisoient croître les animaux aussi bien que les végétaux & les mineraux. Les Modernes ont montré un peu plus d'application à vouloir attrapper la petitesse des dernieres molecules qui constituent ce merveilleux corps; mais ils ont été forcés de s'arrêter en chemin, & de se contenter d'avoir remarqué par leurs expériences innombrables, que la division sans bornes de ces dernieres molecules n'etoit nullement proportionnée, ni à leurs organes, ni aux instrumens par lesquels ils l'examinoient. Sa surprenante divisibilité, qui resule toute mesure, se maniseste en plusieurs façons: par exemple, les ouvertures de ces vaisseaux, ou veines, sous l'epiderme de notre peau, par lesquels l'eau s'échappe de la masse de notre fang, font si petites, qu'un grain de sable, selon se calcul de Leuwenhoek, en peut couvrir 24 mille. Le degré de chaleur qu'on introduit dans l'eau, lorsqu'on la fait bouillir, cause une telle subdivision de ses petites particules dissoutes en vapeurs, qu'elle occupe un espace 13 mille sois plus grand que celui qu'elle occupoit, torsqu'elle restoit encore sous la forme de l'eau; comme cela se prouve

K

par une seule goutte d'eau qu'on sait tomber dans un tuyau de verre à boule, dont on se sert pour saire des Thermometres. Quand on chausse cette boule sur les charbons allumés, jusqu'à ce que cette goutte d'eau se convertisse en vapeurs, elle remplit toute la capacité de la boule & de son tuyau, puisqu'elle en chasse l'air tout à fait, en faisant un vuide parsait, qui se remplit d'eau, ou de mercure, lorsqu'on a soin d'ensoncer à l'instant le tuyau dans l'un ou l'autre de ces sluides. Celui qui voudra comparer le diametre de la goutte d'eau avec celui de la boule de verre qu'il a employée, en comparant les cubes de leur diametres, trouvera à peu de chose près, la sorce expansive de l'eau déterminée cy-dessus.

Je m'eloignerois trop de mon but, si je voulois examiner icy, si toute eau, étenduë tellement en vapeurs élastiques, & encore plus élastiques peut-être que l'air même, regagne tout à fait son premier état liquide sous la forme de l'eau: ou si l'action du seu n'y a pas causée plutôt une métamorphose dans les derniers élémens sphériques de l'eau, en les entortillant en très menus cylindres spirales élastiques de nature aërienne? Certes, quelques expériences saites avec l'Eolipile, avec le Digesteur de Papin, avec une espece d'Eolipile appliqué à la Pompe pneumatique, & surtout la manœuvre de sousser une pousse d'eau poussée par la canule d'acier dans une grosse boule compacte de verre sondu, sans qu'on y remarque le moindre retour de cette vapeur sous la forme d'eau commune, me rendent assez hardy pour adopter cette hypothese, jusqu'a ce qu'on me fasse voir le contraire par des expériences incontestables.

J'ai examiné l'eau commune jusqu'icy par raport à ses parties constituantes, aussi bien qu'à l'égard des qualités qui résultent de l'union des differentes parties qui lui viennent de dehors, & qui toutes ensemble, quoique d'une petitesse inconcevable, n'empêchent point leur solidité extrème, qui resuse toute compression. J'ai démontré le degré de leur extension, comme aussi leur expansion surprenante, qui

qui les confond & les précipite dans la nature de l'air. La premiere chose qui me reste à éplucher, pour me rapprocher peu à peu de mon but, est l'examen de la qualité pénétrante de l'eau; mais comme cette qualité a trop de rapport avec sa force dissolvante, je m'arrêterai un peu à examiner comme il faut cette propriété de l'eau. Tout le monde lui accorde cette faculté en général; & peu s'en faut que quelques grands hommes n'ayent prouvé qu'elle est un dissolvant universel. Sa pénétration dans les plus petits recoins de plusieurs corps, qui refusent l'admission de l'air même, semble favoriser cette hypothese. La maniere par laquelle l'eau commune opére la solution des corps, paroir être bien differente selon les principes differens, que philieurs Philosophes en ont imaginé. Il y en a qui prétendent prouver, que l'eau par sa pesanteur specifique, & par l'extrême petiresse de ses molecules, entre dans les corps qu'on lui présente à dissoudre, écarte les plus petites parties les unes des autres, & les pénétre si avant, qu'elle les distribue également, en les faisant nâger entre ses molecules. Et pour mieux faire comprendre cecy, ils dérerminent la propriété des espaces, des interstices & des pores des corps; ils considerent leurs figures, l'homogeneité de leur matiere, leur cohésion naturelle &c. Pour y trouver quelque chose à redire, il falloit encore mieux voir & tâter les derniers élémens & les atomes de toutes les matieres, que ces Messieurs s'imaginent d'avoir vû & tâté.

Il y en a d'aurres, qui avec plus de solidité & de circonspection regardent les corps dissolubles par l'eau, comme un assemblage de petites particules homogenes, que nos yeux, aidés même des meilleurs microscopes, ne pourroiont appercevoir séparément les unes des autres; il est sort probable, disent-ils, que ces particules, lorsqu'elles sont rétinies, & qu'elles sont masse, laissent entre elles de petits intervalles, dans lesquels l'eau se peut insinuer, & pénétrer dans les plus intimes recoins de la cohésion de ces particules, par la même cause apparament, qui fait monter l'eau & qui la fait entrer dans les cylindres capillaires. Ils supposent donc cette cause & cette force

Digitized by Google

de pénétrer, telle qu'elle puisse être, plus puissante que la cohésion ou la force avec laquelle les parties du corps soluble sont jointes ensemble; de sorte que l'eau non seulement se peut glisser entre elles; mais elle les écarte, comme il paroit, & les sépare les unes des autres, après quoi les molecules désunies de cette maniere flottent dans le dissolvant, & ne sont, selon l'apparence, qu'un composé avec lui. Et quoique les parties d'un corps, dissoutes dans l'eau, soient ordinairement plus pesantes que ce suide, elles ensilent à leur tour les pores de l'eau, & se distribuent unisormèment dans toute la masse de l'eau, dans laquelle, malgré leur excès de pesanteur, elles demeurent suspenduës par le frottement ou par la même cause, qui les a sait monter: ce qui se prouve par l'expérience, lorsqu'on dissout une quantité déterminée d'un sel quelconque, dans l'eau pure, sans que son volume, en augmente, ou que le vase qui la contient, en devienne plus plein.

Il y en a encore d'autres, qui, pour expliquer l'action dissolvante de l'eau, ont recours au grand principe de l'attraction, dont l'application à nôtre sujet paroit fort ingénieuse. Ils s'expliquent à peu près de cette façon. Les particules d'un corps dissoluble dans l'eau, lorsqu'elles se trouvent dans une grande quantité de ce fluïde, sont attirées avec plus de force qu'elles ne peuvent s'attirer ellesmêmes, à cause de l'eloignement de ces molecules les unes des autres. Quand on met cette eau en mouvement par des secousses réftérées, elle attire ou dissout plus d'un corps soluble que quand elle reste en repos. La même chose arrive lorsqu'on met cet élément liquide en mouvement par le feu; car l'expérience nous montre, que l'eau chaude dissout plus que l'eau froide, & cela selon les differens degrés de chaleur. Cette hypothese acquert une grande probabilité par les phénomenes qui arrivent dans la crystalksation des sels. Un savant homme qui la soutient, s'explique là dessus à peu pres de cette façon: "Lorsqu'on diminue la quantité de l'eau d'une , dissolution faline à un certain degré par l'évaporation, on diminuë auffi

" sussi par conséquent cette attraction qui subsistoit entre l'eau & le sel; " car on remarque d'abord, que les atomes de sel se touchent alors de " trop près, & par leur poids specisique, par sequel ils surpassent ceux " de l'eau, ils s'attirent réciproquement, & se joignent étroitement " ensemble; ce qu'on appelle dans la Chymie Crystallisation de sels. " Mais il saut remarquer néantmoins, que cette opération est empénchée par le mouvement quelconque, soit qu'il soit causé par les se, cousses, ou par la chaleur. C'est pour cette raison, que cette crynstallisation ne réussit, que dans un certain dégré de froid, dans un vase qui reste immobile."

Je ne prétends pas vouloir critiquer, ou décider sur les sentimens de ces Savans, qui se sont donné beaucoup de peine pour rendre cette opération intelligible. Mais j'espère qu'il me sera permis d'ajouter icy ce que les expériences & le raisonnement m'ont enseigné sur ce sujet. Pour m'expliquer avec plus de charté, je ne m'arrête pas icy à examiner la vertu diffolvante de l'eau commune toute seule ; je toucherai auffi en passant les autres corps, auxquels on attribue une force de dissoudre, & qui sont quelquesois bien differens de nôtre élément fiquide, puisqu'on en rencontre, & même de puissans, dans quelques corps secs. Lorsqu'on examine les expériences, qui prouvent la force dissolvante de l'eau commune, on remarque que cette force est toujours proportionnée à la quantité de chaleur, ou de seu, qu'elle contient; nous voyons qu'un petit degré de chaleur communiqué à l'eau, ne fait que mollir quelquesois un corps, pendant que ce même corps est entièrement dissous en peu de tems, par l'augmentation de la chaleur dans l'eau, laquelle on fait bouïllir. Les Sels, qui de tous les corps sont ceux, que l'eau dissout le plus facilement, me sembleat confirmer, ce que je viens d'avancer. Huit onces par exemple d'eau pure, qui n'a que le premier degré de chaleur qui la rend seulement liquide, c'est à dire le 33 du Thermometre de Fahrenheit, dissolvent à peine la 64 partie de leur poids du sel commun; & à mesure que le froid extérieur augmente à un tel point, que ce petit K 3 degré

degré de chaleur se retire & permet à l'eau de commencer à se glacer, ce peu de sel se retire aussi & se ramasse au sond du vaisseau. Mais au contraire, si vous augmentez la chaleur dans l'eau de 10 ou 12 degrés seulement, vous verrez qu'elle dissoudra jusqu'à 2 onces de sel; & si vous y ajoutez autant de chaleur qu'elle peut en supporter, savoir lorsqu'elle commencera à bouillir, elle en aura dissout presqu'autant qu'elle pese. Retirez l'eau du seu alors, & vous remarquerez aissement, qu'à mesure que la chaleur se dissipe, ou qu'elle se retire de l'eau, le sel s'echapera de la solution, & se précipitera au sond du vase; & si vous êtes en etat d'ôter à l'eau tous les degrés de chaleur successivement, jusqu'à l'etat prochain de congélation, vous verrez tout votre Sel précipité au sond du vaisseau, & abandonné de l'eau, destituée de tout degré de chaleur, dans le moment qu'elle commence à perdre sa sluidité par la congélation.

Cette expérience m'a appris: 1. Que l'eau commune destituée de tout degré de chaleur ne dissour rien. 2. Que l'eau commune sert seulement de véhicule à la chaleur, ou aux molecules du seu qui s'y enveloppent. 3. Que l'eau commune ne peut recevoir que 212 degrés de chaleur, même par la plus grande sorce de seu qu'on y applique, le reste de la chaleur passe au travers de l'eau & se perd dans l'air, ou dans les corps voisins. 4. Que lorsqu'on cesse de chausser l'eau par dehors, toute la chaleur se retire peu à peu, & il n'y reste que ce degré que l'air, qui l'environne, y entretient; & alors la sorce dissolvante de cette eau est proportionnée à ce degré de chaleur. Mais lorsque l'air en hyver perd aussi sa chaleur jusqu'au dessous de 33 degrés, l'eau perd toute la faculté de dissoudre à mesure qu'elle approche de ce degré.

Ainsi la force dissolvante de l'eau, étant toujours proportionnée aux degrés de chaleur qui lui sont communiqués, les corps qui souffrent la dissolution à ces degrés, tirent ordinairement leur origine des Végétaux, ou des Animaux. Mais quand on sait contraindre l'eau à recevoir & à garder une tant soit peu plus grande quantité de

cha-

chaleur; elle peut passer les bornes de sa force dissolvante naturelle, comme cela paroit par les expériences saites avec le Digesteur de Papin, où l'air dilaté qui couvre l'eau avec une sorce extraordinaire, empêche que le seu, qu'on continue à communiquer à l'eau bouïllante, ne se dissipe si vite en la traversant seulement; mais poussé par l'eau qui lui sert de vehicule, il entre dans les cornes, dans les ongles, dans les os des animaux, avec une telle violence, qu'ils se trouvent dissous en peu de minutes jusqu'aux parties terrestres qui tombent en poussiere; même le plomb & l'étain commencent à couler dans ce degré de chaleur communiqué à l'eau de cette saçon.

Tout cecy, ce me semble, montre assez, que ce n'est pas l'eau, mais uniquement le seu, qui cause la solution des corps; & que l'eau me sert qu'à engloutir les atomes dissons, & à les distribuer également par tout son volume qui doit être proportionné à la quantité des molecules qu'il doit garder.

J'ai considéré jusqu'iey la premiere Classe des dissolvans qui est la plus simple, où le seu exécute la solution des corps qui sont d'une legère cohésion par le moyen de l'eau dans laquelle il se trouve. Dans cette Classe; le seu communiqué à l'eau de dehors, est simple & uniforme, sans que quelque autre matiere y ait part, ou s'y mêle. Mais il y a une seconde Classe de dissolvans où le seu est concentré dans une matiere huileuse, végétale & inflammable, que la fermentation a jointe à l'eau commune, & y a liée si etroitement, qu'il n'y a que la flamme qui les puisse séparer, & les disperser dans l'air en les détruisant. Les Esprits de Vin, de Froment, & de plusieurs autres végétaux, en sont témoins. L'eau commune y est encore la base qui a enveloppé cette matiere phlogistique, laquelle étant mise en mouvement par l'application du feu extérieur, pénétre, sépare & dissout les corps, qui sont d'ailleurs impénétrables par les dissolvans de la premiere Classe, où il n'y avoit que le seu simple, arrêté dans l'eau simple aussi. Quoique l'action de cette seconde Classe se borne aussi à la dissolution des Végétaux, d'où cette sorte de dissolvans a tiré son origine,

origine, elle est toujours plus puissante que la premiere, parce qu'este pénétre & dissout les corps huileux & résineux, que les premiers n'avoient pas la force d'entamer. D'ailleurs l'eau commune prête également icy aussi le vehicule à la matiere du seu, avec cette disserence, qu'elle est intimément jointe à l'eau par la sermentation, pour produire ce qu'on appelle communément Espries vineux, dont la partie la plus subtile, purissée par la distillation, & connue sous le nora d'Alcohol, brûle & entretient la flamme la plus pure, jusqu'à ce qué tout soit consommé. Mais quand on a l'adresse de pouvoir arrêter les vapeurs, que l'Alcohol dissipe en brûlant, on trouvera que ce ne sont que l'eau simple toute pure, & que la matiere inslammable n'a été que la portion la plus petite de l'Alcohol.

Les jus vineux, tirés des Végétaux par la fermentation, dont je viens de parler, si on les expose une seconde sois à cette opération fermentative, on les convertit en Acide, lequel concentré par la dissibilitation, sournit un Esprit acide, qui est d'une nature bien differente de l'Alcohol, puisqu'il pénétre & dissout la plûpart des Métaux & des Minéraux qui se soutiennent entierement dans l'Alcohol.

Mais si la Fermentation opére dans les Végétaux en produssant l'Alcohol & l'Acide, la Putrésaction montre une production analogue dans les Animaux en développant dans ces corps détruits l'Alcali volatil, lequel enveloppé de l'eau commune produit les Esprits volatils de l'Urine, du Sang &c. La Putrésaction même n'est pas toujours nécessaire à la production de ces fortes d'esprits alcalins; l'etroite union des sels avec les parties grasses & huileuses, que la Circulation des humeurs opére dans un animal vivant, sussit déjà à produire une alca-lescence, on disposition à la formation d'un Alcali: ce que nous montre l'Esprit volatil de Corne de Cers, du Crane, de la Soye, &c. que la distillation seule nous sournit de ces corps sans le secours de la Putrésaction.

Outre cette seconde Classe de dissolvans, l'eau commune prête encore son ministère à une troisieme sorte de dissolvans, dont la sorce est

est infiniment plus puissante que celle des premiers, puisque les molecules de feu sont concentrées d'une maniere tout a fait incompréhensible dans une matiere acide, qui gagne en naissant, & dans la suite de son existence, diverses matrices, lesquelles sournissent aux Physiciens Chimistes des dissolvans auxquels obeissent les corps les plus durs qui sont connus dans la Nature. L'origine simple de cet acide paroit être d'autant plus merveilleux, que nous le rencontrons difpersé dans l'air, sous la simple enveloppe des vapeurs aqueuses; ceux qui doutent de son existence dans ce lieu, n'ont qu'a exposer un sel alcali bien pur dans une chambre où l'air peut circuler aisément pendant quelque tems; ils trouverent leur alcali changé en sel moven tout comme s'ils eussent employé un acide vitriolique pour convertir l'alcali en Tartre Vitriolé. Le tems, & moins encore mon but, ne permettent pas d'éplucher à present le moyen dont la Nature se sert pour produire cet Acide Universel. Parmi les exhalaisons infinies, que de ses produits innombrables nôtre Globe permet de s'elever dans les airs, il n'y a point de doute qu'il ne s'en rencontre quelques unes propres à recevoir & à concentrer dans leurs atomes cette matiere ignée, que l'Astre du jour, cette source du seu & de toute chaleur, lance incessament par ses rayons dans une matiere propre à lui servir de vehicule : ce qu'il me suffit d'avoir touché seulement à présent. Mais comme nous ne pourrions pas nous en servir sous cette enveloppe impalpable & invisible, la Nature bienfaisante a choisi encore d'autres matrices bien plus traitables pour nous, où elle renvoye cette mince engeance du feu solaire de retour avec les Météores vers notre Globe, pour y être avalé dans l'Ocean pour la pluspart, ou dans quelques terres calcaires, alcalines, metalliques ou bitumineuses, où ce seu, enveloppé par une espece de solution, se niche, & v forme sa matrice & son domicile, & où il se présente à nous, tantôt sous la forme du sel marin, ou de l'Alun, ou du Salpetre, ou du Vitriol, & tantôt sous la forme du souffre commun. Et qui est-ce qui ne sait pas avec quelle force ce seu concentré dissout les Men, de l'Acad. Tom. Fl.

les corps les plus compacts que les entrailles de la terre nous fournissent, lorsque par l'extrème violence d'un seu chimique ce seu solaire est chasse de ses différentes matrices. & lorsqu'il nous paroit sous le nom d'esprit acide mineral, different en quelque maniere, le l'avoue, mais c'est par l'altération qu'il a soufferte dans ses différentes matrices. Il seroit bien superflu de marquer icy la nature ignée de cet acide: celui qui en doute, n'a qu'à l'éprouver, &il trouvera bientot qu'il brûle autant, & quelquesois davantage, que le seu de nos foyers. C'est encore l'eau commune qui fournit le véhicule à ce feu acide, & qui favorise sa puissante action. Pour se convaincre de cette vérité on n'a qu'à verser un de ces Esprits acides, soit celui de sel marin, ou de Vitriol, sur quelques corps terrestres absorbens, comme sur de la crave pilée, & on sera surpris de voir la quantité d'eau commune infipide qui surnage sur la craye, lorsqu'après la destruation de l'acide ce feu a disparu. Au reste tout ce que j'ai avancé jusqu'icy, prouve affez, que le feu est l'unique diffoivant universel dans la nature, & que la petitesse extreme & inaltérable des molecules d'eau commune lui sert seulement de véhicule & d'enveloppe pour communiquer sa force dissolvante à tous les corps altérables. pourquoi les anciens Philosophes Hermetiques ont eu raison d'assurer, que leur mystere le plus caché consistoit dans la combinaison parfaite & inséparable de ce seu avec la substance mercurielle metallique la plus pure & la plus homogene pour la production d'un diffolvant universel, & pour la perfection du grand oeuvre. Je ferai voir dans un autre Mémoire les phenomenes qui résultent, en dissolvant toutes sortes de sels dans l'eau commune.





SUR LES PHENOMENES QUI SE MANIFESTENT, LORSQU'ON DISSOUT TOUTES SORTES DE SELS DANS L'EAU COMMUNE SEPARÉMENT,

PAR M. ELLER.

Jans le dernier Mémoire, que j'ai eu l'honneur de lire dans cette Assemblée, il y a quelques semaines, j'ai taché d'expliquer la nature & les propriétés de l'eau commune. Tout ce que j'y ai avancé, se trouve entièrement consirmé par les Expériences. J'ai prouvé entre autres choses, que l'eau commune ne peut paroitre sous cette forme fluide & coulante où nous la voyons, que moyennant certaine portion de seu, ou de chaleur, qui lui procure cette sluïdité; mais que l'eau, avant recu cette qualité du feu, lui sert à son tour de vehicule, afin qu'elle puisse exercer sa force dissolvante. J'ai fait voir les différens moyens, par lesquels les molecules du feu s'introduisent dans l'eau. Le premier est le plus simple, où le seu se communique de dehors selon les differens degrés de la chaleur extérieure. autres moyens, par lesquels le feu s'unit à l'eau, sont un peu plus cachés, de sorte qu'on perd presque l'idée de l'eau commune, lorsqu'on rencontre sous cette sorme un fluide àpre, ou corrosif, qui ne tient plus rien de la nature douce & insipide de l'eau, si l'on en excepte la fluïdité. Mais l'eau soussire cette altération extraordinaire de fort differentes façons; car tantot cette matiere du seu se joint à l'eau par la Fermentation, tantot par la Putréfaction: une autre fois on l'attrappe par la Destruction de quelques sels minéraux sous la forme d'un Acide corrolif, quoique tous ces fluïdes dissolvans ne soyent

autre chose qu'une matiere inslammable, sussure, & ignée, délayée dans l'eau commune qui lui sert d'enveloppe & de vehicule.

Cette considération est d'autant plus nécessaire à mon but, qu'elle rend raison en quelque maniere des Phénomenes qui se manisestent quand on dissout differentes sortes de seis dans l'eau commune. Les Physiciens modernes ont déjà remarqué, que cette eau, quelque pure & simple qu'elle puisse être, souffre un changement remarquable, par rapport à fon degré de température, dès qu'on y jette du sel pour le Car aussi-tôt qu'elle commence à agir pour achever la dissolution, sa chaleur diminue presque toujours, & elle devient plus ou moins froide selon la qualité, ou selon la composition differente de chaque sel. C'est par ce moyen qu'on peut produire de la glace, même dans les plus grandes chaleurs de l'Eté. Je n'ignore pas, que Mr. Geoffrey à Paris en a déjà fait quelques Expériences qu'il a communiquées a l'Académie Royales de Sciences en 1700, & que Mr. Amontons a reiterées à la Cave de l'Observatoire de Paris, selon son rapport fait à la même Académie en l'année 1705. & qu'outre cela Mr. de Muschembroeck, dans son excellent Commentaire sur les expériences de l'Académie del Cimento, a de nouveau fait cette recherche, pour déterminer les degrés du froid, que quelques sels produifent dans l'eau, lorsqu'on les y jette pour les dissondre. Mais comme les rapports de ces Messieurs sont bien disserens entre eux, par ce qu'ils n'ont pas examiné toute forte de sels, & qu'ils ont négligé presque tout à fait les sels moyens artificiels, j'ai cru qu'il pourroit être de quelque utilité, par rapport à la théorie du feu aussi bien qu'à la connoissance de la structure differente de ces sels, si j'entreprenois de nouveau cette recherche.

Pour cette fin j'ai pris toutes les précautions nécessaires pour saisir cette exactitude que les Expériences physiques demandent. J'ai eu grand soin auparavant de choisir les sels bien purs & secs, réduits en poudres impalpables; & comme la quantité de l'eau que telle ou telle sorte de sel demande pour la dissolution dissère beaucoup, j'avois déjà déconderne de sel demande pour la dissolution dissère beaucoup.

découvert & déterminé cette quantité différente, dont je donnersi cyaprès le précis. Les sels préparés, comme je viens de dire, & enfermés dans des phiotes bien bouchées, furent placés avec l'esu, qui devoit servir à leur dissolution, quelques heures apparavant dans une chambre, où le Thermometre m'indiqua la température de l'air de ce jour là ; & comme je me suis servi d'un Thermometre de la stru-Eure de Mr. de Reaumur, j'ai eu soin de l'ensoncer pendant quelques minuers dans cette eau destinée aux expériences pour eprouver sa température. L'ayant retiré, je remarquai qu'il montrolt 6 degrés de chaleur. Je pris ensuite huit onces de cette eau pour chaque essai, & de chaque sel autant qu'elle ponvoit en dissoudre. Le Vitriol verd ne montra qu' 17 degré de refroidissement dans l'eau, mais le Vitriol bleu 3½ degré. L'Alun, réfroidit l'eau de 2½, mais l'Alun calciné ne montra aucun chapgement. Le Salmine au contraire sit voir le plus grand, puisque le Thermometre baissa de 6 degrés de chaleur, jusqu'à un peu au dessous de 5 degrés de froid; par conséquent ce sel rétroidit l'eau presqu'à 12 degrés. Le Salpetre rassiné causa un refroidissement de 8 deprés, & le Cristal mineral de 7. Le Sel commun & le Sel marin ne réfroidirent l'eau que de 2 degrés. Le Tattre vitriolé & l'Arcanum duplicatum furent à 3 degrés; mais la Creme de Tartre ne montra aucun changement. Le Sel d'Epsom causa 2 degrés de froid, & le Sel de Seignette 7. Mais le Sel de Sedlitz sit monter le Thermometre de 6 degrés à 9, & augmenta par conséquent la chaleur à 3 degrés. Le Sel admirable de Glauber montra à peu près le même Phénomene, puisqu'il chauffoit l'eau de 4 degrés. Mais ce ne fut rien en comparaison du Vitriol desséché à blancheur, qui augmenta la chaleur dans l'eau de 16 degrés, le Vitriol blanc de 7 degrés, & le Sel alcali fixe de 4. Le Sel alcali volatil de Corne de Cerf au contraire, réfroidir l'eau de 6 degrés, le Sel volatil d'Urine, & le Sel Polychrefte seulement de 2. &c.

On voit affez par ces expériences, que les degrés de froid, que les Sels communiquent à l'eau pendant leur diffolution, sont aussi dif-L 3 ferens ferens presque que leur nombre. Il y en a même parmy, qui, an lieu de réfroidir l'ean, lui communiquent encore des degrés de chae leur assez considérables. Tout ce qu'on en peut conclurre de déciss est que les Sels qui ont joint l'alcali volatil à l'acide minéral réseau dissent l'eau le plus, comme le Salmiac, le Salpetre, le Cristal mine, ral: & même le Sel volatil de Corne de Cerf tout seul nous montre set effet. Je stais fort bien, qu'on s'embarasse très peu de trouver la folution du problème, pourquoi les Sels réfroidissent l'eau, su que plusieurs des Physiciens modernes se contentent de dire, que toute chaleur consiste dans le mouvement, & que le froid n'est que la diminution de ce mouvement. Le réfroidissement donc, que le sel apporte à l'eau, vient de ce que les parties salines étant sans mouves ment, & partageant celles de l'eau, diminuent par consequent ce monvement; ce qui produit le réfroidissement plus ou moins grand dans cet élément lequide &c. Mais il me semble qu'il arrive icy justement le contraire; car, pendant que ce dissolvant agit pour s'infinuer dans les pores ou interstices du sel, & pendant que le sel, à cause de să folidité, résiste à son tour à cette action, il arrive sans contredit une action mutuelle, ou une pénétration réciproque de l'eau dans le selou du sel dans les pores de l'eau : ce qui doit plutôt augmenter que rallentir le mouvement en question.

Il y en a d'autres, qui, après avoir vu l'insuffiance de ces raisonnemens, but taché d'expliquer ces l'hénoménes d'une tout autre fation. Ils supposent, que l'attraction, ou la cohésion des fluides avec quelques autres corps, est proportionnée aux points du contact, ou à la densité de ces corps. Ainsi le feu étant le corps le plus sluïde connu dans la nature, est attiré, & s'attache par conséquent en plus grande quantité aux corps qui ont plus de masse sous le même volume qu'à tous ceux qui n'ont pas cette solidité; ce qui se maniseste, dissentils, dans l'air, qui ne peut pas être échaussé autant que l'eau, qui est environ 800 sois plus pesante; & les métaux, ayant depuis 7, jusqu'à 20 sois plus de masse sous le même volume, que l'eau, atti-

rent & gardent le feu incomparablement plus longtems que ce fluide. Or les Sels, ajoutent-ils, ayant plus de densité que l'eau, attirent par conséquent, lorsqu'on les y jette, les molecules du feu qui se trouvent dans l'eau; ce qui doit la rendre néedsairement plus froide &c. Je fouscrirois volontiers à cette hypothese, qui paroit d'ailleurs affez bien imaginée, si les Expériences vouloient seulement la soutenir. Car d'où vient par exemple, que le Vitriol blanc, le Sel de Sedlitz, & le Sel admirable de Glauber, augméntent la chaleur dans l'eau au lieu de la refroidir? Ces Sels n'ont-ils pas des corps aussi solides que les autres qui rendent l'eau plus froide? Les principes constituants de ces Sels ne sont-ils pas les mêmes que ceux que nous rencontrons dans plusieurs autres sels qui montrent pourtant un effet tout contraire? Dailleurs, comme les degrés du réfroidissement, que les Sels produisent dans l'eau, sont si differens, je m'imagine qu'il faut tâcher de trouver la Solution du Problème dans la recherche de la nature & de propriétés de ces seis mêmes; une petite remarque pourroit peut-être apporter ici quelques lumieres. J'ai fait voir dans le Mémoire précédent, que ces sels participoient de l'Acide universel, qui n'est autre chose qu'un seu concentré dans l'eau qui lui sert de vehicule & d'enveloppe, & qui se procure par ce moyen des corps differens en dissolvant diverses matieres terrestres, ou metalliques, qu'il rencontre dans le sein de la terre. Ce seu potentiel donc, lorsqu'il se trouve développé par la dissolution dans l'eau commune, attire probablement les molecules du feu qu'il rencontre dans l'eau, & la rend par conféquent plus froide pour quelques minutes. Ce qui me paroit confirmer cette hypothese, est l'expérience qui suit. Je versai environ la moitié d'un seau d'eau dans une terrine de grés, & je trouvai par le Thermometre de Mr. de Réaumur, que cette eau gardoit pour lors 5 degrés de chaleur. Jy remis le Thermometre, & ayant fait chauffer une barre de fer jusqu'à rougeur, je la plongeai dans cette eau vis à vis, de l'autre côté du bord de la terrine, où le Thermometre étoit appuyé. Je remarquai incessement, qu'il baisse de

de 3 degrés dans la premiere minute après l'immersion de la barre. Cette expérience me fait croire, que le seu de la barre communiqué à l'eau, cause dans l'instant une espece d'attraction des particules du seu contenuës dans l'eau, ce qui la rend plus froide pour quelques momens; car quelques instans après toute l'eau de la terrine acquit le degré de chaleur que la barre échaussée lui doit naturellement communiquer.

Le second Phénomene qu'on rencontre dans la dissolution des Sels, c'est la differente quantité de l'eau que chaque espece demande pour être entierement dissoute. Comme cette quantité differe beaucoup, selon la differente composition, aussi bien que selon la propriété particuliere de chaque sel, j'ai employé encore toute l'exactitude requise pour la déterminer comme il faut. Pour cette sin l'ai pris une eau de fontaine bien pure; & pour m'assurer d'avantage de cette derniere qualité, je l'ai fait distiller auparavant. Pour chaque Sel bien purifié, & mis en poudre, j'ai pris huit Onces d'eau. pérature de l'air étoit alors, selon le Thermometre de Fahrenheit; entre 40 & 42 degrés, & selon celui de Mr. de Réaumur, entre 8 & 10. Le Mercure dans le Barometre s'arrêtoit dans ce tems là à 27 ponces 10 Lignes, mesure de Paris. Ayant déterminé ainsi tout ce que je viens de dire, j'ai éprouvé, que huit Onces de cette eau distillée en onc dissour of de Virriol verd, ou de ter, o Onces de Virriol bleu, ou de cuivre, 3 Onces & 6 gros de Vitriol de Goslar, desséché à blancheur, 4 Onces & demie de Vitriol blanc, 2 Onces & demie d'Alun, I Once & demie d'Alun calciné, 4 Onces de Salpetre raffiné. 3 Onces & 4 Scrupules du Sel commun de la fontaine de Halle. 3 Onces & demie de Sel sossile, & autant à peu près de Sel marin. une demi Once de Crême de Tartre, 1 Once & demie de Tartre Vitriolé, a Once & 5 Dragmes d'Arcanum duplicatum, 3 Onces & demie de Nitre antimonial, 3 Onces de Crystal minéral, 3 Onces & demie de Sel admirable de Glauber, 4 Onces de Tartre soluble. Au Onces de Sel d'Epsom, 5 Onces & demie de Sel de Sedlitz. 3 On-9)

3 Onces de Sel de Seignette, 2 Onces & demie de Salmiac purifié, 1 Once & demie de Sel volatil de Corne de Cerf, 4 Dragmes & demie & 10 Grains de Borax, 1 Once & 2 Dragmes de Sucre de Plomb, 24 Onces de Sucre raffiné, &c.

Après cette recherche exacte, je croyois trouver un moven de pouvoir rendre raison de la differente quantité d'eau que ces Sels demandent pour leur dissolution: mais comme la chose me parut bien embarassante, il me viut dans l'esprit, que cette difference dépendroit peut-être de la solidité differente de ces sels; savoir, que ceux qui avoient plus de masse sous le même volume, & qui par conséquent étoient plus poreux, auroient besoin d'une moindre quantité d'eau que les autres qui etoient plus compacts. Pour m'en éclaircir, comme il faut, j'ai taché de trouver, par le moyen de plusieurs expériences, le poids spécifique de chaque espece de sel, par rapport à l'eau. Pour le déterminer au plus juste, je me suis servi d'un cylindre de verre de 4 à 5 lignes de diametre que j'avois fermé à un bout; je le semplis d'eau commune jusqu'à la moitié environ, je marquai exactement l'ondroit où l'eau s'arrêtoit dans le cylindre; je versai là-dessus encore une Once de la même eau que j'avois pesée exactement, je marquai encore avec beaucoup de précision l'endroit où cette Once d'eau étoit montée, de sorte que j'avois alors la mesure nette d'une Once d'eau entre les deux marques du cylindre. Après avoir déterminé cecy, comme je viens de le dire, j'ôtai cette derniere Once d'eau, & je la remplaçai par les Sels en gros morceaux, dont je fis glisser autant au fond du cylindre, jusques à ce que l'eau y eut remonté de la premiere marque à la seconde. Ayant changé l'eau pour chaque sorte de Sel, il ne m'étoit pas difficile d'en déterminer de cette maniere le poids spécifique qui remplit l'espace d'une Once d'eau dans cette machine cylindrique. Ainsi une Once d'eau commune sut remplacée par 2 Onces & un quart de Vitriol verd, par 2 Onces de Vitriol bleu, par 3 Onces & demie de Vitriol desséché à blancheur. par 3 Onces de Vitriol blanc, par 2 Onces & 1 Dragme d'Alun de ro-M che. Mem. de l'Acad. Tom. VI.

che, par 2 Onces & demie d'Alun calciné, par 2 Onces 5 Dragmes & demie de Salpetre raffiné, par 2 Onces & 3 Quarts de Sel commun, par 3 Onces de Sel fossile, par 6 Dragmes de Crême de Tartre, par 3 Onces de Tartre vitriolé, par 3 Onces d'Arcanum duplicatum, par 2 Onces & 6 Dragmes de Nitre antimonial, par 3 Onces de Crystal minéral, par 3 Onces & demie de Sel admirable de Glauber, par 3 Onces & demie de Tartre soluble, par 3 Onces de Sel d'Epsom, par 3 Onces & demie de Sel de Sedlitz, par 2 Onces & demie de Sel de Sedlitz, par 2 Onces & demie de Sel de Seignette, par 1 Once & 5 Dragmes de Salmiac, par 3 Onces de Sel volatil de Corne de Cerf, par 2 Onces de Borax, par 4 Onces de Sucre de Plomb, par 1 Once & demie de Sucre raffiné, &c.

Quoique j'aye eu le plaisir d'avoir trouvé par toutes ces expériences pénibles le poids spécifique de chaque Sel par rapport à l'eau, je n'avois pourtant pas la satisfaction d'arriver au but, pour lequel je les avois entreprises: car j'ai remarqué, que le Vitriol blanc, le Sel sossile, le Tartre vitriolé, l'Arcanum duplicatum, le Sel d'Epson & le Sel volatil de Corne de Cerf étoient d'un même poids, ayant masse égale sous le même volume, & que tous ces sels demandent pourtant une quantité d'eau fort différente pour leur dissolution: comme, par exemple, le Sel de Corne de Cerf demande trois sois autant d'eau que le Vitriol blanc, & les autres à proportion.

Cette recherche n'ayant donc rien décidé, & le poids specifique des Sels n'entrant pour rien dans le calcul qui devoit déterminer la quantité d'eau dissolvante, je crus trouver quelques éclaircissemens si je remontois à l'origine ou à la génération de ces Sels, savoir, à leur differente production; parce qu'il est évident, que non seulement les dissolvans acides sont bien differens entre eux, mais aussi les matieres que les acides dissolvent pour se corporisser & pour paroitre sous la forme saline, ne sont pas moins differentes. Car nous voyons que, lorsque tel ou tel acide dissout tel ou tel autre corps, soit terrestre ou métallique, pour en former des Sels, ces productions

des ingrédiens, qui les a produites, differe entre eux. De la il arrive, que leur liaison peut devenir plus ou moins forte, nonobstant la differente pesanteur des corps qui ont été dissouts & transformés en Sels. Les Sels moyens surtout, qui prennent ordinairement leur origine d'une destruction ou plutôt d'un combat entre l'alcali & l'acide, demandent deux ou trois sois plus d'eau pour leur dissolution, que ces deux Sels ne demandoient séparément avant leur union. Pour développer entierement cette matiere, j'ai tâché de saire quelques progrès; mais ayant trouvé la carriere trop vaste, les expériences trop douteuses, & le prosit qui en pourroit résulter trop chétif, j'ai abandonné une recherche ultérieure qui seroit d'ailleurs pénible.

Après cette petite digression, je reviens encore à mon propos, pour examiner les autres phénomenes, qui se montrent dans l'union des Sels avec l'eau commune. Un des plus remarquables de ces phénomenes est, qu'on peut dissoudre certaine quantité de sel dans l'eau commune, sans que son volume en augmente, ou que le vase dans lequel on fait l'opération, en devienne plus plein. Pour déterminer au plus juste la quantité de chaque espece de sel, qui se cache dans l'eau de cette façon, j'en ai fait des expériences très exactes de la maniere qui suit. J'ai choisi un vaisseau de verre formé d'une boule creuse & d'un tube long de 10 à 12 pouces, dont le diametre inténeur n'avoit que 3 lignes environ, la capacité de ce verre étoit proportionnée à la quantité de 8 Onces d'eau qui remplissoient la boule & la moitié du tube environ: je marquai exactement l'endroit où l'eau s'arrêtoit dans le tube; je changeai l'eau pour chaque sorte de Sel que je sis entrer bien purissé & mis en poudre. Ainsi 8 Onces d'eau distillée absorboient, sans augmenrer son volume, ou sans passer la marque du tube, de Vitriol verd I Dragme & IC Grains, de Vitriol bleu 40 Grains, de Vitriol seché à blancheur 2 Dragmes, de Vitriol blanc 1 Dragme & demie, d'Alun 40 Grains, d'Alun calciné 50, de Salpetre raffiné i Dragme & demie, du Sel commun i Dragme M 2

£ .

& 40 Grains, de Sel fossile pareille quantité, de Crême de Tartre 50 Grains, de Tartre vitriolé 2 Dragmes, d'Arcanum duplicatum 2 Dragmes aussi, de Nitre antimonial 1 Dragme, de Crystal minéral 1 Dragme & 40 Grains, de Sel admirable de Glauber 1 Dragme & demie, de Sel d'Epsom autant, de Sel de Sedlitz & de Sel de Seignette 1 Dragme, de Tartre soluble 2 Dragmes & demie, de Borax une demi-Dragme, de Sucre de Plomb 40 Grains, de Sucre rassiné 30, de Salmiac purisié 1 Dragme & 20 Grains, de Sel alcali sixe 2 Dragmes, & de Sel volatil de Corne de Cers 40 Grains, de Gomme Arabique une Dragme & demie, &c.

Quoique ces expériences, tout comme les précédentes, soient insuffisantes pour nous expliquer l'étroite liaison du sel avec son difsolvant, sans que son volume en augmente; & qu'elles ne puissent pas non plus rendre raison, pourquoi telle espece de Sel s'introduit en plus grande quantité dans l'eau sans en écarter les molecules, que telle autre espece, elles nous menent pourtant à la découverte d'une verité incontestable, savoir, que les plus petites parties constituantes de l'eau sont douées de pores ou d'interstices, dans lesquels les atomes de Sel se peuvent nicher, sans augmenter leur volume. l'en étois déjà convaincu par l'expérience alléguée dans le Mémoire précédent, ou j'ai fait voir qu'on peut chasser quantité d'air élastique de l'eau par la machine pneumatique, sans que son volume ni son poids se trouve diminué. Dailleurs, la porosité des corps est une chose evidente & reconnuë, puisqu'on n'en trouve aucun parfaitement solide dans la nature; l'or même, le plus solide de tous, est convaincu par les plus grands Philosophes modernes, d'avoir autant de pores que de matiere; mais quand on voudroit introduire de la matiere étrangere dans les pores de tout autre corps, on s'apercevroit d'abord que leur volume en augmenteroit, si j'en excepte le vif argent, qui en cela imite cette propriété de l'eau commune, puisque j'ai remarqué que le Mercure engloutit certains corps métalliques sous la forme d'Amalgame sans que sa masse en soit augmentée. Pour rendre raison

de

de ce phénomene, il faut avoir recours, ce me semble, à une considération exacte de la derniere division des molecules qui constituent ces fluides. L'Eau & le Mercure ont ceci de commun, que tous deux sont extrémement mobiles, & que leurs parties roulent les unes sur les autres, d'abord qu'on donne la moindre pente à la surface où ils reposent. Or tout le monde sçait, que la figure sphèrique des corps est la seule qui favorise un mouvement si rapide : de là on pourroit bien, je crois, inférer, ou décider en quelque maniere, que les derniers élémens de l'eau ne peuvent avoir d'autre figure que spherique où spheroïde, puisque toute autre résisteroit à cette grande mobilité. Il est vray que les meilleurs Microscopes connus jusqu'icy nous refusent leur secours; ce qui n'est pas étomant, parce que la transparence de ces dernieres molecules, jointe à leur petitesse inconcevable, ne peuvent pas renvoyer l'objet à nos organes. En attendant, l'analogie de l'eau avec le vif argent paroit soutenir encore cette hypothese; car nous savons par l'expérience, que ce stuïde metallique, divisé presqu'à l'infini par certaines opérations de Chymie montre encore dans cette extrème division des atomes sphèriques, à l'aide d'un bon Microscope. Quelques Physiciens modernes one fait passer les vapeurs, qui s'elevent d'une eau bouillante. à travers un rayon de Soleil qui traversoit une chambre obscure, & par le moyen d'une loupe ils les ont trouvées d'une figure ronde, ou sphèrique. J'ai sait la même expérience, & encore avec le vif argent échauffé dans un petit creuset à un tel degré de chaleur, que ce metal fluïde commença à s'echapper en fumée, qui montra dans un rayon de lumiere, par le moyen d'une loupe, le même phénomene.

La sphericité, ou figure globulaire, des particules de l'eau commune, se prouve aussi par le goût. Tout le monde sçait, que l'eau pure est parsaitement insipide: elle n'affecte en aucune maniere les Nerss de la langue: ce qu'elle seroit sûrement comme tous les autres corps, qui sont composés de parties aiguës, tranchantes ou angulaires.

M 3 Mais

Digitized by Google

Mais comme l'eau doit uniquement sa fluïdité aux molecules du sen. comme tout autre corps fusible dans la nature, c'est apparemment par l'action de cette matiere ignée, que les derniers élémens de l'ean s'emoussent, & gagnent par conséquent cette figure ronde, qui les rend propres à glisser si rapidement les uns sur les autres. Posons à cette heure que la matiere du feu, jointe aux petites molecules sphèriques de l'eau, rencontre un sel quelconque qu'on y jette, les interstices, ou les pores de ce sel permettront, selon toute probabilité. une entrée libre aux-dites molecules infiniment petites de l'eau, pour se glisser par toute la masse saline, & pour en écarter les particules. lesquelles étant d'ailleurs d'une foible cohésion, seront rellement desunies, que leur petitesse disparoitra à nos yeux, & qu'elles flotteront également suspenduës dans toute la masse du dissolvant. n'ose pas décider ici, si cette pénétration de l'eau dans la masse du sel se fait par la même cause qui dispose l'eau à entrer dans les euvaux capillaires, ou si cela arrive plutôt par une attraction mutuelle de ce fluïde avec l'eau & le seu, enveloppés dans l'Acide, qui sont les parties essentielles qui composent tous les sels. Cette petite digression 2 été faite pour prouver seulement la possibilité que les derniers élémens de l'eau, étant sphèriques, ou globulaires, peuvent loger la quantité de Sels ci-dessus déterminée, dans les interstices que l'assemblage de ces corps sphèriques laissent entre eux, sans que leur volume, ou la masse, en grossisse. Il en est comme d'un boisseau, ou d'une caisse remplie entierement de boulets de Canon, où l'on peut faire entrer encore une grande quantité de balles à Mousquet, & celles-cy permettront l'entrée à une quantité considerable de dragée ou de menu plomb, laquelle n'empêchera pas qu'on n'y puisse faire entrer de nonveau une portion extraordinaire de sable, & à la fin une quantité pas moins remarquable d'eau, ou d'autre liquide de la même nature.

Il reste encore un autre phénomene que nous rencontrons dans la dissolution des Sels, qui n'est pas moins curieux que le précédent; c'est

c'est qu'on remarque que l'eau étant parsaitement soulée d'une sorte de Sel, en peut dissoudre encore une deuxième, ou une troisième, sans qu'elle soit contrainte d'abandonner quelque portion de la premiere. Il est vray, que quelques Auteurs modernes en parlent, comme Mrs. Muschembroeck, l'Abbé Notes, & Clare; mais comme ils touchent seulement en passant ce phénomene extraordinaire, sans en donner le précis, ma curiosité m'a porté encore à déterminer par des expériences exactes cette combinaison amiable, que nous voyons arriver entre plusieurs sortes de Sels dans leur dissolvant commun. Pour ne me point tromper dans ces Essais, j'ai pris les précautions néces saires; le Thermometre de Mr. de Réaumur, qui étoit entre 11 & 12 degrés de chaleur, m'indiquoit la température de l'air; je pris les Sels bien secs, bien purisiés & mis en poudre, & l'eau pour les dissoudre, étoit pure & passée par l'alembic: j'en ai déterminé la quantité à huit Onces pour chaque essai, comme dans les expériences précédentes. Ainsi j'ai remarqué, que cette portion d'eau, après être entierement faoulée de 9½ Onces de Vitriol verd, a encore dissout, de Sel de Sedlitz 1½ Onces, de Salpetre raffiné 2 Dragmes, & de Sucre raffiné a Onces. Les Diffolutions de

9 Onces de Vitriol bleu ont en- - 1 Once de Salpetre 3 Dragmes de core dissout Sel commun & 1 Once de Sucre

33 Onces de Vitriol desséché à - 2½ Onces de Sel com. & ½ Drablancheur gme de Salpetre.

41 Onces de Vitriol blanc - 1 Once de Sucre raffiné.

2½ Onces d'Alun. - - 6 Dragmes de Sel com. & 1 Dragme de Sel d'Epsom.

4 Onces de Salpetre raffiné - - 1 Onces & 5 Dragmes de Sel alc. fix. & \frac{1}{2} Once de Sel commun.

3 Onces, 1 Dragme & 20 Grains - 3 Dragmes de Salpetre & 5 d'Alde Sel commun. cali fixe.

3½ Onces de Sel fossile. - - ½ Once de Salpetre rassiné.

Once

4 Once de Creme de Tartre - 1 Once de Sel de Sedlitz & de Sel alcali. 1 Once de Tartre vitriolé - 7 Once de Sel alcali fixe. 1 Once & 5 Dragmes d'Arcanum dupl. 1 Once de Sucre rassiné. 24 Onces de Nitre antimonial. - 2½ Dragme de Tartre soluble. 3 Onces de Sel admirable de - 2 Dragmes de Salpetre & de Sucre. Glauber. 4 Onces Sel d'Epfom. - 1½ Once de Sucre raffiné. - ½ Once de Sucre & de l'alcali fixe. 5# Onces de Sel de Sedlitz. -- ½ Once de Salpetre raffiné. ▲ Onces de Tartre soluble - 5 Dragme de Sel fossile. 2½ Onces de Salmiac -11 Once de Sel volat, de Corne - 1 Once de Salpetre & 1 Once de Sucre. de Cerf. 1 Once & 40 Grains de Borax - 1 Once de Sel alcali fixe &c.

Pour expliquer ces phénomenes, les Physiciens modernes ont recours aux interstices & aux pores, qu'ils rencontrent aussi bien dans l'eau dissolvante que dans les Sels à dissoudre. Personne ne doute plus de la perofité des corps; le phénomene précédent prouve assez je crois, les interstices qui se trouvent entre les boules sphèriques qui composent les derniers élémens de l'eau, Il est même vravsemblable que ces petites sphères, quelques solides & quelques incompressibles qu'elles puissent être, selon les expériences des Académiciens del Cimento, & de Mrs. Boerhaave & Muschembroeck, peuvent néantmoins avoir des pores; & comme ces petites masses sphèriques de l'eau peuvent être aussi de differente grandeur, les pores, par conséquent, peuvent avoir, pour ainsi dire, un different calibre. comme tout ceci est hors de la portée de mes expériences, je n'ose pas décider, si ces pores sont triangulaires, quarrés, pentagones ou polygones, pour accorder ou pour refuser l'entrée aux molecules différemment figurées que les Sels gagnent, lorsqu'ils sont dissouts dans les plus fines parties qu'on est capable de s'imaginer.

Au

Au reste, ce qu'il y a de plus probable, c'est, que l'eau par sa propriété particuliere, que j'ai prouvée auparavant, ne se glisse pas seulement entre les molecules de sel qui tiennent ensemble, mais par son mouvement intrinséque causé par la matiere du seu, elle ses sépare les unes des autres & les partage en atomes invisibles, & aussi menus peut-être que ceux de l'eau même; de sorté qu'ils deviennent propres à enfiler à leur tour les pores de l'eau, & a se distribuër également dans toute sa masse qui les tient suspendus & flottans. par son mouvement intrinsèque, malgré leur excès de pesanteur. les pores de l'eau étant probablement differens entre eux, comme je viens de le dire, les molecules de Sel le sont bien aussi: de la vient, que les moleçules homogenes d'une espece de Sel, ne peuvent remplir que les pores de l'eau proportionnés à cette espece, pendant que la même eau, en peut recevoir d'autres, dont les figures sont differentes de la premiere. Ceci se prouve encore par les Observations faites avec le Microscope; l'ai eu soin, pour cette recherche. de prendre les dissolutions de toutes sortes de sels bien saoulées; & l'ai pris de chacune autant que je pouvois enlever avec la pointe d'une epingle: après avoir étendu cette petite portion entre les deux plaques transparentes de Talc de Russie d'un bon Microscope, j'ai rencontré, en les regardant, une variété etonnante entre toutes ces especes de Sel par rapport à leur figure, dont j'ajouterois volontiers icy la description entiere, si je n'étois convaincu, que la représentation de toutes ces figures, peut mieux, & tout d'un coup instruire les yeux, qu'une description embarassante les oreilles. J'aurai donc soin, de les saire dessiner & de sinir par la ce Mémoire.



Mim. de l'Acad. Tom. VI.

N

. ESSAI

SIGNICA (CANTO) (CANTO

ESSAI SUR LA MANIERE DE PRÉPARER DES VAISSEAUX PLUS SOLIDES, QUI PUISSENT SOUTENIR LE FEU LE PLUS VIOLENT, ET QUI SOIENT LES PLUS PROPRES A'CONTENIR LES CORPS ENFUSION,

PAR M. POTT.

Traduit de l'Allemand.

T e sujet que j'entreprens de traitter, n'est pas d'une aussi petite importance qu'on pourroit d'abord se le persuader, en le regardant plutôt comme l'objet du travail d'un Potier, que comme une matiere convenable à ces Mémoires. Ceux qui font en état de juger sainement du véritable prix des choses, reconnoitront sans peine l'importance & la dissiculté de ces recherches. En esset elles ont non seulement une liaison étroite avec la Pyrotechnie Physique; mais elles servent à procurer la connoissance de divers Corps, à découvrir leur mixtion intérieure, l'altération d'action que le feu peut leur faire produire, & les rapports qu'ils ont les uns avec les autres; en forte qu'on peut regarder ce que je vais dire comme une application particuliere de ma Lithogeognosie, faite aux corps, qui servent à la préparation des Vaisseaux dont il s'agit dans ce Mémoire. J'y examine ces corps rélativement à cette préparation; mais cet examen ne laisse pas de s'etendre plus loin à bien des égards, & de répandre du jour sur la plupart de leurs propriétés. Dans ma Lathogeognosse j'avois exposé au seu les pierres, les terres, & leurs mélanges à la maniere ordinaire, dans un vaisseau fermé par devant, c'est à dire, dans un creuset à fondre, & j'avois observé les phénomenes qui se manifestoient dans cette opération; mais à présent j'ai mis une bonne partie de ces mémes

mêmes corps, sans les rensermer auparavant dans un creuset, au milieu même des charbons allumés, & dans le seu le plus violent; & ici il sant prendre en considération les cendres salées, que les charbons rendent en brûlant, & qui se mélant parmi les matieres qu'on travaille, les disposent à la sluïdité, d'où résulte une action du seu beaucoup plus violente encore. C'est ainsi, par exemple, que dans la Lithogeognosse j'avois mêlé ensemble de la terre gypseuse & de l'argille, & les avois exposées à la susion dans un creuset; au lieu qu'ici, dans le dessein de me servir de la composition même de ces terres pour en saire des creusets, je les expose immédiatement au seu le plus violent, où à la sin elles viennent à s'assaisser, comme je l'expliquerai dans son lieu.

Quoiqu'il en soit, & sans compter l'avantage général d'étendre la connoissance des choses naturelles, le dévelopement de la matiere aui nous occupe ici, a des influences considèrables. & des usages très importans dans la Chymie, & même dans plusieurs autres Professions. Ceux qui travaillent au Verre, à l'Acier, au Leton, à la fonte des Cloches, ou des Pieces d'Artillerie, à l'Orfevrerie, &c. sont suffisamment convaincus de l'importance de ce travail; & il leur arrive bien souvent de saire des pertes sensibles, lorsque leurs creusets ordinaires n'ont pas la force de contenir les matieres, & qu'ils les laissent échaper. Cet inconvenient est encore plus fréquent dans la Chymie de pure curiolité: tous les vaisseaux qu'on y employe pour évaporer, calciner, distiller, sublimer, les Alembics, Retortes, Mouffles, Coupelles, & autres vases semblables, ne rendent de vrais services dans les opérations, qu'à proportion qu'ils sont solides, qu'ils ne se brisent point, qu'ils n'absorbent rien des matieres qu'on y met, en un mot qu'ils sont en état de soutenir le degré de seu qu'on est obligé de leur donner. Mais il n'y a aucune sorte de vaisseaux où ces propriétés soient plus essentiellement requises que dans les creusets à fondre. Nous ne manquons pas à la verité de bons creusers, qu'on peut employer avec succès à bien des opérations; & qui, lorsqu'on est au fait de la N 2 manie-

manière de les manier, & qu'on agit avec précaution, sont assez surs: mais il nous reste encore bien des choses auxquelles on ne scauroit se promettre de travailler avec satissaction, tant qu'on n'en aura pas de meilleurs. Il v a un nombre assez considèrable de matières, qui ne se laissent point gouverner dans tous nos creusets ordinaires, mais qui les détruisent, ou qui passant par tous les pores se répandent dans le seu, surtout lorsqu'il est indispensable de leur en donner un degré violent, & d'une longue durée. Alors on est obligé de reprendre souvent de nouveaux creusets pour continuer l'ouvrage, & d'ecarter pendant ce tems-la le feu; ce qui ne manque pas de causer de la perte: comme quand le Regule d'Antimoine, le Cuivre, le Plomb. & d'autres choses semblables, doivent demeurer longtems dans un flux fort coulant. Les principales difficultés se manisestent surtout, quand il s'agit de travailler avec des chaux de plomb, des verres fusibles de plomb, des sels qu'on veut rendre caustiques, & autres alcalis dont on se propose la plus exacte purification, & dans les mélanges de sels qui sont d'une promte susson. Toutes ces choses rongent le creuses fort vite. & se vitrisient avec lui; ou bien elles pénétrent si parsaitement à travers toutes sortes de creusets, qu'il n'y en demeure aucunes traces. Il y a aussi quantité de travaux, dans lesquels on ne parvient à un changement bien remarquable, ou à quelque utilité réelle, qu'après avoir laissé les matieres fort longtems exposées à l'action du feu. Par exemple, plus le verre de plomb peut être tenu longtems à un seu violent, plus il durcit. C'est ce qui fait que jusqu'à présent on a recherché combien de tems un creuset ordinaire pouvoit contenir le verre de plomb; & il est rare que cela aille au delà d'une demi-heure, ou de trois quarts d'heures. Quand ce tems est écoulé, il faut l'en tirer, & le mettre dans un creuset frais; ou bien il faut se faire faire des creusets beaucoup plus épais que les creusets ordinaires. ce que le tems, ou d'autres circonstances ne permettent pas toujours. En un mot il se rencontre de toutes parts des difficultés à cet égard: & ce sont celles dont j'espere de venir à bout par le moyen de mes Expé-

Expériences & de mes Recherches. Quand même je n'aurois pas épuisé ici tout ce qui se peut dire là dessus, j'aurai du moins frayé la roûte, dans laquelle d'autres pourront aller plus loin, & s'epargner beaucoup de peine & de travail dont je les aurai déchargé.

Avant que d'entamer la matiere des compositions mêmes, je crois qu'il est à propos de faire quelques remarques préliminaires sur les opérations générales, auxquelles il faut être attentif dans la préparation des creusets, afin de n'être pas obligé de les rapporter & de les répeter à chaque composition particuliere. D'abord donc les Masses en général ne doivent être ni trop séches, ni trop humides, parce qu'autrement il ne se forme pas entr'elles une liaison assez étroité; de la vient que les creusets saits sur la roue de potier sont rarement bons, parce qu'on est obligé d'y employer des masses trop humides, d'où se forme un tissu trop lâche. Il vant beaucoup mieux les battre dans des formes de bois, ou de leton, specialement dans de grands creusets, ou même les soumettre à une sorte presse, dont on réitere l'action de tems en tems; ou aussi les couper avec des couteaux recourbés, afin que tout ce qui avoit été auparavant humeché, puisse être bien travaillé & petri a fonds. Ensuite il faut rebattre la Patrone avec des marteaux de bois, & cela toujours en diminuant de force, en enfonçant moins à chaque coup, & en retirant souvent; après quoi on desséche la matiere, & on la bat encore un peu, afin de l'empêcher de s'attacher en cuisant, surtout quand la plus grande partie est d'argille. Pour prévenir aussi qu'elle ne tienne pas à l'intérieur de la forme, on peut le frotter avec de l'huile, ou du lard, ou du sable fin, ou de l'argille déliée & seche, melée avec de la chaux. qu'on répand dessus en moids égal, ou même un peu supérieur à la quantité d'argille. Quand on a retiré le creuset, ce qu'il faut saire avec circonspection, on doit commencer par le laisser secher suffisamment à l'air, parce qu'autrement il se fait aisément des sentes, surtout à ceux où il entre beaucoup d'argille, lorsqu'ils ont été sechés trop précipitamment. Plus l'argille est grasse, plus les vaisseaux dans la N_a pré-

Digitized by Google

préparation desquels elle entre, doivent être sechés lentement: mais si elle est maigre, ou qu'il y ait une addition considérable d'autres matieres, les vaisseaux peuvent être séchés beaucoup plus vite & plus fûrement, même en les exposant à la chaleur. Il v en a austi quelques uns, où il est nécessaire, parce qu'ils sont encore raboteux & humides, de les regarnir, ou armer encore une fois, particulièrement en dehors, & de les laisser de nouveau secher sussissamment. Les creusets pour les métaux qui ont un flux serré, ou pour les cementations seches & les calcinations, les Moussies, les Coupelles, &c. peuvent quelquefois être mis sur le champ au feu avec leurs matieres. sans qu'on ait besoin de les brûler separément, & en prenant seulement garde que le seu par en-haut soit très doux, & que l'air ne tire point d'une facon sensible, mais que le creuset brûle par embas. ne doit pourtant y mettre aucuns sels ou métaux qui entrent vitement en flux, ni aucuns semblables verres. Quoique les creusers puissent être employés de la sorte, l'ordinaire est néanmoins est de les brûler à part dans un four à pots ou à briques, & cela en leur donnant d'abord un seu très doux, & en le continuant sinsi pendant assez longtems, jusqu'à ce qu'à la fin on augmente de plus en plus sa force. Plus l'argille est grasse, plus il convient de gouverner le feu lentement; & au contraire plus elle est maigre, plus le feu peut être promtement augmenté. Dans certaines compositions il est requis de mettre premierement les vaisseaux sous un autre pot, ou de poser dessus un autre creuset, pour les mettre brûler, afin qu'ils ne foient pas immédiatement exposés à l'action du feu. Dans quelques opérations de fusion, le seu qu'on employe pour brûler les creusets au fourneau de potier, & à d'autres semblables, est trop foible, & il faut un degré de chaleur plus considèrable; & c'est à cause de cela qu'il faut pousser le feu à un degré beaucoup plus fort, parce qu'il arrive que les vaisseaux qu'on brule, acquierent d'autant plus de solidité que le feu a de force. En particulier il est nécessaire, quand on se sert de fort grands creusets, de donner toujours un seu fort doux au com-

mencement, au moins pendant une heure, & quelquesois davantage; sans quoi un seu vif les brise souvent, & plus aisément encore, quand ils sont mélés d'une poussiere fine & forte. Les petits creusets & autres vaisseaux souriennent toujours mieux l'action d'un seu vehément, que les grands: & on travaille avec plus de sureté dans les petites retortes & cruches que dans les grandes. Quand on travaille des fels on des verres de plomb, il faut que les creusets soient si solidement brulés, qu'ils puissent étinceler en les frappant, si l'on veut qu'ils résistent au seu; & qu'on soit attentif à ce qu'ils n'éclatent Aussi quelques unes des compositions que j'indiquerai dans la suite de ce Mémoire peuvent être renduës si compactes en les brûlant à un seu violent, qu'etant frappées contre l'acier, elles rendent des étincelles en abondance, comme les meilleures pierres à seu; on auroit aussi une extrème peine à les briser; mais dans la susion les fentes s'y font assez aisément, si l'on n'a pas commencé par les tenir pendant longtems à un feu fort doux. Plusieurs compositions même, qui durent longtems & rendent de très bons usages, tant qu'on ne les expose qu'à un seu doux & moderé, éclatent d'abord à un seu violent, parce que l'air tirant avec trop de force ébranle la partie extérieure du creuset; elles résistent au verre de plomb, & aux sels en flux, mais l'action immédiate d'un air tirant leur est très dommagea. ble, & il n'y a rien de mieux à faire que de les pourvoir d'une armure extérieure, qui détourne ce trait immédiat d'air de l'intérieur du creuset. Quelques compositions réufsissent bien en petit, mais non en grand; parce que la violence du feu, la subtilité des matieres en flux, ou la pesanteur des corps qui coulent, aussi bien que les cendres subtiles qui s'attachent, conspirent en quelque sorte à détruire & étendre les creusets, & y rétississent à la fin, quand l'action extérieure & intérieure du feu les a attendris. Les Compositions qui dans la fusion deviennent poreuses, & s'imbibent des métaux, peuvent être améliorées, si l'on en frotte le fonds par dedans & par dehors avec de l'Huile de Tartre par défaillance, & qu'on les mette à bruler,

bruler: car il se sorme à la surface un vernis, qui rapprochant les pores empêche que les matieres ne puissent s'y insinuer, & les faire fendre. On parvient au même but, mais il en coûte davantage, en les revetant de verre de borax, que l'on employe volontiers, quand il s'agit de fondre de l'or; mais ni l'une ni l'autre de ces choses n'est bonne pour la fusion du verre de plomb; car j'ai éprouvé qu'à la fin il rongeoit une fente dans le creuset, & qu'il s'elevoit intérieurement & extérieurement en forme d'écume. Plusieurs creusets, quand ils sont trop poreux, se raccommodent en y versant intérieurement une couche de fine argile liquide; mais il faut que cela se fasse lorsqu'ils sont encore un peu humides, car quand ils sont tout à fait desséchés. ou même déjà brulés, cette couche ne prend plus, mais tout se détache ensuite d'après la surface. On réufit à l'egard de quelques uns. lorsqu'au plus fort de l'action du feu qui les brûle, on jette dans le feu une bonne quanticé de sel commun, qui produit une vapeur ou fumée épaisse, laquelle en s'elevant revet les vaisseaux embrasés. & s'v attache. Par ce moyen ils se brulent d'une façon plus serrée, & cela leur donne extérieurement une apparence polie, qui tient du vernis. C'est de cette maniere qu'on fait usage du sel en brulant ces vaisseaux polis, qui nous viennent de Waldembourg, & d'autres sem-Mais il n'en est pas de même, quand on mêle du sel commun parmi la masse toute cruë du creuset; car alors les creusets préparés ainsi éclatent aisément dès qu'on les exposé a un seu qui les embrase. Si l'on a dessein de conserver les creusets dont on s'est servi pour les employer à d'autres ouvrages, il faut après les avoir vuidé les mettre dans un four ardent, ou bien les retourner, les couvrir d'un autre vaisseau, & les laisser réfroidir lentement & successivement afin d'empêcher que l'air libre ne les réfroidisse trop vite, & qu'ils n'en éclatent. Les creusets, dans lesquels on se propose de tenir du verre de plomb, du verre d'Antimoine, ou même quelque verre commun, longtems exposés à un seu violent, doivent être saits avec un plus grand & ample fonds, afin qu'ils puissent embrasser une plus grande

grande surface, qu'elle puisse se consumer avec une extrème lenteur. & que la pessateur ne repose pas toute entiere sur un point. Au contraire ceux qui doivent servir à produire les régules des métaux & des demi-métaux, & qui n'ont pas besoin de demeurer si longtems au feu, valent mieux avec un fonds pointu, où la matiere se rassemble plus exactement; comme le voit dans les creusets d'épreuve (Probier-Tusen) à l'egard des vaisseaux épais, & qui au commencement éclatent avec facilité, il est souvent à propos de les brûler deux sois, & cela la premiere fois plus doucement, ou même en les couvrant avec un pot un peu plus poreux, afin que le feu ne les affecte pas immédiatement: & la seconde fois d'une maniere immédiate & avec un seu très-sort. Quand le mélange est fait, & humesté avec une quantité suffisante d'eau, il convient tout à fait de mettre ce mélange humesté un certain tems, le plus long est le mieux, dans une cave. humide, ou si la portion est petite, les couvrir de vases de verre, afin que l'air libre ne puisse pas les dessécher; & outre cela bien travailler ces matieres tous les jours une ou deux fois, afin que l'argille puisse se résoudre dans ses plus petites parties, & se distribuer d'une maniere bien égale dans tout le mélange; c'est ce qu'on appelle abusivement le faire pourrir.

Il est assez connu que la matiere ordinaire de presque tous les creusets n'est autre chose que de l'argille, ou quelquesois une pierre argilleuse. Cependant toute sorte d'argille n'y convient pas, si l'on veut avoir des creusets bien solides, & qui soient propres à soutenir un seu long & violent. A' la vérité pour des travaux superficiels on se tire d'affaire en prenant une simple argille de brique qu'on saix pourrir avec du sumier de cheval; & les creusets qu'on en saix peuvent bien demeurer pendant quelques heures avec quelques métaux non précieux à un seu de susion doux, pourvû seulement que ces metaux ne passent pas le poids d'une à deux livres; alors les creusets qu'on employe n'ont pas seulement besoin d'être brusés. Mais dès qu'il s'agit de travaux précieux, & qu'il saut donner un seu violent, on

Digitized by Google

auroit grand tort de s'en servir. En effet la terre argilleuse de brique contient des ingrédiens qui ne sont point du tout propres à cet usage, quoique leur proportion dissère considérablement, comme le sable, la marne, les parties serrugineuses, &c. C'est pour cela que les argilles communes de potier, qui sont colorées, ne valent rien du tout : car quand elles entrent en effervescence avec l'eau forte, c'est un signe de la terre de marne, ou de chaux, qui s'y trouvent mélées: & lorsqu'elles deviennent jaunes ou rouges au feu en brulant, c'est un indice de l'existence de la matiere serrugineuse. marne est de ces diverses choses la plus nuisible, au lieu qu'il n'en est pas de même du fable, ou de la matiere ferrugineuse, dans une certaine proportion. Communément on doit donc prendre une argille blanche: & elle est d'autant meilleure qu'elle est plus blanche & plus pure. Glauber a déjà avancé que le moyen de reconnoitre la meilleure sorte de cette terre, c'étoit d'en prendre un morceau de la grosseur d'un oeuf, de la mettre à un seu véhément, & de remarquer s'il n'en éclatoit aucune partie considèrable, & surtout s'il n'en tomboit rien en poussiere; de sorte, que si cette masse demeuroit bien égale, & entiere, & sans aucune fente, dans un seu mediocre, on pouvoit en inferer qu'elle ne contenoit point de marne. Cette preuve ne suffit pourtant pas, mais il ne faut en chercher d'autre que la noneffervescence de l'argille blanche avec l'eau forte, ce qui peut auffi convenir à l'argille grise ou bleue, qui blanchit quand on la brûle. Ainsi les especes d'argille les plus convenables à notre but, sont celles qu'employent les faiseurs de pipes, & quelques autres terres des foulons, parmi lesquelles celle de Zittau est renommée, qui n'éclatent point au feu. Ces terres pour la plûpart doivent être premierement séchées, ensuite battuës avec un maillet, asin que les plus grofses pierres se séparent de la masse, & ne soyent pas réduites en poufsiere, puis passées par un crible, & délayées dans l'eau, afin que le sable s'en détache, & comme plus pesant, demeure au fonds; car le fable en général ne vaut rien pour toutes les opérations, où il s'agit de

de vitrisser longtems. Et si l'argille contenoit bezacoup de ce sable délié, il seroit bon de répeter le délayement; après quoi on la sèche, pour en pouvoir déterminer avec certitude le poids. On rencontre quelquesois des couches d'argille qui sont passablement nettes, ou dans lesquelles la proportion de fable n'a rien de nuisible; les Potiers ont coutume de ne les pas délayer; mais dès qu'ils en ont séparé les plus grosses pierres, ils en font des retortes, des cruches. & quantité d'autres vases semblables: parce que tous les vases qui sont faits d'une argille grasse, à laquelle on n'a ajouté que peu ou point d'autres matieres, contiennent mieux les matieres fluïdes, que ceux d'une terre plus maigre; & quand on les a rougis en brulant, ils rèsistent assez bien au seu, & peuvent même servir à la susion; pourvu néanmoins qu'on n'augmente pas la force du feu avec trop de rapidité, car autrement ils se courbent, ou s'affaissent aisèment : & même ils doivent être pour la plûpart garnis. Cela ne convient d'ailleurs qu'à de petites pieces, & ne réuffit point dans les grandes, qui ont trop de facilité à se fendre, soit parce qu'elles sont minces, soit surtout à cause qu'elles sont exposées à l'action de l'air qui tire, & qu'elles n'eprouvent pas également dans toute leur étendue celle du feu : ce qui est surtout dangereux pour les vases épais, qui d'ailleurs résisteroient bien à la pesanteur des corps liquides. J'ai mis souvent de ces petites cruches dans un pot bien fort, ou, ce qui vaut encore mieux, dans un autre creuset ordinaire avec du sable, ou bien je les ai garni avec un bon mélange argilleux, & les ai ensuite exposés à un seu violent avec du verre de plomb; ce que ces vaisseaux ont soutenu sans peine une douzaine d'heures, pourvû que dans les commencemens le seu air été donné avec beaucoup de lenteur. Avec les mêmes précautions, on peut employer les bouteilles blanches d'eaux minérales, ou les pots à beure d'Angleterre, pour y mettre avec succés du verre de plomb, ou pour les fusions les plus violentes des compositions qui approchent le plus en dureté & en éclat des pierres précieuses naturelles. Il ne s'agit que d'employer d'abord de petits charbons, ou de

la poussiere de charbon, pour entretenir un sen doux pendant plusieurs heures. Il n'y a que cet inconvenient, c'est que les masses en sondant s'attachent si fortement au vaisseau, qu'on ne sçauroit les en détacher à coups de marteau, comme des autres creusets, sans briser la masse, de sorte que si on veut la conserver entiere, il saut les séparer en émoulant, ce qui coute de la peine & des fraix, quand on veut avoir de grosses pieces. Il est aussi difficile d'en tirer quelque chose en versant, parce qu'ils éclatent d'abord qu'ils viennent à l'air.

Comme les creusets de pure argille demandent des précautions trop pénibles dans leur usage, & que quand ils sont embrasés, ils ne se laissent pas tirer du seu, pour verser leur contenu, sans recevoir des fentes, mais qu'il faut les laisser réfroidir lentement dans les fourneaux, de sorte qu'ils ne peuvent être employés qu'une seule sois; la matiere qu'on a coutume d'ajouter le plus communément à l'argille, c'est un sable blanc, ou du moins très peu coloré, ou de petits cailloux des champs, pierres à feu qu'on brise, du Quartz, &c. Toutes ces matières doivent avoir fort peu de couleur, parce que dans bien des opérations la trop grande quantité de matiere martiale peut causer du préjudice. Mais cela sait une difference considérable, d'employer du sable fin, ou du sable à gros grains, comme celui des rivieres. Car quant au sable fin, quand on n'en met que peu dans l'argille, la masse qui en résulte, se fend aisément auseu; si l'on en met davantage, elle devient tout à fait cassante. Ainsi un sable plus grossier est celui qui convient le mieux. Les creusets de Hesse si renommés dans toute l'Europe en fournissent la preuve. Les Ouvriers qui les font, bien loin d'y mettre du sable sin, commencent par le séparer exactement à l'aide d'un crible, & ne conservent que le sable d'une moyenne grossiereté. De cette maniere ils peuvent mêler beaucoup de sable parmi leur argille; & l'argille, dont le tissu n'est point interrompu par un sable trop fin, se brûle d'autant mieux & plus serme. Car si, à la place du sable grossier, on prenoit un poids égal de sable sin, le creuset seroit tout à fait fragi-

fragile, & ne soutiendroit point le feu sans sentes, mais deviendroit plus fragile. Pai remarqué dans mes essais les phenomenes suivans, qui arrivent en se servant de sable sin avec l'argille blanche. J'ai fait des creusets d'une partie d'argille & de trois parties de sable fin des carrieres. mais ces creusets sont fort fragiles; (j'entens toujours l'argille blanche délayée.) D'autres d'une partie d'argille & de deux parties de sable fin de Frevenwald, étoient encore assez fragiles, & se fendoient aussi L'argille avec un poids égal de sable fin se send de même. quoiqu'un peu moins. Au contraire deux parties d'argille avec une partie de sable forment la meilleure composition; car quatre parties d'argille avec une partie de sable devenoient à la verité fort solides en les brûlant, mais on y appercevoit des des fentes considérables; & huit parties d'argille avec une partie de sable se fendoient encore plus, à un seu vis. Quand on traitte les vaisseaux faits suivant ces dernieres proportions avec les mêmes précautions que ceux qui sont de pure argille, ils rendent à peu près les mêmes usages, pourvû qu'ils soient bien armés, & que le seu soit donné dans les commencemens avec une extrème lenteur; car ils sont brulés d'une maniere qui les rend assez compactes, pour résister suffisamment à l'a-&ion rongeante du verre de plomb. Seulement il faut que l'armure soit toute fraîche, & qu'on l'y ait mise, lorsque le vase étoit encore humide: sans quoi elle ne prend pas bien, & s'écaille abondamment en brulant. On pourroit pourtant persectionner un peu ce mélange: mais avec tout cela il ne devient pas sussiant pour soutenir un seu violent & de longe durée. Par exemple, quatre parties d'argille & quatre parties de sable, avec une partie de craye, font une composition assez solide a un seu modéré; de même quatre parties d'argille, quatre parties de sable, & une partie de Spath fusible, se lient d'une maniere assez étroite. Au contraire six parties d'argille, & dix-huit parties de sable, avec une partie de litarge, donnent un composé encore fragile & cassant; & même quatre parties d'argille, & huit parties de sable, avec une partie de litarge, sont encore

un peu fragiles. Cependant ces sortes de mélanges sont utiles pour faire des vaisseaux, qui ont un feu violent à soutenir, pourvu que les matieres qu'ils contiennent ne doivent pas entrer en flux. Au contraire douze parties d'argille, trois parties de sable, & trois parties de verre pilé, peuvent devenir assez solides en les brulant; mais à un feu violent elles se gonssent comme de l'écume; quatre parties d'argille avec neuf parties de sable, & une partie de craye, aussi bien que quatre parties d'argille, douze parties de sable, & une partie de crave, donnent à un feu modéré un mélange agréable & utile. Mais un fable groffier, des rivieres ou de la mer, d'une espece moyenne, dont on a séparé par un crible les parties les plus subtiles & les plus groffieres, se soutient considérablement mieux que le sable sin à un seu passablement fort & durable, parce que l'argille qu'on y méle, n'est pas aussi interrompue, pourvu qu'en commençant à brûler les vaisfeaux qui en sont faits, on ait soin de donner un seu assez sort. L'ai mêlé de l'argille blanche avec un poids égal de pareil sable groffier, ou même avec deux, & jusqu'à trois parties de ce sable, & j'en ai fait des creusets. Ceux qui étoient du mélange avec deux parties, ressembloient le plus par leur consistance aux creusets de Hesse, & en cas de nécessité, on pourroit les employer aux mêmes usages. Autrement on peut rendre les creusets même de Hesse propres à soutenir une plus longue fusion, quand on en met deux l'un dans l'autre, & qu'on remplit l'intervalle qui les sépare avec du verre pilé ou du fable; ou bien en mettant le creuset de Hesse dans un creuset d'Ypse. En général les creusets de Hesse sont plus propres que ceux d'Ypse pour la fusion des sels, quand elle ne doit pas durer longtems; au lieu que ceux-ci sont réciproquement plus propres pour la susion des métaux : car les grands creusets de Hesse ne sauroient soutenir longtems les métaux en flux, & se fendent bientôt.

Mais comme les verres en particulier, tant le verre commun que celui de crystal, & encore plus vîte le verre de plomb, ou la chaux de plomb, aussi bien que tous les mélanges de Spath fusible avec

avec des gerres alcalines, s'attaquent au sable, tant fin que groffier, qui se trouve dans les creusets des especes précedentes, le résolvent, le vitrissent, & par ce moven s'insinuent & percent de plus en plus dans ces creusets, jusqu'à ce qu'ils ayent rongé une ouverture par laquelle ils s'échapent; au lieu que l'argille est beaucoup plus difficile à endommager, & résiste plus longtems aux attaques du verre. On trouve déjà dans les Ouvrages affez anciens de gens qui ont travaillé en Chymie, ou sur les Métaux, qu'ils déconseillent de rejetter du sable dans la composition des creusets, & qu'ils recommandent à sa place de l'argille brûlée, & ensuite pulvérisée, comme on le voit dans Ercker, Cardilucius, Glauber, &c. Par exemple, ce dernier, dans l'Ouvrage qu'il a intitulé Fourneau Philosophique, dit; " qu'avec " une partie d'argille blanche fraiche, il faut bien meler 2. 3. ou 4. " parties d'argille brûlée & pulvérisée, & battre de cette masse " des creusets en parrones; parce qu'une terre qu'on veut rendre pro-" pre à bien soutenir le seu, doit être préparée sort maigre." semblable terre ne se laisse plus travailler sur la rouë de Potier, mais il faut la battre dans des formes, ou bien on peut la découper intèrieurement avec un couteau recourbé. 'A la place de l'argille brûlée, on prend aussi des pipes à tabac brisées, des cruches, ou boëtes à conserve, des retortes de pierre bien nettes, des Vases de Waldemburg, des bouteilles blanches d'eau minérale, & même de vieux creusets de Hesse nets & pilés. Cependant il y a dans ces derniers deux parties de sable contre une d'argille; ce qui à la vérité ne préjudicie en rien à plusieurs opérations, mais ne convient pas à toutes, parce qu'on trouve des compositions, pour lesquelles à l'argille brûlée on joint encore expressément une mediocre partie de sable. Aujourdhui les creusets qu'on employe pour l'ordinaire à la fusion du verre, à faire le léton, & à d'autres usages semblables, sont faits d'argille fraîche, & d'argille brûlée; & ils rendent en effet aussi de très bons services dans ces sortes de travaux, tant que les matieres n'entrent pas en flux; ou si elles y entrent, tant qu'il n'est pas trop délié & subtil, mais qu'il coule un peu

peu en bouillie; car tout ce qui coule avec trop de fluidité, surtout quand il arrive que l'air tire avec force, ne manque guères de briser & de se faire passage. Par exemple, dans les creusets ordinaires à verre, on peut tenir 24. heures, & plus longtems le plomb en flux, & dans un état de coction, mais non dans le fourneau à vent. pas non plus indifférent, dans quelle proportion on mêle l'argille Moins on en joint à l'argille fraîche, & plus les vaisseaux se laissent brûler d'une maniere solide & compacte: mais aussi d'autant plus facilement éclatent-ils, quand l'air tire d'une maniere inégale. C'est pour cela que les Récipiens, comme ne devant point être immé. diatement exposés auseu, se font du mélange d'une partie d'argille avec 4 seulement, ou 4 d'argille brûlée; ce qui ne vaudroit rien du tout pour les creusets; & plus on employe d'argille brûlée, plus les vaisseaux résistent longtems à un seu violent, mais en revanche ils sont plus fragiles après avoir été brulés, & se brisent plus aisément : l'air tirant leur est moins nuisible; mais comme ils sont plus poreux, les métaux faciles en flux, & furtout les verres bien fusibles, les pénétrent bien plus vîte; & à cause qu'en brûlant ils ne sont pas devenus assez compactes, mais qu'ils sont demeurés fragiles, n'ont pas une liaison de parties assez solides, & s'etendent inégalement, cela fait que la pesanteur des métaux en flux, ou des verres, les déjoint & y produit des fentes. On rencontre ici, comme à l'egard du sable, une difference sensible, lorsqu'on met en oeuvre de l'argille brûlée qui est en général pilée en fine poussière, ou lorsque séparant tout à fait ce qu'il y a de plus fin, on ne prend que le groffier, ou lorsqu'on laisse le fin & le grossier pêle-mêle ensemble, ou enfin lorsqu'on les mêle ensemble en certaines proportions de poids. Car les creusets faits d'argille brulée, qu'on n'a que grossièrement pilé, sont ceux qui résistent le mieux à la violence du feu & à l'air tirant, sans recevoir de fentes; & c'est ce qui rend la même composition bonne pour des couvertes de creuset, des Piédestaux, des Moussles, Plates &c. Au contraire les creusets, pour lesquels on a pris de l'argille brûlée réduite

duite en poussiere fine, prennent beaucoup plus aisément des sentes: de sorte qu'en suivant ce principe on peut aisément juger des Compositions suivantes. J'ai fait des creusets avec de l'argille brûlée, passée par un crible fin : une partie de cette argille avec deux d'argille fraiche, deviennent solides en brulant, mais sont faciles à éclater. Le produit de deux parties égales acquiert aussi une solidité considèrable en brulant, & la surface prend même un poli de vernis; deux parties d'argille fraîche avec trois d'argille brûlée, valent encore mieux, & se brûlent bien: une partie d'argille fraiche, avec deux ou deux & demie d'argille brûlée, donnent encore une composition assez bonne, pourvu que le feu qu'on donne en les brûlant ait assez de force; car, quand cela n'est pas, elle a plus de disposition à éclater. J'ai aussi essayé un creuset sait d'une partie d'argille fraîche, & de deux parties de pipes à tabac pilées en y mettant du flux de craye & du Spath fulible; mais à la fin les matieres l'ont brisé. Avec trois parties d'argille brûlée il tient à la vérité mieux le feu, mais comme il est pourtant plus tendre, les parties s'en séparent plus aisément par l'effet de quelque pression. D'ailleurs ces sortes de vaisseaux, qui doivent passer souvent & rapidement de la chaleur au froid, pour verser ce qu'ils contiennent, comme les tests, creusets, &c. doivent être fairs d'une matiere maigre, ou bien il faut faire une addition considèrable d'autres matieres à l'argille; car dès que la masse ne s'attache pas aux doits, il est fort difficile de la travailler sur la rouë, & l'on est obligé de la battre dans des formes. Comme il y a aussi plusieurs vaisseaux qui, lorsqu'on les brûle, reçoivent le vernis de leur surface par le sel qu'on répand vers la fin dans le seu, quelques personnes recommendent au lieu de ce sel d'en méler dans la composition. Pour juger du prix de cet avis, j'ai employé douze lots d'argille fraiche avec six lots d'argille brûlée, j'y ai mêlé un lot de sel, & de cette composition j'ai fait un vaisseau: mais il écumoit fort en le brûlant, & par consequent ne pouvoit rendre aucun bon usage. Ce qui vaut un peu mieux, c'est de tremper le vaisseau à demi-brulé dans Mem de l'Acad Tom. VI.

dans une solution de sel, & de le remettre a bruler; cela sait quelque bien à la surface : mais ce moyen n'est point suffisant, & le vaisseau n'en a pas moins éclaté dans la fusion. J'ai aussi renversé la proportion, en prenant une partie d'argille fraiche avec deux parties d'argille brûlée, pour faire un creuset; mais il s'est pourtant un peu fendu, quoiqu'il ne se contraint pas comme les compositions précédentes. Cependant de l'argille fraîche avec poids égal d'argille brûlée & réduite en fine poussière, quand on les réduit en pâte avec un blanc d'oeuf, & qu'on en recouvre intérieurement à diverses remises un creuset de Hesse, qu'on sait auparavant bien chausser, en frottant surtout plusieurs sois les sentes qui sont sous la partie séche, donnent une armure très convenable pour divers travaux : mais deux parties d'argille fraiche, avec une partie d'argille fine brûlée, ne se laissent pas bien sècher sans recevoir des fentes, quand même on appelleroit au secours le blanc d'oeuf. Au contraire en prenant à la place de l'argille brûlée réduite en fine poussiere d'autre qui soit pulvérisée plus groffièrement, & dont tout ce qu'il y avoit de fin ait été séparé, il en réfulte les phénomenes suivans. Trois parties d'argille avec deux parties de cruches grossierement pilées font une composition de bon usage : de même que neuf parties d'argille mélées avec trois parties de creusets pilés; l'argille fraîche avec poids égal d'argille brûlée groffiere a pourtant reçu quelques fentes avec le verre de plomb en flux: au contraire une partie d'argille fraîche avec deux parties d'argille brûlée grossiere résistent au verre de plomb sans se sendre, mais le verre de plomb passe au travers, parce que la matiere est trop poreuse; une partie d'argille avec trois parties d'argille brûlée groffiere résiste encore mieux au seu, mais cette composition est encore plus poreuse, & le verre de plomb la traverse même plus vite. On voit donc que ces deux dernières compositions peuvent être employées fort utilement, pour en revêtir d'autres masses compactes, afin d'empêcher que l'air tirant ne les brise. Que si on vouloit s'en servir par elles-mêmes, il faudroit que ce fut pour des vaisseaux, où l'on mettroit des matieres avi

qui n'entrent pas en flux, comme pour Koockers, pour la cementation; ou bien si l'on se propose d'y mettre des matieres qui prennent flux, il sussit de les revêtir auparavant, & lorsqu'ils sont encore à moitié humides, eu y versant intérieurement de l'argille bien nette délayée.

Les Experiences qui viennent d'etre rapportées, font voir, qu'il s'agit principalement de chercher les moyens d'obvier à la porosité de tels creusets, qui d'ailleurs sont propres à soutenir l'action du feu, afin de les rendre plus compactes, & d'en resserrer les pores: d'ou il résulte par une conséquence naturelle, que pour arriver à ce but il faut v ajouter une matiere renduë fluïde, qui en fonde ensemble les pores, en observant seulement de le saire dans un degré, qui ne rende pas la masse entiere trop sluïde. Or il se trouve diverses matieres de cette sorte, & je vais passer les principales en revue. premiere est le verre commun. Quand on en mêle pilé dans les compositions des creusets, j'y ai observé les propriétés suivantes. Douze parties d'argille fraîche, trois parties d'argille brûlée, & trois parties de verre, deviennent passablement solides; mais à la fin la masse vient à écumer, & ainsi cette proportion de verre est trop forte. Deux livres d'argille fraîche, une demi-livre d'argille brûlée, & un quart de livre de verre, se fendent encore : deux tivres d'argille. une demi-livre de sable, & un quart de livre de verre ont le même défaut; au contraire cinq lots d'argille fraiche, cinq lots d'argille brutée, & un lot de verre prennent une consistance passable, & donnent une composition médiocrement utile. Cardilucius, dans ses Remarques sur Ercker, indique la proportion de huit parties d'argille fraîche avec quatre parties d'argille brûlée, deux de cailloux pilés, & une de verre; mélange que Leutmann a recommendé pour en faire des Mouffles, des Tests, & des Creusets. En effet cette composition devient passablement ferme; mais elle ne soutient pas les plus fortes épreuves, non plus que celle que Schlüter recommande, de douze parties d'argille, deux parties de fable, & deux de verre pilé. P 2 il il paroit en général que la matiere glutineuse que le verre rend, n'est pas ce qu'il y a de plus ferme; elle n'est pas assez gluante. Le sel alcali peut bien produire une vitrification superficielle dans les creusets entierement brûlés, quand on en imbibe leur surface. & qu'on les brûle de nouveau: & cela les rend un peu plus propres à contenir les métaux, & à leur refuser passage: mais il n'y a aucun parti à en tirer pour les travaux de durée. Ce même sel, immédiatement mêlé dans les compositions des creusets, vaut encore moins. Le Borax calciné ne seroit pas à rejetter, mais il est trop cher pour l'employer à de grands vaisseaux. Autrement on peut bien fondre des choses qui ne prennent qu'un flux médiocre dans de pures retortes de verre, ou dans des alembics, quand la masse n'est pas trop considérable, ni le seu trop violent, ou trop long; en particulier si on met ces vases dans un creuset dans de la chaux. La Porcelaine de verre de M. de Réaumur, qui se fait de craye & de gypse, vaut encore mieux, & c'est ce qu'il y a de meilleur pour les matieres précieuses; à quoi la Porcelaine fine peut aussi être employée de la même maniere, & avec un meilleur fuccés.

Au contraire la chaux de plomb & le verre de plomb paroissent surpasser considérablement en ceci le verre commun, & sournir une colle qui s'affermit beaucoup plus au seu. On peut prendre pour cet effet de la litarge, du vermillon, de la ceruse, ou d'autres cendres de plomb, & chaux de plomb, ou même du verre sussible de plomb, suivant que l'on rencontrera ces matieres sous sa main; seulement il saut en chercher l'exacte proportion; car il ne peut y en entrer beaucoup, sans que la masse s'affaisse & renverse. Par exemple, quatre parties d'argille fraîche & huit parties d'argille brûlée, avec une partie de litarge, ont déjà produit une composition qui s'est affaissée au seu, en y, mettant à sondre des matieres qui entrent facilement en slux. Ainsi en ne doit y mêler qu'une 16°, 20°, ou même 24° partie, & même encore moins de cette matiere. Hors de là néanmoins, quand on se propose de ne les employer que pour des matieres qui n'entrent pas dans un grand slux, quatre

quatre parties d'argille fraiche & cinq parties d'argille brûlée, avec une partie de litarge, donnent un produit si solide, qu'il fait seu contre l'acier, comme une pierre à fusil. Il en est de même de six parties d'argille fraiche, avec douze d'argille brûlée, & deux de vermillon. Mais pour des vaisseaux à fondre, il vaut mieux prendre six parties d'argille fraîche, & douze parties d'argille brûlée, avec une partie de vermillon, & même encore moins du dernier; par exemple six lots d'argille fraiche, douze lots d'argille brûlée grossiere, & deux dragmes de vermillon, ou de litarge. Il y a aussi des mélanges préparés dans certaines vuës, pour lesquelles il est à propos d'augmenter la proportion de l'argille brûlée, & de diminuër celle de la chaux de plomb. Par exemple, quatre parties d'argille fraîche, douze parties d'argille brulée & une partie de vermillon; ou bien, huit parties d'argille fraîche, vint quatre d'argille brûlée, & une de litarge, donnent bien un bon mélange, mais qui est à la sin détruit par le verre de Si l'on prend toujours plus d'argille brûlée, la composition résiste à la vérité d'autant mieux au seu, mais elle est aussi plus fragile, & plus cassante, comme quatre parties d'argille frasche, seize d'argille brûlée, & une de vermillon. J'ai été jusqu'à mêler huit parties d'argille fraiche avec trente deux d'argille brûlée, & une de litarge. Ces sortes de compositions sont d'un très bon usage dans certains travaux; & ce que j'en ai dit en général jusqu'à présent, suffira pour découvrir leurs principes, leur application, & les moyens de les persectionner, en se réglant sur les circonstances particulieres. Cependant comme je n'ai point encore rencontré dans ces compositions le plus haut degré de solidité que je cherche, il faut que j'aille plus lom.

On a en effet encore une matiere métallique, qui, étant employée dans les mêmes vuës, paroit devoir l'emporter sur les précedentes. Je parle du Fer. Je n'entens pourtant pas le Fer en masse; la limais-le ordinaire de ser ne vaut aussi rien pour l'usage en question, parce qu'elle écume aisément dans les mélanges. Il saut donc employer le P 3

Digitized by Google

fer brulé, ou rouillé, qui a perdu de maniere ou d'autre son éclat métallique, & le Phlogiston de sa surface; comme le mache-fer, la Terre de Vitriol doux, le Caput mortuum édulcoré du Vitriol, le Caput mortuum édulcoré de l'eau forte, toutes sortes de Crecus martiaux, toutes les écumes & émoulures de fer, toutes les terres ferrugineuses, telles que les Bolus rouges, les argilles colorées, la poussiere de briques, &c. En effet toutes ces matieres, quand elles sont mélées dans leur juste proportion, me paroissent donner aux creusets une lizison plus gluante, & une dureté plus solide. Aussi la plupart de ces produits, lorsqu'on les frappe, font feu avec beaucoup de force. le dirois presque que l'Abbréviateur de Glauber a eu cet objet en vue. s'il s'étoit seulement exprimé d'une maniere plus nette, lorsqu'il dit pag. 341. Quand on donne à la surface inserieure du creuset un enduit de Verre de Mars, il est rendu par là assez propre à consenir le verre de plomb. Avec tout cela, cette forte de creusets n'est pas appliquable à toutes sortes d'usages, surtout lorsqu'on y fait entrer beaucoup de matiere martiale, parce qu'elle se décharge aisément de sa couleur & teint les autres corps; ainsi le crystal, & les flux qui doivent avoir une couleur claire, comme le flux de rubis. &c. ne se laissent pas bien fondre dans de semblables creusets, parce qu'ils y perdent beaucoup de leur lustre. Mais ces sortes de travaux étant exceptés, il en reste assez d'autres où les creusets dont nous parlons, peuvent rendre de très bons services. C'est un sujet d'etonnement, que ce metal qui est celui de tous dont le flux est le plus difficile, devienne, après qu'il est brûlé, d'un flux presque plus coulant qu'auparavant, & même qu'il mette en flux avec lui les terres les plus dures. & les pierres, les rendant en même tems fort compactes, comme je l'ai déjà remarqué dans ma Luthogeognosse. La Nature sournit de la Terre argilleuse déjà toute mêlée avec la matiere serregineuse: & cette terre, en la brûlant, acquiert une si grande dureté, qu'elle fait seu, quand on la frappe, & qu'elle se laisse émoudre & polir comme le Jaspe. L'art peut diversisser en plusieurs manieres, & par

-par des proportions differentes ces produits qui résultent des mélanges de l'argille blanche avec la terre martiale, & imiter ainsi les Bolus, dont une lame mince se brûle quelquesois avec tant de sorce, qu'on ne fauroit la rompre avec les doits, quelque effort qu'on fasse. Il n'y a pas lieu de douter que ces vases bruns de Misnie qu'on ne vernit point, après les avoir brûlés, mais qui sont émoulus, en quoi consiste précisement leur grand prix, sont formés d'un semblable mélange. Pen puis rapporter aussi divers Exemples que m'ont fourni mes propres essais. Que la proportion du Crocus martial à l'egard du reste de la masse doive être fort petite, c'est ce que montrent les épreuves suivantes. J'ai mélé quatre parties d'argille fraîche, & autant de brûlée, avec quatre parties de mache-fer pilées en parties fines, j'en ai fait des vaisseaux, & les ai mis ensuite à un seu violent, où ils se sont fondus; de même que ceux qui ont été composés de quatre parties d'argille fraiche, & huit de brûlée, avec une de mâche-fer; ou bien de quatre parties d'argille fraiche, douze de brûlée, & deux de mâchefer. Je n'ai pas eu d'autre succès, en mélant quatre parties d'argille fraiche, & quatre de brûlée avec une partie de Caput mortuum édulcoré du Vitriol; ou quatre parties d'argille fraiche, huit de brûlée, & une de Caput mortuum; ou enfin quatre parties d'argille fraiche & douze de brûlée, avec une de Caput mortuum: toutes ces proportions ont donné un produit qui s'est affaissé à un seu violent ; & même seize parties d'argille fraiche, avec trente-deux d'argille brûlée, contre une partie de Caput mortuum, ont fait une masse, qui s'est encore un peu gonflée, parce qu'elle commençoit à devenir fluïde. Néanmoins il ne sera pas inutile d'armer les mélanges plus serrés, mais qui éclatent aisement, avec une semblable composition martiale, qui a un peu Au contraire, quatre parties d'argille fraiche & douze de brûlée, avec une de mâche-fer, prennent assez de consistance à un degré de seu convenable. Il en est de même de huit parties d'argille fraiche & vint quatre de brûlée, avec une partie de Caput mortuum de Vitriol; aussi bien que de huit parties d'argille fraiche, trente-deux de brûlée,

& une de Caput mortuum de Vitriol. La proportion suivante à été recommendée par Jungken, & elle donne en effet un assez bon produit, scavoir une partie d'argille fraiche, deux de brûlée, & une de brique pilée. Mais il est encore un peu meilleur, de deux parties d'argille fraiche mélées avec quatre de brûlée, & une de poussiere de brique. 'A la fin pourtant, après un bon espace de tems, le verre de plomb est venu à bout d'y faire une petite sente. Autrement on peut prendre suivant la même proportion deux parties d'argille fraiche, & quatre de brûlée, avec une partie de Bolus d'Armenie. ou à la place de ce dernier, avec une partie de Terre scellée rouge: on en fera des creusets d'un bon usage, & d'une assez grande solidité. On peut mettre au même rang ceux qui se font de huit parties d'argille fraiche, & vint quatre de brûlée, avec une partie de mache-fer. Pareillement sept lots d'argille fraiche avec quatorze lots de brûlée, & une dragme de Caput mortuum de Vitriol, ont soutenu pendant un tems assez considèrable l'action du Verre de plomb. comme la longueur du tems, la pesanteur & la fluïdité déliée du verre ou du metal, & la force de l'air tirant, ont finalement percé la plùpart des vaisseaux faits suivant les compositions précedentes, ou les ont-disposés à se sendre, j'en ai attribué en bonne partie la cause à ce que l'on n'y avoit employé l'argille brûlée que réduite en fine poussière; & j'ai entrepris de faire des épreuves, en séparant auparavant par un crible toute cette fine poussiere, pour ne mettre en oeuvre que celle qui étoit pilée plus grossierement, pour voir si cela ne réussiroit l'ai eu la satisfaction d'être convaincu par mes propres yeux de la réuffite; & j'ai remarqué qu'alors la composition pouvoit supporter une plus grande quantité de matiere martiale, & même qu'el. le la requéroit. En effet un creuset fait de dix lots d'argille fraiche avec autant d'argille brûlée fine, & une dragme de Caput mortuum de vitriol, prit d'abord quelques fentes, en le brûlant pour la premiere fois. & ne put ensuite contenir le verre de plomb que pendant une heure & demie. Un autre creuset de dix lots d'argille fraiche, cinq lots de brulée

beblée en fine poullière, de cinq de brûlée plus groffiere, avec une dragme de Capus morsum de Vicriol, prit aush des sentes au seu, mais qui ne lui furent point nuisbles, puisque j'y pus fondre un métal d'un flux ferré. Au contraire dix lots d'argille fraiche, avec autant de bralée groffiere, & deux dragmes de Caput mertuum, se soutinrent considérablement mieux, de ne reçurent aucune fente. Cependant on ne featroir pouffer beaucoup plus ioin la proportion de la quantité de matiere martisle. En effet dix lots d'argille fraiche, de autent de brulée groffiere, avec un lot de Caput mortuum de Vittiol, font bien une composition qui est au commencement meilleure & plus solide, mais à la linelle commence à s'affitifier un peu au feu, parce qu'il y a time de parties martiales. Si l'on augmente la dose d'argille fraiche. il s'y fair d'ausant plus de sentes; quinze lots de cette argille, avec dix de groffiere brûlée, de deux dragmes de Capus morsuum de Vitriol, se sont fendos au seu, avant même que le métal y eut été mis: an commire dix lots d'argille fraiche, autant de bralée groffiere, & trois dragmes de Coput mortuum de vitriol font un creuset, qui rend un bon son, de contiene sort bien au seu les métaux qui ont un siux serré. Le mélange suivant n'a pas à la vérité un son aussi bon, après avoir été brulé, mais il rélifte autant, & presque mieux : scavoir, sept lots d'argille fruiche, & quatorze de brulée groffiere, avec une dragme de Capus morsuum de vitriol. Ces mélanges sont asses forts à la vé nice pour concenir les metiux pomais ils sont trop poreux pour le veri te de plomb, qui avec te tems transpire au travers. Cependant on peut les améliorer confidérablement, soit en les revêtant intérieures ment d'argille délayée, ou en les armant extérieurement par le moven de queique bon mélange fin, & un peu fluide. C'est ainsi que j'ai pris septs lots d'argille fraiche & quatorse de brulée groffiere, avec une dragme de Caput mortuum; ou bien dix lots d'argille fraiche, autant de brulée groffiere, avec une dragme de Caput mortuum; j'ai fait de chaque composition à part un creuset, je les ai revêtus interieurement d'argille fraiche, je les ai critaire brulés, de ces deux-creasets une sou-Mim. de l'Acad, Tom. VI. tenu

sann pendant un tems fort considérable du veure du plomb en dex à un feu violent. On les rend encore meilleurs, en les faisant plus épais, ou en les armant extérieurement.

Comme on trouve sussi de coté & d'autre, tant dans les Ouvrages imprimés que dans divers Manuscrits, des compositions de creusets rapportées, & dans lesquelles on joint à l'argille fraiche le sable, on tel autre corps, avec quelque matiere propre à donner de la fluïdité, je ne veux point passer ici entierement ces mélanges sous silence. Cardilucius, par exemple, recommende une partie d'argille fraiche, avec deux jusqu'à trois parties d'un mélange préparé de poids égal de fable & d'argille brûlée. Cela fait un mélange passable; mais le cresset ne laissera pas d'être sort fragile, si on prend pour cela du sable ordinaire: mais si l'on commence par rendre le sable plus sin. & qu'on réduise aussi l'argille brûlée en une poussiere subtile, les vaisseaux qu'on en fait, deviennent beaucoup plus solides, après avoir été brûlés. Il sera aussi d'une sermeté considérable, si c'est le produit de deux parties d'argille, trois parties de sable, & trois d'argille brûlée, avec un peu de Caput mortuum de Vitriol. Schrüder, & d'après lui Zwinger, vantent un mélange d'argille fraiche, & de creusets pilés, une demilivre de chacun, de Bolus rouge, de litarge, & de sable, buit lots de chacun, & de quatre lots de sel, que l'on doit meler avec de l'argille de potier. Mais ce mélange est très pitoyable, & le sel aussi bien que l'argille de potier, n'y valent rien du tout. Je trouve ailleurs qu'il faut prendre huit livres d'asgille fraiche, une livre de cailloux pilés, une livre de mache-fer, & quatre lots de sel; mais cette composition saute en éclats des la premiere sois qu'on la met au seu, & le ser en sort en petits grains battus; quand on n'y fait point entrer de sel, elle ne saute à la vérité pas, mais elle écume à un feu véhément, parce que le fer y est trop abondant. Le rencontre dans un Manuscrit de Thurnheuser l'indication d'un mélange de neuf parties d'argille fraiche avec trois de brûlée, autant de pouffiere de brique, & autant de mâche-fer. Cette composition veut mieux, elle devient si solide en brulant qu'elle fait · feu:

feu; mais les creusets qu'on en fait, deviennent d'un brun noir, & le verre de plomb les ronge considérablement. Avec quatre parties d'argille fraiche, quatre de brulée, une de mache-fer, & une de gypse, en prenant de l'eau d'alun, on fait un creuset, qui devient fort brun, mais qui écume en même tems, & s'affaisse, parce que ce mélange a trop de sluïdité.

Le Spath susible, à canse de sa shuïdité gluante, a beaucoup de rapport au feu avec le fer, & il ne doit aussi être employé qu'en petite quantité; autrement il s'affaisse aisément. En effet, lorque j'ai mélé trois parties d'argille fraiche & six de brulée avec une de Spath fusible, ce mélange s'est tout écoulé en écume. Huit parties d'argille fraiche & autant de brûlée, avec une de Spath fusible, s'escoulent encore: & même huit parties d'argille fraiche & seize de brûlée, avec une de Spath sustelle se sont finalement encore un peu affaissées. Mais si le seu n'est pas de la derniere véhémence, six parties d'argille fraiche & douze de brûlée, avec une partie de Spath fusible, donnent un mélange qui acquiert affez de solidité: mais celui qui résulte de douze pargies d'argille fraiche, vint-quatre de brulée, de une de Spath fusible, est considérablement plus solide & durable. Huit parties d'argille fraiche & vint quatre de brulée, avec une de Spath fusible, donnent: aussi un fort heau mélange solide; & celui de huit parties d'argille fraiche avec trente deux d'argille brûlée, & une de Spath fusible; ne: hi-en cede guères. - Cependant, comme les vaisseaux faits de ces compositions reçoivent quelquesois des sentes par l'action de l'air tia rant, à cause que l'argille brûlée y entre en fine poussière, j'ai cherché à y remédier; & pour cet effet j'ai mêlé ensemble douze parties d'argille fraiche, vint quatre de brûlée, & une de Spath fusible, l'en ai fair des creusers, & les ai revêtus ensuite d'une armure excérieure fair te d'ane partie d'argille fraiche avec deux parties de brulée grossiere; ce qui les a rendu heaucoup plus propres à soutenir toutes les impressions. J'ai aussi fait un mélange de vint quatre parties d'argille fraiche. & douze de brulée, avec une partie de Spath fusible, & mis l'armure

l'armure fusdice au creuset : ce qui a aussi produit un assez bon effet. En faifant encore des creufets de six lots d'argille fraiche, neuf de brûlée, & deux dragmes de Spath fufible, & les armant ensuite, on se procure des vaisseaux d'un bon usage. Au contraire dix-huit parties d'argille fraiche, & autant de brulée, avec une partie de Spath fusible; aprés qu'on a revêtu le creuset qui est en est fait, m'ont paru donner; la meilleure presque de toutes les compositions, & elle a soutenu assez longtems l'action du verre de plomb. Néanmoins comme l'argitte brulée, qui est en sine poussière, laisse difficilement sa coutume d'eclater, & que pour peu qu'on manie trop précipitamment les vaisseaux où elle entre, ils se fendent aisément; j'ai aussi sait un essai avec de l'aggille brulée grossiere, dont j'ai mélé dix-huit parties avec autant d'argille fraiche, & une partie de Spath fusible, & j'en ai suit des cressets, que fai d'abord revêtu intérieurement avec de l'argiste délayée; & ensuite je les ai brulés. De touces les compositions que j'ai indiquées, c'est celle qui a résisté le plus longtems au verre de plomb; seulement il faut lui laisser dans le commencement du tems pour s'échausser, & ne nas augmenter le feutrop vite; il convient aussi de bruler le vaisseau des la premiere fois affez fermement; & s'il doit être longtems en flux, on ne doit pas le rendre trop mince, mais il faut lui donner une épaisseur considérable, asin que le verre de plomb aye quelque chose à ronger.

Je viens présentement aux additions de terres alcalines, qui généralement se brulent au seu en une espece de chaux. On trouve déjà dans divers Ecrits connus, que les Auteurs recommendent de prendre un morceau de craye, de le creuser en sorme de creuser, & de l'employer pour la fusion. Mais comme tous les corps de cette nature se cuisent mal, on auroit tort de s'y sier trop, & trop tongtems, mais il ne saut y recourir que dans les cas de nécessité, & pour un court espace de tems. Que toutes ces terres qui ne se sondent point elles-mêmes, mais qui étant mélées avec l'argille suivant certaines proportions, acquierent de la studicé, puissent devenir une colle

colle dans le feu; c'est ce que j'ai soigneusement dévelopé dans ma Liehogeognofie; & dans cette vue j'ai encore fait les essais sui-vans rélatifs aux creulets. Quoique la plupart de ceux qui sont formes de ces produits ne puissent pas soutenir les épreuves les plus fortes; ils ne laissent pas d'être assez bons à un seu modéré. M. Mentzel, dans son Traiste de la Pierre de Bologne, p.m. 294. remarque: " Qu'auprès de Colmar en Afface, les Potiers font des creusets parfai-" tement bons pour la fusion des métaux, en prenant des pierres qui "font pleines de coquilles de moules, que l'on pile en fine pouffiere, " & que l'on mêle avec un peu d'argille gluante." J'ai fait des creusets de deux parties d'argille fraiche avec une partie de pierre à chaux; qui ont été brulés, mais qui ensuite prennent aisément des fentes. parce que la chaux brulée qui s'y trouve mélée, attire l'humidité de l'air. Deux parties d'argille fraiche avec une partie de craye, se sont entierement fonduës à un seu violent. De même une partie d'argille & deux de craye font un vaisseau, qui se soutient à la vérité à un seu médiocre, & résiste bien; mais il est fragile, & facile à casser: it en est de même d'une partie d'argille avec trois de craye. Au contraire trois parties d'argille & trois de sable, avec une de craye, prennent une solidité considérable en brulant, mais à un feu donné trop vîte le mélange écume un peu. & a même commencé à couler. Mais quatre parties d'argille & autant de fable, avec une partie de 'craye', deviennent un mélange passablement bon : deux parties d'argille & six parties de sable, avec une partie de chaux, sont un peu fragiles. Si l'on prend quatre à cinq parties d'argille avec deux de fable, ou de Quartz, & une de craye, cette composition' aura affez de solidité pour un seu médiocre, & elle est même affez dure pour faire seu. Il en est de même de trois parties d'argille, & six parties de sable, avec une partie de craye; de trois parties d'argille & neuf de fable avec une partie de craye; & de trois parties d'argille & neuf parties de sable, avec deux de craye; cependant cette dernière composition a déjà un peu de fluïdité. Mais dès qu'on va plus

plus loin dans la proportion de la craye, la fluïdicé devient trop gran. Huit parties d'argille, une partie de sable, & une de crave, sont un beau mélange, qui résiste bien au verre de plomb : seulement il faut le mettre à l'abri de l'air tirant par une armure. Vint parties d'argille, deux parties de sable, & une de craye, acquierent en les. brûlant une solidité considérable; & il faut les gouverner comme la composition précédente. J'ai aussi pris en place de sable de l'argille brulée, & j'ai observé les phenomenes suivans. Quatre parties d'argille fraiche & huit de brûlée, avec deux de craye, donnent une composition qui sort du seu un peu fragile: au contraire quatre parties d'argille fraiche & huit de brûlée, avec une de craye, prennent une solidité considerable; & quatre parties d'argille fraiche, autant de brûlée. & une de craye, en ont encore davantage, car quand on les brule suffisamment, la masse donne du seu en la frappant. Vint parties d'argille fraiche avec deux de brulée, & une de crave, se brulent aussi d'une maniere fort ferme, mais à un feu durable il s'y est fait pourtant de la courbure; en sorte que le produit de vint parties d'argille fraiche avec quatre de brûlée, & une de craye, est fort supérieur, & va jusqu'à contenir très bien le verre de plomb, pourvû qu'on le fortifie d'une armure. Je ne devrois pas passer ici sous silence ces creusets, qu'on vante publiquement d'une saçon toute particuliere, & qui sont faits de poids égal de craye, & de creusets à sondre pilés, qu'on mêle avec de l'huile de lin, que l'on bat dans des formes, & qui font ensuite brulés. Comme il n'entre point d'argille fraiche dans cerre composition, on peut juger qu'elle doit être fort difficile à préparer, & que l'huile de lin est insuffisante pour remédier à ce désant: aussi cette masse en général se cuit elle mal, se met mal en formes, ne seche qu' avec une extrème peine, se gonsse à la fin en la brulant. & après avoir été brûlée, ne donne qu'un vaisseau blanc, mais fort fragile, qui n'est bon à rien, & se détruit à l'air, parce que la trop grande quantité de craye qui y entre, se brule en chaux. En effet, lors même que j'ai brûlé cette composition au feu le plus violent, elle est touiours 2,6 1

juins demente confidérablement fragile, & s'est gonfiée. Il vint presque mieux formes cemelange avec de l'eau : par exemple poids égal d'argille brûlée; & de craye, pêtries avec de l'eau, se soutiennent à la vériré au seu, mais c'est une masse fragile: une partie d'argille brûlée & deux de craye donnent un produit presque plus fragile ensore. Au comraire deux parties d'argille brûlée avec une de crave révilleme le mieux; la masse qui en résulte est si dure qu'elle fait seu, & mérite un examen plus particulier. J'ai aussi vu rapporter quelque part que quatre parties d'argille avec une de mâche-fer, une de centhre d'os, une de chaux, & une de verre, donnent la composition d'un creuset; mais en saisant l'essai de ce mélange, j'ai trouvé qu'il s'ecouboit entierement. Autroment 12 chains rend de fort bons services. quand on veut fondre dans un verre quelque matiere qui n'a pas un flux trop serré; alors on entoure le verre de chaux, on le met dans un creuset, & on le place posé sur un pied dans un sourneau de sufron pour entrer en flux, parce que la chanx durcit le verre, en s'y introduisant lorsqu'il est attendri par le seu, comformément à la manière donc se suit la Porculaine de verre de M. de Réaumur. Cependant il ne faut pas que le feu soit trop fort, m' qu'il dure trop longtems.

On met à bon droit au rang des terres alcalines les os calcinés; & quelques uns leur attribuent la faculté de resister beaucoup plus au feu, ce que je n'y ai pourtant point découvert, au moins à ce point; car il y, a en effet quelque différence, & c'est à bon droit que le célébre Professeur, M. Jungker, les a recommandés dans sa Chymie p. 283. & 436. Dans cette vue j'ai essayé les mélanges suivans. De l'argiste fraiche avec poids égal d'os brulés prennent à la vérité de la consistance & de la blancheur au seu; mais ce mélange s'étoit pourtant gonssé par-ci par-là. J'ai sondu la dedans du verre de plomb de quatre parties de vermillon & d'une partie de sable; mais en deux heures it s'etoit tout écousé; & je trouvai que le verre avoit considérablement rongé le creuset. Une partie d'argiste avec deux parties d'os brulés, prenoient à la vérité-beaucoup de solidité & de blancheur. obentumais il y avoit auffi un peu des goalderablit. : Une partie allaipille & deux parties d'os brulés, avec un peu de Cabuc maraum de Vitriol. s'ecouloient en peu de tems en écume : une partie d'artifle fraiche, deux de brulée, & une d'os brulés, donnent un produit d'une fort belle apparence; mais il s'etoit pourtant un penaffaissé par en haut; & y ayant renu pendent longtems du plomb maffil en fusion. le creuset en sut rongé: & pour le verre de plomb, il le persisse le courba. Deux parties d'argille fraiche, & autant d'os brulés, avec une partie d'argille brulée, ont aussi souffert sensiblement de l'action du plomb, & le verre de plomb les a entiérement pénétrées. J'ai aussi mêlé des os brulés avec de l'asgille brulée, fans, argitte fraiche: per exemple, deux parties d'argille brulée avec une partie d'os brulés exempent une solidité considérable en les brulant à un seu violent, & deviennent blanches, comme les melanges précedens où la craye entroit à mais cette composition veut être brulée à un seu violent : car quand on la met simplement dans le fourneau de potier ordinaire, elle en fort toujours si tendre, qu'on peut la couper au contesu.

L'ordre de ces recherches mie conduit à préfent suit cerres gypleules. Les vailleux qu'on fais de gyple, se louciennent affez bien à un seu modéré. Aussi Cejerani a-t-il employé avec succés des bouteilles de verre, envelopées de gyple, & mises immédiatement au feu, pour la fusion de quelques métaux : cependant, loraque les feu est bien violent, le gypse en brukent s'attendrit benacoup, duoiqu'il n'en vienne pas jusqu'à se sondre. J'ai traitté à la vérité déjà dens ma Lithogeognofie des mélanges des terres gypleules avec l'argille: mais je n'ai parlé que de ce qui teur arrive, lors du'on tes enferme dans d'autres creusets, au travers desquels le sen est obligé de pénétrer lans exercer son action immédiate sur ces mélanges. présent que je me propose de saire des creusets de ces mêmes matières, il faut que le feu agisse sur elles immédiatement, & par conséquent avec heaucoup plus de violence. J'ai employé ici sans distin-Stion, tantot de l'albatre, tensor de la pierre de gyple, tantotidu vieux

vieux gypse déjà employé, tantôt de la pierre spéculaire; & j'ai remarqué que les mélanges, qui en les brelant renfermés dans des cressets, acquéroient une dureté considerable, sans pourtant entrer en flux, s'affaissoient présentement, & se sondoient au seu immédiar. exemple, l'argille avec poids égal de gypse, qui au fen précedent se bruloit d'une maniere solide, s'est écoulée en matiere toute claire à ce seu découvert : l'argille avec poids égal de gypse, pêtrie avec l'eau d'alun, s'est considérablement affaissée à un seu sort; l'argille avec poids égal de pierre de gypse, ou avec deux parties de cette pierre. ou même avec trois, s'est toujours écoulée à un feu violent : à un feu un peu plus modéré, celle qui étoit avec trois parties de gypse s'est assez bien soutenuë, mais pourtant il s'y est fait des crevasses. Deux parties d'argille avec une d'albatre se sont aussi fondues en une masse blanche à un seu violent. Ces expériences me déterminerent à regarder le gypse au seu comme une matiere glutineuse, & à le traitter comme tel, auquel cas il produit aussi son esset. Quand on ne lui donne qu'un seu modéré, il sert à produire les mélanges suivans qui sont utiles. Par exemple; de l'argille & du gypse, cinq lots de chacan, avec un lot de verre; ou six lots d'argille, autant de gypse, de un lot de verre; quatre parties d'argille, six parties de sable, & autant de pierre de gypse, ou aussi un peu moins; six parties d'argille, huit de sable, & deux d'albatre; quatre parties d'argille, six parties de sable, & trois de gypse; toutes ces compositions se soutiennent à un seu modéré, mais quand il est violent, elles s'affaissent, ou se gonflent, & reçoivent ensuite des fentes. Après cela je sis aussi des épreuves avec l'argille brulée. Les suivantes ont bien réussi, surtout à un seu médiocre; savoir, quatre parties d'argille fraiche & huit de brulée, avec une partie de pierre de gypfe; deux parties d'argille fraiche & six de brulée, avec une partie de pierre de gypse. tie d'argille fraiche & trois parties de brulée, avec une partie de gypse, ou d'albâtre, donnent un produit d'une solidité considérable : aussi bien que quatre parties d'argille fraiche & douze de brulée, avec-Mim. de l'Acad. Tom. VI. une

une partie d'albatre. Quatre parties d'argille fraiche & autant de brulée, avec une partie de gypse, forment une masse utile au même degré de chaleur; mais quand je joignis à ce mélange deux parties de gypse, le produit n'en sut plus bon; celui de quatre parties d'argille fraiche, avec cinq de brulée, & une de gypse, est solide; aussi bien que ceux de quatre parties d'argille fraiche, & huit de brulée, avec une partie de pierre de gypse; de huit parties d'argille fraiche. autant de brulée, & une partie de gypse; & de deux parties d'argille fraiche & six de brulée, avec une partie de gypse. Cependant comme la plûpart de ces mélanges ont encore coutume de s'affaisser à un feu violent, je diminuai la dose du gypse; car quatre parties d'argille fraiche & huit de brulée, avec une partie de gypse, s'etoient encore considérablement affaissées. Ainsi je pris huit parties d'argille fraiche. & vint quatre de brulée, avec une partie de gyple; cela fit une composition fort solide; celle de huit parties d'argille fraiche & trentedeux de brulée, avec une partie de gypse, le sut encore davantage; & celle de quatre parties d'argille fraiche & douze de brulée, avec une partie d'albâtre, fut encore assez bonne. Avec tout cela, quand les creusets qu'on prépare de ces matieres, sont exposés à un seu violent avec des choses pesantes, ou du verre de plomb dans un flux subtil. ils reçoivent pour la plûpart des fentes, & montrent par là que cette espece de matiere glutineuse n'est pas encore assez gluante pour soutenir un semblable seu, & qu'il saut venir au secours avec une armure. l'assayai à la vérité, s'il ne suffiroit pas d'ajouter à la composition une quantité de chaux de plomb, comme; quatre parties d'argille fraiche, autant de brulée, & une de gypse, avec deux de litarge; ou bien quatre parties d'argille fraiche, seize de brulée, & une de gypse, avec deux de litarge; ces mélanges à la vérité ne prirent aucunes fentes, mais comme ils avoient trop de fluïdité, ils s'affaissoient & écumoient à un feu bien violent. Le suivant résiste un peu mieux, savoir quatre parties d'argille fraiche & douze de brulée, avec une de gypse, & autant de litarge; & encore mieux huit parties d'argille fraiche, vint quatre

quatre de bralée, deux de gyple, & une de litarge. Si l'on vouloit fabilituer à la chaux de plomb un martial, il faudroit que ce fut en très petite quantité; car, comme je l'ai déjà rapporté plus haut, quatre parties d'argille fraiche, & autant de brulée, avec une partie de gypse, & une de mache-fer, commencent à écumer, puis s'affaissent; en sorte qu'il faut employer dans cette composition beauconp moins de mache-fer & de gyple, ou bien augmenter la proportion de l'argille brulée. Pour des fusions de matieres précieuses, mais qui n'auroienc pas besoin d'un seu excessif, on pourroit employer des vaisseaux de Porcelaine de Dresde, ou autre semblable; & les entourer d'une bonne armure, ou les mettre dans des creulets ordinaires revêtus de fable ou chaux, & s'en servir ainsi.

On a cru généralement jusqu'à présent que le Talc ne souffroit aucune altération dans quelques mélanges qu'on l'employat, & à quelque seu qu'il sut exposé; & c'est à cause de cela que quelques Chymistes expérimentés l'ont recommandé d'une façon particuliere pour faire de bons creusets, en assurant qu'il résistoit merveilleusement au verre de plomb. Mais les épreuves faites conformement à cette idée, n'ont pas rempli les espérances qu'elle donne, & le Talc montre dans les mélanges où il entre, beaucoup plus de fluïdité qu'on ne se l'etoit imaginé. Dans le Mémoire que j'ai donné sur le Talc *, j'ai * Voy. An. examiné la fusibilité qu'il a avec les sels, & avec les verres; il arrive la née 1746. même chose à l'egard des creusets. Becher recommende d'en faire pag. 65. & d'une partie d'argille fraiche & de deux parties de talc avec de l'eau de cliaux. L'eau de chaux ne sert pas ici à grand' chose; cependant cette masse acquiert une solidité assez considérable, & n'est pas inutile, quand on appelle au secours les autres manoeuvres que nous avons souvent rapportées; car elle se soutient bien, & ne s'affaisse point; elle fait même feu en la frappant, mais le verre de plomb la ronge & la perce à la fin. Pour mettre le Talc en oeuvre, je l'ai d'abord calciné, & ensuite pilé. Le Talc avec poids égal d'argille réussit aussi assez bien : au contraire deux gobelets d'argille avec un gobelet de Talc ont trop de

de fluidité, & à cause de cela se courbent au seu, sans quoi c'est un bon mélange à un feu moderé. Cinq lots d'argille & autant de Tair avec un lot de verre, deviennent aussi assez solides à un seu modéré. Il en est de même du mêlange de deux gobelets d'argille & un de Talc, avec une vintieme partie de verre pilé; mais en le mettant à un feu violent il en est sorti tout courbé. Une partie d'argille & deux de Talc, avec un dixieme de verre; ou six parties d'argille, six de Talc, & une de litarge, font aussi une masse solide, mais qui n'a pas laissé de s'affaisser. Huit parties d'argille, une de sable, & une de Talc, se sont d'abord fenduës avec le plomb, qui s'en est écoulé, & le verre de plomb à un feu violent a passé au travers au bout de deux heures. Cinq parties d'argille, une de Talc, & une de gypse, se messent tout en écume à la chaleur. Une livre d'argille, six lots de Talc, & autant de gypse, ont aussi de la fluïdité. On indique & l'on vante beaucoup dans le Lexicon Universale, un mélange de poids égal de Talc & de craye avec du blanc d'oeuf, pour en frotter les creusets ordinaires par dedans & par dehors; mais il n'y faut pas faire beaucoup de En effet ce mélange, quand on le réduit en formes, ne se cuit point bien ensemble; & après qu'on l'a brulé, il est & demeure tendre, & friable. Au contraire le Talc qu'on appelle d'or, Gold-talck. ne vaut rien du tout pour les creusets, parce qu'il leur donne trop de fluïdité, à cause de la matiere serrugineuse qu'il contient. L'argille en poids égal avec cette espece de Talc, ou bien une partie d'argille avec deux parties de ce Talc, ont fait un mélange qui s'est entierement écoulé, même à une chaleur ordinaire.

L'Alun de plume est dans une haute réputation auprès des Chymistes & des Physiciens, à cause de sa solidité au seu; mais il saut qu'on se soit trop hâté à saire une régle générale de ce qui lui arrive au seu ordinaire de susson. Je trouve dans les Auteurs, qu'on doit frotter les creusets ordinaires par dedans & par dehors avec de l'Alun de plume dont on a sait une pâte avec du verre pilé & de l'eau, & qu'alors ils pourront résister plusieurs années au seu; mais cela n'a aucun sondement

Voici les épreuves que j'ai faites à ce sujet. J'ai fait des creusets de poids égal d'argille & d'Alun de plume, mais ils se sont affaisses au feu, & le metal en est sorti; une partie d'argitle & deux d'Alun de plume donnent à la vérité un produit compact & qui fait seu; mais il n'a pas laissé de s'ecouler comme en écume, à un feu de fusion assez modéré, & sans avoir rien mis à sondre dedans. Deux parties d'argille avec une d'Alun de plume, résistent à la vérité un peu plus longsems; mais à la fin elles commencent aussi à s'ecouler. Une partie d'argille avec trois parties d'Alun de plume, donnent à la vérité une masse encore plus ferme à un seu modéré, & qui rend même des étincelles, mais finalement elle commence aussi à fondre. Ainsi c'est avec très peu de fondement que tant le Talc, que l'Alun de plume, ont été mis au rang des matieres incombustibles, puisqu' au contraire suivant leur degré ils mettent d'autres corps en flux avec eux. donc leur joindre auparavant un meilleur secours par l'addition d'une quantité d'argille brulée, quand on veut s'en servir pour faire des creu-Au reste tout ceci doit être entendu de l'Alun de plume, qu'on lets. nomme mour ou fléxible; car celui qui n'est pas meur, manifeste au feu une structure considérablement plus compacte, & un flux plus serré; en sorte que l'Alun meur doit contenir caché en soi un peu plus de quelque substance saline propre à produire la sluïdité. En esset une partie d'argille avec deux parties d'Alun de plume non meur, ont beaucoup de peine à fondre, & soutiennent en seu violent : mais lorsque j'y ai fondu un verre de plomb en flux, le vaisseau s'est à la fin affaissé: cependant les pieces en étoient si compactes, qu'elles faisoient abondamment seu en les frappent. Au contraire deux parties d'argille avec une de cet Alun de plume non meur, résistent bien plus longtems au feu, & ne s'affaissent pas ainsi, le verre de plomb y étant demeuré pendant quelques heures; en sorte qu'il est aisé de perse-Etionner cette composition. Il n'est point non plus indifferent d'employer de l'Alun de plume réduit en fine poussiere, & détrempé avec du blanc d'oeuf & de l'eau, pour en garnir intérieurement les creu**fets** sets de Hesse; car cette armure rend assurément de très bons services, quand il s'agit de tenir le verre de plomb longtems en susion, ce verre ayant besoin d'un long espace de tems avant que de venir à bout de percer cette armure en la rongeant. D'autres recommandent pour le même esset de mêler des parties égales d'Alun de plume & de craye avec du blanc d'oeuf, & de s'en servir ainsi.

Les mêmes choses conviennent à peu près à la Pierre-ponce, qui est produite par l'Alun de plume. Deux parties d'argille avec une de Pierre-ponce se sont affaissées, & il s'y est formé un vernis. Au contraire huit lots d'argille fraiche, & autant de brulée avec un lot de Pierre-ponce, donnent une bonne masse, & qui la a solidité nécessaire pour en faire des creusets, qui ont fort bien soutenu le Spath susible mêlé avec la craye, mais à la longue ils n'ont pu résister au verre de plomb; peut être que c'est l'extrème pesanteur de ce verre qui leur a sait le plus de dommage, inconvénient, auquel il y auroit encore espérance de pouvoir remèdier. Une partie d'argille avec deux de Pierre-ponce se brulent aussi d'une maniere fort solide; brunissent, & prennent partout un vernis; cependant le verre de plomb a fait une sente au sonds du creuset, qui s'est aussi tant soit peu affaissé.

La Blende, (plumbago sterilis ou Pseudo-galena,) qu'on met aussi au rang des choses incombustibles, prend de la disposition au sux dans les masses qui servent à faire des creusets. Comme j'avois sous la main de la Pech-Blende, (plumbago sterilis picei coloris,) je l'ai d'abord brusée, & ensuite mélée avec quantité égale d'argille; d'abord, en brusant le creuset pour la premiere sois, il s'en détacha quelque chose de côté vers le haut, & quand ensuite j'y voulus sondre du verre de plomb, il passa bientôt au travers, & sit aussi diverses sentes au creuset. Une partie d'argille avec deux parties de même Blende sont une masse dont il ne se détache à la vérité rien comme de la précedente, & qui conserve encore assez bonne apparence après avoir été brusée; pourtant le creuset s'est affaissé, quand j'y ai sondu du verre de plomb, & le verre s'est écoulé.

Jai

J'ai aussi fait des essais sur la pierre brune conme sons le nom de Magnesie, & j'ai trouvé qu'elle n'etoit pas propre à l'usage desiré. En effet l'argille & la Magnesie en poids égal se brulent & font un creuset gris, qui s'est ensuite entierement écoulé avec le plomb, & qui par conséquent est devenu d'une extrème sluïdité. Une partie d'argille avec deux de Magnesie s'écaillent au seu, & leur produit brulé est assez tendre, pour qu'on puisse ensuite le couper au couteau.

Je n'ai pas voulu omettre l'Emeri. J'ai pris une partie d'argille avec deux parties d'Emeri rouge; cela devint solide en brulant, mais d'un brun obscur. L'Emeri noir dans la même proportion prend aussi en brulant une solidité considerable, mais la couleur en est d'un brun noirâtre à cause de l'abondance de matiere martiale qui s'y trouve.

La Crave d'Espagne & ses especes, la Pierre ollaire, le Steatites de la Chine, la Pierre grasse de Norwege, &c. dont j'ai déjà parlé dans un Mémoire particulier sur le Steatites*, promettent de fournir bien des avantages particuliers pour nos vuës, puisque déjà par Année 1747. elles-mêmes toutes ces matieres prennent une dureté si extraordinai-suiv. re au feu. C'est pourquoi M. le Docteur Kramer de Vienne a déjà recommandé † ces pierres pour la fabrique des creusets, comme le † Dans le moyen de plus propre à tenir le plomb très longtems en susion, & commerc. Lite. Norimb. comme une matiere tellement convenable à perfectionner les creusets 1741. p. 224. qu'il seroit difficile d'en substituer une équivalente; & je soupçonne fort que c'est ce que M. Henckel a eu principalement en vue, quand il a dit: * "Pour découvrir des terres qui n'eclatent point au feu, & " en faire des vaisseaux, qui en particulier ne puissent pas, ou du Not. ad Re-" moins pas si aisément, être rongés & percés par le verre de plomb, spar. p. 80. c'est une chose à laquelle on doit apporter tous les soins possibles; & j'en dis autant des pierres qu'on peut creuser, & employer en guise de creusets, ce à quoi personne que je sçache n'a encore pensé. " Mais on ne scauroit découvrir cette propriété dans les terres ou " dans les pierres par la simple inspection; elle ne se maniseste que " par plusieurs expériences, & en particulier par la séparation des matieres.

Digitized by Google

" tieres étrangeres, & par les compositions." Par la séparation des matieres étrangeres, il ne sçauroit entendre autre chose que celle que j'ai indiquée & recommandée si souvent, & qui consiste à dégager l'argille du sable en la délayant. Quoiqu'il en soit la grande dureté. ou compaction, que toutes les pierres de cette espece acquierent au feu, fait voir que le fonds n'en consiste pas en une simple terre argilleuse, mais qu'il y entre encore quelque autre matiere d'un ordre singulier, qui fait que ces pierres, dans la plupart des mélanges où elles entrent, augmentent bien la dureté, mais disposent aussi en quelque. forte au flux, & ont en même tems du penchant à éclater. La methode proposée par M. Kramer pour faire creuser ces pierres en forme de creusets, & s'en servir ensuite, est sujette à deux difficultés capitales: l'une, c'est qu'il en coûte beaucoup de se procurer de ces pierres en gros morceaux, aussi souvent qu'on en auroit besoin : l'autre que c'est un travail long & pénible de les creuser: à quoi il fant ajouter quelque chose de plus fort encore, c'est que malgré tout cela les creusets qu'on en fait, prennent souvent des sentes à un seu rapide: & violent. J'avoue pourtant que cela ne leur arrive pas à toutes également; le Steatites de la Chine, par exemple, résiste beaucoup mieux que celui de Bareuth, & peut-être que tous ceux de l'Europe: mais il est aussi d'une fort grande rareté; & quand on veut exécuter quelque chose avec ceux d'Europe, je crois qu'il est tout à fait expédient de commencer par les revetir d'une armure convenable, avant que de les mettre en oeuvre, ensuite de les bruler. Comme d'ailleurs il est beaucoup plus aisé de se procurer de petites pieces de cette pierre en quantité, j'en ai pilé, & en ai mélé avec de l'argille en differentes manieres, ce qui m'a donné les rapports suivans. De l'argille travaillée avec poids égal de Craye d'Espagne, fait un assez beau mélange: mais il faut commencer par sècher la masse suffisamment & assez longtems; après quoi, en la brulant, il faut donner le feu au commencement avec beaucoup de lenteur, & doux; autrement il s'en détache facilement quelque piece. Deux parties d'argille avec une partie de Crave d'Espagne

d'Espagne ont aussi de la disposition à éclater; & quoique ce produit ait déjà une solidité assez considérable, il y a pourtant trop de sluïdité, & il s'est un peu affaissé au seu. Une partie d'argille avec deux parties de craye d'Espagne sont une composition très bonne, solide & d'usage. J'ai aussi fait entrer de l'argille brulée dans ce mélange, en mettant, par exemple, des quantités égales d'argille fraiche, de brulée, & de craye d'Espagne: cela fait bien une masse passablement bonne, néanmoins le feu y fait aisément des fentes; & en y ajoutant quelque chose de fluide, elle s'affaisse bientôt. Par exemple, deux livres d'argille fraiche, autant de brulée, & huit lots de craye, donnent un mélange passablement bon, mais qui à la fin se courbe au seu: & une plus grande quantité de craye augmente sa disposition à entrer en slux. Pareillement une livre d'argille fraiche, autant de brulée, une demi-livre de craye d'Espagne, & huit lots de gypse, sont un mélange qui résiste un peu plus longtems, que le précédent, mais à la fin il se courbe aussi au seu, & ce qui est le principal, la pesanteur des metaux qui sont dans le flux le plus fort, & celle des verres y causent finalement des fentes. C'est pourquoi il vaut mieux y faire une addition d'argille brulée, ou même encore mieux, ne pas mettre la craye d'Espagne en oeuvre. sans l'avoir auparavant bien brulée, après quoi on la pile fort menu, & on la mêle ainsi avec l'argille; par exemple, poids égal d'argille, & de crave d'Espagne brulée, ou encore mieux, deux parties d'argille avec trois, & jusqu'à quatre, de craye d'Espagne brulée, & pour les lier par une matiere glutineuse, un peu de martial, ou de plomb. mélange de deux parties d'argille avec trois de craye d'Espagne brulée donne déjà des creusets bons, & fort solides; une partie d'argille aussi avec deux de craye d'Espagne brulée font encore une composition d'une grande solidité, & avec cela d'une extrème blancheur. ve aussi que la craye d'Espagne cruë réüssit assez bien avec l'argille brulée, en les prenant à quantités égales; le mélange devient solide. mais comme il s'y fait aisément des fentes, il faut y remedier par quelque matiere glutineuse, ou par le secours d'une armure. Mim. de l'Acad. Tom. VI. ste.

ste, quand on employe cette composition, ou bien celle de deux parties de craye d'Espagne fraiche, avec une partie de pipes à tabac nettes qu'on pile, & qu'on mêle exactement ensemble, pour en revêtir intérieurement des creusets ordinaires : cela rend aussi de trés bons serle trouve que la composition suivante convient assez par ellemême aux creusets, savoir, huit parties de craye d'Espagne & autant d'argille brûlée, avec une partie de litarge; les creusets saits de ce mélange deviennent solides & d'un beau blanc. J'ai aussi mélé ensemble de la crave d'Espagne & du talc brulé en poids égaux; & les ayant brulés, les creusets qui en ont été saits, avoient beaucoup de solidité & de blancheur. De semblables creusets de compositions blanches sont ceux qui conviennent le mieux pour la préparation des compositions de bijoux artificiels d'une couleur claire luisante qui sont d'une susson difficile. Au contraire les especes colorées de craye d'Espagne, ou de Pierre ollaire, ne valent pas grand' chose pour les creusets, à cause de leur matiere martiale. Par exemple, une partie d'argille avec deux parties d'une semblable espece jaune, ont sait une masse qui s'est bientôt écoulée.

La Pierre Serpentine de Saxe ayant une affinité remarquable avec les précedentes, c'est ici le lieu d'en faire mention : mais, comme sa couleur prouve manisestement, qu'elle contient plus de parties métalliques, ou étrangeres, elle en a d'autant plus de disposition à entrer en flux, & ne vaut pas grand' chose pour la préparation des pierres précieuses artificielles, qui ont une couleur claire. Les creusets qu'on fait en creusant des morceaux entiers de Serpentine, ont le défaut d'éclater aisément au feu, ou du moins de recevoir des fentes : une partie même entre à la fin en flux d'elle-même, à plus forte raison quand on y met des matieres qui viennent en flux. l'ai pris donc principalement de la Pierre Serpentine pilée menu, pour les essais suivans; desquels je puis dire en général, que quand l'argille prédomine dans ces mélanges, le verre de plomb ne peut guères y causer aucun dommage, & il n'y a d'autre inconvenient que la disposition aux fentes, qu'on préviendra par le secours d'une armure convenable.

De l'argille & de la Pierre Serpentine pilée en poids égal se brulent d'une maniere solide, mais éclatent un peu. Deux parties d'argille avec une partie de Serpentine se brulent en une masse solide. qui fait feu avec force, mais qui creve presque encore plus que la précedente: quand on y met pourtant une bonne armure d'une partie d'argille fraiche, avec deux parties d'argille grossiere brulée, cela la rend beaucoup meilleure, & elle soutient assez bien le verre de plomb, comme aussi le mélange de Spath fusible & de craye. Une partie d'argille avec deux parties de Serpentine ont éclaté d'elles-mêmes avec force; mais avec l'armure précedente, elle resiste passablement. & est en particulier d'assez bon usage pour le mélange de Spath susible & de craye. Au contraire, quand on commence par calciner la pierre Serpentine, le mélange d'une partie d'argille avec deux parties de Serpentine calcinée, donne une masse d'une solidité considérable & d'un bon J'ai encore fait l'essai de quelques autres compositions: par exemple, de six parties d'argille fraiche, trois de brulée, & trois de Serpentine, avec une partie de Spath fusible; ce mélange est d'un assez bon usage, quand il a été revêtu. Huit parties d'argille, une à deux de sable, & une à deux de Serpentine, sont aussi un bon mélange, sur lequel le verre de plomb a très peu de prise; il faut seulement le préserver des fentes qu'il recevroit, en y appliquant une armure convenable.

La Pierre nephretique de Saxe approche beaucoup dans son mélange de la précedente, & la principale difference qu'il y ait, c'est qu'elle renserme plus de cuivre. J'ai fait sur elle les essais suivans. De l'argille & de la pierre nephrétique pilée en poids égal, donnent à la vérité une masse compaste, mais elle est pourtant trop disposée à entrer en slux, & elle s'est courbée. Une partie d'argille avec deux parties de pierre nephrétique, résistent bien, & ne s'affaissent, pas mais les sentes gâtent ce produit. Deux parties d'argille avec une partie de pierre nephrétique commencent déjà à prendre slux. Mais si l'on calcine auparavant la pierre nephrétique, la chose réussit mieux. En esse deux parties de cette pierre calcinée avec une partie d'argille, se

foutiennent bien, après avoir été brulées convenablement; il en réfulte une masse solide, mais la couleur en est tout à fait brune, & par conséquent elle ne vaut rien pour les fluxions claires. Ensin la craye d'Espagne avec poids égal de pierre nephrétique, se soutiennent à la vérité au seu, mais après avoir été brulées, sont un peu tendres; défaut auguel il y auroit pourtant moyen de remédier.

* Dans sa Mineralogia Suecana.

M. Brômel* a recommandé particulièrement le tripoli pour les creusets: mais les especes qu'on employe ici ne remplissent pas cette idée avantageuse. En esset une partie d'argille & deux parties de tripoli deviennent à la vérité dures & solides en les brulant, mais elless'affaissent pourtant à un seu violent. Une autre sorte de tripoli qu'on trouve en Prusse, employé dans la même proportion avec l'argille, s'est entierement écoulé; il en à été de même du mélange du tripoli avec poids égal de cruches pilées menu, en sorte que cette matiere est très peu convenable pour les creusets, quoiqu'elle puisse être employée utilement à d'autres usages. Si l'on veut pourtant la mettre à celui-là, il faut la bruler auparavant, ou la mêler avec de l'argille brulée.

Le Plomb à écrire, ou Crayon, qu'on appelle en Allemand Wasfer-bley, ou Reiss-bley, entre dans le nombre des ingrédiens, qui
ont été mis en oeuvre jusqu'ici pour la fabrique des creusets. J'ai
déjà dit quelque chose là dessus une Dissertation particuliere, que
j'ai intitulée de Plumbo scriptorio †. Ces creusets noirs connus sous
le nom d'Vpse, ou de Passau, qu'ils tirent du lieu où on les fait, sont
principalement de cette matiere; & leur quantité est si grande qu'on
en transporte par toute l'Europe. Jusqu'à présent ces creusets se sont
sait reconnoître par des preuves suffisantes pour beaucoup présérables
à ceux de Hesse dans la susson des métaux; c'est pourquoi on ne cesse
de s'en servir aux Monnoyes, chez les Orsevres, & chez toutes sortes de Fondeurs, pour sondre les métaux, pour en saire des mélanges, pour les soussirer, & aussi pour les Regules d'Antimoine. Cependant ils ont le désaut de ne pouvoir contenir aucuns sels, qui, à
cause de leur porosité, passent d'abord au travers, & si parsaitement qu'il

† Voyez Miscell. Berol. T. VI. P. 29.

n'en reste aucune trace. Les verres de plomb en sux les pénétrent aussi bientôt; & quant aux verres qui ont un flux serré, quand ils doivent conserver une couleur claire, ou transparente, ces creusets la leur ôtent, & les rendent obscurs & laids. Lorsqu'on veut aussi v brûler de la fine Porcelaine, elle en reçoit ordinairement une mauvaise couleur qui lui ôte sa beauté. Ajoutez que tous les vaisseaux dans la préparation desquels entre ce plomb à écrire en grande quantité ne deviennent jamais bien solides en les brulant; ils demeurent au contraire tendres & fragiles, & se laissent couper au couteau, même quand ils ont eu un feu violent : (défaut- qui donne lieu néanmoins à des usages très commodes, puis qu'on peut se servir de ces grands creusets découpés pour des Fourneaux portatifs.) On les employe sans les bruler, pourvû seulement qu'on les ait bien fait sécher; ils sont pour l'ordinaire plus gluans, & ont beaucoup moins de disposition à éclater que les creusets de Hesse, auxquels cela arrive fort aisément surtout lorsqu'ils sont grands, & qui résistent rarement plus d'une sois à un ouvrage qui demande un feu vif; au lieu que ceux dont il s'agit ici, si l'on s'en sert avec les précautions convenables, peuvent durer longtems, & être employés avec sûreté. On prétend que Glauber a laissé comme un secret particulier pour la composition des creusets. le mélange de quatre parties d'argille avec une partie de plomb à écrire. J'en ai fait l'essai; cela devient en esset passablement solide en le brûlant; mais les creusets'ainsi faits éclatent aisément, ou du moins reçoivent des fentes, en sorte qu'il faut les manier avec précau-Ils deviennent aussi tout bruns, après avoir été brulés; on peut en faire un assez bon usage. L'argille avec poids égal de plomb à écrire, se soutient bien au feu; mais ce mélange n'est pas aussi solide que le précédent, & reste un peu fragile. Une partie d'argille avec deux de plomb à écrire résistent bien aussi à la fusion; mais ne laissent pas d'etre un peu plus tendres que la composition précedente. Deux parties d'argille fraiche, quatre de brulée, & une de plomb à écrire, font une bonne composition pour les creusets, qui réfifte S 3

siste au seu, & dont la couleur devient brune. De l'argille fraiche. de l'argille brulée, & du plomb à écrire en poids égal, font aussi des creusets bruns d'une grande solidité. Mais l'argille, la pierre poncé & le plomb à écrire, en poids égal, entrent en flux, & se sont entierement écoulés en une fonte brune; ce à quoi l'on ne se seroit pas attendu. Quand on veut empêcher cette espece de creusets d'etre tendres, ce qui leur vient du plomb à écrire, on peut y ajouter un peu de chaux de plomb. J'ai fait des essais dans les proportions suivances. Quatre parties d'argille & huit de plomb à écrire, avec une de litarge. font un mélange qui se soutient bien au feu, & devient d'un brun noir en le brûlant, mais qui, lorsqu'on le casse paroit encore un peu ten-Si pour la même proportion on prend deux parties de litarge. la masse résiste aussi bien, mais elle est encore tendre. Quatre parties d'argille & six de plomb à écrire, avec deux de litarge, se soutiennent bien, mais demeurent aussi tendres. Il en est à peu près de même de quatre parties d'argille & autant de plomb à écrire, avec une partie de Au contraire, quatre parties d'argille & deux de plomb à écrire, avec une partie de litarge, acquierent une dureté & une solidité considérables; & ainsi l'on peut dans les proportions précedentes augmenter la dose de la litarge, ou bien ajouter aussi du Capus mortuum de Vitriol, ou du mâche-fer. Alors on employe l'argille & le Caput mortuum de Vitriol avec le plomb à écrire, comme un Lutuine pour les vaisseaux de fer, les chaudieres, les creusets, & les retortes. Si pourtant on veut les mettre encore plus à l'abri des fentes, il est à propos d'employer plus de plomb à écrire que d'argille, & de ne faire entrer dans le mélange, ni sable, ni verre. Les mélanges où l'on met des cailloux, ont coutume d'être plus cassans: par exemple, poids égaux de cailloux & de plomb à écrire, avec autant d'argille qu'il est nécessaire; ou bien, quatre parties de sable, autant de plomb à écrire, & deux de mache-fer, avec une portion suffisante d'argille. On peut aussi tirer parti des vieux creusets noirs brisés, en les pulyérifant, & en les mélant dans quelque nouvelle composition, ou armure. Ces

Ces mélanges rendent des services excellens, en qualité d'armures, quand l'intérieur du creuset est d'une composition compaste & solide; car en le revétant d'une semblable armure, il dure d'autant plus.

Les Charbons serviront de conclusion à ces recherches. Et ce qui nous donne lieu d'en parler, c'est la remarque véritable & fort importante, que des charbons, dans un creuset bien fermé, peuvent rélister, sans se consumer ni même s'altérer, au seu le plus long & le Glauber est le premier qui ait avancé que des creusets plus violent. de bonne argille & de poussiere de charbon, battus dans des formes. peuvent soutenir des années entieres le plomb & d'autres metaux en fusion; & il ajoute ailleurs, que des creusets de terre grasse mélée avec de la poussière de charbon, battus dans des formes de cuivre', servent aux longues fusions du Regule d'Antimoine, & du cuiyre, pour les dégager de l'or & de l'argent par le moyen du Salpetre. promet trop. l'ai fait de semblables creusets d'argille & de poussiere de charbon : dès la premiere fois qu'il ont été brûlés, ils se sont un peu affaissés, & fort resserrés. Ils soutiennent bien le verre de plomb au fen un certain tems, mais à la fin il les perce. Deux gobelets d'argille, un gobelet de poussiere de brique, & un de fine poussiere de charbon réduits en masse avec de la biere, & battus ensuite dans des formes en creusets, sont une composition à peu près pareille à la précedente. Au reste quand on creuse un charbon solide, & qu'on l'enduit extérieurement de terre grasse avec de l'eau de sel, cela soutient pendant un tems médiocre le verre de plomb. C'est aussi un joli artifice de bien enduire intérieurement des creusets noirs avec une pâte de poussiere de charbon, d'y mettre ensuite de la chaux métallique, comme de la cendre d'etain &c. envelopée dans un papier, d'entasser dessus de la poussiere de charbon bien pressée, ensuite de bien luter le creuset, afin que l'air ne puisse pas consumer les charbons; quand le tout est bien seché, alors dans le seu la cendre d'etain sera réduite, & un tel creuset soutient très longtems tous les metaux en flux & sans perte.

EXAMEN



EXAMEN

QUI CONSTITUENT CETTE DES PARTIES ESPECE DE PIERRES, QUI, APRES AVOIR ÉTÉ CALCINÉES PAR LE MOYEN DES CHARBONS, ACQUIERENT LA PROPRIE-TÉ DE DEVENIR LUMINEUSES, QUAND ON LES EXPOSE 'A LA LUMIERE; AVEC L'EXPOSÉ DE LA COMPOSI-

TION ARTIFICIELLE DES PIERRES DE CETTE SORTE,

PAR M. MARGGRAF.

Traduit du Latin.

le Volume précedent. pag. 56. & fuiv.

XIX.

T'ai déjà entretenu une fois l'Académie, * au sujet de certaines especes de pierres trouvées en Allemagne, qui, lorsqu'on les a calcinées par le moyen des charbons, deviennent propres à emprunter la lûmiere des objets lumineux, & luisent ensuite dans les ténébres. + 1bid. §. J'ai promis alors † de traitter dans une autre occasion, non seulement des parties qui constituent cette sorte de pierres, mais encore de la maniere artificielle de les préparer. C'est cette promesse que je vais dégager, autant que j'en suis capable.

II. J'ai déjà donné l'enumération des differentes especes de ces pierres, qu'on tire de diverses Mines d'Allemagne; mais, à parler exactement, toutes ces pierres peuvent se rapporter à deux genres

* Ibid. §§ principaux; le premier est celui des vrais Spaths fusibles pesans *: le XV. & XVI. second celui des pierres speculaires, ou Marien-glass. Le premier

de

de ces genres, suivant les observations que j'ai déjà rapportées, ressemble à la Pierre de Bologne, quant à la faculté d'attirer la lumiere. Le second a une clarté plus soible; & au lieu d'une lumiere rouge, il n'en jette qu'une blanche moins sensible. Pour ce qui regarde le mélange des parties qui les constituent, elles ne laissent d'avoir pour la plus grande partie une entiere convenance entr'elles, comme cela paroitra par la suite de mes propres Experiences que je vais rapporter.

III. La pefanteur particuliere, tant de nôtre Spath susible que de la Pierre de Bologne, aussi bien que cette circonstance remarquable dont j'ai sait mention dans mon premier Mémoire §. IX. savoir que ces especes de pierres, après leur calcination avec les charbons, ont une odeur de soussire, & entrent même dans une effervescence sensible avec les acides, ce qui ne leur arrive point, lorsqu'elles sont cruës, ou qu'elles ont été calcinées sans charbons; ces circonstances, dis-je, m'ont conduit à l'opinion que ces corps sont composés d'un acide vitriolique & d'une terre alcaline. En esset l'odeur de soussire découvre l'acide vitriolique, qui s'y trouve caché, & l'esservescence avec les acides indique la présence de la terre alcaline. Voici les expériences que j'ai saites pour m'assurer de la vérité de cette opinion.

IV. Après avoir choisi des Pierres de Bologne bien nettes, je les ai brisées en petits morceaux qui étoient de la grosseur de pois ordinaires. J'en ai mis deux onces dans une retorte de terre convenable, & bien revêtuë, & j'ai fait en sorte que le tiers de la retorte demeurât vuide. Je l'ai mise ensuite dans un sourneau, où je pouvois augmenter le seu jusqu'au degré le plus violent; & après y avoir appliqué un récipient de verre bien net, & avoir exactement luté les jointures, j'ai commencé la distillation, & l'ai continuée par degrés, en donnant à la fin le degré le plus violent de seu, & saisant durer la distillation entre trois & quatre heures. Avec tout cela je n'ai pu tirer rien de liquide; & tout ce qui s'est manisesté, c'est une espece de vapeur séche, à peine observable, qui s'etoit attachée au récipient. Après avoir brisé la retorte, j'ai remarqué non seulement que la cou-

Mêm. de l'Acad. Tom. VI.

leur de ma pierre de Bologne n'avoit pas beaucoup changé, mais encore que son poids n'avoit pas souffert la moindre diminution. Elle n'etoit pas aussi plus disposée à entrer en effervescence avec aucun aci-J'ai traitté de la même manière quatre onces du Spath fusible pesant que j'ai indiqué au No. 1. du §. XVI. de mon Mémoire précedent. & auquel celui du No. 2. ressemble parsaitement. Mais, après la distillation, je n'ai rien pû trouver, ni de liquide dans le récipient, ni de sublimé; & la pierre demeurée dans la retorte conservoit exactement son ancien poids de quatre onces. J'ai fait la même expérience sur quatre onces de pierre spéculaire choisie & bien transparente. Ici j'ai trouvé dans le récipient une liqueur aqueuse, qui n'avoit aucune odeur, ni saveur sensible; & il est demeuré dans la retorte trois onces. & une dragme & demie, d'un résidu fort blanc & aisément friable. Ainsi la quantité susdite de pierre spéculaire avoit perdu six dragmes & demie de son poids dans la distillation; ce qui fait voir que les pierres de cette espece renserment encore une médiocre quantité d'eau.

V. Je ne pûs donc, comme j'etois en état de le prévoir d'avance. rien tirer de mes diverses especes de pierre, excepté la quantité d'eau qu'a rendu la derniere; & je n'ignorois avec quelle tenacité l'acide vitriolique tient à la terre de chaux. Pour séparer donc celui que je soupçonnois se trouver dans mes pierres, j'ai mis en oeuvre un sujet inflammable, parce qu'il trahit toujours l'acide vitriolique à l'egard de la sulphurisation. Dans cette vuë j'ai mélé soigneusement deux onces de Pierre de Bologne pilée bien menu, avec deux dragmes de charbons de bois aussi bien pilés; j'ai mis ce mixte dans une retorte de terre convenable, & bien revêtue; &, après y avoir adapté un récipient de verre, & en avoir luté les jointures, j'ai fait une distillation de quatre heures, par degrés, & en donnant à la fin le feu le plus Quand les vaisseaux ont été réfroidis, j'ai trouvé un peu d'esprit volatil de souffre dans le récipient, & environ deux grains de vrai souffre dans le col de la retorte. Le résidu dans la retorte étoit d'un

d'un rouge brun, il entroit dans une forte effervescence avec l'acide du nitre, aussi bien qu' avec celui du sel commun; il frappoit les narines d'une odeur de soussire assez pénétrante; mais il n'attiroit point la lumiere, ce qui a cependant lieu, quand cette pierre est calcinée à un seu découvert par le moyen des charbons.

J'ai mêlé de la même maniere deux onces de notre Spath fusible de Halsbrück, avec deux dragmes de charbons pilés menu, & en ai fait une distillation pareille aux précedentes; après laquelle j'ai trouvé aussi de l'esprit volatil de soussire, & un peu plus de vrai soussire. Le résidu dans la retorte ressembloit au précedent, ayant comme lai les propriétés de l'odeur de soussire, & de l'esservescence avec l'acide du Nitre, & n'attirant pas, non plus que lui, la lumiere.

Enfin, j'ai aussi mélé deux onces de pierre spéculaire calcinée avec deux dragmes de poussière de charbon, & ai traitté ce mélange de la même maniere; ce qui étant sait, j'en ai tiré les mêmes produits, savoir l'esprit de soussire, & le vrai soussire. Mais ce qui restoit dans la retorte disseroit beaucoup des residus précedens; car il étoit blanchatre, avec quelques taches tirant sur le jaune çà & là; quand on l'exposoit à la lumiere, il s'imbiboit de ses rayons, & étant ensuite porté dans un lieu obscur y luisoit, en jettant un éclat d'un blanc bleuâtre. La pierre spéculaire dissere donc à cet égard des deux autres genres de pierre, qui requierent absolument une calcination ouverte. D'ailleurs elle entre, comme les précedentes, en effervescence avec l'acide de nitre, & donne une odeur pénétrante de soussire.

VI. Après avoir fait ces premiers essais, j'ai continué l'examen de mes differentes especes de pierres, en y joignant un sel alcali végétable. Pour cet esset j'ai préparé un sel alcali de tartre très pur en la maniere accoutumée. J'ai mélé une once de ce sel de tartre pur avec deux onces de pierre de Bologne, j'ai mis ce mixte dans un creuset de Hesse, que j'ai recouvert d'un autre, & après avoir luté les jointures, je l'ai placé eu seu, j'ai sait la calcination pendant une heure, & à la sin j'ai augmenté le seu; ce qui étant sait, j'ai trouvé une masse dans une

une médiocre liquésaction. L'ayant séparée du creuset, après qu'elle a été réfroidie, & l'ayant ensuite pilée, j'en ai tiré tout le sel par le moyen de l'eau bouïllante, j'ai disposé à la crystallisation la lessive siltrée en la faisant évaporer : & cela m'a donné un sel, qui, après avoir été dissous & crystallisé de nouveau, ressembloit à tous égards, & dans toutes ces circonstances sans aucune exception, au meilleur tartre En effet il imprime à la langue une saveur qui a de l'avitriolé. mertume, il se résout difficilement dans l'eau, si on le met au seu avec une petite quantité de poussiere de charbon, il devient foye de souffre: & en le faifant ensuite dissoudre dans l'eau, on peut en précipiter de nouveau le souffre engendré, en se servant de vinaigre de vin di-Ce sel dissous dans l'eau précipite aussi le Mercure de sa soluttion dans l'eau forte, & forme avec lui un turbith minéral. En un mot, j'avois des preuves suffisantes pour me convaincre, que ce sel est un vrai & pur tartre vitriolé, composé de l'acide vitriolique mélé dans notre pierre, & du sel alcali fixe que le tartre produit. au reste de matiere terrestre insoluble, qui étoit demeurée dans le siltre, je l'edulcorai parsaitement avec de l'eau, je le sis secher, & je le gardai pour en faire usage.

J'ai fait précisément les mêmes Experiences, tant dans la proportion du poids qu'à l'egard des autres circonstances, avec mon Spath sussible pesant de Halsbruck, aussi bien qu'avec une pareille quantité de pierre spéculaire; & j'ai tiré de ces deux sortes de pierres le même produit salin, c'est à dire, un tartre vitriolé, & les mêmes terres insolubles, que j'ai gardées pour un usage ultérieur.

VII. J'ai de plus travaillé ces trois especes-de pierres, chacune à part, avec le nitre épuré. De chaque espece de ces pierres bien pilées j'ai pris deux onces, que j'ai mélées avec une once de nitre épuré; j'ai mis ce mixte dans un creuset, & j'ai continué mon opération, en y ajoutant du sel alcali de la maniere rapportée dans le §. précedent. Alors chaque espece de pierres m'a donné une masse en liquésaction, que j'ai séparée du creuset, pilée, & lessivée en y versant de l'eau chaude;

chaude; après quoi j'ai disposé la lessive filtrée à la crystalisation, en la saisant évaporer, ce qui m'a procuré de toutes les trois especes de pierre un sel pareil au précedent, qui avoit été préparé par le moyen du sel alcali. Pour abregér, ce sel étoit véritablement celui qu'on nomme Arcanum duplicatum, composé de la partie salino-alcaline du Nitre, & de l'acide vitriolique caché dans ces especes de pierre. Et pour ce qui étoit demeuré de toutes les trois especes dans les siltres, j'ai bien degagé ces terres de leur salure, je les ai sait sécher, & les ai ensuite conservées. J'ai traitté de même un mélange sormé de deux onces de poussière de nos trois especes de pierres, & d'une once de sel commun; mais je n'ai pu déconvrir aucun changement sensible, ni dans le sel, ni dans les pierres. Le sel, après avoir été lavé & crystallysé, demeuroit du sel commun, & ne se changea point en sel admirable; & je ne pus remarquer non plus que les terres qui étoient demeurées dans les siltres, eussent sousser aucune altération.

VIII. Je voulus ensuite éprouver de tirer l'acide vitriolique de nos especes de pierre, par le moyen d'un sel alcali fixe, en les cuisant avec de l'eso. Ce qui me suggéra cette idée, c'est ce que j'avois observé, qu'en rédussant ces trois especes de pierres en une poussiere subtile, en les faisant cuire longtems avec de l'eau pure distillée, & en versant alors quelques goutes de leffive alcaline dans cette décoction claire, quelque chose se précipitoit au fonds; d'où l'on pouvoit tiret cette conséquence, qu'il s'etoit sait quelque solution des pierres, & il paroit que la pierre spéculaire y est plus exposée que les autres. Pour m'assurer donc de la chose, je mélai exactement deux onces de pierre de Bologne pilée, avec une once de sel de tarte pur, dans un mortier net; & y ayant versé quatre mesures d'eau distillée, fai sait cuire le tout pendant l'espace de deux heures, en remirant souvant avec une spatule de bois, & en remplissant toujours avec de nouvelle eau ce que la coction faisoit diminuër; ensin j'ai disposé ce liquide à la crystallisation, après l'avoir siltré, en le saisant évaporer; ce qui étant fait, fai eu, comme ci-devant, un beau tartre vitrolé. l'ai bien-édulcoré

soré la terre demeurée dans le filtre, je l'ai desséchée, & l'ai gardée.

Ensuite j'ai aussi traitté de la même maniere deux onces de notre Spath suspite souvent mentionné, & autant de pierre spéculaire, chaque matiere séparément; & j'ai remarqué une parsaite convenance entre les sels produits par cette opération, & ceux dont il a été parlé au §. VI. & les terres qui demeuroient, étoient tout à sait pareilles à celles qui avoient été séparées de la maniere précedente.

IX. Après toutes ces expériences il ne pouvoit plus me refter aucun doute sur l'existence d'un acide vitriolique mèlé dans nos especes de pierre: & il étoit question de soumettre encore à l'examen les terres qui demeuroient dans les filtres. J'avois déjà lieu de croire. en raisonnant à priori, que ces terres souffroient du changement : & l'expérience acheva de m'en convaincre; car je n'y retrouvai plus les propriétés des pierres précedentes. En effet ces pierres, scavoir le Spath fusible pesant de Saxe, la pierre de Bologne cruë, & la pierre speculaire, n'entroient en effervescence avec aucun acide : au contraire, ces terres y entroient, & surtout elles étoient résolutes par l'acide du nitre & du sel. Ces terres, principalement si elles ont été auparayant en quelque forte embrasées, dégagent sur le champ le sel voletil du sel armoniac ordinaire, si on les pile ensemble, & qu'on les hamede avec un peu d'eau; elles dissolvent aussi avec abondance le souffre commun, à la façon de la chaux vive ordinaire, en les cuisant avec de l'eau, & dans tout le reste, elles font entierement voir les mêmes propriétés que les pierres à chaux. Ces terres peuvent aussi être rétablies dans leur premier état, c'est à dire, que l'art en peut refaire des pierres de l'espece à laquelle elles ont appartenu, en leur rendant ce qu'elles ont perdu dans les opérations précedentes.

X. J'ai repris les terres de mes trois especes de pierre, qu'on a vuës §§. VL VII. & VIII. être demeurées dans les siltres, & avoir été desséchées, & que je viens de ranger §. IX. au nombre des terres de chaux. J'en ai dissous chaqune à para dans la quantité d'acide de ni-

tre, qui étoit nécessaire à la rigueur pour en procurer la solution, & en versant peu à peu l'acide de nitre tant qu'il demeuroit en effervescence avec ces terres. Ensuite j'ai silcré checune de ces solutions, après les avoir délayées auparavant dans une médiocre quantité d'eau, & i'v ai versé encore un peu d'eau dans le filtre même, afin de laver entierement toute la solution; après quoi j'ai précipité chacune de mes solutions séparément par le moyen d'un esprit de vigriol préparé d'une partie d'huile de vitriol la plus blanche, & de trois parties d'eau pure, & j'ai versé de l'esprit de vitriol aussi longtems qu'il s'est précipiré quelque chose au fonds. J'ai ensuite mis ce précipité dans un sittre, i'v ai versé deux ou trois sois de l'eau froide, & ensuite encore quelquesois de l'eau chaude. Après que l'eau s'est écoulée, j'ai séché mon précipité. C'est par cette voye que j'ai tiré de chacune de mes terres un produit selenitique, blanc comme neige, brillant, en forme de petits crystaux, & qui se dissout difficilement dans l'eau. avoir aupavant embralé en quelque sorte ces concretions, je les ai pilées & brovées séparément, & les ayant réduites en masse par le moven d'une bouillie de tragacanthe, j'ai desséché cette masse, je l'ai stratisée avec les charbons, & l'ai calcinée à un seu ouvert; ensuite dequoi, ces matieres étant réfroidies, chacune d'elles s'est trouvée propre à recevoir la lumiere d'un autre corps lumineux, & à luire dans les ténébres. Ainsi il en étoit de même de ces produits que des précedens; &, ce qui est bien digne de remarque, la lumiere de celles d'entre ces pierres reproduites qui étoient de la terre de Pierre de Bologne, étoit plus foible que la lumiere des pierres produites par la terre séparée de nôtre Spath fusible d'Allemagne. Celle de la pierre speculaire étoit aussi pâle, comme je l'ai déjà dit dans le précedent, & auffi dans celui ci. En un mot, la lumiere avoit un rapport maroné avec la pierre d'où elle naissoit; celle du Spath susible étoit extremement vive, celle de la Pierre de Bologne reproduite un peu moindre, & celle de la pierre spéculaire la plus soible de tontes.

XI. Ce-

XI. Cependant l'avois remarqué que la proportion de sel alcali fixe, préparé du tartre, que l'ai indiquée dans les &. VI. & VIII. ne suffisoit pas pour séparer parsaîtement la terre de chaux de nos especes de pierres. J'ai donc entrepris encore quelques Expériences. par lesquelles je me suis assuré qu'il faloit une plus grande quantité de ce sel alcali, & je recommande en consequence la proportion & la maniere suivante. Qu'on mêle exactement quatre onces de nôtre Spath fusible avec six onces de sel de tartre pur, qu'on les sonde au creuset, qu'on les réduise en poussiere, qu'on les fasse cuire dans l'eau. qu'on filtre la lessive, qu'on les mette en crystallisation, enfin que la terre qui demeure dans le filtre, soit bien édulcorée & desséchée: toutes ces choses étant faites, on tirera de nôtre Spath fusible deux onces & demie & trois dragmes de terre de chaux. On peut ensuite verser sur cette terre de l'acide de nitre, aussi longtems qu'il entre en effervescence avec elle. Mais ici j'ai observé qu'il restoit dans cette solution une médiocre quantité de terre insoluble, qui s'arrêtoit dans le filtre, & qui, après avoir été bien délivrée de sa salure & desséchée. donnoit le poids d'environ cinq dragmes, & ressembloit à tous égards à la terre d'argille. Car il s'en forme, de même que de l'argille, une masse tenace avec l'eau, & quand après l'avoir desséchée, on la calcine à couvert, en donnant un degré moderé de seu, on peut la cuire iusqu'à la durcir. Si l'on méle deux parties de cette terre séparée avec une partie de cailloux pilés bien fin, qu'on les réduise en une masse par le moyen d'une médiocre quantité d'eau, & qu'on les fasse secher. ce mixte devient ensuite, en lui donnant un feu violent, une masse à demi-transparente, en forme de porcelaine, qui frappée contre l'acier rend des étincelles en abondance. Que si l'on réduit cette terre seule en masse avec de la bouillie de tragacanthe, qu'on fasse sécher la masse, & qu'on la calcine immédiatement par le moyen des charbons, elle n'en devient pas plus propre à recevoir la lumiere. Il en est presque de même de la Pierre de Bologne. Au contraire, la terre qu'on a séparée de la maniere susdite de quatre onces de pierre spéculaire, par le moyen

moyen d'un sel alcali, ne laisse dans le sitre qu'une once, & une dragme & demie, de terre de chaux, qui se dissout entierement, tant dans l'acide du nitre que dans celui du sel, sans laisser la moindre partie argilleuse dans la solution. Il n'y a presque point de doute que cette terre argilleuse, mélée fort étroitement dans le mixte, ne puisse causer la difference du plus & du moins de solubilité entre la Pierre de Bologne & le Spath suspille de Saxe. La pierre spéculaire au contraire se dissout beaucoup plus aisément dans l'eau; & je ne doute pas même qu'il ne pût s'en faire une entiere solution en la faisant cuire fortement dans une grande quantité d'eau.

Je dois ajouter ici que notre pierre gypseuse de Speremberg, & quelques autres sans doute du même ordre, sont composées des mêmes parties que la pierre spéculaire, & qu'on peut les soumettre aux mêmes épreuves, de la maniere qui a été décrite ci-dessus. Seulement je crois avoir observé que la pierre de gypse contient une quantité un peu moindre d'acide vitriolique; & c'est là la cause, ou peut-être aussi quelques particules martiales déliées qui s'y trouvent mêlées en même tems, c'est, dis-je, la cause, pourquoi cette pierre, quand on la calcine par le moyen des charbons, se distingue des précedentes, en n'acquèrant point la proprieté de recevoir la lumiere.

XII. Après avoir ainsi démontré assez evidemment, à ce que j'espere, quelles sont les parties essentielles de nos genres de pierres, je passe présentement à la maniere artisielle de les composer, en se servant d'autres terres de chaux, avec le secours d'un acide vitriolique. Je me souviens sort bien à la vérité, que dans mon Mémoire précedent j'ai nié, & à bon droit, que la chose puisse réussir avec de la craye que j'avois saoulée d'esprit de nitre, & que j'ai positivement déclaré qu'en la calcinant par le moyen des charbons, elle n'acquiert point la force d'attirer la lumiere. Mais c'est une chose qui deviendra facile à comprendre, si l'on sait réslexion que l'acide vitriolique sorme avec les terres de chaux une concrétion selenitique, dont la solution est difficile; d'où il résulte qu'en versant de l'esprit de vitriol sur de la Mim. de l'Acad. Tem. VI.

traye on ne là diffoudra pas parfaitement, parce que sa surface se recouvre en un instant d'une croute selenitique, qui empéche qu'on ne la puisse parfaitement saouler; & quoiqu'au moyen de certaines précautions, on put peut-être en venir à bout, cela ne réussira jamais au moins que fort difficilement de cette maniere.

XIII. Pour cet effet j'ai donc pris de l'eau de chaux vive parfaitement faoulée, parce qu'il s'y trouve réellement des particules de chaux dissoutes. J'en ai versé douze mesures dans une grande retorte de verre, j'y ai ajouté environ une once d'huile de vitriol, & j'ai J'ai posé cette retorte dans une contout bien mêlé en le remuant. pelle pleine de sable; & ayant adapté le récipient, & en distillant par degrés, j'ai fait sortir environ trois quarts de mesure d'une liqueur aqueuse: ensuite, les vaisseaux étant réfroidis, j'ai trouvé au sonds de la retorte de petits crystaux selenitiques minces, que j'ai séparés par la filtration, je les ai lavés & fait sécher, & après cela je les ai en quelque maniere calcinés, je les ai pilés en poussiere, j'en ai fait une masse avec de la bouïllie de tragacanthe, j'ai exécuté la stratisication avec les charbons de la maniere que j'ai souvent indiquée, & je lui ai fait succeder la calcination. J'ai exposé alors le produit calciné à la clarté du jour, & le regardant ensuite dans un lieu ténébreux, j'ai vu avec beaucoup de plaisir qu'il avoit reçu la lumiere de la même façon que le fait la pierre spéculaire; car il jettoit une lueur blanche, il sentoit le souffre, & il avoit une parfaite conformité avec la pierre spéculaire calcinée de la même maniere. La même chose m'est arrivée. après avoir calciné une quantité de marbre le plus blanc, l'avoir éteinte d'ans l'eau, & avoir joint à cette eau de l'huile de vitriol, comme j'ai dit que j'avois fait avec l'eau de chaux vive : ce qui étant fait. fai eu la même concrétion selenitique, & avec les mêmes propriétés que ci-devant.

XIV. Mais l'opération s'exécutoit avec beaucoup plus de promtitude, lorsque je prenois des folutions de terre de chaux faites dans d'autres acides, comme dans celui de nitre ou de sel, & que j'y jeignois

gnois l'acide vitriolique. J'ai d'abord mis en oeuvre la pierre de chaux de Rüdersdorff, dont j'ai dissous une certaine quantité dans l'espris commun de nitre, qu'on a coutume d'appeller eau forte: & fai jetré dans cet acide du nitre de petits morceaux de pierre de chaux, tant qu'il a voulu en résoudre, par lequel moyen je me suis procuré une solution parsaitement saoulée, que j'ai ensuite bien filtrée. J'ai délayé cette solution saoulée dans environ quatre parties d'eau, & j'y ai verse ensuite de l'esprit de vitriol susdit, préparé en mélant trois parties d'eau distillée avec une partie d'huile de vitriol, j'en ai, dis-je, versé une fois autant que j'avois pris de solution de chaux, j'ai exactement mêlé le tout, & j'ai laissé reposer ce mixte pendant l'espace d'environ vint quatre heures, su bout desquelles j'ai trouvé un beau précipité blanc, crystallin, & qui avoit toutes les propriétés du produit selenitique que j'avois préparé précedemment par le moyen de l'eau de chanx vive. Si l'on prend une plus grande quantité d'eau pour délayer la solution de chaux, qu'on y ajoute de l'esprit de vitriol, qu'on en procure le mélange en les remuant bien, & qu'on les laisse reposer; alors l'esprit de vitriel se mêle au commencement d'une maniere claire avec la folution de terre de chaux, mais à la fin ce mixte commence à se troubler, & cela va toujours en augmentant; après quoi, au bout de vint quatre heures ou au delà, on trouve un précipité semblable au précedent, mais qui est encore plus crystallin, lequel etant édulcoré avec de l'eau, en quelque sorte calciné, réduit en masse avec la bouillie de tragacanthe, & calciné par le moyen des charbons, m'a donné une belle concretion, qui reçoit parfaitement la lumiere. La même chose m'est arrivée en précipitant de la maniere susdite par le secours de l'acide vitriolique une solution de sel armoniac fixe, qui n'est autre chose qu'une solution de terre de chaux dans l'acide du sel. La liste suivante indiquera la difserence de ces produits quant à la propriété de recevoir la lumiere.

XV. 1. Ce corps selenitique, dont j'ai dit au §. précedent qu'il étoit le précipité d'une solution de pierre de chaux de Rüdersdorff,

V 2

faite dans l'esprit de nitre, par le moyen de l'esprit de vitriol, en le calcinant avec les charbons de la maniere que j'ai souvent indiquée, iettera une lumiere blanche.

2. Celle du corps selenitique, qui est préparé en la maniere sus-

dite de la solution du sel armoniac fixe, sera rougeatre.

3. Le précipité de la craye dans l'esprit de nitre donnera une lueur blanche.

4. Un corps semblable, préparé de la solution du Spath calcaire dans l'esprit de nitre, répandra une lumiere rougeatre.

5. Celui qui procede de la folution d'une pierre des bains de Carlsbad dans l'esprit de nitre, aura une lumiere pâle, & tirant sur le rouge.

6. La solution d'écailles d'huitre faite dans l'esprit de nitre, précipitée par l'esprit de vitriol, & calcinée avec les charbons, donnera une lumiere rouge.

7. La solution de marbre dans l'esprit de nitre, précipitée par l'esprit de vitriol, & calcinée, jettera une lumiere blanchâtre.

8. Le S:alactites de la caverne de Baumann, dissous dans l'esprit de nitre, précipité par l'acide vitriolique, & traitté de la même maniere, offrira pareillement à la vue une lumiere blanche.

Tous ces précipités sont de véritables especes de selenites. Car quoiqu'on puisse les dissoudre en quelque sorte de nouveau dans une grande quantité d'eau; il en est néanmoins de même des trois especes de pierres susdites, savoir de la Pierre de Bologne, du Spath susible pesant, & surtout de la pierre spéculaire. Au reste toutes ces especes, aussi bien que les suivantes, ont aussi un fort grand rapport avec la pierre spéculaire en ceci; c'est qu'après avoir été renduës propres à recevoir la lumiere par leur calcination avec les charbons, elles n'en jettent pourtant qu'une fort soible, & beaucoup moins vive que celle de la Pierre de Bologne & du Spath susible; à quoi il saut ajouter qu'après cette préparation elles s'exsolient & s'affaissent plutôt à l'air, ce qui n'arrive pas aux deux autres especes de pierres. Il en saut peut-être chercher la cause dans ce qu'il n'y a point

point de substance argilleuse entremêlée dans les especes de pierse spéculaire.

XVI. Il etoit nécessaire à présent d'éprouver les solutions susdites des terres des chaux, par le moyen des autres sels, qui contiennent une abondance d'acide vitriolique. J'ai donc pris une solution de pierre de chaux faite dans l'esprit de nitre, & délavée dans de l'eau, de même qu'une autre solution de la même pierre faite dans l'esprit de sel, je l'ai mélée avec une solution de vitriol de Mars faite dans l'eau & filtrée: & j'ai observé que l'acide vitriolique de la solution de vitriol de Mars attaquoit en peu de tems la terre de chaux, & la jettoit au fonds en forme de précipité selenitique. La même chose arrivoit avec une solution de Vitriol de Venus, aussi bien qu'avec une solution de Vitriol blanc. Ces précipités, auparavant bien édulcorés, ayant été calcinés avec les charbons de la maniere que j'ai souvent indiquée, je n'ai point remarqué qu'ils attirassent la lumiere; ce qu'il faut sans doute attribuër aux petites parties metalliques, qui sont en obstacle à cette force de recevoir la lumiere. Les folutions susdites de terres de chaux, faites tant dans l'acide du nitre que dans celui du sel, sont aussi précipitées sous une très belle forme selenitique par le moyen de l'alun dissous dans l'eau froide; car j'ai effectivement précipité des solutions de craye, de pierre de chaux, de stalactite, d'ecailles d'huitre. de pierre des bains de Carlsbad, & d'autres concretions calcaires semblables, faites dans les acides susdits; je les ai, dis-je, precipitées en très beaux produits selenitiques, par le moyen de l'alun dissous dans l'eau froide; & ces précipités, auparavant bien édulcorés, desséchés. & ensuite calcinés avec les charbons, ont attiré 12 lumiere avec beaucoup de force, & comme les préparations rapportées au §. XV. Il faut encore remarquer, que si la lumiere qui se montre à la surface de ces especes de pierres artificielles ne paroît pas assez belle, il n'y a seulement qu'à les rompre, & exposer l'endroit rompu à la lumiere, après quoi on le trouvera suffisamment lumineux. Afin de prescrire aussi une certaine proportion d'alun & de solution de terres alcalines, on peut V_3 ſe

fe servir de la suivante. Qu'on fasse dissoudre trois ou quatre onces d'alun dans une mesure d'eau froide ou tiede; qu'on filtre cette solution; qu'on prenne six onces de quelque solution de chaux saoulée, & qu'on les délaye dans environ un demi-mesure d'eau. Qu'on verse sur cette solution la solution précedente d'alun, qu'on les mête exactement en les remuant bien, qu'ensuite on les mette reposer pendant vint quatre ou quarante huit heures; qu'après cela on fasse écouler le liquide, & l'on trouvera un précipité selenitique crystallin, qu'il saut d'abord édulcorer avec de l'eau froide, & la fin une ou deux sois avec de l'eau chaude, & sinalement le faire doucement sécher.

XVII. Nos folutions de terres de chaux, faites dans l'acide du nitre, ou du sel commun, sont précipitées de la même maniere par les folutions des sels assez connus des fontaines medicinales, qui font impregnées d'acide vitriolique, & ce précipité forme une concretion se-Par exemple; la folution des terres de chaux quelconques, peut être précipitée en selenite par la solution du sel d'Ebesham. de Sedlitz, des bains de Carlsbad, & de tous les autres sels des fontaines medicinales, qui ont un acide vitriolique. Cela fait voir avec quelle avidité la terre de chaux saisit l'acide vitriolique, & se réunit avec lui. Mais ce qu'il y a de particulier ici, c'est qu'au lieu que suivant les 66. VI. VII. VIII. & XI. le sel alcali fixe rompt cette union de la terre de chaux avec l'acide vitriolique, dont il la dégage, & s'associo lui-même avec cet acide; au contraire l'acide vitriolique, qui est mêlé avec le tartre vitriolé, n'abandonne pas moins vîte son sel alcali, auquel d'ailleurs il tient si fortement, pour occuper la terre de chaux, dès qu'il y touche. En effet, (ce qui m'a causé un extrème plaisir,) la folution de toute veritable terre calcaire a été précipitée en forme de selenite par la solution du tartre vitriolé dans l'eau froide : & ce précipité d'abord édulcoré, & ensuite calciné avec les charbons, m'a donné un beau corps lumineux, qui rendoit une lumiere blanche. La même chose m'est arrivée en précipitant des solutions de terre de chaux par la folution de sel admirable; car, aprés la préparation convenable, j'en j'en au pareillement tiré un corps, qui rendoit une lumière blanche. J'ai fait évaporer la liqueur qui surnageoit à la solution de terre de chaux, précipitée par le tartre vitriolé; ce qui étant sait, j'ai tiré de la solution de terre de chaux dans l'esprit de nitre, de beaux crystaux prismatiques, qui ressembloient à tous égards au nitre pur ordinaire; indice certain que l'acide du nitre, qui avoit été auparavant uni à la terre de chaux, s'etoit associé ici avec le sel alcali du Tartre vitriolé. Pour cette liqueur que j'avois sait écouler de la solution de terre de chaux, précipitée par le sel admirable de Glauber, elle m'a sourni le vrai nitre cubique; ce qui montroit encore, que l'acide du nitre qui se dégage, lorsque l'acide vitriolique s'unit à la terre de chaux, avoit attaqué la terre du sel commun, & s'etoit uni à elle. Et lorsque j'employai l'acide du sel commun pour la solution des terres de chaux, j'eus de l'une & de l'autre maniere un sel commun régéneré.

XVIII. Ayant ainsi démontré avec assez de clarté, à ce que j'espère, les parties qui constituent nos trois especes de pierres; on aura beaucoup plus de facilité à comprendre, comment il peut s'engendrer de semblables pierres en abondance dans la terre. En effet il s'y trouve assez d'eaux, qui déposent une quantité de stalactite, qui le plus souvent n'est autre chose qu'une pierre de chaux; & ainsi on ne doit regarder ces eaux que comme des folutions de terre de chaux. Il y a pareillement sous terre beaucoup d'eaux vitrioliques, alumineuses, & en général d'eaux remplies de ces sels moyens des sontaines medicinales, qui contiennent un acide vitriolique. Ne concoit-on donc pas sans peine, que de semblables solutions, si elles viennent à se rencontrer, & à se mêler ensemble, pourront former une grande quantité de nos especes de pierres; lesquelles étant solubles dans l'eau, (ce qu'il faut également entendre des concretions naturelles, & des concretions artificielles,) peuvent acquérir très aisément à force de tems, & par vove de crystallisation, toutes ces figures differentes qu'elles nous offrent, la longueur du tems pouvant aller plus loin dans la produ-Rion de ces effets que les opérations de l'art? Les personnes qui cultivent

tivent l'etude de l'Histoire Naturelle, & qui demeurent dans les Pais de Montagnes, pourroient faire des observations sort utiles sur ce sujet.

XIX. Je crois qu'il est encore nécessaire de rapporter une circonstance singuliere de nos produits calcinés, & rendus propres à recevoir la lumiere; & cela me fournira une correction pour le dernier 6, de mon Mémoire précedent. J'ai indiqué dans cet endroit, comme une chose remarquable, que les pierres artificielles en question, si. sans avoir été auparavant exposées à la lumiere, elles sont mises dans une chambre ténébreuse sur un fourneau chaud, commenceront à luire, lorsqu'elles viendront à s'échauffer; & j'ai été dans l'idée que la chaleur du fourneau produisoit cet effet, qui se maniseste autrement dans ces corps par le moyen des rayons du jour, ou d'une chandelle Mais une expérience ulterieure m'a donné un autre senti-Car, ni nos especes de pierres préparées & disposées à recevoir la lumiere, ni le Phosphore de Balduin, quand on les met dans les ténébres sur un fourneau chaud, ne commenceront point à reluire. fi ces matieres ont passé auparavant huit ou quinze jours dans l'obscurité: au lieu que cela leur arrivera toujours, si un, deux ou trois jours avant, elles ont été un peu exposées à la lumiere, & l'ont attirée, & qu'après cela on les ait laissées dans les ténébres. Car alors, quoiqu'on ne puisse y observer quoi que ce soit de lumineux en les portant dans l'obscurité, elles jetteront une fort belle lumiere, dès qu'elles participeront à la chaleur d'un fourneau. Il paroit donc vraisemblable. que les particules de lumiere qui y sont demeurées de l'attraction précedente qu'elles en ont fait, sont seulement chassées par la chaleur du fourneau, puisque cette pierre préparée, quand elle demeure longtems sur le fourneau, perd à la sin toute sa lumiere. En attendant c'est une veritable joye d'avoir pu revenir ainsi de mon erreur, puisque par là il ne me reste plus aucun doute sur la véritable saculté d'attirer la lumiere que possedent nos especes de pierres préparées.

XX. Enfin je dirai en peu de mots, & enforme de corollaire, que nos especes de pierres, sçavoir la Pierre de Bologne, aussi bien que le Spath

Spath fusible, si on les calcine par les charbons, peuvent à la sin éprou. ver une entiere solution dans l'eau, sans qu'il reste qu'une très petite quantité de terre, sans doute argilleuse. Il suffira d'en alléguer pour exemple, notre Spath fusible. Deux onces de ce Spath, auparavant calcinées & pilées, ensuite réduites en masse avec la bouillie de tracacanthe, séchées, & enfin calcinées avec les charbons, ont perdu dans cette calcination deux dragmes & demie, & quinze grains, de leur poids, en sorte qu'il restoit une once, cinq dragmes & quinze grains; dont avant fait ensuite l'extraction avec de l'eau distillée bouillante, il en est provenu un résidu blanc, & comme embrasé, qui après avoir été bien désseché pesoit six dragmes & demie, & quinze grains, ayant ainsi perdu dans l'extraction fix dragmes & demie, qui s'etoient mélées dans l'eau. J'ai réduit de nouveau en masse ces six dragmes & demie & quinze grains dont j'ai premièrement parlé, je les ai fait sécher, & les ai calcinées avec les charbons; ce qui étant fait, j'ai trouvé une masse, qui avoit perdu une dragme & demie de son poids, & qui par conséquent pesoit encore cinq dragmes & quinze grains. Cette masse rendoit encore fort bien la lumiere, L'ayant pilée de nouveau, j'en ai suit soigneusement l'extraction par l'eau bouillante, & j'ai versé cette liqueur extraite, claire & filtrée, sur la précedente. Ainsi il y eut ici deux dragmes & trente grains de residu. Je les pilai de nouveau, & les ayant calcinés encore avec les charbons, j'en tirai deux dragmes d'une masse, qui reçoit mieux la lumiere, quoique ce surcroit soit peu considérable, & qui étoit médiocrement compacte. Après avoir pilé cette masse, j'en ai sait de nouveau une extraction exacte avec l'eau bouillante, & j'ai ajouté cette eau à la précedente; ce qui étant fait, le residu a été d'une dragme & vint grains. Je l'ai calciné avec les charbons, & j'ai recouvré alors une dragme & un demi-scrupule d'une masse, qui n'attiroit pas le moins du monde la lumiere, & n'exhaloit plus aucune odeur de souffre, paroissant tout à fait semblable à de l'argille cuite, ne pouvant plus être dissous dans l'eau, n'entrant plus en effervessence avec l'eau forte, & ne pouvant plus être détruit de Min. de l'Acad. Tom. VI. cette cette maniere. Après cela j'ai filtré la liqueur que j'avois décapulée de mes diverses extractions, faites avec l'eau distillée; & l'ayant à la fin disposée par l'evaporation à la crystallisation, j'en ai tiré des crystaux qui sentoient le souffre, que j'ai ensuite desséchés avec un liquide incrystallisable, qui ressembloit à la solution de souffre, faite par le moyen de la chaux vive; ensuite je l'ai mis à distiller dans une retorte de verre, à laquelle j'avois adapté un récipient, & j'ai continué jusqu'à l'incandescence; ce qui étant sait, j'ai trouvé, outre un peu de liqueur qui sentoit le souffre, une quantité du plus beau souffre qui s'etoit attaché au cou de la retorte; ce qui restoit, formoit une espece de poussiere, ou corps blanchâtre, qui étant exposé à la lumiere, ne l'attiroit point du tout. J'ai mis cette matiere dans un creuset, & l'ai bien embrasée; ensuite, après le réfroidissement, je l'ai exposée à la lumiere, qu'elle a attirée, aussi bien que nos préparations precedentes, quoique plus foiblement, & a lui dans les ténébres. j'ai à dire pour le présent de nos especes de pierres. C'est assez pour nous de sçavoir avec certitude, que leurs parties essentielles consistent dans une terre de chaux intimément liée avec un acide vitriolique; & qu'en général tous les précipités des folutions des terres de chaux dans l'acide de sel & de nitre, qui se sont par le moyen de l'esprit de vitriol, sont de semblables concrétions selenitiques; au nombre des quels on peut rapporter les préparations usuelles de Medecine qu'on nomme Magisteres épileptiques, cordiaux, & autres semblables.



OBSER-



OBSERVATION

D'ANATOMIE ET DE PHYSIOLOGIE CONCER-

MANT UNE DILATATION EXTRAORDINAIRE DU COEUR,

QUI VENOIT DE CE QUE LE CONDUIT DE L'AORTE ÉTOIT TROP ÉTROIT,

PAR M. MECKEL,

Traduit du Latin.

e célébre M. Lanciss. Auteur très exact, en rapportant, dans le Livre également beau & utile qu'il a écrit sur le mouvement du coeur & sur les aneurismes, toutes les causes des aneurismes, & des dilatations du coeur qu'on peut appeller surnaturelles, en a omis une, que ni lui, ni aucun autre, n'ont peut-être jamais observée, & qui pourtant sussit presque seule pour causer une dilatation universelle de tout le coeur; c'est l'Aorte, lorsqu'il arrive qu'elle soit plus étroite qu'elle ne doit l'être naturellement. En effet il n'y a dans tout le corps humain aucune proportion qui soit aussi nécessaire à la conservation de la fanté, que celle des forces du coeur avec les forces des Aussi-tôt qu'il y arrive quelque altération, le sang ne peut plus se mouvoir par tout le corps avec la même liberté; mais, si les forces du coeur sont trop grandes, & la résistance des Vaisseaux trop foible, le sang accable par sa masse les artères & les veines, il les dilate, les affoiblit, & y produit ces expansions qu'on nomme Anevrismes, & dont l'Auteur que nous avons cité, rapporte (a) divers exemples remarquables, sans compter ceux, qui se trouvent dans d'au-

X 2

thes

(a) De Ansvrifmat, Lib. I. Prop. 38. & Lib, II,

tres Ouvrages, où la même matiere est traittée. Au contraire, si c'est la sorce des arteres qui surpasse celle du coeur, alors le sang par sa trop grande quantité produit le même esset sur le coeur, en le relàchant & le dilatant sort au delà de son état naturel; ce qui ne manque pas d'arrêter la circulation naturelle du sang. On trouve à la vérité dans les Auteurs un assez grand nombre d'exemples d'accidens de cette nature; il y en a dans Lancis, (b) dans Kerckring, (c) & l'un des plus rares est celui que rapporte Wepser, d'une dilatation du coeur, causée par l'ossistation de l'aorte & de ses valvules; mais on ne lit nulle part que la structure trop étroite de l'aorte ait été le principe d'une pareille dilatation, suivie de la mort. C'est donc ce qui nous sait regarder comme une chose utile, & même nécessaire, de faire part au Public d'une Observation aussi rare qui l'est celle sur laquelle va rouler ce Mémoire.

Parmi cette grande quantité de cadavres, dont nôtre Theatre Anatomique est un des mieux fournis, grace aux ordres du Roi, & aux soins des Directeurs, on apporta il y a quelque tems le corps d'une jeune fille de dix-huit ans. C'etoit un corps assez fluet, la poitrine étoit étroite, comprimée, & longue, les membres & les os étoient petits & délicats. La personne dont étoit ce cadavre, avoit été dès sa première ensance fort encline à la colère, elle avoit mené une vie sédentaire, presque toujours occupée à coudre, & elle avoit été de tems en tems tourmentée de palpitations de coeur, & d'angoisses, qui étoient suivies d'un tremblement universel des membres du corps. elle étoit de basse condition, tout le remède qu'on apportoit à ces symptomes, c'etoit de lui faire boire un coup! d'esprit de vin; mais l'usage fréquent de cette boisson rendit bientôt son état beaucoup plus facheux. Elle atteignoit alors sa quinzième année, tems où les régles commencerent à se manifester dans cette fille. elles ne parurent point, les maux dont elle avoit été affligée, devinrent

⁽b) De Repensinis morbiss Lib, II, Observ. 2.

⁽c) Dans le Spicileg. Observ. Anat.

rent depuis ce tems-là beaucoup plus violens. Son corps étoit dans une agitation continuelle, fon pouls toujours tremblotant, ses angoisses & ses palpitations la tourmentoient sans relache, elle s'attristoit de jour en jour: & comme elle n'avoit d'autre ressource que sa liqueur dont nous avons parlé, on ne peut guères concevoir un état plus misérable que celui auquel elle étoit réduite. Cependant un Chirurgien, que les parens de la fille avoient appellé à son secours. · entreprit de suppléer aux désaut des régles par quelques saignées & par des remèdes propres à les pousser, y ajoutant l'usage des purgatifs: mais il y perdit ses peines. Tout au contraire à chaque saignée. ou à chaque prise de remedes irritans, tont alloit de mal en pis; jusqu'à ce qu'enfin, à l'age de dix-huit ans, les régles ayant toujours refusé de parôitre, les tremblemens du corps & du pouls allant en augmentant, & les palpitations étant devenües de véritables syncones, la malade privée de toutes ses forces, & hors d'état de se soutenir. s'allita: & ayant passé quatre semaines au lit, avec des palpitations continuelles, & une extrème difficulté de respirer, elle mourut dans un état de suffocation.

l'ai disséqué moi-même ce cadavre; & en saisant l'injection des arteres, j'ai trouvé que tous les rameaux de l'Aorte, & que cette artère elle-même descendante par l'abdomen, étoient d'une strusture merveilleusement étroite; mais, lorsque j'ai eu ouvert la poitrine, cetse proportion de l'aorte a paru encore bien plus endommagée. Car le coeur, que je destinois à être rempli d'une injection cereuse, & que je découvrois à cause de cela avec beaucoup de circonspection, occupeit presque toute la cavité gauche de ce thorax étroit, les poûmons étant pourtant libres, & tenant à leurs cavités, sans aucune adhésion, ni au médiastin, ni à la pleure. Je fus surpris de l'insigne grandeur du coeur, que le pericarde envelopoit néanmoins d'une maniere lache; je trouvai la substance charnue de ses ventricules plus molle & plus relachée qu'elle ne doit l'être naturellement; & le ventricule gauche n'etoit presque pas plus fort que le droit. Toutes les vei-X 3

veines avec les cavités du coeur étoient gonflées d'un sang noir: l'artère du poumon (fig. L lett. F.) étoit d'une très grande largeur & proportion de l'aorte, & un sang épais & polypeux la remplissoit: le sinus pulmonal étoit (fig. 2. lett. C.) fort ample, fort rempli, & s'elevoit fort au dela du sinus de la veine cave (fig. 1. lett. D.) mais pour l'aorte (fig. 1. lett. G.) elle étoit si étroite que son diametre étoit de la moitié plus petit que celui de l'artère du poumon, qu'il auroit néanmoins du naturellement surpasser ou du moins égaler. (d) Le coeur tout entier étoit extraordinairement dilaté, & fa pointe avoit une figure obtuse que lui donnoient les ventricules, dont l'expansion s'etendoit jusques - là. L'ayant rempli d'une matiere cereuse. afin que les parois étendues fissent d'autant mieux voir à quel point se proportion avoit été altérée, je l'ai fait peindre, & j'en représente dans ces deux Planches la partie antérieure & la partie posterieure. avec un autre coeur pareillement rempli de matiere cereuse, & dont les ventricules & les vaisseaux ont leur grandeur naturelle, afin qu'on soit en état d'appercevoir exactement, de combien le coeur étoit plus gros. & l'aorte plus étroite que les dimensions naturelles.

Les observations qu'on a faites sur les cadavres, ont appris, que la proportion naturelle des grands vaisseaux du coeur entreux, est telle que dans un adulte le diamètre de l'aorte est de 13. lig. pied de Paris; ce qui donne pour quarré 169. Si dans le même coeur l'artere du poûmon a pour diamètre 12, ou 12½, d'où résultent pour quarrés 144 ou 156. la proportion de ces derniers est aux quarrés des veines du poûmon comme 156 ou 144: 96, c'est à dire comme 2: 3. Pour la proportion des sinus de la veine du poûmon & de la veine cave, elle est beaucoup plus difficile à déterminer. D'autres l'ont posée comme 4: 5; pour moi tout au contraire, à en juger par les coeurs que s'ai remplis de matiere cereuse, le sinus de

⁽d) Mon illustre & respectable Mastre, M. de Haller, a ainsi déterminé cette proportion de l'Aorte à l'Artère du posimon. Voyez son Comment. sur Bourhages vol, II. p. 28. not. d. & pag. 139. not. a. à la fin.

la veine du poumon a été le plus souvent à celui de la veine cave comme 7: 6.

Or les vaisseaux de notre coeur dilaté présentent des proportions toutes differentes. Car le diametre de l'aorte (fig. 1. lett. G.) dans l'endroit où elle sort du coeur, est de huit lignes, pied de Paris, & celui de l'artère du poûmon (fig. 1. lett. E.) qui lui répond est de treize lignes. Ainsi les quarrés ont été dans la proportion de 64: 169. Les quarrés des diametres de toutes les veines du poûmon (fig. 2. lett. EFGHL) étoient à celui de l'artère du poûmon dans la proportion de 169: 152; (e) & par conséquent les quarrés de l'artère & des cinq veines du poûmon étoient à l'aorte, comme 2½ à 1. D'où il s'ensuit que l'artère & les veines du poumon apportoient une sois & demie plus de sang, que l'aorte n'en saisoit sortir du ventricule gauche; & cela sussit pour expliquer tous les maux que cette pauvre créature avoit soussers pendant sa vie.

Toutes les fois que les anciens Medecins, dans les dissections des cadavres, trouvoient des coeurs plus gros que de coûtume, ils en inséroient que les personnes auxquelles ces coeurs avoient appartenns, étoient sujettes à la colère; en quoi ils suivoient une opinion vulgairement recüe, saute d'avoir assez soigneusement approfondi la raison de ce Phenomene. Il est pourtant vrai que la grosseur & le relachement du coeur, qui procedent de la résistance des vaisseaux, peuvent disposer ceux qui sont dans cet état à la tristesse à la colère. Car les vaisseaux artèriels résistant trop par leur sorce supèrieure à l'action qui doit produire l'évacuation du coeur, reçoivent une trop petite

(e) Voici quelles étoient les proportions des diametres & des quarrés des veines du poûmon.

Veine	ī.	diametre	7.	quatri	49-
	II.		3.	·	9-
	III.	-	7.	_	49.
	IV.	– –.	3.		g.
•	V.			·	26

tite quantité de sang, & en portent moins au cerveau & aux autres parties du corps où se font les secretions, que ne le demandent ces secretions des liqueurs, dont le corps a besoin pour sa conservation. De plus cette perite quantité de sang que le coeur pousse, avec la force qui lui reste, dans les vaisseaux artèriels, qui ont une trop grande force de contraction, y est si rapidement pressée, qu'il n'y a pas l'espace de tems suffisant pour que le liquide passe dans les canaux secretoires qui sont à côté, mais coulant encore avec impétuosité il se jette d'abord dans les vaisseaux des veines qui leur sont continus, & passe par dessus les vaisseaux secretoires. Ajoutez à cela que les veines contenant presque toute la masse du sang, sont trop gonflées, & qu'en retrécissant les petits orifices & les petits canaux des vaisseaux secretoires, tant dans le cerveau que dans les autres parties, elles apportent des obstacles d'autant plus grands à la régularité des opéra-La secretion de la bile ne peut pas se faire plus tions fecretoires. abondamment que les autres; car quoique le sang hepatique acheve son cours par les vaisseaux de la veine porte, & qu'ainsi il éprouveune moindre pression que le reste du fang, cependant la résistance qu'il éprouve à fa fortie du foye de la part des rameaux de la veine cave, cause une trop grande dilatation aux rameaux de la veine porte, ce qui comprime les vaisseaux secretoires, & empêche la secretion de la bile: de la même maniere qu'une simple plethore met obstacle en général aux fecrétions. Il reste donc alors dans le sang des parties acres & bilieuses qui auroient dû en être séparées, & qui donnent occasion à divers symptômes de jaunisse & d'irritation du cerveau. Tant que le sang abonde ainsi dans toutes les veines du corps & dans les vaisseaux du poûmon, les malades endurent continuellement une sensation facheuse causée par cette replétion des vaisseaux, ils deviennent incapables de toute action, & ils tombent dans les accès de tristesse & de colère qui sont ordinaires dans l'hypocondrie.

Le mouvement importune ceux qui sont dans cet état, parce que les muscles sont tout gonssés du sang des veines, & qu'etant en même

même tems privés de la quantité nécessaire de sluïde nerveux, ils ne sçauroient exercer leur contraction. Mais plus de tels malades évitent le mouvement, plus ils deviennent incapables d'en prendre, & plus s'augmente la cause du mal, c'est à dire, la résistance des artères. Car c'est une chose nécessaire à la conservation de la santé dans tout corps, que le sang soit chassé dans les veines par le mouvement des muscles; & quand ce mouvement vient à manquer, le sang peut facilement croupir dans les veines, qui n'ont point de sorce de contraction qui leur soit propre; du moins la circulation se sait trop lentement. parce que la seule force des artères est obligée d'effectuer toute la propulsion du sang par les veines. Les muscles venant donc à perdre leur action, les veines se dilatent de plus en plus, les parties du corps se tendent, & les secretions vont toujours en diminuant; tandis que d'un autre côté la résissance des artères au coeur augmente, parce que le coeur, trop tendu par ce sang, en devient d'autant moins capable de surmonter la résistance de l'aorte, étant en même tems privé de la quantité requise de fluïde nerveux, dont la secretion diminuée comme toutes les autres causoir dans nôtre malade la foiblesse du corps & le tremblement des membres.

La faignée ne sçauroit apporter ici aucun soulagement; c'est plutôt une nécessité qu'elle augmente le mal. En esset, quand on desemplit les veines de quelque partie de leur sang, la résistance qu'elles sont aux artères diminüe; & moins les artères éprouvent de resistance, plus elles acquierent de force elastique, & exercent d'action sur le sluïde qu'elles renserment, pourvû qu'il demeure une quantité de ce sluïde qui sussisse pour réagir. La force élastique des artéres étant augmentée, elles résistent au coeur plus qu'auparavant, lorsque la résistance du sang les contraignoit à se dilater davantage. Le sang pressé avec plus de force par les vaisseaux, y coule aussi avec plus de rapidité; & par conséquent la pression des artères sur le sang augmentant sa vitesse, le frottement des parties du sang, & avec ce frottement la chaleur & la rarésaction, prement plus de force. Par où il paroit atim. de l'Acad. Tom. VI.

que la saignée augmente la résistance des artères au coeur, & que la force du coeur ne peut plus y pousser qu'une moindre quantité de sang. En attendant la vitesse du cours du sang dans les artères étant accrüe, il passe dans les veines la même quantité de sang que celle qui y circuloit auparavant avec plus de lenteur, & ce sang plus rarésié tend les veines tout comme avant la saignée; c'est pourquoi les veines de tout le corps, avec le coeur & les poumons, soutenant dans la même proportion la charge d'une trop grande quantité de sang, sont dans une tension, qui irrite, plutôt que de les diminuer, tous les symptômes du mal, angoisses, tremblemens, palpitations, &c. Aussi-la jeune sille en question les endura-t-elle tous à la suite de la saignée.

Lorsqu'il se jette dans le coeur une sois & demie plus de sang, que le coeur n'en peut chasser dans les parties du corps, (comme en sont soi les quarrés de l'artère & des veines du poûmon une sois & demie plus grands que celui de l'aorte,) il faut de toute nécessité que le coeur ne puisse jamais bien se vuider. Le ventricule antèrieur, on droit, a par sa structure naturellement lache beaucoup plus de dilatabilité que le ventricule postèrieur, ou gauche, dont la pleine évacuation ne peut être empêchée, ni le relâchement proceder que d'une extrème réliftance de l'aorte. Il doit donc naître de cette réliftance de l'aorte des fymptômes beaucoup plus violens que ceux qui peuvent arriver, lorsqu'il n'y a que l'entière évacuation du ventricule droit qui foit empêchée. Car le fang tendant continuellement toutes les veines du corps & les vaisseaux des poûmons jusqu'au coeur, & étant ensuite arrêté à sa sortie par l'aorte, il charge sans cesse l'embouchure veineuse des deux ventricules: & entrant dans le coeur avecune quantité une fois & demie plus grande que celle qui en est chassée dans le corps, les ventricules qui ne sont jamais exactement vuidés, ne cessent d'agir sur le sang qui y demeure, parce que le nouveau sang qui y entre les irrite & les détermine à la contraction. (f) Cette irritation

Digitized by Google

con-

⁽f) Voyez les expériences qui le prouvent dans la Dissertation inaugurale de M. Ens; De caussa vices alternas cordis producente, imprimée à Utrecht, en 1745. 6, XXXVII. & suiv.

continuelle du coeur, & son action trop fréquente sur le fluide qu'il contient, causent le tremblement du pouis, l'augmentation de la résistance, & l'empêchement du cours, produisent les palpitations, & à la fin les tremblemens & les angoisses, qui ont si fort désolé notre malade, & qui ne venoient que de la résistance de l'aorte.

La violence de tous ces symptomes prit surtout ses accroissemens dans cette jeune fille, lorsque la plethore augmentée causa une expansion de tous les vaisseaux du corps. Les années les plus incommodes & les plus dangereuses pour le sexe, sont celles où les régles sont prêtes à commencer. & celles où elles tendent à leur fin. Dans l'un & dans l'autre de ces tems, le sang qui se trouve aventrop d'abondance dans les vaisseaux du corps, devient la cause de plusieurs Si les régles ne parurent point du tout dans la personne dont il s'agit, c'est que le sang étoit porté des artères aux parties naturelles dans une quantité au dessous de celle qui étoit requise pour cette excrètion; & aussi que les vaisseaux excrètoires de l'uterus. étant trop élastiques, trop étroits & trop forts, resusoient le passage au fang avec une résistance que le coeur n'atoit pas en état de surmonter, en envoyant une quantité suffisante de sang dans l'uterus. donc de ce flux, les vaisseaux des veines trop tendus par le sang qui les remplissoit, irriterent tous les symptomes; & depuis ce tems-la il falut absolument qu'on vit augmenter à vue d'oeil la difficulté de respirer, parce que les vaisseaux des poûmons trop tendus comprimoient les cellules qui reçoivent l'air des bronchies; aussi bien que les tremblemens, les angoisses & les palpirations, parce que la quantité du sang qui remplissoit les cavités du coeur étoit plus grande que celle dont ces mêmes cavités pouvoient effectuer l'evacuation.

On doit faire aussi attention que les remedes dont la malade avoit sait usage, & le genre de vie qu'elle menoit, étoient bien plus propres à aggraver son état qu'à l'allèger. J'ai déjà fait voir ci-dessus, que la saignée augmentoit la cause & les accidens du sual, en augmentant la force des artères. Mais le Chirurgien y avoit encore joint des Y 2

emmenagogues, qui avec les purgatifs, ont excité de plus en plus par leur force irritante les vaisseaux à la contraction, au lieu que, pour se promettre un effet salutaire des remèdes, on auroit du travailler au contraire au relachement des Vaisseaux. Pendant ce tems - là la malade elle-même, à force d'esprit de vin, rensorçoit sans cesse la disposition des vaisseaux à se contracter, & donnoit au sang une rarésaction. qui achevoit de gonfler les veines déjà tendues par la seule plénitude. & opéroit la compression de toutes les parties. L'inaction & la vie sedentaire arrêtant aussi le reslux du sang par les veines, l'y faisoit croupir de plus en plus. C'est pourquoi, tout mouvement du corps ayant cessé, quand la malade vint à s'alliter, le progrès de tous les maux fut alors fort rapide, jusqu'à ce que le sang tendant excessivement les veines & toutes les cavités du coeur, redoubla les palpitations, & s'arrêtant enfin dans les vaisseaux du poûmon, d'où l'aorte lui refusoit la sortie, causa la suffocation qui sut suivie de la mort. là vient que dans le cadavre toutes les cavités du coeur avec les veines de tout le corps & les vaisseaux du poûmon, étoient remplis de sang coagulé; & il faloit que cela fut ainsi, puisque c'étoit le croupissement de ce même sang, qui avoit causé la mort. En effet, tant que le coeur avoit pû surmonter la résistance de l'aorte, & faire entrer le sang dans cette artère & dans ses rameaux, il n'y avoit pas moyen que la malade périt de suffocation; mais le coeur insensiblement affoibli & relaché, tant par son extrème replétion que par l'action trop fréquente qu'il étoit obligé d'exercer, ne fut plus à la fin en état de surmonter la résistance de l'aorte, & de se débarrasser de la masse de sang qu'il contenoit, de sorte que sa contraction cessant, il cessa de se mouvoir & de vivre.

Ce qui nous reste encore de plus remarquable à considérer à l'egard de ce coeur, c'est une chose particuliere aux vaisseaux du poûmon,
exclusivement aux autres vaisseaux du corps humain; & qui, dans le
cas que nous rapportons, ne soussirie aucun changement, malgré l'expansion plus que naturelle qu'éprouverent ces vaisseaux. Une Observarion

vation connue & commune en Physiologie, (g) c'est que l'artère du poumon a plus de largeur que la veine qui l'accompagne, par une dimension contraire à celle de toutes les autres artères, qui sont toujours beaucoup plus étroites que les veines par tout le reste du corps. Santorinus est le premier qui ait trouvé les justes calculs de cette proportion. & il a donné (h) pour rapport du quarré des veines au quarré de l'artère du poûmon la proportion de 30: 47. Toutes les Observations exactes de ces proportions, prises sur les cadavres. s'accordent avec les siennes. L'Auteur Anglois Nichols a prétendu (i) à la vérité avoir trouvé une proportion contraire, par laquelle le quarré des veines seroit à celui de l'artère du poumon, comme 4 à 1. Mais si jamais aucune observation saite d'aprés les corps auroit du savoriser le calcul de Nichols, ce seroit assurément la nôtre: puisque le sang accumulé au devant du ventricule gauche du coeur, & agissant avec force pour tendre les veines du poûmon, auroit pu en augmenter considérablement les canaux. Mais dans ce coeur, dont le sang avoit pourtant dilaté toutes les parties, la proportion des quarrés des veines à celui de l'artère du poumon, ne laissa pas de demeurer dans la raison de 152: 160; c'est à dire la même que les autres Physiologues ont observée dans l'etat naturel du coeur; ce qui prouve que Nichols a fait son calcul d'après des veines du poûmon dont la stru-Eure n'etoit point du tout conforme à la Nature, ou qu'il a mal pris ses dimensions des quarrés des Vaisseaux du poûmon. Nôtre même observation répand aussi de l'incertitude sur la mesure que l'illustre M. de Senac a donné de la proportion des vaisseaux, suivant laquelle il fait le quarré des veines plus grand que celui des artères. Car il ne peut jamais

⁽g) On trouve certe Observation souvent répétée dans le Comment. de M. de Haller sur Boerhaave, Voy. le Tom. II. p. 31., not, d. p. & 165. not. β. Voyez aussi Aurivilius, dans sa belle Differtation, de cavitatum cerdis inaquali amplisudine, 5. II - X.

⁽h) Santerin. Observ. Anatem, Cap. VIII, p. 144, 145.

⁽i) Philof. Tranf. N. 410.

jamais y avoir eu de cause plus propre à étendre davantage les vaisseaux du coeur & du poûmon, que ce désaut de passage qui empéchoit le sang de passer du ventricule gauche dans l'aorte. Aussi une autre mesure que M. de Senac a prise des vaisseaux du poumon, s'est trouvée fort differente de la première, qu'il paroit avoir plutôt employée en vuë de réfuter Santorinus, qu'afin d'en faire une régle constante. Cette seconde mesure s'accorde beaucoup mieux avec la nature, & avec les déterminations que nous & d'autres avons indiquées: car il v met les quarrés de l'artere & des veines du poûmon dans la proportion de 3: 2. Cette difference entre les veines du poûmon & les autres a paru de tout tems une question interessante en Physiologie: & ceux qui ont cherché la cause & la raison de ce phenomene se sont partagés en diverses opinions. Helvetius, qui a le premier observé cette diversité propre aux veines du poumon, a été dans l'idée que la densité du sang, causée par le rafraichissement que l'air y apporte dans les plus petits vaisseaux des poûmons, étoit cause que le sang occupant moins d'espace dans la veine que dans l'artere, dilatoit celle-ci davantage, & produisoit moins cet effet sur les veines du poumon. Santorin entr'autres a réfuté cette opinion, & a fait voir que la condensation du sang étoit tout à sait insussissante pour l'explicarion de ce phénomene. Il a donc allégué une autre cause, sçavoir que le reflux du fang se fait avec plus de vitesse par les veines du poûmon, au lieu que le passage est plus difficile par l'artère du poumon, d'où il a inféré que l'artére du poûmon & le ventricule droit souffrent plus de dilatation par cette résistance que les veines; mais il n'a point dit, pourquoi les veines, ou l'artére du poumon ne scauroient être dilatées par la résistance que le sang leur oppose.

Michelotti, Auteur Italien, cherchant la cause de ce sait dans l'utilité qui revient de la structure étroite des veines du poûmon, a voulu expliquer (k) ce phenomene en supposant que le sang de la veine du poûmon a plus de sluïdité que celui de l'artere, & qu'ainsi il tend

(k) Dans une Lettre à M. de Fontenelle.

tend & dilate moins les veines que les artères; mais il sassit pour détruire ce sentiment d'observer, que la pression du sang étant plus grande dans les artères, y doit tout au contraire augmenter la sluïdité, au lieu que dans les veines où le sang coule sort aisément d'un canal plus étroit dans un plus large par la sorce de son poids, cet esset de la pression ne sçauroit être tel qu'il le prétend. Ajoutez encore une raison pour laquelle le sang doit avoir plus de densité dans les veines du poûmon, que dans l'artère; c'est que, par cette vapeur qui sort des vaisseaux des poûmons, & surtout de leurs petits rameaux artèriels, le sang se dépouille de plusieurs particules aqueuses, avant que de passer dans la veine du poûmon; d'où il résulte nécessairement qu'il avoit plus de sluïdité dans l'artère, qu'il ne lui en reste dans les veines. Mais la quantité de cette vapeur n'est pas assez considèrable, pour causer entre les veines du poûmon & l'artère une proportion qui soit comme 2 à 3.

C'est pourtant à de pareilles opinions qu'ont acquiescé la plupart des Physiologues; seulement les plus modernes ont cherché dans la résistance du sang à son passage par l'artère du poûmon, la cause de la dilatation de cette artère & du ventricule droit; & pour la capacité plus étroite des veines, ils l'ont attribuée à la condenfation du sang, par laquelle il occupoit moins d'espace. Tout récemment un Suèdois, (Aurivillius,) dans une fort belle Dissertation qu'il a donnée sur l'inégalité des cavités du coeur, a prouvé que la circulation même du sang, par les obstacles divers & fréquens qui l'embarrassent dans le poûmon, est la cause de ce que le ventricule droit & l'artère du poûmon ont plus de largueur que la veine. Il fait voir que l'artére du poûmon & le ventricule droit sont construits de maniere à ceder facilement à la quantité du fang qui les dilate, au lieu que le passage du sang à travers les veines du poûmon n'est pas aussi libre. En effet c'est l'inspiration qui fait passer le sang des artères dans les veines du poûmon, en allongeant les plus petits rameaux des veines qui sont affaissés & se rident dans l'exspiration, ce qui fait qu'ils résistent à leur réplétion,

tion, lorsqu'ils doivent recevoir le sang des plus petits rameaux de l'artère du poûmon. Or la dilatation des poumons par l'inspiration, en leur donnant plus d'espace, les allonge, & au lieu que ces petits tuvaux dans l'expiration étoient comprimés & ovales, ils deviennent dans l'inspiration plus circulaires, dont la capacité est la plus grande. lorsque l'exspiration dure un peu trop longtems, ce qui arrive fort fouvent pendant la vie, soit lorsqu'on parle trop longtems, ou qu'on fait quelque autre action qui prive le poûmon d'air, sans reprendre haleine, alors on attire une plus grande quantité de sang qu'il n'en peut passer pendant le même tems par les veines; d'où il arrive que les petits rameaux des veines du poûmon, obstrués en partie par l'inflammation qui y naît ou par la lenteur du sang, résistent au courant de sang qu'apporte l'artère du poûmon. C'est pour cela donc qu'il étoit d'une nécessité absolue que l'artère avec le ventricule droit du coeur eussent plus de dilatabilité que la veine, de peur que le fang arrêté à fon pafsage des veines du poûmon dans l'artère, n'en dechirâtes petits rameaux, s'ils n'avoient pû ceder. Cela fournit une explication entierement satisfaisante du phénomene en question, sçavoir d'où vient que la dilatation du ventricule droit est plus grande que celle du gauche. & la dilatation de l'artère du poûmon plus grande que celle de la veine; & je ne vois pas qu'il y ait rien à y ajouter. Mais on n'a pas été plus loin, & l'on n'a pas seulement pensé à chercher dans la stru-Eure & dans l'insertion des veines du poûmon la raison de la singulatité qui les rend si étroites dans cette partie du corps, tout au contraire de ce qu'elles sont dans les autres. Toutes les recherches se sont bornées à expliquer l'amplitude de l'artère du poumon & du ventricule droit du coeur; & l'on s'est contenté d'attribuer la capacité étroite des veines au changement que le sang éprouve dans les poûmons. & à l'augmentation de la vitesse de son cours à travers les veines. L'Auteur Suedois que nous avons cité, a cependant cru, (1) & avec raison, que les observations saites sur les cadavres de personnes, en qui

(1) ub. supra.

Digitized by Google

les organes de la respiration avoient beaucoup souffert par le sang qui s'y étoit engorgé, pouvoient être d'un grand usage pour l'explication de ce phénomene. Effectivement, si cette proportion des veines aux arteres du poumon demeure moindre, même dans ceux en qui le sang apporté par les veines du poumon souffre des obstacles qui l'arrêtent dans son passage au ventricule droit du coeur, il s'ensuit de là que la cause de cette differente capacité des vaisseaux dont nous parlons, doit se trouver dans la structure même des veines du poumon, & non dans le changement qu'y produit le sang qui les remplit.

La chose devient indubitable, si l'on examine l'insertion des veines du poûmon dans leur ample finus; on apperçoit évidemment qu'il y a des raisons mechaniques, en vertu desquelles ces veines doivent être plus étroites que les autres veines du corps & que l'artère du poûmon. En effet les veines du poûmon s'inserent (fig. 2. lett. E.F.G.H.I.) dans un sac quarré membraneux d'une très grande largeur, qui s'appelle le sinus, ou sac pulmonal; & cette insertion se fait par des endroits tout à fait différens. Ce finus pulmonal reçoit le fang des veines du poûmon, & se vuide dans le ventricule gauche du coeur. Or dans le coeur fur lequel roule ce Mémoire, le ventricule avec l'oreille gauche (fig. 2. lett. D.) qui lui sert d'appendice, pouvoir contenir plus de sang que le ventricule gauche n'en recevoit en une fois. Car dans l'etat de dilatation où se trouvoit ce coeur, la proportion de ce sinus pulmonal au ventricule gauche étoit beaucoup plus grande qu'elle ne l'est naturellement; & cette grandeur étoit tellement augmentée, que sa hauteur qui n'a coutume d'être qu'égale à la moitié de la hauteur du ventricule posterieur, avoit autant de longueur qu'en a ce ventricule depuis sa base jusqu'à sa pointe, lorsque ce sinus & le ventricule eurent été remplis; ce qui faisoit 32 lignes, pied de Paris; & pour sa largeur, depuis l'oreille gauche jusqu'au bord droit du finus, elle étoit de 30 lignes, quoique naturellement elle n'aille pas au delà de vingt. Quant à l'espace depuis sa paroi posterieure jusqu'à celle qui sépare le sinus droit de la veine cave du sinus pulmonal, dans l'endroit

Digitized by Google

OÙ

où il étoit le plus étroit, il avoit 19 lignes; & dans celui où il étoit le plus large, il en avoit 22; de sorte que cela faisoit une cavité quarrée extrèmement dilatée, qui est marquée dans la fig. 2. par la lettre C. Sa capacité s'etoit pareillement accruë en raison de sa grandeur. & il pouvoit contenir jusqu'à douze onces, au lieu que le ventricule gauche n'en contenoit pas au delà de quatre. Ainsi cet accroissement passoit le triple de la capacité naturelle du sinus pulmonal; observation, qui fait bien voir que le sinus pulmonal est susceptible d'une extraordinaire De plus c'est une chose reconnuë, que la pression sur les cotés des vaisseaux disatables s'accroît en raison de la masse, ou de la capacité; en sorte qu'un vaisseau dilatable qui a de l'amplitude, est bien plus dilaté par le fluïde qu'il contient, qu'un canal qui le recoit par un orifice étroit. La pression du sluïde sur le canal se réduit même presque à rien, à proportion que son embouchure est moindre par rapport au vaisseau dans lequel elle s'insere. Or l'embouchure de la plus grande des veines du poûmon par rapport à la cavité où elle s'infere, est comme 49: 1118; d'où l'on voit que la pression du sang sur ce canal est très petite à proportion de celle qui a lieu sur le sac pulmonal; & que par une conséquence de son plus grand diamètre, ce sac est bien plus aisément dilaté par le sang qui y entre, s'il rencontre de la résistance quand il veut en sortir, que ne le sont les veines du poûmon. Car celles - ci s'inserent en divers endroits (fig. 2. lett. E.F.G.H.I.) dans l'ample sinus pulmonal; & le sang qui aborde ainsi par plusieurs petits canaux, peut couler tout à fait librement dans ce sinus, sans exercer aucune pression sur ces canaux, pourvû qu'il se décharge dans le sinus, dont il pressera alors & dilatera les cotés, après avoir quitté le canal où il couloit librement. De plus, dans l'etat naturel, les veines du poûmon trouvent ce sinus pour la plus grande partie vuidé lorsqu'il a chassé dans le ventricule gauche du coeur le sang qu'il a reçu; en sorte qu'une onde de sang, amenée par le pouls précedent, est jettée du sinus dans le ventricule, sans que les veines du poûmon éprouvent dans leur évacuation aucune résistance de la part du fang qui

qui a été précedemment dans le sinus. Le sang coulant donc avec une parfaite liberté des poûmons dans le sinus pulmonal par ces canaux divergens des veines du poûmon, ne sçauroit les dilater. Mais il leur arrive ce qui résulte clairement de nôtre Observation, & qui qui est confirmé par les Loix de l'Hydrostatique; c'est que le sinus qui a de l'amplitude est plus facilement dilaté, que les canaux des veines du poûmon, qui sont étroits. D'où il s'ensuit que, si le sinus a été évacué, le sang qui coule par les veines du poûmon, ne scauroit naturellement leur faire souffrir aucune pression. outre cela le chemin des veines au finus pulmonal par les poûmons est très court, le sang peut exercer d'autant moins de pression sur ces ca-Toutes les raisons de dilatation que nous observons dans les autres veines du corps humain, n'ont aucun lieu par rapport aux veines du poûmon. Car les premières ont un beaucoup plus grand espace à parcourir par tout le corps que celles-ci; & dans ce long espace, où il ne leur reste que la force qu'elles conservent de l'impression des artères, pour pousser le sang qui par le poids même de sa masse resiste à son cours, le mouvement des muscles venant à manquer, le sang doit revenir par les veines au sinus droit du coeur: mais il rencontre tant d'obstacles à surmonter en son chemin, qu'il est d'une parfaite nécessité que la masse du sang ainsi retardée disate les canaux des veines dans tout le reste du corps. Outre cela le sang des veines du corps trouve à sa sortie pour entrer dans le sinus & le ventricule droit du coeur, beaucoup plus de difficulté, que celui des veines du poûmon. Car les veines caves, la supérieure & l'inférieure, forment par leur concours le sinus droit, dans lequel l'onde supérieure du fang peut presser l'inférieure, soit que le corps ait une situation droite, ou penchée; & ces veines ont de fort grandes embouchures. par lesquelles elles s'inserent dans leur sinus, où elles portent une beaucoup plus grande quantité de sang que les veines du poumon Nôtre Observation confirme encore que le sinus droit n'est pas si dilatable que le sinus pulmonal, puisque celui-ci s'etolt Z 2 élargi

Glargi presque le double plus que l'autre, au lieu que naturellement le finus droit a coûtume d'etre plus grand que le gauche, ou du moins de lui être égal. De plus, le sang du ventricule droit du coeur trouve beaucoup plus d'obstacles à son passage par le poûmon à travers la foible artère du poûmon, que le sang du ventricule gauche n'en rencontre naturellement par l'aorte. Or dès que la sortie du sang hors du sinus droit est empêchée, il est forcé de croupir dans les veines caves & des les dilater; & ces veines par la structure de leur sinus cedent davantage. & sont beaucoup plus làches que les veines du poûmon. Au contraire il paroit par ce qui a été dit ci-dessus, que lorsqu'il v a des obstacles à la sortie du sang, le grand sinus pulmonal se dilate, mais que cela n'arrive point aux veines étroites du poûmon: d'où il suit que la raison pour laquelle ces veines ont des proportions moindres que celles des autres veines du corps, & de l'artère du poûmon qui y répond, consiste principalement dans leur insertion à l'ample sinus pulmonal, qui produit un défaut de résistance & de pression de la part du ang qui y est contenu, & qui passe à travers ces veines. Puisque toutes les causes, qui produisent la dilatation des veines dans le reste du corps. n'ont aucun lieu à l'egard de celles du poûmon, il est clair qu'en vertu de leur structure & de leur insertion, elles ne peuvent changer leur diamètre naturel, suivant la régle; la cause cessant, l'effet cesse aussi.

Je suis donc bien éloigné de croire, avec Helvetius & d'autres Physiciens, que le rafraîchissement & la condensation du sang soyent la cause pour laquelle ces veines sont plus étroites. Cette cause n'est point suffisante pour produire cet état des veines, & pour le conserver, lorsque la libre sortie du sang hors du ventricule gauche est arrêtée, comme cela a lieu dans le cas de nôtre Observation, où la proportion de ces veines est demeurée la même, quoique la capacité du sinus pulmonal eut été augmentée.

Ce n'est pas au reste sans une très grande utilité que la nature a fait le sinus pulmonal si dilatable, & qu'elle a mis les veines du poùmon à l'abri de la pression du sang; car par cette structure il arrive que, de la même ma-

maniere que le ventricule droit peut contenir le sang, qui est arrêté à son entrée dans l'artère du poumon, & à son passage par les poûmons: de même aussi, le sinus pulmonal peut garder le sang apporté par les veines du poûmon, que le ventriculegauche ne reçoit pas. Cet arrangemen auroit pû devenir très aisément préjudiciable au corps, si les veines du poùmon avoient eu la même dilatabilité que celles du reste du corps. En effet en s'etendant elles boucheroient le passage au sang qui arrive par les petits rameaux de l'artère du poûmon; & étant trop dilatées elles agiroient d'autant plus avec les artères pour presser les cellules des poûmons, & refuser l'entrée à l'air. La Nature a donc voulu, que le sang, après avoir surmonté les défilés étroits des petits rameaux de l'artère du poûmon, pût refluër librement par les veines dans le sinus pulmonal. C'est pour cela qu'elle a ouvert cinq embouchures, ou petits troncs, qui aboutissent à un grand sac dilatable, où elles peuvent porter leur fluïde librement & sans risque qu'il régorge. Car la cavité du ventricule gauche étant moindre, & n'ayant aucun mouvement de pulsation, reçoit une quantité de sang moindre que celle qui est apportée de l'artère du ponmon par les veines du poûmon; or ce qui demeure dans les veines y croupissant, accableroit les poûmons, & causeroit des oppressions continuelles, s'iln'y avoit été pourvû par la fabrique du sinus pulmonal, qui contient le reste du sang du ventricule gauche, sans en recevoir aucun dommage, & empêche par la facilité qu'il a a se dilater une trop grande expansion des veines du poûmon, qui nuïroit à la respira-La jeune fille, dont le coeur étoit dans l'etat extraordinaire que j'ai décrit, n'auroit pû même vivre si longtems, si le sinus pulmonal par sa dilatabilité n'avoit suffià contenir & garder le sang arrêté à sasortie par l'aorte. Car ce sang auroit tellement dilaté les veines du poûmon, dans lesquelles il auroit autrement falu qu'il croupit, qu'il auroit fermé l'entrée, & au sang qui arrivoit par l'artère du poûmon, & à l'air, par la compression que les vaisseaux gonssés de sang auroient causée aux cellules des poûmons; ce qui auroitavancé de beaucoup la suffocation.

> ች ች **ች Z** 3

EXPLI-

EXPLICATION DES FIGURES.

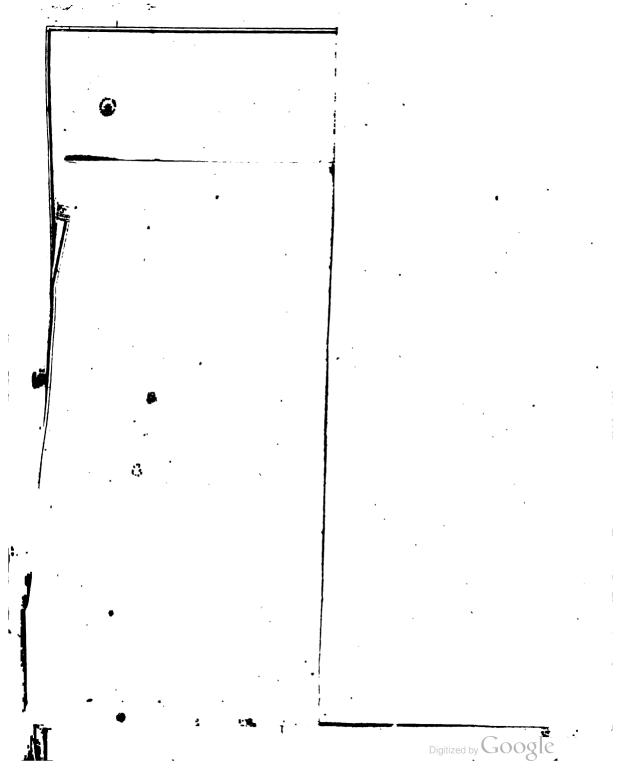
La premiere Figure représente la face anterieure du Coeur dilaté.

- A. La convexité anterieure du Coeur.
- B. La surface du ventricule droit.
- C. La partie anterieure du ventricule droit, qui doit être viie.
- D. L'Oreillette droite.
- E. La veine Cave superieure.
- F. L'Artère du poûmon, sortant du ventricule droit.
- G. L'Artère Aorte trop étroite,
- H. La Souciaviere droite.
- I. Son rameau carotide droit.
- K. La Souclaviere gauche.
- L. Le rameau carotide gauche.
- M. L'oreillette gauche du Coeur.
- N. Le finus pulmonal qui avance entre les vaisseaux dans la partie posterieure du coeux.
- O. La veine pulmonale droite superieure.
- P. Le rameau de la veine pulmonale droite inferieure.

FIGURE II. La face posterieure du même coeur.

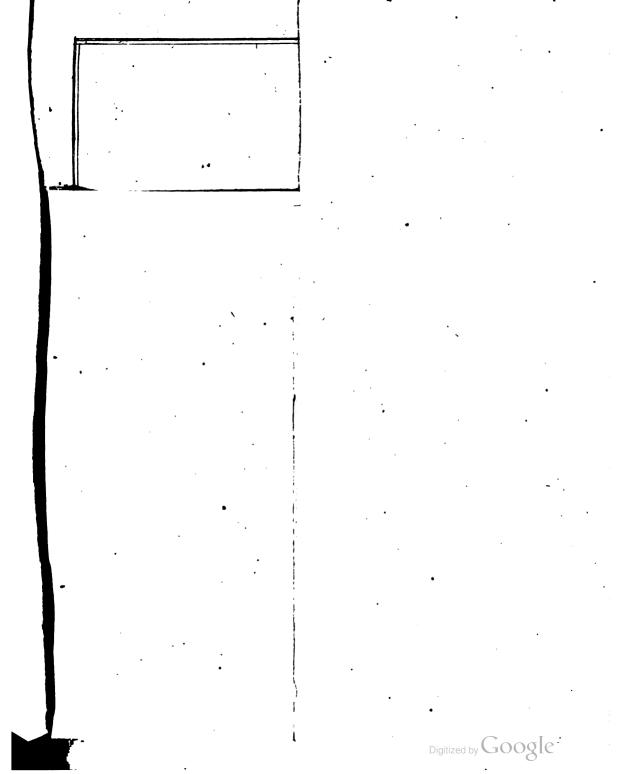
- A. La face convexe du ventricule gauche, ou posterieur.
- B. La partie posterieure du ventricule droit.
- C. Le sinus pulmonal fort ample, & s'elevant beaucoup au dessus du sinus deoit.
- D. L'oreillette gauche, attachée au bord droit du finus.
- E. La veine pulmonale droite supérieure, & très grande.
- F. La veine pulmonale droite moyenne, & très petite.
- G. La veine purmonale droite inferieure.
- H. La veine pulmonale gauche superieure.
- I. La veine pulmonale gauche inferieure.
- K. Le tronc de la veine coronaire.
- L. L'Artere Aorte qui descend en faisant un Arc.
- M. Le rameau droit de l'Artêre pulmonale.
- N. Son rameau gauche coupé.
- O. L'Artere fouclaviere droite.
- P. La carotide droite.
- Q. La Souclaviere gauche.
- R. La carotide gauche.
- La veine cave superieure.







Digitized by Google



MEMOIRES

D I

L'ACADEMIE ROYALE

DES

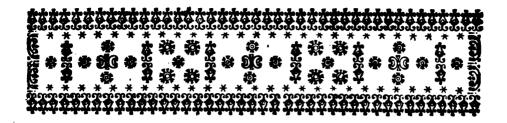
SCIENCES

S T

BELLES LETTRES.

CLASSE DE MATHEMATIQUE.

* *



DECOUVERTE D'UN NOUVEAU PRINCIPE DE MECANIQUE,

PAR M. EULER.

n corps est appellé solide, dont l'intérieur n'est assujetti à aucun changement, ou dont toutes les parties conservent constamment la même situation entr'elles, quelque mouvement que puisse avoir le corps entier. Nonobstant cette ferme & invariable liaison des parties, un corps solide peut recevoir une infinité de mouvemens differens, dont la determination & les loix, qui s'y observent, sont l'objet de la Mecanique, ou Dynamique: & c'est par là, que cette science se distingue de l'Hydrodynamique, ou Hydraulique, qui s'occupe dans la recherche du mouvement des corps fluides, dont toutes les parties sont tellement dégagées les unes des autres, que chacune peut avoir un mouvement à part. Entre ces deux especes de corps on peut constituer une moyenne, qui renferme les corps sléxibles, dont la sigure est susceptible d'une infinité de changemens: mais la considèration du mouvement de ces corps se reduit aisément à la Mecanique, & peut être dévelopée par les mêmes principes, de sorte que dans cette Science il ne s'agit que des loix du mouvement, qui regardent les corps folides.

Mom. de l'Acad, Tom. VI.

A a

II. En-

II. Entre l'infinité des mouvemens, dont un corps solide est susceptible, le premier, qu'il faut considèrer, est celui, où toutes les parties demeurent constamment dirigées vers les mêmes points de l'espace absolu. C'est à dire, si nous concevons une ligne droite tirée par deux points quelconques du corps, cette ligne conservera toujours la même direction, ou ce qui revient au même, elle demeurera perpétuellement parallele à elle-même. Un tel mouvement est nommé purement progressif, dont la propriéré consiste en ce qu'à chaque instant toutes les parties du corps se meuvent avec des vitesses egales selon la même direction. Ainsi lorsqu'un corps se meut d'un mouvement purement progressif, il sussit de savoir le mouvement d'un seul de ses élémens, c'est à dire, le chemin qu'il parcourt avec la vitesse à chaque endroit, pour connoître le mouvement du corps tout entier.

III. Or un corps, quoique solide, peut recevoir une infinité d'autres mouvemens; car il peut arriver qu'un point du corps demeurant immobile, tout le corps tourne autour de ce point; & il est clair que dans ce cas la vitesse des differentes parties de ce corps ne sera plus la même, & que la direction du mouvement sera differente dans les differentes parties du corps. Neantmoins dès qu'on sait le mouvement d'un seul point de ce corps, pendant qu'un autre point demeure en repos, on sera en état de determiner le mouvement de tous les autres points du corps pour le même instant; car, puisque le corps est solide, il faut, que tous ses points conservent toujours la même fituation par raport à ces deux, dont l'un est en repos, & le mouvement de l'autre connu. Ce mouvement de rotation se peut aussi joindre au mouvement purement progressif, d'où résulte un mouvement mixte, tel que nous observons dans la Terre, dont toutes les parties se meuvent en sorte que le mouvement de chacune est different du mouvement de toutes les autres, tant par raport à la vitesse, qu'à l'egard de la direction.

IV. Mais

- IV. Mais comme le mouvement de rotation peut varier à l'infini, on n'a considèré jusqu'ici dans la Mecanique qu'une seule espece; saute de principes suffissans pour ramener les autres au calcul. Cette espece renserme les cas, où un corps tourne autour d'un axe, ou immobile, ou qui demeure constamment parallele à soi-même, pendant que le corps se meut d'un mouvement progressis. Car dans ce dernier cas on peut décomposer le mouvement du corps en deux, dont l'un est purement progressis, & l'autre se fait autour d'un axe sixe, conservant toujours la même direction. C'est ainsi qu'on se représente le mouvement de la Terre, en le décomposant dans le mouvement annuel, qu'on regarde comme purement progressis, & dans le mouvement diurne, qui se fait autour de l'axe de la Terre, entant qu'on regarde cet axe comme constamment dirigé vers les mêmes points du Ciel; faisant abstraction tant de la précession des équinoxes, que de la nutation de l'axe de la Terre.
- V. Quelque composé que soit le mouvement d'un corps solide, on le peut toujours décomposer en un mouvement progressif & en un mouvement de rotation. Le premier s'estime par le mouvement du centre de gravité du corps, & il est toujours permis de considèrer ce mouvement séparément & indépendamment de l'autre mouvement de rotation; & cette circonstance nous sournit l'avantage, que nous pouvons toujours réciproquement considèrer le mouvement de rotation indépendamment du mouvement progressif, s'il y en a; ou on peut entreprendre la recherche du mouvement de rotation, tout comme si le corps n'avoit aucun mouvement progressif. Pour cet esset on n'a qu'à imprimer dans la pensée à l'espace, où le corps se trouve, un mouvement progressif égal & contraire au mouvement du centre de gravité du corps, & par ce moyen on obtiendra le cas, où le centre de gravité du corps demeure en repos, quelque mouvement de rotation que puisse avoir le corps.
- VI. Donc, quelque mouvement qui ait été imprimé d'abord à un corps folide, & de quelques forces qu'il foit follicité ensuite, pour déterminer son mouvement à chaque instant, on commencera par A a 2 con-

confidèrer le corps, comme si toute sa masse étoit rétinse dans son centre de gravité, & alors on déterminera par les principes connus de la Mecanique le mouvement de ce point produit par les forces sollicitantes; ce sera le mouvement progressif du corps. Aprés cela on mettra ce mouvement progressif à part, & on considèrera ce même corps, comme si son centre de gravité étoit immobile, pour déterminer le mouvement de rotation, ayant égard tant au mouvement imprimé au commencement, qu'aux forces dont il doit être altéré dans la suite. Et quand on sera venu à bout de cette recherche, en combinant ensemble ces deux mouvemens trouvés separement, on fera en état d'assigner pour chaque instant le vrai mouvement dont le corps sera porté.

VII. Supposant donc le centre de gravité d'un corps solide quelconque en repos, ce corps sera néantmoins susceptible d'une infinité de mouvemens differens. Or je démontrerai dans la suite, que, quel que soit le mouvement d'un tel corps, ce sera pour chaque instant non seulement le centre de gravité qui demeure en repos, mais il y aura aussi toujours une infinité de points situés dans une ligne droite, qui passe par le centre de gravité, dont tous se trouveront également sans mouvement. C'est à dire, quel que soit le mouvement du corps, il y aura en chaque instant un mouvement de rotation, qui se fait autour d'un axe, qui passe par le centre de gravité: & toute la diversité qui pourra avoir lieu dans ce mouvement, dépendra, outre la diversité de vitesse, de la variabilité de cet axe, autour duquel lè corps tourne à chaque instant; ou bien la question revient à ce qu'on cherche, si le corps tournera constamment autour du même axe, qui seroit par conséquent immobile, ou si l'axe de rotation changera lui même de situation, de sorte que le corps tourne successivement autour de diverses lignes, qui passent par son centre de gravité.

VIII. Pour faire voir maintenant combien on est avancé jusqu'ici dans la détermination de ces mouvemens de rotation, dont un corps solide est susceptible, je remarque que les principes de Mecanique que, qui ont été établis jusqu'à présent, ne sont suffisans, que pour le cas, où le mouvement de rotation se sait continuellement autour du même axe. Donc, puisqu'on peut nommer les extrémités de cet axe les poles du corps, c'est le cas où les poles du corps demeurent constamment aussi bien en repos, que le centre de gravité. Or dès que l'axe de rotation ne demeure plus le même, & que les poles, autour desquels le corps tourne, changent eux-mêmes, alors les principes de Mecanique connus jusqu'ici ne sont plus suffissans à déterminer ce mouvement. Il s'agit donc de trouver & d'établir de nouveaux principes, qui soient propres à ce dessein; & cette recherche sera le sujet de ce Mémoire, dont je suis ensin venu à bout après plusieurs essais inutiles, que j'ai fait depuis long-tems.

IX. Mais, avant que d'entrer dans cette recherche, il sera à propos de déterminer plus exactement les cas, où un corps solide peut tourner autour d'un axe immobile passant par son centre de gravité, afin qu'on puisse mieux juger, en quelles occasions les principes connus de Mecanique peuvent être emploiés avec succès: & de là on connoitra en même tems, que dans tous les autres cas ces principes ne seront plus suffisans, mais qu'il faut avoir recours à ces principes nouveaux, dont j'entreprends ici la recherche. Or, pour juger si un corps peut tourner autour d'un axe immobile, ou non? il faut avoir égard tant à la constitution du corps même, qu'aux forces dont Car, quand même il n'y a point de forces, qui il est sollicité. agissent sur le corps, dès qu'il commence à tourner autour de quelque axe, chaque particule sera poussée par sa force centrifuge; & ce n'est que dans le cas, où toutes ces forces centrisuges se détruisent mutuellement, que le mouvement autour de cet axe immobile pourra subsister.

X. Soit donc un corps solide quelconque, qui tourne librement Fig. I. autour d'un axe immobile Aa, qui passe par son centre de gravité O. Je considèrerai cet axe Aa comme perpendiculaire au plan de la planche, dans lequel soit le centre de gravité O; & dans ce plan je conçois A a 3 deux

Digitized by Google

deux autres axes BOk & COc, normales tant entr'eux qu'au premier axe AOa: & c'est par rapport à ces trois axes, que je déterminerai la position de chaque élément du corps pour un instant quelconque. Car il est clair, que ces deux autres axes BOb & COc, entant qu'ils traversent le corps, tourneront aussi avec le corps autour du premier axe AOa, qui est l'axe de rotation, & qui demeure immobile par hypothèse. Donc le point C de l'axe OC se mouvra en vertu du mouvement rotatoire par un arc de cercle $C\gamma$, dont le centre est en O sur le plan BOC: & si nous posons la distance OC f & la vitesse du point C duë à la hauteur f, de sorte que la vitesse même sera exprimée par f, la vitesse de tout autre point du corps sera partout à sa distance de l'axe AOa comme f ou bien f

marquera partout ce qu'on nomme la vitesse angulaire, ou la vitesse de rotation.

XI. Cela posé, soit Z un élément quelconque du corps, dont la masse soit indiquée par dM, la masse du corps entier étant = M; qu'on tire de ce point Z sur le plan BOC la perpendiculaire Z_{\bullet}^{\bullet} , qui sera parallele à l'axe de rotation AOa, & du point Y à OC la perpendiculaire YX: qu'on nomme de plus OX = x, XY = y & YZ = z, qui seront les trois coordonnées orthogonales, par lesquelles le lieu du point Z est déterminé. Soit la droite Z x perpendiculaire à l'axe de rotation AO, & elle sera parallele & égale à la droite YO, & partant il sera aussi OV = YZ = z. Donc la distance du point Z à l'axe de rotation sera ZV = OY = V(xx + yy), d'où la vitesse du point Z, dont il tournera autour de l'axe AO, sera à sa distance V(xx + yy) comme Vv est à f. Par conséquent la vitesse du point Z sera $= \frac{Vv(xx + yy)}{f}$, & la hauteur due à cette vitesse $= \frac{v(xx + yy)}{f}$.

XII. De

XII. De là il s'ensuit que la force centrisuge de l'elément Z = dM, fera $\frac{2v(xx+yy)}{ff} \cdot \frac{dM}{V(xx+yy)} = \frac{2vdM}{ff}V(xx+yy)$.

où dM marque le poids, que cet élément auroit aux environs de la terre. C'est donc de cette force que l'elément Z tachera de s'eloigner de l'axe AO selon la direction VZ, & partant l'esset de cette force sera le même, que si l'axe de rotation étoit sollicité au point V selon la direction VZ par une force $\frac{2vdM}{f}V(xx+yy)$. Donc, puisqu'il résulte de chaque élément du corps une force semblable qui agit sur l'axe de rotation AOa, pour qu'il demeure néantmoins immobile, il saut que toutes ces forces se détruisent mutuellement. Car à moins que cela n'arrive, il est clair que l'axe de rotation ne sauroit demeurer immobile, mais comme il est supposé libre, il cederoit à la force résultante; & tomberoit dans le cas, qui ne sauroit plus etre développé par les principes dejà établis de la Mecanique.

XIII. Décomposons chacune de ces forces VZ en deux autres dont les directions soient paralleles aux axes OC & OB, & puisque VZ est parallele & egale à OY = V(xx + yy), la force qui agira sur l'axe de rotation OA en V selon la direction parallele à OC

fera $= \frac{x}{V(xx+yy)} \cdot \frac{2vdM}{ff} V(xx+yy) = \frac{2vxdM}{ff} & \text{ la for-}$

ce selon la direction parallele à OB sera $=\frac{2vjdM}{ff}$. Ayant donc

réduit toutes les forces centrifuges à deux especes, dont l'une agit sur l'axe de rotation en des directions paralleles a OC & l'autre en des directions paralleles à OB, pour que l'axe de rotation n'en soit point altéré, il faut que toutes les forces de chaque espece se détruisent mutuellement. Premiérement donc, il faut que la somme de toutes les for-

ces de l'une & de l'autre espece évanouïsse, ce qui donne $\frac{\int 2vxdM}{ff}$ = o

Ou

ou $\frac{2 v}{ff} \int x dM = o & \frac{2 v}{ff} \int y dM = o$: ou bien il faut qu'il soit $\int x dM = o & \int y dM = o$. Or cette condition se trouve remplie dès que nous supposons, que l'axe de rotation A O a passe par le centre de gravité du corps O.

XIV. Mais cette seule condition ne suffit pas pour maintenir l'axe de rotation AOa en repos, il faut outre cela que tous les momens de toutes les forces de chaque espece, se détruisent mutuellement. Car la première condition ne délivre l'axe de rotation que du mouvement progressif, & cette seconde condition est requise pour empêcher, qu'il ne s'incline de quelque côté vers le plan BCO. Or le moment des forces $\frac{2vxdM}{ff}$, qui agissent sur le point V de l'axe, étant réduit au centre de gravité O sera $\frac{2vxzdM}{ff}$, & le moment de chaque force de l'autre espece sera $\frac{2vyzdM}{ff}$. Donc cette seconde condition qui doit empecher l'inclinaison de l'axe de rotation, exige qu'il soit tant $\frac{\int 2vxzdM}{ff} = o$ que $\frac{\int 2vyzdM}{ff} = o$, ou puisque pour l'instant présent $\frac{2v}{ff}$ est une quantité constante, il saut qu'il soit $\int xzdM = o$, $\int yzdM = o$.

XV. Donc, pour qu'un corps solide puisse tourner librement autour d'un axe AOa immobile, il faut premiérement que cet axe passe par le centre de gravité O du corps, & outre cela il est nécessaire, que la matiere, dont le corps est composé, soit tellement disposée autour de cet axe, qu'il soit tant $\int xydM = o$ que $\int yzdM = o$. On voit bien que cette dernière condition peut ne pas avoir lieu, quoique l'axe de rotation passe par le centre de gravité; & partant dans ce cas,

il

il sera impossible de déterminer par les principes connus de Mecanique la continuation du mouvement, après que le corps aura reçu un mouvement quelconque autour d'un tel axe. Car alors dès le commencement l'axe de rotation s'inclinera, & le corps tournera à chaque instant autour d'un autre axe, ce qui rendra impossible l'application des principes, dont on se sera ordinairement dans la détermination des mouvemens de rotation.

XVI. Mais si l'axe de rotation passe non seulement par le centre de gravité du corps, mais qu'il y ait aussi tant $\int x z dM \equiv 0$ que fyzd M = 0, alors quelque mouvement de rotation que le corps puisse avoir reçu autour de cet axe, ce mouvement se continuera uniformément, fans que l'axe souffre le moindre changement; ou le corps tournera autour de cet axe immobile d'un mouvement unisorme, à moins que le corps ne soit sollicité par quelque force externe. Or il peut arriver que des forces externes agissent sur le corps sans troubler la position de l'axe; c'est lorsque la moyenne direction de ces sorces tombe dans le plan BOC, perpendiculaire à l'axe de rotation dans le centre de gravité même du corps O. Car alors ces forces n'auront point de moment ni par rapport à l'axe BO ni à CO, & partant toute la force sera emploiée ou à accelerer ou à retarder le mouvement de rotation autour de l'axe AO, sans altèrer l'axe même. Et c'est ce cas, où l'on peut déterminer ces changemens causés par des forces externes à l'aide des principes connus de Mecanique.

XVII. Or si la moyenne direction des forces, qui agissent sur le corps, ne se trouve pas dans le plan BOC, l'axe de rotation AOa ne pourra pas demeurer immobile, mais il s'inclinera vers le côté où il sera sorce par le moment de ces forces. Ainsi, quoique l'axe ait les propriétés, qui viennent d'etre expliquées, les forces le rendront mobile, & sans la découverte de nouveaux principes de Mecanique on ne sera pas en état de développer ce cas, où l'axe de rotation ne surpit demeurer immobile. Donc toutes les spis que les conditions marquées ne se rencontrent pas dans l'axe, de rotation, ou que les Mim de l'Asad. Tem II.

B b

forces follicitantes renferment un moment pour incliner Taxe de rotaition, ou que l'un & l'autre arrive à la fois, il faut recourir à ces nouiveaux principes pour déterminer les changemens, qui feront causés tant dans le mouvement de rotation, que dans la position de l'axe, autour duquel le corps tourners à chaque instant. Or pendant tous ces changemens on peut toujours supposer, que le centre de gravicé du corps demeure immobile.

XVIII. Quoique les principes dont il s'agit ici soient nouveaux, entant qu'ils ne sont pas encore connus ou étalés par les Auteurs; qui ont traité la Mecanique, on comprend néantmoins, que le sondement de ces principes ne sauroit être nouveau, mais qu'il est absolument nécessaire; que ces principes soient déduits des premiers principes, ou plutôt des axiomes, sur lesquels toute la doctrine du mouvement est établie. Ces axiomes se rapportent à des corps infiniment petits, ou tels, qui ne soient susceptibles d'autre mouvement, que de progressif; de c'est de là que tous les autres principes du mouvement doivent être déduits, tant ceux qui servent à déterminer les mouvement des corps solides que des sluides : tous ces autres principes dérivés n'étant que des applications des axiomes selon les diverses maineres, dont les corps sont composés des élémens, de selon la diversité du mouvement, dont toutes les parties du corps sont susceptibles.

XIX. On trouve ordinairement plusieurs tels principes, qui semi blent devoir être mis au rang des axiomes de la Mecanique, puis qu'ils se rapportent aux mouvement des corps infiniment petits; or je remarque que tous ces principes se rédussent à un seul, qu'on peut regarder comme l'unique sondement de toute la Mecanique & des autres Sciences, qui traitent du mouvement des corps quelconques. Et c'est sur ce seul principe, que doivent être établis tous les autres principes, tant ceux qui sont déjà reçus dans la Mecanique & l'Hydraulique, & dont on se sert astuellement pour déterminer le mouvement des corps solides & sluides; que ceux aussi qui ne sont pas encore connus, & dont nous avons besoin pour développer tant les cas maraqués

qués cy-desses des corps solides, que plusseurs autres qui se trouvent dans les corps sluides. Car dans tous ces cas il ne s'agit que d'y appliquer adroitement ce principe sondamental, dont je viens de par-ler, & que je m'eu vai expliquer plus soigneusement.

EXPLICATION DU PRINCIPE GENERAL ET FON-DAMENTAL DE TOUTE LA MECANIQUE.

XX. Soit un corps infiniment petit, ou dont toute la masse soit réunie dans un seul point, cette masse étant masse M; que ce corps ait reçu un mouvement quelconque, & qu'il soit sollicité par des forces quelconques. Pour déterminer le mouvement de ce corps, on n'a qu'à avoir égard à l'éloignement de ce corps d'un plan quelconque sixe & immobile; soit à l'instant présent la distance du corps à ce plan masse masse

XXI. Pour mieux comprendre la force de cette formule, il faut expliquer à quelles unités se rapportent les diverses quantités M, P, x & t, qui s'y trouvent. Or d'abord il est à remarquer, que M marquant la masse du corps, exprime en même tems le poids que ce corps auroit aux environs de la superficie de la terre; de sorte que la force P étant aussi réduite à celle d'un poids, les lettres M & P contiennent des quantités homogenes. Ensuite la vitesse du corps

dont il s'eloigne du plan étant comme $\frac{d x}{d z}$; si nous supposons, que

Digitized by Google ·

cette

cette vitesse soit egale à celle qu'un corps grave acquiert en torquent de la hauteur v, il faut prendre $\frac{dx^2}{dt^2} = v$, ou l'elèment du tems fera $dt = \frac{dx}{Vv}$; d'où l'on connoit le rapport entre le tems t &

l'espace x.

XXII. Comme cette formule ne détermine que l'eloignement ou l'approchement du corps par rapport à un plan fixe quelconque, pour trouver le vrai lieu du corps à chaque instant, on n'aura qu'à le rapporter en même tems à trois plans sixes, qui soient perpendiculaires entr'eux. Donc, comme x marque la distance du corps à un de ces plans, soient y & z ses distances aux deux autres plans : & aprés avoir décomposé toutes les forces qui agissent sur le corps, suivant des directions perpendiculaires à ces trois plans, soit P la force perpendiculaire qui en résulte sur le premier, Q sur le second, & R sur le troissème. Supposons que toutes ces forces tendent à eloigner le corps de ces trois plans; car en cas qu'elles tendent à le rapprocher, on n'auroit qu'à faire les sorces negatives. Cela posé, le mouvement du corps sera contenu dans les trois formules suivantes:

L 2Mddx=Pdt2; II. 2Mddy=Qdt2; III. 2Mddz=Rde2.

XXIII. Si le corps n'est sollicité par aucune force, de sorte que $P \equiv o$, $Q \equiv o$, $R \equiv o$, les trois formules trouvées, à cause de de constant, se réduiront par l'intégration à celles-cy:

M dx = A dt; M dy = B dt; & M dz = C dt. d'où l'on voit d'abord, que dans ce cas le corps se mouvra dans une ligne droite, avec un mouvement uniforme; & partant ces formules renserment en soi la premiere loi du mouvement, en vertu de laquelle tout corps étant en repos y demeure; or étant en mouvement le corps continuë uniformément selon la même direction, à moins qu'il ne soit sollicité par quelque sorce de dehors. Mais il est clair que nos nos formules ne le bornent point à cette grande loi, elles renferment outre cela les loix, fuivant lesquelles des forces quelconques agiffent for les corps. Par conféquent le principe que je viens d'exablir contient sont feut tous les principes qui peuvent conduire à la connoillance des mouvement de tous les corps, de quelque nature qu'ils foient.

XXIV. C'est donc de ce même grand principe, d'où il saudra dériver les reglas, dont nous avons besoin pour déterminer le mouvement d'un corps solide, lursque l'axe de rotation ne demeure pas immobile. Pour cet esset it saudra considèrer non seulement tous les étémens du corps, mais aussi leur liaison mutuelle, en vertu de laquelle tons les étémens conservent entr'eux le même ordre & les mêmes distances. Car le mouvement du corps entier est composé des mouvemens de tous ses étémens, & le mouvement de chacun doit suivre le principe, que je viens d'expliquer, entant que chaque élément participé des forces, qui agissent sur le corps, & qu'il est outre cela sollicité par de certaines sorces, qui l'empéchent, qu'il p'abandonne la sonnéxion avec les autres. Or avant que de déterminer cet restet des sorces, auxquelles les élémens sont assujettis, il saut considèrer en general le mouvement, dont un tel corps est susceptible.

DÉTERMINATION DU MOUVEMENT EN GENERAL, Dont un corps solide est susceptible, pendant que son centre de gravité demeure en repos.

XXV. Soit donc O le centre de gravité du corps, supposé en Fig. II. repos, qu'on considère trois plans sixes, qui se croisent perpendiculairement dans ce point O. Ou ce qui revient au même, considèrons trois axes AO, BO, CO qui se rencontrent en O à angles droits, dont deux BO, CO soient sur le plan de la table, & le troisième AO y soit perpendiculaire. Ces trois axes détermineront les trois Bb 3 - plans

plins nositules entrieux, dent je viens de parler, & qui seront de OB, AOC, & BOC, dont celui cycest le plan de la tablec. Or je supposerai que ces plans, espartant aussi des crois axes; demourant immobiles, pendant que le coipp se meut d'un mouvement que locaque; sod centre de gravité restant pourtant roujouss en O sais mouvement. C'est pour avoir des lieux sixes, par rapport auxquels on puisse déterminer à chaque instant la seuarion du corps, such six à la lieux sixes.

XXVI. Soit maintenant un élément que loctique du corps en Z, duquel on baille sur le plan BOC la perpendibulaire ZY, 182 du point Y à OC la normale YX: qu'on nomme OX = x, XY = y & YZ = z: & OX = x marquera la distance du point Z au plan AOB; XY = y sa distance au plan 1AOC, & YZ = z sa distance au plan BOC. A présent, quel que soit le mouvement du point Z, on le pourra résoudra selon les directions de con trois axes; supposons dont qu'après un tems infiniment petit = dr, sa distance au plan AOB devienne = x + Bdr; au plan AOE = y + Qdr; & au plan BOC = z + Rdr, ou que ce point Z s'eloigne dans le tems de du plan AOB de l'elément = Pdr; du plan AOC de s'elémento = Qdr, & du plan BOC de l'elément = Rde: ou co qui devient au même soient P, Q, R les vitesses, dont le point Z s'eloigne de chacun des plans sixes AOB, AOC, & BOC.

XXVII. Or puisque le corps est supposé solide, il saut que le point Z demeure toujours à la même distance depuis le centre de gravité O. Mais au commencément du tems dt la distance OZ étoit = V(xx + yy + zz), & au bout de ce tems esse serve $= V((x + Pdz)^2 + (y + Qdz)^2 + (z + Rdz)^2)$. Il faut donc que ces deux distances soient egales entrelles, d'où, en effaçant les termes qui évanouillent par rapport aux autres, résultera cette équations

qui se réduit à celle-cy:

. . .

Px + Qy + Rz = 0

Ces

Ces lettres, H., Q. II, marquent des sonctions de nos trois variables au y, z l'Expartant après avoir trouvé la nature de ces fonctions, on fera en etat de déterminer le mouvement de chaque point du corps à l'instant proposé, c'est à dire, au commencement du tems di.

XXVIII. Confiderons de plus pour ce même instant un autre point du corps en 2, qui soit infiniment proche du précédent Z. Soient pour ce point 2 les trois variables 0 = x + dx, xy = y + dy, & vz = z + dz on il faut remarquer que ces differentielles dx, dy, d'z sont indépendantes entr'elses, vû que l'autre point z est pris à volonté. La diffance de ce point au premier Z sera donc $\stackrel{\text{def}}{=} V(dx^2)$ 4 dy 1 - dz 1); or differentiant les fonctions P, Q, R en donnant adx, dy, de les valeurs, que la position du point e par rapport à Z exige; après le tems dt, ce point z avancera dans la direction OC de l'elément (P+dP) de, dans la direction OB de l'elément (Q+ dQ) dt, dans la direction QA de l'elément = (R + dR) dt. bien après le tems de les diffances leront or du point Z' The state of the point of the top so aŭ plati AOB + dx + (P+dP) de . . . = x+Pds an plan $AOC = y + dy + (Q + dQ)dt \dots = y + Qdt$

XXIX. Ainsi au bont du tems dz la distance entre les points Z dz lera $= V'((dx + dPd)^2 + (dy + dQdz)^2 + (dz + dRdz)^2)$ qui à cause de la solidité du corps doit être la même qu'au commencement. Posant donc cette expression égale à $V(dx^2 + dy^2 + dz^2)$ nous obtiendrons cette équation 2 dx dPdz + 2dy dQdz + 2dz dRdz = 0, en négligeant les termes qui sont incomparablement moindres que ceux cy. Cette équation se réduit donc à cette

SUOR O:

nous service à découvrir la nature des sonctions F. Q. R. Lou nous connoitrons tous les mouvemens, dont toutes les parties d'un corps solide sont susceptibles à la sois, pendant que son centre de gravité demeure immobile en O. D'où il est dabord tlair que posent x = a. v = 0, z = 0, toutes ces trois fonctions P, Q, R, doivent évanouir auffi.

XXX. Pour mieux connoitre ces fonctions, supposons qu'il soit Ox = OX & XY = xy, ou dx = 0 & dy = 0: & l'équation trouvée en dernier lieu donners dR dz = o & partant dR = a. d'où l'on voit que la fonction R ne sauroit rensermer la variable z., Car supposant pour prouver cela dR = Ldx + Mdy + Ndz, il sera dans le cas préfent dR = Ndz à cause de dx = 0 & dy = 0, & parrant N = 0: donc il sera en général dR = L dx + M dy, & par conséquent la fonction R ne contiendra point la variable z. De même pofant dx = g & dz = o, il doit être dQdy = o ou dQ = o, d'où l'on voit que la fonction Q ne sauroit contenir la variable y. Et enfin si nous considèrons le cas ou dy = 0 & dz = 0, nous aprendrons pareillement qu'à cause de dPdx = 0, la fonction P ne sauroit contenir la variable x. ...

XXXI. Ayant reconnu ces propriétés de ces fonctions P. Q. R. posons donc:

dP = A dy + B dz; dQ = C dz + D dx; dR = E dx + F dy. & ces valeurs étant substituées dans l'équation

dPdx + dQdy + dRdz = 0

produiront l'équation suivante:

nois, et a set . +Adxdy + Bdxdz + Cdydz = 0+ Ddxdy + Edxdz + Fdydz -

d'où il est clair qu'il doit être D = A; E = B; F = C puisque cette équation doit avent lieu, soit qu'on mette d' x == . ou dy = o ou de = 3. Ains les différentiels de nos foostions feront: dP=Ady+Bdz; dQ=Cdz-Adx: dB立-Bdx+Cdy. 5000 Y

Or

Or comme ces formules doivent être intégrables, il est évident de la premiere, que ni A ni B ne sauroit rensermer x; de la seconde on comprend que ni C ni A ne sauroit contenir y, & ensin la troissème nous donne à connoître que ni B ni C ne peut contenir z. Ainsi A ne contenant ni x ni y, sera fonction de z, B fonction de y, & C sonction de x.

XXXII. Posons donc en conséquence de ce que nous venons de trouver:

dA = Ldz, dB = Mdy & dC = Ndx. & puisque Ady + Bdz doit être un differentiel intégrable, il faut qu'il foit $\frac{dA}{dz} = \frac{dB}{dy}$: ou L = M. Ensuite l'intégrabilité de la

feconde formule C dz - A dx donne $\frac{dC}{dx} = -\frac{dA}{dz}$ ou N = -L:

enfin l'intégrabilité de la troisième formule -B dx - C dy donne $-\frac{dB}{dy} = -\frac{dC}{dx}$ ou -M = -N. Ayant donc M = L; N = -L& M = N ou L = -L, il est clair que L = 0 & partant aussi M = 0& N = 0. Donc les lettres A, B, C marqueront des quantités constantes; d'où l'on tire par conséquent, en intégrant

P=Ay+Bz; Q=Cz-Ax; R=-Bx-Cy expressions, qui satisfont déjà d'elles mêmes à la première condition: Px+Qy+Rz=0.

XXXIII. Tout mouvement donc, qu'un corps solide peut recevoir, son centre de gravité demeurant immobile, doit toujours avoir cette propriété: Que si d'un point quelconque du corps Z on tire les trois coordonnées orthogonales OX = x, XY = y, & YZ = z, selon les trois axes perpendiculaires entr'eux OA, OB, OC, & qu'on décompose le mouvement du point Z selon les mêmes trois directions, en nommant la vitesse du mouvement selon OC = P, Min. de l'Acad. Tom. VI. Cc celle

celle du mouvement selon OB Q & celle du mouvement selon; OA R; ces lettres P, Q, R ne sauroient jamais avoir d'autres yaleurs, que telles, qui sont rensermées dans les formules suivantes.

P=Ay+Bz; Q=Cz-Ax; R=-Bx-Cy. Donc toute la diversité, qui peut avoir lieu dans le mouvement du corps, ne provient que des diverses valeurs, que peuvent recevoir les quantités constantes A, B, C.

XXXIV. Puisque ces formules serviront à déterminer le mouvement de chaque point du corps pendant l'elément du tems dt. vovons s'il y a, outre le centre de gravité O, des points destitués de tout mouvement; ou pour lesquels devienne P = 0, Q = 0 & R = 0. Or posant P = 0 nous aurons A = B = 0, & partant a = A = 0& y = -Bu, où u marque une nouvelle variable quelconque: donc prenant ces valeurs pour y & z quelque valeur qu'on ne donne à x, les points du corps qui répondent ne changeront point de distance par rapport au plan AOB. Soit de plus Q = 0, & il deviendra Cz = Ax, ou x = Cu; & la même valeur se trouve pour x, en posant R = o. D'où il s'ensuit que tous les points du corps, qui font contenus dans ces formules x = Cu; y = -Bu; z = Au demeureront en repos pendant le tems de. Or tous ces points se trouvent dans une ligne droite, qui passe par le centre de gravité O: donc cette ligne droite demeurant immobile sera l'axe de rotation, autour duquel le corps tourne dans le présent instant.

XXXV. Pour trouver le mouvement de rotation du corps autour de cet axe, que nous venons de trouver, soit YZ = z = 0, & que le point Y soit tellement situé, que la droite O Y devienne perpendiculaire à l'axe de rotation. Pour cet effet il sera y: x = Cu: Bu. Prenons donc x = Bu & y = Cu, & la distance du point Y à l'axe de rotation sera = uV(BB + CC). Or à cause de x = Bu; y = Cu & z = 0, les trois vitesses du point Y selon les trois directions OC, OB, OA seront:

P = ACu; Q = -ABu; R = -BBu - CCu.

Donc

Donc la vraie vitesse du point Y étant $\equiv V(PP + QQ + RR)$ Sera = u V (BB + CC) (AA + BB + CC); qui étant divisée par la distance OY = u V (BB + CC) donnera la viresse angulaire ou rotatoire du corps autour de l'axe de rotation, laquelle sera par conféquent = V(AA + BB + CC).

XXXVI. Quelque mouvement donc, qui puisse être imprimé à un corps solide, son centre de gravité demeurant en repos, ce mouvement se fera à chaque instant autour d'un axe, qui sera immobile pendant cet instant, & qui passera par le centre de gravité du corps: & la vitesse rotatoire autour de cet axe sera = V(AA + BB + CC). De là il sera aisé de déterminer la vraie vitesse de tous les points du corps; on n'aura qu'à chercher la distance d'un point quelconque à l'axe de rotation, & cette distance étant posée =, la vitesse vraie de ce point sera = 1 V (AA+BB+CC), dont la direction sera connuë par la nature du mouvement de rotation. Il est donc impossible que toutes les parties d'un corps, qui tourne sur soi-même, ou autour de son centre de gravité, seient en mouvement à la sois; puisque il y a toujours une ligne droite, dont tous les points seront en repos du moins pour un instant, & le mouvement des autres points du corps sera d'autant plus rapide, plus ils seront éloignés de l'axe de rotation.

XXXVII. Sans entrer dans le détail du calcul, que je viens de développer, on peut aussi prouver la même vérité par la seule Géometrie. Qu'on considère dans le corps une couche sphèrique, dont Fig. 111. le centre soit dans le centre de gravité du corps; car il est évident, qu'ayant connu le mouvement de cette superficie sphèrique, le mouvement du corps tout entier sera déterminé. Soit AB un arc quelconque d'un grand cercle de cette surface sphérique, qui par le mouvement du corps parvienne en a b après le tems de, de sorte que ab AB, & de là il sera aisé de déterminer les endroits où tous les autres points de la surface sphèrique seront transportés. Qu'on prolonge ces deux arcs AB & ab jusqu'en C, où ils s'entrecoupent, & Cc 2

Digitized by Google

prenant $a \in AC$, le point C sera transporté en c, & l'arc CAB en cab pendant le tems dt. De plus si nous considèrons hors du cercle CAB un autre point quelconque M, & que nous tirions de la à C l'arc d'un grand cercle MC, pour trouver où ce point M sera transporté pendant le même tems dt, on n'a qu'à constituer en c un arc cm = CM, de sorte que l'angle acm soit egal à l'angle ACM, & il est clair, que m sera le lieu du point M après le tems dt.

XXXVIII. Il est aussi clair que ces deux arcs CM & cm étant prolongés se rencontreront quelque part en O, & partant dans le tems dt l'arc entier CMO sera transporté en cmO, & s'il étoit CMO $\equiv cm$ O, le point O demeureroit immobile. Or il est certain qu'on peut toujours constituer en sorte l'arc CMO, qu'ayant décrit son arc correspondant cmO, il soit cmO \equiv CMO. Car pour que cela arrive on n'a qu'à constituer l'arc CMO en sorte, que l'angle cCO devienne egal à l'angle cCO; asin que le triangle sphèrique cCO devienne isoscele, & partant les cotés cCO cCO egaux entr'eux. Pour trouver cette position il saut remarquer que l'angle cCO cCO cCO cCO cCO cCO, on tirera cCO cCO cCO cCO.

Seront ansili infiniment petits, & partant égaux à leur sinus ou tangentes.

Donc la tangente de l'arc CMO sera $\frac{Cc}{ACc}$, ou bien tang CO $\frac{Cc}{ACc}$. Par ce moyen on déterminera aisément la grandeur de l'arc CMO, dont la position étant perpendiculaire à l'arc C γ , ou à l'arc BAC même, l'angle ACc étant infiniment petit, on connoitra le point O, par lequel passe l'axe de rotation, autour duquel tourne

RECHERCHE DES FORCES REQUISES POUR CONSERVER LE CORPS DANS UN MOUVEMENT QUELCONQUE.

le corps pendant l'elément du tems d'.

XL. Ayant rapporté le corps à trois axes fixes AO, BO, CO Fig. IV. perpendiculaires entr'eux, qui se croisent dans le centre de gravité O du corps, qui demeure toujours immobile; soient OX = x, XY = y & YZ = z les trois coordonnées orthogonales, qui déterminent le lieu d'un élément quelconque du corps situé en Z, pour l'instant présent, & soit d M la masse de cet élément. Que le mouvement de cet élément soit tel, qu'en le décomposant selon les directions de nos trois axes sixes, la vitesse selon OC soit $Xy = \mu z$; la vitesse selon $Xy = \mu z$; la vitesse selettres A, B, C du §. 33. les lettres $Xy = \mu z$. Donc l'axe de rotation dans l'instant présent se trouvera en prenant $x = \nu u$; $y = \mu u$ & $z = \lambda u$; & la vitesse rotatoire autour de cet axe sera $x = \nu u$. Or je suppose que ces vitesses étant affirmatives tendent à eloigner le point Z selon les directions des trois axes du point $Xy = \mu z$.

XLI. Donc pendant l'elément du tems $\equiv dt$, l'elément d M en Z s'eloignera du plan AOB par l'elément d'espace $\equiv (\lambda y - \mu z) dt$, du plan AOC par l'elément $\equiv (vz - \lambda x) dt$, & du plan BOC par l'elément $\equiv (\mu x - vy) dt$. Prenant donc x + dx, y + dy & z + dz Cc 3 pour

pour les coordonnées, qui déterminent le lieu de notre élément dM après le tems dt; nous aurons pour les differentiels dx, dy & dz les valeurs fuivantes,

 $dx = (\lambda y - \mu z) dt$; $dy = (\nu z - \lambda x) dt$; $dz = (\mu x - \nu y) dt$ qui ont cette propriété, comme nous avons vu, que tous les élémens du corps demeurent à la même distance, tant entr'eux, que du centre de gravité O. D'où il est clair qu'il est impossible que toutes ces trois expressions soient affirmatives à la fois, quoique nous les regardions comme telles; puisqu'il faut qu'il soit toujours $(x + dx)^2 + (y + dy)^2 + (z + dz)^2 = xx + yy + zz$, ou bien x dx + y dy + z dz = 0.

XLIL Maintenant pour la continuation du mouvement en supposant l'elément du tems dx constant, il faut par le principe général du mouvement, que l'elément dM en Z soit follicité par trois sorces selon les directions de nos trois axes. Car la masse de cet élément étant posée dM, il faut qu'il soit sollicité dans la direction dM une force dM and dM and dM de la direction dM and dM are force dM and dM and dM and dM are force dM and dM and dM and dM and dM are force dM and dM are dM are dM and dM are dM are dM are dM and dM are dM are dM are dM and dM are dM

& dans la direction O A par la force $=\frac{2 dM ddz}{dz^2}$. Ces forces ren-

ferment en soi tant les forces externes, dont le corps peut être sollicité par dehors, que les forces internes, dont les parties du corps sont liées entr'elles, asinqu'elles ne changent pas leur situation rélative. Or il est à remarquer que les sorces internes se détruisent mutuellement, de sorte que la continuation du mouvement ne demande des forces externes, qu'entant que ces sorces ne se détruisent pas mutuellement.

XLIII. Pour rendre notre recherche générale, supposons que l'axe de rotation change après le tems dt d'une maniere quelconque, de même que la vitesse angulaire, ce qui arrivera, lorsque les lettres λ , μ , ν , ne marqueront plus des quantités constantes. Soient donc les quantités λ , μ , ν , variables, & pour trouver les differentio-differentio-

differentiels ddx, ddy & ddz, les valeurs de dx, dy, dz nous fourniront:

$$ddx = (\lambda dy + y d\mu - \mu dz - z d\mu) dz$$

$$ddy = (y dz + z dy - \lambda dx - x d\lambda) dz$$

$$ddz = (\mu dx + x d\mu - y dy - y dy) dz$$
ou bien:

$$ddx = (yd\lambda - zd\mu)dt + (\lambda dy - \mu dz)dt$$

$$ddy = (zdy - xd\lambda)dt + (ydz - \lambda dx)dt$$

$$ddz = (xd\mu - yd\dot{y})dt + (\mu dx - ydy)dt$$

XLIV. Dans ces formules remettons pour dx, dy, dz, leurs valeurs données cy-dessus, & nous obtiendrons:

$$ddx = (yd\lambda - zd\mu)dz + (\lambda yz + \mu yy - (\lambda \lambda + \mu \mu)x)dt^{2}$$

$$ddy = (zdy - xd\lambda)dz + (\mu yx + \lambda \mu z - (yy + \lambda \lambda)y)dz^{2}$$

$$ddz = (xd\mu - ydy)dz + (\lambda \mu y + \lambda yx - (\mu \mu + yy)z)dz^{2}$$

Donc si les lignes $Z\alpha$, $Z\beta$, $Z\gamma$ sont tirées pour marquer les trois sorces, qui sont requises à solliciter l'élément dM en Z selon les directions des trois axes OA, OB, OC, nous aurons pour ces sorces les expressions suivantes.

force
$$Z\gamma = \frac{2dM}{dz}(yd\lambda - 2d\mu) + 2dM(\lambda\nuz + \mu\nuy - (\lambda\lambda + \mu\mu)x)$$

force
$$Z\beta = \frac{2 dM}{dt} (z dv - x d\lambda) + 2 dM (\mu v x + \lambda \mu z - (\nu v + \lambda \lambda) j)$$

force
$$Z = \frac{2 d M}{d s} (x d \mu - y d v) + 2 d M (\lambda \mu y + \lambda v x - (\mu \mu + v v)z)$$

XLV. Pour réduire ces expressions dans une somme, ou pour trouver les sorces totales, il faut remarquer que dans ces intégrations on n'aura d'autres variables, que l'elément dM & les coordonnées

x, y, z, qui déterminent le lieu de cet élément, & que dM doit successivement passer par tous les élémens du corps, de sorte que l'integrale $\int dM$ rende la masse du corps entier M: ainsi dans toutes ces intégrations, qui ne regardent que la variabilité du point Z, les quantités λ , μ , ν , avec leurs differentiels $d\lambda$, $d\mu$, $d\nu$, & l'élément du tems dt seront à considèrer comme invariables. De là il est clair que l'intégrale de chacune de ces trois forces deviendra $\underline{\hspace{0.2cm}}$ o, puisque par la nature du centre de gravité O il est $\int x dM \underline{\hspace{0.2cm}}$ o, $\int y dM \underline{\hspace{0.2cm}}$ o. Donc, quelles que soient les forces requises à solliciter le corps, il faut qu'étant appliquées au centre de gravité O, chacune selon sa direction, elles se détruisent mutuellement.

XLVII. Si nous substituons pour ces forces les valeurs trouvées, le moment qui en résulte pour l'axe O A dans le sens B C sera

$$= \frac{2 dM}{dz} (yyd\lambda + xxd\lambda - yzd\mu - xzd\nu)$$

+ $2dM(\lambda vyz - \lambda \mu xz + \mu vyy - \mu v xx - (\mu \mu - vv)xy)$ Le moment qui en réfulte pour l'axe OB dans le sens CA sera

$$= \frac{2 d M}{dz} (x x d \mu + z z d \mu - x y d v - y z d \lambda)$$

$$+ 2 d M (\lambda \mu x y - \mu v y z + \lambda v x x - \lambda v z z - (v v - \lambda \lambda) x z)$$
Excise

Enfin le moment qui résulte pour l'axe O C dans le sens AB sera

$$= \frac{2 d M}{dz} (zz dv + yy dv - xz d\lambda - xy d\mu)$$

 $+2dM (\mu\nu xz - \lambda\nu xy + \lambda\mu zz - \lambda\mu yy - (\lambda\lambda - \mu\mu)yz)$ Or quand je dis qu'il y a un moment pour l'axe OC dans le sens AB, il faut entendre que la force de ce moment tend à tourner le corps autour de l'axe OC, & cela dans le sens AB.

XLVIII. Maintenant on n'aura qu'à prendre les intégrales de ces trois formules trouvées, pour avoir les momens tout entiers des forces, dont le corps doit être follicité, afin que son mouvement soit tel, que nous venons de le supposer. Or ces intégrales se réduisent à l'intégration des formules, qui dépendent uniquement de la figure du corps & de la distribution de la matiere dont il est composé, par rapport à nos trois axes sixes, OA, OB, OC. Supposons donc qu'il soit

où il faut remarquer que M ff est le moment d'inertie du corps par rapport à l'axe OA; M g g le moment d'inertie par rapport à l'axe OB, & M h h le moment d'inertie par rapport à l'axe OC. Les trois autres formules contiennent les forces centrifuges, qu'auroit le corps, s'il tournoit autour d'un de ces trois axes.

XLIX. De là les momens totals, dont le corps doit être sossité, se trouveront exprimés de la maniere suivante;

I. Le moment pour l'axe OA dans le sens BC sera:

$$2M(\frac{ffd\lambda}{dz} - \frac{nnd\mu}{dz} - \frac{mmd\nu}{dz} + \lambda vnn - \lambda \mu mm - (\mu\mu - vv)ll + \mu\nu(hh - gg))$$

II. Le moment pour l'axe OB dans le sens CA sera

III. Le moment pour l'axe OC dans le sens AB serz

$$2M(\frac{hhdv}{dt} - \frac{mmd\lambda}{dt} - \frac{lld\mu}{dt} + \mu v mm - \lambda v ll - (\lambda \lambda - \mu \mu)nn + \lambda \mu (gg - ff))$$

D'où l'on voit que ces momens de forces dépendent, tant des quantités λ , μ , ν , qui se rapportent à l'axe de rotation & au mouvement rotatoire, que de leurs changemens instantanés $d\lambda$, $d\mu$, $d\nu$, qui arrivent dans l'elément du tems dz.

L. Rapportons maintenant ces formules à l'axe de rotation qui foit Oz; & nous avons vû qu'il fera Ox = vu, $xy = \mu u$ & $yz = \lambda u$; & que la vitesse angulaire autour de cet axe est $= V(\lambda\lambda + \mu\mu + \nu\nu)$; or en quel sens cette vitesse soit dirigée, on trouvera en considèrant l'élément du corps situé en X, dont la vitesse à cause de y = o & z = o sera selon OB ou $XY = -\lambda x$ & selon $OA = \mu x$. Donc ce point s'elevera au dessus du plan BOC, & de là on conclura aisement en quel sens le corps tourne autour de l'axe Oz. Soit maintenant la vitesse angulaire autour de cet axe Oz = v, de sorte que $V(\lambda\lambda + \mu\mu + \nu\nu) = v$. Ensuite soient ζ , η , θ les angles AOz, BOz, COz, que l'axe de Oz constitue avec les trois axes OA, OB, OC & puisque $Oz = uV(\lambda\lambda + \mu\mu + \nu\nu) = uv$, on aura $cos = \frac{\lambda}{v}$; $cos = \frac{\mu}{v}$ & $cos = \frac{v}{v}$; d'où l'on voit qu'il y a toujours $cos = \frac{\lambda}{v}$ + $cos = \frac{v}{v}$.

cof $\theta^2 \equiv 1$: & sinfi on aura

 $\lambda \equiv v \operatorname{cof} \zeta; \quad \mu \equiv v \operatorname{cof} \eta; \quad \nu \equiv v \operatorname{cof} \theta.$

LI. Supposant donc pour la variabilité de l'axe de rotation $O \mathcal{E}$ les angles ζ , η , θ variables, & outre cela la vitesse angulaire v variable, on obtiendra:

 $d\lambda = dv \cos(\zeta - v d\zeta \sin \zeta) \cdot d\mu = dv \cos(\eta - v d\eta \sin \eta) \cdot dv = dv \cos(\theta - v d\theta \sin \theta)$ Or a cause de $\cos(\zeta^2 + \cos(\eta^2 + \cos(\theta^2 +$

 $d \zeta \sin \zeta \cos \zeta + d \eta \sin \eta \cos \eta + d \theta \sin \theta \cos \theta \equiv o$ Or puisque nos formules deviendroient trop compliquées par ces substitutions, & que la position de nos trois axes est arbitraire, posons

qu'à

qu'à l'instant présent, ou au commencement de l'elément du tems dt, le corps ait tourné exactement autour de l'axe OA, de sorte que $\mu = 0$ & $\nu = 0$, & que partant le mouvement se sit dans le sens BC, avec la vitesse angulaire v, la valeur de λ ètant affirmative. Il sera donc $\zeta = 0$; $\eta = 90^\circ$; $\theta = 90^\circ$; d'où $\lambda = v$; $\mu = 0$, $\nu = 0$; or après l'elément du tems dt, l'axe de rotation s'ecarte infiniment peu de l'axe OA, de sorte qu'il fasse alors avec l'axe OA un angle $= d\zeta$, avec l'axe OB un angle $= 90^\circ + d\eta$, & avec l'axe OC un angle $= 90^\circ + d\theta$; & il doit être $d\zeta^2 = d\eta^2 + d\theta^2$

LII. Dans cette supposition nous aurons donc:

$$d\lambda \equiv dv$$
; $d\mu \equiv -vd\eta$ & $dv \equiv -vd\theta$.

Et ces valeurs étant substituées dans nos expressions précédentes du 6 40 donneront.

L Le moment requis pour l'axe O A dans le sens B C

$$2 M \left(\frac{f d v}{d t} + \frac{n n v d \eta}{d t} + \frac{m m v d \theta}{d t} \right)$$

IL Le moment requis pour l'axe O B dans le sens C A

$$2 M \left(\frac{-n n d v}{d t} - \frac{g g v d \eta}{d t} + \frac{l v d \theta}{d t} + m m v v \right)$$

III. Le moment requis pour l'axe O C dans le sens A B

$$2M\left(\frac{-mm\,dv}{dt} + \frac{ll\,v\,d\eta}{dt} - \frac{h\,h\,v\,d\theta}{dt} - n\,n\,v\,v\right)$$

Où il faut remarquer que le mouvement rotatoire autour de l'axe A O est supposé se faire dans le sens B C, avec la vitesse angulaire $mathred{mat$

LIII. Donc, pour que le corps tourne constamment autour du même axe OA, ou qu'il soit $d\eta \equiv o \& d\theta \equiv o$, mais d'un mouvement variable, il faut que ce corps soit sollicité par des forces, qui fournissent

L Pour l'axe O A un moment dans le sens BC = $\frac{2 M ff dv}{dt}$.

Dd 2 II. Pour

II. Pour l'axe OB un moment dans le fens CA $\equiv (mmvv - \frac{mn}{dt})$

III. Pour l'axe O C un moment dans le fens BA = $\left(mvv + \frac{mmdv}{dt}\right)$

D'où l'on voit que pour accélerer le mouvement rotatoire, il faut un moment de forces pour l'axe de rotation OA, lequel foit proportionel à Mf, c'est à dire au moment d'inertie du corps par rapport à l'axe OA. Mais, pour que le corps tourne autour de l'axe immobile OA d'un mouvement uniforme, il faut que ce corps soit sollicité de dehors par des forces, qui n'ayent aucun moment pour l'axe OA, mais qui donnent pour l'axe OB un moment dans le sens CA = 2Mmmvv, & pour l'axe OC un moment Amvv. Donc ce mouvement ne saura subsister sans le secours de forces externes, à moins qu'il n'y soit Ammvv or Ammvv

RECHERCHE DU MOUVEMENT D'UN CORPS SOLIDE AUTOUR DE SON CENTRE DE GRAVITÉ, LES FORCES DONT IL EST SOLLICITÉ ÉTANT DONNÉES.

Fig. 1V. Le corps étant rapporté aux trois axes fixes OA, OB, OC, qui se coupent perpendiculairement au centre de gravité O, soit comme nous avons posé cy - dessus, nommant les coordonnées OX = x, XY = y, YZ = z, & l'élément du corps en Z = dM.

$$\int dM (xx + yy) = M ff \qquad \int xy dM = M ll
\int dM (xx + zz) = M gg \qquad \int xz dM = M mm
\int dM (yy + zz) = M hb \qquad \int yz dM = M n \pi$$

Cela posé, que le corps ait déjà un mouvement quelconque qui se fasse autour d'un axe Oz, de sorte que Ox = vu; $x\eta = \mu u$; $\eta z = \lambda u$, & que la vitesse rotatoire autour de cet axe soit $= V(\lambda\lambda + \mu\mu + \nu\nu)$. LV. Dans

LV. Dans cet état le corps soit sollicité par des sorces quelsonques, & pour trouver le changement, qui en sera causé dans le mouvement du corps, on n'aura qu'à avoir égard aux momens des ces sorces per rapport aux trois axes OA, OB, OC: soit donc le moment qui résulte de ces sorces

pour l'axe OA dans le sens BC = Pa.

Le moment pour l'axé OB dans le sens CA = Qa.

Le moment pour l'axe O Cdans le sens CO = Re.

Maintenant égalant ces moments à ceux qui ont été trouvés cy-desfus (§. 49.) nous obtiendrons les trois équations suivantes.

I.
$$\frac{Pa}{2M} = \frac{ff dh}{dz} = \frac{mnd\mu}{dz} = \frac{mmd\nu}{dz} + \lambda \nu nn - \lambda \mu mm - (\mu \mu - \nu \nu) ll + \mu \nu (hh - gg)$$

II.
$$\frac{Qa}{2M} = \frac{ggd\mu}{dt} - \frac{lldv}{dt} - \frac{nndh}{dt} + h\mu ll - \mu vnn - (vv - hh) mm + kv (ff - hh)$$

HE
$$\frac{Ra}{2M} = \frac{\hbar h dv}{dt} - \frac{mmd\lambda}{dt} - \frac{lld\mu}{dt} + \mu\nu mm - \lambda\nu ll - (\lambda\lambda - \mu\mu)nn + \lambda\mu(gg-ff)$$

d'où on pourra déterminer les changemens infiniment petits $d\lambda$, $d\mu$ & $d\nu$, qui seront produits dans l'elément du tems $d\nu$.

LVI. Mais, puisque la réfolution de ces équations nous conduiroit à des formules trop longues, posons, comme nous avons fait auparavant, que le corps tourne à l'instant présent autour de l'axe O A dans le sens BC avec une vitesse angulaire v: & qu'après le tems <math>dt, l'axe de rotation change, en sorte qu'il fasse alors avec l'axe O A un angle $d\zeta$, avec l'axe O B un angle $d\zeta$, avec l'axe O B un angle $d\zeta$ que la vitesse angulaire devienne alors dv: dv: dv nous avons vû qu'il est $d\zeta^2 = d\eta^2 + d\theta^2$. Cela supposé, nous aurons les trois équations suivantes:

$$L \frac{Pa}{2M} = \frac{ff dv}{dt} + \frac{nnv d\eta}{dt} + \frac{mmv d\theta}{dt}.$$
Dd 3

II. Qà

$$\Pi \cdot \frac{Qa}{2M} = \frac{-nndv}{ds} - \frac{ggvd\eta}{ds} + \frac{llvd\theta}{ds} + mmvv$$

$$\Pi \cdot \frac{Ra}{2M} = \frac{-mmdv}{ds} + \frac{llvd\eta}{ds} - \frac{hhvd\theta}{ds} - nnvv$$

LVII. Maintenant la résolution de ces trois équations nous sournira pour du, du & de les valeurs suivantes:

$$\frac{dv}{ds} = \frac{\Pr(ggbb-l^4) + Qa(bbnn + llmn) + Ra(ggmm + llmn) - 2Mvv(mmnu(bb-gg) + ll(m^4 - n^4))}{2M(ffggbb - ffl^4 - ggm^4 - bbn^4 - 2llmmnn)} + \frac{vdq}{ds} = \frac{\Pr(bbnn + llmm) + Qa(ffbb - m^4) + Ra(ffl + mmnn) - 2Mvv(ffbbnm - fflnn - mm(m^4 + n^4))}{2M(ffggbb - ffl^4 - ggm^4 - bbn^4 - 2llmmnn)} + \frac{vd\theta}{dt} = \frac{\Pr(ggmm + llmn) + Qa(ffl + mmnn) + Ra(ffgg - n^4) + 2Mvv(ffggnn - fflmm - mn(m^4 + n^4))}{2M(ffggbb - ffl^4 - ggm^4 - bbn^4 - 2llmmnn)}$$

De ces formules donc on connoitra pour chaque instant le changement élémentaire, qui arrivera tant dans la position de l'axe de rotation, que dans la vitesse angulaire. Or il saut pour chaque instant changer la position des trois axes OA, OB, OC asin que OA convienne toujours avec l'axe de rotation: & alors on sera obligé de calculer de nouveau pour chaque instant les valeurs ll, mm, nn, ff, gg, hh; puisque le changement de la situation du corps par rapport aux trois axes y causera des variations continuelles.

LVIII. Ce seront donc ces trois formules, qui contiennent les nouveaux principes de Mecanique, dont on a besoin pour déterminer le mouvement des corps solides, lorsque l'axe de rotation, autour duquel ils tournent, ne demeure pas immobile, ou dirigé vers da même plage du Ciel, ou de l'espace absolu. Et il est évident que ces nouveaux principes sont sussissant pour tous les cas imaginables des mouvemens, dont les corps solides sont susceptibles. Or jusqu'ici ou n'a été en état que de résoudre ce cas sort particulier, où il est pour le corps m = o & n = o, & ensuite pour les sorces sollicitantes Q = o

& R = 0: Mais pour ce cas on aura
$$\frac{dv}{dz} = \frac{Pa}{2Mff}$$
, & $d\eta = 0$ & $d\theta = 0$:

de __o: d'où l'on voit combien sont bornées les recherches de Mecanique, sans le secours de ces nouveaux principes, que je viens de déduire de l'axiome général, sur lequel est sondée toute la Mecanique.

LIX. Comme les formules qui contiennent ces principes, sont trop embarassées, pour en pouvoir faire voir clairement leur nature; il sera à propos d'en faire l'application à une certaine espece de corps, où ces formules deviennent assés simples. Supposons donc que le corps solide, dont il s'agit de déterminer le mouvement, soit un globe soncentriques, dont chacune soit homogene. Dans ce cas il est clair, que les momens d'inertie M ff, Mgg, Mhh par rapport à chaque axe seront égaux entr'eux, & partant gg = hh = ff; de plus il sera toujours ll = o, mm = o, & nn = o. Donc les trois formules, qui renserment le changement du mouvement causé par les trois momens Pa, Qa, Ra seront:

$$\frac{dv}{dt} = \frac{Pa}{2Mff}; \quad \frac{vd\eta}{dt} = \frac{-Qa}{2Mgg} & \frac{vd\theta}{dt} = \frac{-Ra}{2Mhh}.$$
dont la raison ne sera plus difficile à comprendre.

LX. Les deux axes OB & OC étant arbitraires, pourvu qu'ils soient dans le plan perpendiculaire à l'axe de rotation OA, on les peut toujours arranger en sorte, que les moments de sorces par rapport à un d'eux se détruisent. Soient donc ces axes OB & OC tellement choisis que le moment par rapport à OC évanouille, ou qu'il soit R = 0: nous aurons donc $\frac{dv}{dt} = \frac{Pa}{2Mff}$; $\frac{vd\eta}{dt} = \frac{-Qa}{2Mqq}$ & $d\theta = 0$, d'où nous voyons que l'axe OA approchera de l'axe OB par un angle infiniment petit $-d\eta = \frac{Qadt}{2Mggv}$ dans le tems dt; car puisque $u\theta = 0$; c'est un figne que l'axe de rotation demeure perpendi-

pendiculaire à l'axe OC. Donc c'est le moment de sorces, qui tend à tourner le corps autour de l'axe OB dans le sens CA, duquel est produite l'inclinaison de l'axe de rotation OA vers l'axe OB, pendanque le corps tourne autour de OA dans le sens BC, & cette inclinaison est réciproquement proportionelle à la vitesse rotatoire du corps autour de son axe de rotation.

LXI. Soient pour mieux répresenter cela OA, OB, OC les Fig. V. trois axes, autour du premier desquels OA le corps sphérique que ie considere ici, tourne dans le sens BC avec une vitesse angulaire _ u. Oue ce corps soit sollicité par deux forces P & Q, dont la premiere P hi soit appliquée en B selon la direction B P parallele à OC, & l'autre Q en C selon la direction CQ parallele à OA, de sorte que les difrances foient OB = a & OC = a. Cela posé, la premiere force n'aura pas d'autre moment que par rapport à l'axe OA, & ce moment fera $\equiv Pa$ dans le fens BC; or l'autre force $CQ \equiv Q$ n'aura pas d'autre moment que par rapport à l'axe OB, & ce moment sera O a dans le sens CA. Maintenant le moment d'inertie du corps par rapport à un axe quelconque, qui passe par son centre de gravité étant posé = M ff: l'effet de la premiere force P consistera dans l'accéleration du mouvement rotatoire, donnant $dv = \frac{P \cdot dz}{2 \cdot M \cdot f}$: l'effet de l'autre force Q fera incliner l'axe de rotation OA vers OB. & le transportera en Oa, de forte que l'angle $AOa = \frac{Qadt}{2Mffv}$

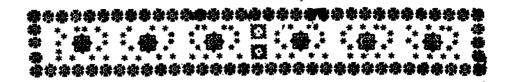
rig. VI. LXII. On comprendra mieux le fondement de ces effets, si nous regardons la superficie sphérique BCD du corps, dont le rayon soit OB = OC = OA = a, & qui tourne autour de l'axe OA dans le sens BC avec la vitesse rotatoire = v. Soit BP la force P, qui accélere le mouvement de rotation, autour de l'axe OA; & on voit que cette sorce produit le même effet, que si l'autre sorce Q n'agissoir point sur le corps ; donc cet effet est connu par les principes vulgai-

ralgaires, desquels il doit être $dv = \frac{P \cdot dt}{2 \cdot M \cdot f}$. Considerons l'autre force Q appliquée en A selon la direction AQ parallele à CO, car il est évident que cette force produira le même moment, que si elle étoit appliquée en C selon une direction parallele à OA. L'esset donc de cette force consistera en ce qu'elle transportera l'axe de rotation OA en O a par l'angle A O $a = \frac{Q \cdot s \cdot d \cdot s}{2M \cdot f \cdot v}$.

LXIII. Pour donner une explication de cet effet, qu'on considere d'abord le seul mouvement de rotation, par lequel le point a sera transporté autour de A en α , par l'angle a A α dans le tems dz: la vitelle angulaire étant $\underline{\hspace{0.1cm}}$ $\underline{\hspace{0.1c$



SUR



SUR LE PLUS GRAND ECLAT DE VENUS, EN SUPPOSANT SON ORBITE ET CELLE DE LA TERRE ELLIPTIQUE.

PAR M. KIES.

opernic ayant au commencement du XVI. siecle renouvellé l'ancien Système que Pythagore avoit appris dans l'Orient, il sur bientôt répandu par toute l'Europe; & la plupart des Astronomes reconnurent d'abord que le mouvement de la Terre & des autres Planetes autour du Soleil est la vraye Physique celeste. & le Soleil fut regardé comme immobile au centre de leurs révolutions. Mais, quelque simple & solide que parût cette théorie, comme auroient facilement pû s'en convaincre ceux qui auroient restêchi sur les solides raisons, que Copernic en avoit apportées, elle ne manqua pourtant pas d'être vivement attaquée. L'une des principales objections qui ait été opposée contre le mouvement de la Terre & de toutes les Planetes autour du Soleil; c'est que dans la nouvelle hypothese Veaus devroit paroître à chaque révolution avoir précisément les mêmes phases que la Lune; ce qui étoit, disoit-on, contraire à l'expérience & aux observations. Car, suivant le Système de Copernic, lorsque Venus, après sa conjonction inférieure avec le Soleil, son des rayons du Soleil, en se faisant voir dans l'Aurore, son diametre devroit être le plus grand, & Venus devroit paroitre alors concave. comme paroit la Lune peu de jours avant qu'elle soit nouvelle. Après cela elle devroit augmenter de lumiere; de sorte que dans ses plus grandes digressions ou élongations du Soleil, elle devroit paroitre dicho-

dichotome, ou coupée par la moitié, comme la Lune paroit dans ses S'approchant ensuite en apparence du Soleit. derniers Quartiers. elle devroit diminuer continuellement de grandeur, mais augmenter de lumière, jusqu'à ce que, vers le tems de sa conjonction supérieure avec le Soleil, elle parut ronde & se cachat enfin sous les rayons du Soleil. Peu de tems après sa conjonction supérieure, elle devroit reparoitre le soir dans le crépuscule, augmentant de grandeur & diminuant de lumiere à messre qu'elle s'éloigneroit du Soleil, iusqu'à ses plus grandes digressions, où l'on devroit encore la voir dichotome comme la Lune paroit dans ses premiers Quartiers; & à mesure qu'elle s'approcheroit ensuite de sa conjonction inférieure, elle devroit paroirre le foir fous la forme d'un Croissant, comme la Lune quelques jours après qu'elle est nouvelle. Les Adversaires de Copernic préténdoient qu'on n'observoit point les phases de Venus telles que ie les ai décrites, & Copernic ne pouvoit répondre autre chose, si ce n'est qu'elle les avoit en esset, & même qu'il ne falloit pas desespérer qu'un jour les Astronomes ne pussent en rendre un cémoignage mb thentique. En effet cette prédiction fut confirmée peu de tems après, lorsque le célébre Galilée profitant de la découverte qui venoit de se faire en Allemagne des lunettes d'approche, ou des telescopes, observa le premier les phases de Venus semblables à celles de la Lune, & précisément telles que la théorie de Copernic les demande, de sorte qu'ayant bientôt publié par toute la Terre les observations ou'il venoit de faire, l'on fut enfin obligé de condurre avec Galilée que rien ne pouvoir être plus propre a démontrer le système de Copernic, que cette observation sur les phases de Venus. Mercure est sujet aux mêmes variations dans ses pluses que Venus, mais ne se montrant que dans fes plus grandes digressions, nous ne le pouvons jamais voir parfairement plein & road; mais il est ou dichotome, ou un peu convexe, ou enfin un peu concave, étant vû par le telescope. Dans les planetes supérieures de Saturne & de Jupiter, les changemens des phales ne font pas fessibles du tout, à omfe de seur grande distance; Ee 2 Car

car, soit dans la sigure ci-jointe P la planete insérieure, par exemple.

la Terre, Q la supérieure & dans nôtre cas Jupiter, mettez SP = 1. SQ = v. PSQ = s, qu'on tire de P à SQ la ligne perpendiculaire PR, & nous aurons PR $\equiv x \sin s$, SR $\equiv x \cos s$, & QR $\equiv y - x$ cofs, & partant tang. $PQS = \frac{x \text{ fin } s}{y - x \text{ cof } s}$, & comme le sinus verse de l'angle SQM est proportionel à la partie étlairée de la Planete. observée du centre de la Terre, nous aurons fin. verf. $SQM = 1 + \frac{y-x \cos s}{V(y^2 - 2x)^2 \cos s + x^2}$: mais parce que la distance de Jupiter au Soleil est à peu près cinq fois plus grantde que celle qui nous sépare du Soleil, on aura sin. vers.' SQM $= 1 + \frac{5 - \cos s}{V(26 - 10 \cos s)}$ Mettons à présent l'élongation heliocentrique de Jupiter à la Terre ou s=90°, & notre formule deviendra I $+\frac{5}{\sqrt{26}} = 1.98058$. fi $s = 45^{\circ}$, nous aurons $r + \frac{5 - \sqrt{\frac{1}{2}}}{\sqrt{(26 - 5\sqrt{2})}} = 1.98668$ Ces expressions nous sont yoir, en divisant le Diametre de Jupiter en 2, la quantième partie en pourroit manquer dans ses diverses situations & ses differens aspects avec le Soleil: & comme le plus grand Diametre de Jupiter, vu du centre de la Terre, est à pen près $=50^{\prime\prime}, \frac{2}{100}$ qui y pourroient manquer, n'importeront pas une seconde: & comme il est vraisentblable que Jupiter est environné d'age stmosphere, à cause de laquelle plus de la moitié du corps de Juniter sera éclairée du Soleil, on verra la planete de Jupiter toujours pleine

phases de Saturne doivent disparoitre tons à fait, quand nous considérons l'extrème distance dont il est choigné de notre globe. Dans

& parfaitement ronde.

A' plus forte, raison les changemens des

la planete de Mars on observe quélques variations dans les phases qui ne sont pourtant pes à besucoup près, 6 grandes que celles qu'on remorque dans ilea plasteres, inferiduses, de furrent dans Vignus; & tous ces changemens des phoses s'accordent si parfaitement avec le fustème de Copernio, que sa théorie n'est jamais démentie, par; les obfervations. Après toutes ces explications & cet accord merveilleux de l'expérience deudes principes, il reste encare dans les apparitions de la planete de Nanus une merveille, qui pargissoit d'abord irréconciliable avec tous les systèmes du monde, tant qu'on ne pesoit pas avec allez de circonspection toutes les circonstances; c'est que, quand le distant de Venus paroit entierement éclairé, ce n'est jamais dans cette situation que sa lumiere devient la plus brillante & la plus abondante:: fon plus grand éclat n'asriere, jumais dans sa conjonction supérieure avec le Soleil, mais long tems après, & même après les quadmenres; car Venus étantidans sa conjonction supérieure avec le Soleil. sa distance à la Terre devient trop grande; c'est cette grande distance, ani est cause que la force & la vivacisé de sa humiere dimiment d'une part dans uniplus grand sapport que la quantité de lumiere n'augmente de l'autre, c'est à dire, à mesure que nous voyons sous un plus grand angle son disque éclairé. Car la lumiere de Venus décroit coultamment comme les quarrés de ses distances à la Terre angmentene, au lieu que la partie éclairée que nous appercavons succollivement un peu plus grands, jusqu'à ce que le disque nous paroit entierement humineux, grole seulement dans la raison des sinus verses de l'angle extérieur qui est à la planete SPM, comme nous l'avons vû cy-dessus. Co qui augmente le plus cette merveille dans les apparitions de Venus : c'est qu'ayant emactement observé dans une révolution le point de l'orbite de Veaus, ou son élongation Géocentrique au Soleil, où son éclas éteit le plus grand, on trouve que faifent le seconde révolution, & ayant la même élongation, son plus grand éclat est la seconde sois ou plus grand ou plus petit, que la premiere; de sorte qu'il y a des degrés dans sa plus grande lumiere, Ee 3 Š.

& un éclat each qui l'arpelle cous les autres plus grands éclats. .. Pour s'assurer de ce que favance ici, on n'a qu'à se rappeller; que Vonus a eré quelquefois observée s'an sube simple en pleir midi avec de Soleik comme l'année 1747, au mois de Novembre, & même l'année paffée1 & dans le dernier siecle, où elle fut d'abord prise pour une Comete, aui selon la superstition du peuple prédifoit toutes sortes d'evénemens. Il est bien viui que ce cas n'arrive pas coujours quand il devroit paroitre, mais il faut aussi de certaines sailons, pour nous faire voir ce beau spectacle. En Eté on a rarement observé la planete de Venus en plein jour, parce que le trop grand éclat du jour l'éteint alors: en Hyver l'atmosphère continuellement chargée de trop de vapeurs nous la fait pareillement disparoitre ; ce n'est qu'aux environ des équinoxes qu'il pous est permis d'admirer ce lustre de Ve nus: dins lesquelles skisons; heureusement pour la solution du problème que nous allons examiner, la Terre est dans sa distance movenne au Soleil. 'Si l'on vouloit déterminer par des observations le rapport, qu'ont les plus grands échos de Venus entre eux, on pour roit se servir de la mome methode qu'a emploide Mr. Bonquer pour la détermination de la Aumiere de la Llune par rapport à cette de Soleil: il avoit affoibli la lumiere du Soleil moyennant un verre concave jusqu'à ce qu'elle lui parêt égale à la lucur d'une bougie éloignée de lui d'une distance connue, de comparant après la lumiere de la Lune pleine à la même bongie élolgaée de dui purellement d'une distance connue; il a trouvé le vray rapport de la lumiere du Soleil à celle de la Lune. Si l'on faisoit la même opération pour le plus grandéclat de Venus dans chaque révolution, on trouveroit le véritable rapport qu'ent cos plus grandes spletideurs de Venus entre elles. J'ai taché dans la folution du problème suivant de décour vrir par la théorie cette rélation, de les alages qui en rélateur pout faire voir l'accord du système du monde avec tous les phénomenes justifieront assez mon entreprise. grand could come a training of the contraction of

PRO-

Commercial (description of the contraction of the c

plus grand éclar de Venus arrivera.

SOLUTION AND CHARGO A CHARGO

QSP=1, & il fera colin QPS — $\frac{1}{1}\frac{1}{3}\frac{1}{3}$ Comme

I éclat de Venus est en raison composée directe du finus verse de l'angle SPM & inverse composée doublés de la distance

QP & PS, il fera (propositionel la cette quantité) — x-y col $y+\sqrt{x^2-2}$, y col $y+\sqrt{x^2}$. Pour arouver donc où (y^2-2xy) col $y+\sqrt{x^2}$, y col $y+\sqrt{x^2}$ and y doit etre égalé à zero y est, a dire x-y col $y+\sqrt{x^2-2}$, y col $y+\sqrt{x^2}$, doit etre égalé à zero y est, a dire x-y col $y+\sqrt{x^2-2}$, y col $y+\sqrt{x^2}$, ou y col y

Soit la Terre en Q, Venus (codR, SP=00, (SQ +); ('angle: (x = -))

Si l'on suppose Réclat de Venus seulement proportionel à

 $+ \left[xy \sin s \left(2x^2 - y^2 - xy \cos s + 2x \right) x^2 - 2xy \cos s + y^2 \right] ds = \rho$

 $+ \left[x^2 y (4 - \ln x^2) - 2x \exp[x (x^2 + y^2)] + 2x (y - x \cos[x)) \sqrt{(x^2 - 2xy \cos[x + y^2])} \right] dy$

 $x-y \cos(s+1/x^2-2xy \cos(s+y^2))$ nous aurons $(y^2-2xy \cos(s+x^2))^{3/2}$ nous aurons $(y^2-2xy \cos(s+x^2))^{3/2}$ $(y^2-2xy \cos(s+x^2))^{3/2}$

3 (x-

 $3(x-y\cos(s+\sqrt{x^2}-2xy\cos(s+y^2))(xdx-xdy\cos(s-ydx\cos(s+ydy+xy\sin sds))(\sqrt{x^2}-2xy\cos(s+y^2)=$ (x2-2xy cols+y2)2(dx-aycolb+y finid)4 (4222xy colb+y3) xda-xdycols-ydh $(3x-3y\cos\theta+2\sqrt{x^2-2xy}\cos\theta+y^2)(xdx-xdy\cos\theta+ydx\cos\theta+ydx\cos\theta+ydy)$ (x2-2xy colimpy) (xx Q Zy, colimy) in North (x no orth i) el me d [2(x-ycofs)²-y² fin s²+2(x-ycofs) $\sqrt[3]{x^2-2xy}$ cofs+y²] dx + $[xy(4-\sin s_x^2)-2\cos(x(x^2+y^2)+2(y-x\cos(x))/x^2-2xy\cos(x+y^2)]dy$ y lin s d s (2x2-y2-xy cofr.++2x / x3-2 ky cofr.++yh) == 0 Gomme nous supposons la Theorie du Soleil & de Venus connue, mettons le demi-grand axe de l'orbite de Venus = a, & celui de la Terre _ A, l'excentricité de l'orbite de Venus _ 2, 4 celle de la Terre _ E, l'anomalie vraie de Venus _ v, & celle de la Teo. re V & comme les planetes décrivent autour du Soleil des af res proportionelles au tems, soit dans l'élément du tems (fig. 2.) de l'aire PSp = mdr, & QSq = ndr, il fera mdr = 4 PS PSp & parame l'angle PSp $= \frac{2mds}{x^2}$, pateillement le petit angle QSq $= \frac{2mds}{y^2}$, & partant ds = qSp - QSP = QSq - PSp = 2ds $\left(\frac{n}{n^2} - \frac{m}{r^2}\right)$. AP & BQ foient les tangentes des orbites, & APS = p, BQS=q, l'aire PSp = mdi = i PS. Pp. sin p, on aura Pp = de deux corps tournant autour du Sofeil sont en raison sousdoublée des parametres de leurs orbites, il sera m = Va(1-er);

$$\frac{a}{2} = V \Lambda(1 - EE) & \text{ la tangente de } p \text{ étant } = \frac{e \cot v - 1}{e \sin v}; \text{ tang.} q$$

$$= \frac{E \cot V - 1}{E \sin V} & x = \frac{a(1 - ee)}{1 - e \cot v}; y = \frac{A(1 - EE)}{1 - E \cot V}$$
il fera $dx = \frac{-2e \sin v. dt}{V a(1 - ee)}; dy = \frac{-2E \sin V de}{V \Lambda(1 - EE)}$

$$ds = \frac{2dt ((1 - E \cot V)^2 - (1 - e \cot v)^2)}{\Lambda^{3/2} (1 - EE)^{3/2} - a^{3/2} (1 - ee)^{3/2}}$$

Et si l'on met la difference de la longitude des Aphelies de la Terre & Venus, qui est connue, $= \emptyset$, il sera $s = \emptyset + V - v$.

Comme il n'est pas possible de développer cette équation, mettons le lieu de la Terre en Q sixe, & cherchons pour chaque lieu donné de la Terre dans son orbite le lieu de Venus, où son plus grand éclat arrive; dans ce cas nous aurons, à cause de $s = \alpha + v$, R répondant à l'aphelie de Venus

$$[2(x-y\cos t)^2-y^2\sin s^2+2(x-y\cos t)\sqrt{x^2-2xy\cos t}+y^2]\frac{x \sin v}{1-e\cos v}$$

$$y \sin s (2x^2-y^2-y\cos s+2x)(x^2-2xy\cos s+y^2))$$
foit $x-y\cos s=z$, & cette équation fera transformée dans la fuivante
$$(2z^2-y^2\sin s^2+2z\sqrt{z^2+y^2\sin s^2})\frac{ex\sin v}{1-e\cos v}$$

$$y \sin s (2z^2+3yz\cos s-y^2\sin s^2+2(z+y\cos s))\sqrt{z^2+y^2\sin s^2})$$
& multipliant de part & d'autre par $2z^2-y^2-2z$ $V(z^2+y^2\sin s^2)$
il fera
$$z\cos s (2z^2-7y^2\sin s^2)+\frac{ex\sin v.\sin s}{1-e\cos v}(ez^2-y^2\sin s^2)-y^2\sin s^2$$

$$(z^2+y^2\sin s^2)=2\cos s (y^2\sin s^2+z^2)^{3:2}, \text{ dans cette}$$
équation si on substitue $x=\frac{a(1-ee)}{1-\cos v}; z=x-y\cos s; s=a+v,$
on trouvera, par les racines de l'équation du 8me dégré, en combien de Man, de l'Acad, Ton, Pl.

F f

points de l'orbite de Venus son éclat est le plus grand pour la même distance de la Terre au Soleil.

Comme cette équation est encore fort intraitable, faisons plufieurs hypotheses pour les distances de la Terre & de Venus au Soleil, & les mettant données, ou connues, nous aurons dans nos formules differentielles

$$y \text{ fin } s d s \left(2 x^2 - y^2 - xy \cos s + 2 x \sqrt{x^2 - 2 x y \cos s + y^2}\right) = 0$$

& partant cofin $s = \frac{-2x}{3} - \frac{y}{x} + \frac{2}{y} \sqrt{(3y^2 + x^2)}$

Faisons à present toutes les suppositions pour les distances de la Terre & de Venus au Soleil, & cherchons pour ces cas l'angle 7.

```
| x = 9. 862359 | x = 0. 7283798 apbelie.
| x = 9. 859359 | x = 0. 7233666 distance moyenne.
| x = 9. 856295 | x = 0. 7182820 peribelie.
| y = 0. 007286 | y = 1. 0169180 apbelie.
| y = 0. 000000 | y = 1. 0000000 distance moyenne.
| y = 9. 992589 | y | 0. 9830800 peribelie.
| HYPOTHESE I.
```

Si Venus est apbelie, & la Terre peribelie.

| $x = 9.862359 | 1 y = 9.992589 | 1 y^2 = 9.985178 | 1 2 = 0.301030 | 1 x = 9.861359 | 1 3 = 0.477121 | 0.163389 | 0.130230 | 0.462299 | 1 y = 9.992589 | 1 x^2 = 9.724718 | 1.4819 | 3 y^2 = 2.8993 | 1.3497 | 3 y^2 + x^2 = 3.4298 | 3 y^2 + x^2 = 3.4298$

9. 992589 0. 576075 nomb. 3. 7677 HYPO-

227 6

HYPOTHESE II. Si Venus est peribelie, & la Terre apbelie.

```
lx=9.856295
                    l \eta^2 = 0.014572
12=0.301030
                     I_3 = 0.477121
    0. 157325
                           0.491693
ly=0.007286
                         = 3. 10237
                         = 0.51593
    0.150039
nombr.1.4127
               x^2 + 3 y^2 = 3.61839
17=0.007286
                        = 0.5585046 J
lx = 9.856295
                   I log = 0.2792523
                     1 2 = 0.3010300
    0. 150991
    1.4158
                           0. 5802823
     3.7411
                         <u>0.007286</u>
    2.8285
                           0. 5729963
cols=0.9126
        24° 8'
                 HYPOTHESE III.
  Si Venus & la Terre sont dans leurs distances moyennes du Solcil.
1 x == 9. 859359
                                   7 ×2 = 9.718718
                     = 0.140641
  * = 0. 72336.
                                         ÷ → 0. 52326
 x $5. 1. 044672
       1.738242 = 1.38242
        2. 82914
                                              2.82914
                                      cof = 0. 92494
                                        ·.s = 22° 20'
                         Ff 2
                                                HYPO-
```

228

HYPOTHESE IV.

Si Venus est perihetie, & la Terre perihelie.

1 x = 9. 856295 1 2 = 0. 301030		$\begin{array}{c} l \ j^2 = 9.985178 \\ l \ 3 = 9.477121 \end{array}$
0. 157325 9. 992589 0. 164736		$ \begin{array}{c} 0. \ 462299 \\ 3 y^2 = 2. \ 8994 \\ x^2 = 0. \ 5159 \end{array} $
1. 4613 1. 3687 2. 8300		3. 4153 log. 0. 5334289 \frac{1}{2} \langle 0. 2667144
$ \begin{array}{c} 3.7597 \\ \hline 0.9297 \\ 5 = 21^{\circ} 36' \end{array} $	• .	$ \begin{array}{c} 1 \ 2 = 0.3010300 \\ \hline 0.5677444 \\ 1 \ 3 = 9.9925890 \end{array} $
21 JU		0. 5751554

HYPOTHESE V.

Si la Terre est aphelie, & Venus aphelie.

HYPO-

4 , 229 **4**

HYPOTHESE YL

Si Venus oft dans sa distance moyenne du Soleil, & la Terre perihelie.

HYPOTHESE VIL

Si Venus oft dans sa distance moyenne du Soleit, & la Terre aphetie.

HYPO-

HYPOTHESE VIII.

Si la Terre est dans sa distance moyenne du Soleil, & Venus perihelie.

HYPOTHESE IX.

Si la Terre eft dans fa dishance moyenne du Soleil & Venue aphilie.

Après avoir trouvé l'élongation heliocentrique de Venus au Soleil pour son plus grand éclat, cherchons à present le rapport qui est

est entre ces plus grands éclats; pour cette sin il faut trouver les valeurs de l'angle S P M, & de la ligne Q P.

HYPOTHESE L

. IIII O I III DE L				
1. 7114598: 0. 254700:	$2 = tang. 79^{\circ} 42^{\frac{1}{2}}$:			
9. 4060292	<i>l.</i> S P = 9.8623590			
10. 7409308	1. fin. $PSQ = 9.5460110$			
10. 1469600	9.4083700			
0. 2333666	1. fin. SQP = 9.8113583			
9. 9135934	4 Q P = 9.5970117			
₹ diff. == 39° 20₹/				
79 42 ½	·			
$SPQ = 119^{\circ} 3' & SQP = 40^{\circ} 22'$				
HYPOTHESE IL.	HYPOTHESE III.			
1.7352000: 0.2986360 = tang.77°56'	1. 7233666: 0. 2766334 tang. 78°501			
0.4751407	0.4410046			
9. 475142 1 10.6700472	9.4419046			
	0. 2363777			
10. 1451893	9. 205526 9			
0. 2393495	10. 7046511			
9· 9058398	9.9101780 39° 7'			
38° 50	78·50			
S P Q 116 46 SQP=39°6'				
LSP = 9.8562950	1			
Lin.PSQ= 9.6115762	9.8593590			
	9. 5797772			
9. 4678712	9.4391362			
L fin SQP 9. 7998062 LQP 9. 6680650	9.8054951 1 O P 0.6226411			
1 Q P 9.6680650	I Q P 9.6336411 HYPO-			
•	111,10-			

HYPOTHESE IV.

```
1. 7013620:
                  0. 2647980 === tang. 79° 12'
                           1 S P. 9. 8562950
       9. 4229147
                         1 sin PSQ 9. 5659948
       10.7195122
       10. 1424269
                                 9. 4222898
                         1sin PQS 9. 8079169
       0. 2307967
       9. 9116302
                          IQP=9. 6143729
          39° 12
          79
             12
SPO=
         118 25
                    SQP = 39 59
                 HYPOTHESE
                  O. 2885382 === tang. 78° 32°
      I. 7452978:
                           1$ P 9. 8623590
     9. 4602033
                        l'in PSQ 9. 5906856
       10.6928325
      10. 1530358
                                9. 4530446
                        linPQS 9. 8022816
       0. 2418695
                         SQP=9. 6507630
       9. 9111663
        39° io'
        78 32
SPQ
                    1 Q P = 117 42
        117 42
                HYPOTHESE
                                VL.
      1. 7064466:
                   0. 2597134 ____ tang. 79° 27'$
                           ISP 9. 8593590
      9. 4144944
                        lin PSQ 9. 5559711
      10.7302739
      10. 1447683
                                9. 4153301
                       lin P Q S 9. 8097182
       0. 2320927
                         /QP=9. 6056119
       9. 9126756
         39 161
         79 27분
       118° 44' ·S Q P = 40° 11'
                                             HYPO-
```

HYPOTHESE VIL

```
I. 7402846:
                    0. 2935514 === tang. 78° 12/
        9. 4676842
                          1. SP = 9. 8593590
                       1. fin PSQ = 9. 6024388
        10.6800389
       10. 1477231
                                  9. 4617978
                      1. \sin SQP = 9.8015106
        0. 2406202
                          LQP= 9. 6602872
        9. 9071029
          38° 55
          78
               12
SPQ= 117 7
                    .5 Q P = 30^{\circ} 17
                 HYPOTHESE
      1. 7182820:
                   0. 2817180 == tang. 78° 34'
                         1. SP = 9.8562950
        9. 4498146
                     1. fin PSQ = 9. 5894893
       10.6941311
       10. 1439457
                                  9-4457843
                     1. fin SQP = 9. 8038168
       0. 9088513
           39° 2'
                           /QP=9. 6419675 ..
           78 34
SPQ=
                     SQP = 39^{\circ} 32'
                  HYPOTHESE
                   O. 2716202 === tang. 79° 10/2
      1. 7283798:
                          1. SP = 9. 862359
       9. 4339620
                      1. fin PSQ = 9. 5669508
       10.7184839
                                  9. 4293098
       10.1524459
                      1. sin SQP = 9. 8059510
       0. 2376392
                           1QP=9. 6233588
       9. 9148067
         39° 24½/
         79
            103
SPQ= 118° 35'
                     SQP = 39^{\circ} 46'.
                               Gg
                                                 Ayant
    Mim. de l'Acad, Tom. FI.
```

Ayant à présent trouvé les valeurs des lignes QP & SP & de l'angle SPM, cherchons le rapport des plus grands éclass de Venus.

L.
$$l. PQ^2 = 9.1940234$$
 $l. SP^2 = 9.3361300$ $l. SP^2 = 9.7247180$ $l. SP^2 = 9.0125900$ $l. SP^2 = 9.0125900$ $l. SP^2 = 9.0125900$ $l. SP^2 = 9.013598$ $l. SP^2 = 9.2672822$ $l. SP^2 = 9.2672822$ $l. SP^2 = 9.2187180$ $l. SP^2 = 9.7187180$ $l. SP^2 = 9.712590$ $l. SP^2 = 9.712$

Les nombres de ces logarithmes sont proportionels aux plus grands éclats de Venus dans ses différens aspects avec le Soleil, & pour les comparer ensemble, mettons le plus grand éclat de Venus quand elle & la Terre sont dans leurs distances moyennes au Soleil = 1. & nous aurons.

L o. 7925826	II. o. 6913598 0. 7393389	IV. o. 7780949	V. o. 7022380
b. 7393389		o. 7393389	O- 7393389
O 0532437	9. 9520209	0. 0387560	9. 9628991
11304	8954	10933	9181
VI. 0. 7854483 0. 7393389	VII. o. 6964631	VIII. 0, 7332098	IX. 0. 7458716
	o. 7393389	0. 7393389	0. 7393389
0.0461094	9. 9571242	9. 9938709 986	0.0065327

HYPOTHESES.		Rapport des plus grands	
•	éclass	de Venus.	
Si Venus est perihelie, & la Terre aphelie.	Ο.	8954	
Venus dans sa distance moyenne, & la Terre aphelie.	0.	9060	
Venus & la Terre aphelies.	0.	9181	
La Terre dans fa distance moyenne, & Venus perihelie.	l o.	9860	
La Terre & Venus dans leurs distances moyennes.	ı.	0000	
La Terre dans sa distance moyenne, & Venus aphelie.	I.	0151	
Venus & la Terre perihelies.	I.	0933	
Yenus dans sa distance moyenne, & la Terre perihelie.	I.	1120	
Venus aphelie, & la Terre perihelie.	I.	1304	

Gg 2

MEMOI-



MEMOIRE

SUR LA DETERMINATION DE LA PARALLAXE DE LA LUNE ET DE LA COURBURE DE LA TERRE ENTRE-PRISE AU CAP DE BONNE ESPERANCE ET A' BERLIN PAR ORDRE DE S. M. T. CHRET. AVEC LES OBSERVATIONS, FAITES DEPUIS LE 25. NOV.' 1751. JUSQU'AU 20. AVRIL 1752. A' L'OBSERVATOIRE ROYAL DE BERLIN,

PAR M. DE LA LANDE.

L'avenant entreprendre sous les yeux de cette Illustre Compagnie des opérations dont elle connoit l'utilité, quoique sous les ordres d'une Cour étrangère, je me suis cru dès-lors obligé à plusieurs titres de vous rendre compte, Messieurs, de l'objet de cette entreprise. Mais aujourd'huy que le nouveau lien par lequel vous avez bien voulu m'attacher à vous me met dans l'heureuse necessité de vous saire hommage de mes travaux par respect tout à la sois & par reconnoissance, je vais m'essorcer de remplir une partie de mes obligations, avec le seul regret de ne pouvoir m'en acquitter d'une manière plus éclatante.

L'on sçait combien, depuis plus de 20 Ans, la France s'est occupée de la Figure & de la Grandeur de la Terre, & les travaux immenses qu'ont déjà couté ces recherches. Je ne pourrois, sans répéter ce qu'ont dit avant moy les Illustres Auteurs de ces sameuses entreprises, vous parles

Digitized by Google

ler de l'importance & de l'etendué de leurs projets, ou de la manière dont ils les ont accomplis ; il me suffirm de rappeller ce qui peut avoir un rapport immédiat avec les opérations dont il s'agit ici.

Les Voyages du Nord & du Midy devoient également servir à la mesure du degré de la Terre, à la description Geographique des Côtes & des Pays qu'il falloit traverser, à differences recherches sur l'obliquité de l'Ecliptique, sur les refractions Astronomiques, sur le poids de l'air, ses degrés de condensation & d'élasticité, sur la longueur de Pendule, sur l'Aiman, ensin sur divers points d'Astronomie & de Phylique, dont chacun peut-être sussiroit dans ce siecle, pour conduire de curieux Observateurs dans les régions les plus éloignées & les moins acceffibles Ce dont j'ai, Messieurs, à vous entretenis ne renserme que deux choses; la premiere qui n'est entrée pour rien dans le travail de l'Académie des Sciences de Paris, est la détermination de la juste quantité des parallaxes de la Lune, la seconde est la Courbure des arcs du Meridien, à laquelle conduit le rapport de ces paralhaxes, fi elles peuvent être déterminées en même tems par divers Observateurs dispersés sous un même Meridien, Tel est l'objet pour lequel Mr. de la Castle est parti de Paris le 21 Octobre 1750, pour aller, avec l'agrèment des Etats Géneraux, observer au Cap de Bonne Espérance, ou il est arrivé le 19 Avril de l'année 1751. en même tems qu'il se propose de complexer un Catalogue général des Etoiles qu'il a entrepris depuis longtems, en y faisant entret les Etoiles Australes qui ne paroissent jamais dans nos Climats. C'est aussi cette même détermination des parallaxes de la Lune qui a été quelques mois après l'objet des ordres que j'ay reçu du Roy, pour venir faire dans le Nord des Observations simultanées, en même tems que l'Académie Royale des Sciences a donné avis à tous les Afronomes de l'Europe de l'entreprise à laquelle ils doivent coopérer. Nous avons même déja eu la fatisfaction d'apprendre qu'il y a un grand nombre d'Observateurs qui y prennent tout l'intéret que merite la grandeur de ce projet. Il s'entrouve, par exemple, à Rome, à Lisbonne, à Toulouse Gg 3

Toulouse, à Montpellier, à Marseille, à Lion, à Turin, à Vistemberz. à Paris, à Berlin, à Upfal, à Stockolan, à Pecessbourg; & nons vonons d'apprendre que Mr. Grischen, un des Astronomes de l'Acadé mie Impériale de Petersbourg, se transporte dans l'Isle d'Oesel, à l'extremité Occidentale des Etats de l'Impératrice de Russie, qui n'est éloignée que d'environ 13 minutes de tems du Meridien du Cap, avec un tres grand Infirument qui a été construir à Londres par M. Bird. Chaque ele ces Observatoires pris deux à doux nons pent donner une pétite caraiiaxe de la Lane affés exacte: & l'on voit affés que chacune de ces parallaxes a pour base une conde du Méridien sous leunsion observe. Si la Terre étoit sphérique, le progrés de tous ces angles & de toutes res cordes feroit toujours dans un rapport fore fimple & fore connu avec la difference des latitudes; mais les latitudes devant croitre fort inégalement sous une même corde donnée sur un sobéroide ou bien, ce qui revient au même, les Cordes elles-mêmes fort inégalement dans un progrés uniforme des latitudes, ce ne sera que lorsque nous aurons observé aver la dernière précision & les latitudes & les angles formés au Centre de la Lune, qu'il nous sera facile d'en canclure quel est le progrés des Cordes de des arcs du Méridien. & de juger par là de la nature de cette Courbe, ou cour au moins de connoitre si elle est ou n'est pas regulière.

C'est la tour le nound de la dissioné: une multitude de petits Angles formés au Centre de la Lune, & comparés entre eux, doivent schever de décider de la Figure de la Terre. Comparés avec le Cap de Bonne Espérance pour sormer un plus grand Angle, ils doivent déterminer la parallaxe de la Lune qui repond à la soutendance du grand Are qui est entre nous & le Cap. Cette methode a déjà été proposés d'une manière plus speciale, il y a plus de dix ans, dans le discours sur la parallaxe de la Lune, où il est démontré par des sormules très élegantes que trois Observateurs qui seroient par les Latitudes de 0°, 28°, 56°, quoique également distants, la C ayant 28° de déclinaison, ils trouveroient une disserence de Parallaxe de 104, tantis qu'il ne

ne devroit y en avoir aucune, si la Terre étoit sphèrique, ou si à des latitudes égales répondoient des Arcs égaux dans la Circonférence du Méridien.

Cette Methode est disserente de celle que Mr. Mansredi a proposé dans les Mémoires de l'Academie de 1734. où il veut qu'ayant observé en même tems la parallaxe horaire de la « devant & après son passage au Méridien, on en déduise par le calcel des angles qui comparés à l'observation faite dans le Méridien même peuvent montrer si la Terre est plus ou moins applatis que seion la Théorie; mais outre que cette Memode présuppose trop la conoissance de la Figure de la Terre, il est certain que la methode par laquelle on observe la Parallaxe horaire n'est prèsque pas applicable à la Lune à cause des irarégularités de son mouvement: sinsi il est inutile que j'entre dans aucun détait sur les moyens de réissir par cette voye, celle que nous avens choisse est plus simple, & ne suppasse que des calculs très faciles.

Mais quel fruit retirer de cette multisude d'Observations? Quet utage: popura son faire de tesse Parallaxe de la Lune, ou quelle nécessité de se proposer encor du figure de la Terre, après cont ce qui s'est fair sur les Montagnes de la Laponie, sur les Cordilières, & au milieu de la France? Telles sont les résiéxions qui peuvent se présenter, de auxquelles je puis satisfaire en deux mots.

La parallaxe de la Lune insue necessairement sur usus ses mouvemens, poisque ses mouvemens qui se sont autour du centre de la Terre deviennent irréguliers aux yeux de tous ceux qui sont placés sur sa sur l'esse de ceux même parallaxe, & qu'elle entre dans le calcul de toutes ses irrégularités; la parallaxe de la Lune a donc part à tous les avantages que l'on peut retirer de la Théorie même de la Lune, c'est à dire, de la connoissance de tous ses mouvemens. Or, sans entrer dans aucun détait à ce sujet, l'on sçait surtout que tous les Astronomes ont déjà reconnu que nous n'avons presque aucun moyen de déterminer la Longitude sur Mer que celuy qui suppose la connoissance des Mouvemens de la Lune, se que le secret des Longitudes semble

semble n'être un secret pour nous qu'à proportion de l'impersection de nos Calculs fur la Theorie de la Lune. C'est donc ainsi que le travail des Astronomes obligera, pour ainsi dire, cette Planete, maloré des irrégularités infinies, à servir dans tout l'Univers de fanal ou de guide infaillible, & achevera, ce semble, de remplir l'objet que l'Auteur de la Nature a pu se proposer en nous donnant ce Satellite. Si c'est de la parallaxe de la Lune que nous attendons de si grands avantages. est-il surprenant que nous recherchions avec tant d'empressement les movens les plus exacts & les plus surs d'en constater la valeur? Mais, indépendemment de la navigation, de la Geographie, de tous les usages même auxquels on peut appliquer ces connoissances, elles sont par elles-mêmes affez belles, affès relevées, affez dignes de l'Esprit hamain, pour mériter de trouver place au nombre des choses éclarantes dont la postérité sera à jamais redevable au régne glorieux de Louis XV. & par lesquelles est déjà gravé au Temple de Mémoire le nom de cet invincible Monarque.

Les Astronomes ont imaginé des methodes admirables sour déterminer les Parallaxes sans sortir d'un Observatoire; telle est celle que Mr. Cassini a expliquée dans le traité de la Comète de 1680; celle des plus grandes latitudes &c. Mais, malgré tout le génie qu'on admire dans leurs ressources, on est toujours convent que le plus sur & le meilleur seroit de placer deux Observaceurs à une trés grande distance & sous un même Meridien; il ne saut que jetter les yeux sur les Tables de la Lune pour voir que la diverské des methodes nous jettoit dans des diffèrences de résultats, qui aboutissoient à saire voir combien cet Elément étoit peu connu. Mr. Flamsteed dans ses premieres Tables de la Lune faisoit la parallaxe dans ses moyennes distances aux fizigies de 58/ 21/ 1. Mr. Newton l'a réduir a 57/ 301, & par les dernieres observations de la plus grande latitude, faites à Paris, elle a parû 57' 2" Z. Celle-cy est assez approchance de celle qui se trouve dans les Tables de Mr. Hallei publiées l'année dermière, mais il ne faut pas s'y tromper: la Table des parallaxes dans les · les sizigies y a été nouvellement ajoutée, & probablement d'après celle qui étoit déjà dans les Institutions Astronomiques de Mr. le Monnier; elle différe suffi de plus d'une minute de celle qui est employée dans les Tables de Mr. Cassini. Cependant la question parut prête à être resoluë en 1705. lorsque Mr. Kolbe alla au Cap de Bonne Esperance pour faire avec Mr. Wilh. Wagner, qui demeuroit à Berlin, des Observations simultanées: mais, outre que les Astronomes n'ont point pt faire usage de ces Observations, elles étoient en elles-mêmes trop imparfaites. Il n'est donc pas étonnant que le succés n'ayant pu répondre à la générosité & à l'empressement de l'auteur de cette belle entreprise, nous soyons réduits aujourd'huy à reprendre la chose tout de nouveau. Rien ne manquoit cependant du côté des Observateurs: tous les deux élèves de Mr. Geor. Christ. Eimmart, habile Artiste & grand Astronome de Nuremberg, ils surent choisis l'un & l'autre au sortir d'une si bonne Ecole comme les plus capables de remplir l'etenduë du projet & des vues de leur généreux Protesteur; mais que ne fut-il suffi heureux dans le choix des Instrumens que dans celui des Astronomes! Il voulnt donner à chacun d'eux un Quart de cercle azimuthal. un sextans, un horloge à Pendule, une Lunette de 14. Pieds, & une de 27. mais le malheur voulut qu'il eut recours à une Nation & à des gens peu instruits de la délicatesse des opérations dont il s'agissoit. Les deux premieres pieces, qui étoient aussi les plus importantes, se conservent encor à l'Observatoire Royal de Berlin; l'on voit que le sextans a un rayon de 2 pieds, 10 pouces, 8 lignes de France; la longueur & même la soliditéauroient pû être suffisantes, si on eut eu la précaution d'y appliquer des Lunettes, comme il se pratiquoit déjà en France depuis près de 40 ans, & si les Divisions eusseut été faites avec plus de délicatesse. Mais quand on voit que, sur un Instrument où un demi-pouce remplit environ 3000" les seuls traits de la Division en occupent plus de 30, & qu'il n'y a pour bornoyer ou pointer à des étoiles que des pinnules assez grossères, que peut-on présumer de l'exactitude des réfultats où il faut absolument porter la précision jusqu'a 4 ou 5 se-H h Mins. de l'Acad. Tom. VI. condes

condes. Le Quart de Cercle azimuthal est composé de deux pièces: celle qui sert à prendre la hauteur, & qui est la principale, a un demipouce de moins que le sextans dont je viens de parler, & celle qui est horizontale, & qui servoit à prendre les azimuths, n'en a que la moitié. l'une & l'autre sont travaillées avec la même négligence; les deux Lunettes dont j'ai parlé, n'avoient pas de Micrometre, ou du moins je ne vois pas qu'on en ave fait aucun usage. C'en est assez pour juger de la defectuosité de ces operations, surtout eu égard à la précision où se porte actuellement la connoissance des mouvemens Celestes. Mais j'ay ajouté que, quelques parsaites que pussent être leurs Observations fur la Lune, les Astronomes n'ont pir encor en faire usage. En effet les premiers Eléments nécessaires pour la comparaison des Observations, étoient la différence des Meridiens, ou la Longitude du Cap aussi bien que sa Latitude, mais l'une & l'autre nous étoit inconnuë: les difficultés & les obstacles que trouva Mr. Kolbe de la part des Hollandois, avant que d'obtenir un lieu commode, malgré les recommandations dont il étoit pourvû, aussi bien que le mauvais tems & le manque de circonstances, ont été cause qu'il n'a pû faire aucune observation propre à déterminer la Longitude. Il auroit donc fallu s'en rapporter à d'autres Observations, qui n'ayant point été faites avec toute la précision nécessaire à cet usage, pouvoient s'ecarter beaucoup du vray, & que nous sçavons en effet depuis peu en être éloignées de 8' de tems, ce qui pouvoit changer la parallaxe de près de 1004. Par les observations que Mr. de la Caille a déjà faites au Cap de Bonne Esperance, on conclut qu'il est éloigné de Berlin de 20/ de tems environ: par le résultat des observations du Pére Fontenay au Cap de Bonne Esperance on trouve 26' 33", toute correction faite, & d'aprés les remarques de Mr. Hallei on ne trouve que 5' 55". Il est évident que dans une telle incertitude on ne pouvoit se flatter d'aucun succés par le moyen de ces Observations. Mais ce n'est pas tout : la Latitude du Cap encor plus essentielle, & dont la moindre diffèrence tombe toute entiere sur la parallaxe, a été jusqu'ici un Elément si incertain desi peu'

peu connu, que Mr. Kolbe, qui l'a déterminé de 33° 45' diffère de 30' de ceux à qui il vouloit s'en rapporter pour la longitude, & de 10/45" de celle que Mr. de la Caille y a déjà observée. Enfin les Observations sont en trop petit nombre, & n'ont même été publiées que plus de 30. ans après ce voyage par Mr. Wagner qui en rapporte à peine deux. Cependant les Astronomes scavent combien il est difficile de pointer avec de bons Instrumens avec une exactitude de plus de 5/1: il faut donc par une conséquence naturelle qu'un grand nombre d'Observations, des mieux choisses, & faites dans les plus favorables circonstances, puissent par une compensation de ces petites erreurs nous ramener plus prés de la vérité que ne pourroit chacune de ces Observations en particulier; car enfin, il est moralement impossible que si nos précautions sont trompées par la foiblesse de nos sens & l'imperfection de nos organes, elles le foient toujours de la même maniere, dans le même sens, & de la même quantité: & nous pouvons toujours légitimement espèrer que prenant un milieu entre un plus grand nombre de résultats, nous approcherons davantage du véritable. C'est dans cette vue que Mr. de la Caille même avant son départ avoit fait choix de 60 Observations plus importantes dont il desiroit principalement les Correspondantes, & qu'il exhortoit malgré cela les Astronomes à ne manquer pas un seul passage de la

au Meridien, pendant l'année entière, où l'on pouvoit à chaque fois espèrer d'avoir au Cap une Observation simultanée.

Mais il est tems de passer à ce qui concerne la figure de la Terre. Je puis d'abord remarquer que le seul travail des Parallaxes de la Lune étant ici le plus important, il suffiroit d'en avoir sait l'exposition pour avoir pleinement justissé l'utilité de nos entreprises, la figure de la Terre en étant d'ailleurs une suite, mais cette suite même, ou cet accessoire, est un objet principal d'une égale importance. En esset dans certaines parties de la Theorie de la Navigation, dans l'Astronomie, & dans la Physique, où nous ne sçaurions apporter trop de soins à constater la juste quantité des Eléments que nous y employons, la Hh 2 grandeur

grandeur de la Terre ne sussit pas, & il est nécessaire d'en connoitre exactement la Courbure; par exemple, la Longueur des dégrés de Longitudes se déduit ordinairement de celle des dégrés du Meridien; mais lorsque les Pilotes déduisent le changement en Longitude, à proportion du changement en Latitude qu'ils observent le plus qu'il est possible, il le sont en se servant du rayon de curvité du Meridien dans le point donné, au lieu de se servir du rayon d'un grand Cercle perpendiculaire au Meridien, qui est cependant plus grand des 3 de l'excés du dernier degré de latitude sur le dégré du Meridien au point donné, mais dont la connoissance dépend de la courbûre de la Terre, de sorte que l'on trouve toujours les paralleles trop petits, & la disserence aux environs du Tropique va jus-

qu'à $\frac{1}{108}$. Doit-on négliger de rectifier leur methode des qu'on en connoit le défaut; d'ailleurs ces sortes d'erreurs peuvent se trouver combinées avec ces autres erreurs dépendantes de l'art ou de la pratique de la Navigation, & les augmenter très confidérablement, ou tout au moins en rendre la découverte & la discussion très disficile. Mais s'il arrivoit cependant que quelqu'un s'etonnat de nous voir rechercher une si grande précision, & qu'elle lui parût s'etendre au delà des besoins de la pratique, alors je les renverrois à l'un des Ouvrages de l'Illustre Auteur, que j'aurois déjà nommé plusieurs sois, sis modestie ne m'imposoit silence. Il y montre combien il est étrange de blàmer la précision dans des Sciences qui ont la précision pour objet, & de croire que, parce que dans le grand édifice des Sciences auquel tous les Sçavans travaillent en commun, il en est quelques uns qui, placés aux endroits les plus difficiles, ont moins avancé leur ouvrage, les autres soient autorisés à se rallentir ou à s'arrêter : dans des matieres qui éxigent toute nôtre attention, & qui d'ailleurs dépendent d'une pratique si difficile & si longue à persectionner, ce seroit renoncer à tout l'objet que d'en nègliger la plus petite partie.

Je ne parlerai pas de l'ulage de la figure de la Terre pour calculer plus rigoureusement les mouvemens celestes; il est évident que fon irrégularité est plus que suffasante pour qu'en y doive avoir égard dans un tems où l'Astronomie semble approcher à grands pas du terme de pertection où elle peut naturellement aspirer.

La figure de la Terre nous conduit à la détermination des points vers lesquels tend la pelanteur ou la gravité primitive, ce qui est nécessaire pour en comparer les différences dans chaque lieu de la Terre, & même pour en découvrir la veritable quantité. Ces importantes recherches sont probablement celles qui doivent un jour achever de débrouiller à nos yeux le chaos des mystères de la Nature sur la constitution interieure de la masse de la Terre, & persectionner les connoissances que nous avons déjà sur le rapport de cette pesanteur avec celle qui retient toutes les autres Planetes dans leurs orbites, & qui les pousse ou les attire chacune vers leur Centre. Cecy est un des points qui exige le plus d'exactitude & de précision dans la détermination de la figure de la Terre; car sous une même quantité d'applatissement les disserentes Courbures qu'on pourroit attribuer à la Terre nous produiroient des rayons de curvité trés differens, & par conséquent nous induiroient dans des erreurs confiderables, lorsqu'on voudroit par leur moyen déterminer d'aprés les experiences le rapport des differents dégres de pesanteur. Enfin, puisque quelques inégalités periodiques de Saturne qui ont paru ne pouvoir s'attribuer à l'attraction des autres Planetes, ont fait croire à un des plus grands Geometres de ce Siecle, que la Loy de l'Attraction des Planetes n'étoit pas exactement celle que Newton a établie, & qu'elle étoit même altérée par la figure des Planetes, comment pouvoir sans la détermination la plus exacte & la plus géometrique de cette figure lever des doutes si importants par leur objet, & si respectables par le caractère de leur Auteur? Les opérations faites en Lapponie & au Perou étoient très propres à fixer pour toujours les dimensions du Corps de notre Planete, si l'on eut pû avoir d'ailleurs dequoi fonder une hy-Hh 3 pothele

pothese sur la figure, c'est à dire, sur la nature de sa courbure & de sa convexité. La Theorie & les principes de la pesanteur, comparée au mouvement de la Terre sur son axe, sembloient devoir être déjà de quelque secours, & Newton les avoit employés à déterminer le rap-

port des deux Diametres de la Terre, qu'il trouvoit differents de $\frac{1}{230}$

D'un autre coté, un degré mesuré comme on le scait au milieu de la France, donne un 3º point de la Courbe, dont on peut faire usage avec les deux autres pour découvrir les mêmes dimensions. Mais, helas! on s'est appercu que l'on n'etoit encore que trop éloigné du but, lorsqu'on a vû combien differoient les résultats tirés de chacune de ces methodes, & surtout dans quelles énormes differences nous jettoient la diversité des Courbes que l'on pouvoit admettre pour satisfaire aux trois degrés déjà mesurés, pris ensemble, ou comparés deux à deux. Pour ce qui est de la Théorie, les premieres experiences de la longueur du Pendule s'accordoient à montrer que l'augmentation de pesanteur en approchant vers le Pole étoit beaucoup plus grande que celle qui résultoit de cette Théorie: il fallut donc y renoncer. Quant aux hypotheses Geometriques, l'on sut tenté des les commencemens d'y introduire l'Ellipse comme la plus simple des Courbes dont les Diametres sont inégaux, & comme celle qui donne le plus de facilité dans les calculs. Je parle de Mr. de Maupersuis, qui en tira dés-lors, c'est à dire en 1737, des formules trés simples, dont Mr, de la Condamine s'est servi même après la derniere mesure pour déterminer le rapport des deux axes de la Terre. Peut-être même la précision que l'onen tire suffira encor longtems pour répondre aux connoissances que l'on acquiert par les opérations pratiques, quoiqu'on ait essayé d'en chercher une plus grande dans la figure de la Terre publiée en 1749. L'on y suppose cette figure, non pas celle d'une Ellipse, mais d'une autre courbe telle que les excés des dégrés du Meridien mesurés en deçà & au delà de la ligne soient comme les quarrés quarrés, ou les 4e puissances des sinus des latitudes. L'on trouve en effet qu'ils suivent un rapport de puillanpuissances dont l'exposant est 3 10; ce qui approche assez de 4.

Dans cette hypothese, l'on trouve pour la difference des axes 36659 toises, ou près de dix milles d'Allemagne, en supposant le Diamètre de l'Equateur, 6562026 toises. Examinant ensuite quelle puissance, non plus de Sinus des Latitudes, mais des Latitudes même, suivent les changements des degrés, on trouve que c'est celle dont l'exposant est presque $2\frac{\pi}{2}$, mais dans cette nouvelle courbe on trouve la difference

des axes de $\frac{1}{151}$ ou de 43457 toises, c'est à dire de 11 $\frac{1}{2}$ milles. Je

dois même ajouter que l'expression Algébrique que l'on tire de cette hypothese suppose connû un 4º degré que nous n'avons point, à quoy l'Auteur ne supplée qu'en égalant à zero une des indéterminées du probleme; mais lorsqu'il s'agit du choix entre ces deux déterminations differentes, voici comment s'explique ce scavant Auteur. Je rapporterai ses termes, afin qu'il paroisse combien je suis éloigné de chercher à dégrader les connoissances que nous ont achetées de pénibles travaux, entrepris avec tant de courage, conduits avec tant de soin, & par des Esprits si éclairés. "Il n'est pas surprenant qu'il reste des doutes sur cette matière, malgré tout ce que l'Académie a fait pour les dissiper, " puisque, comme nous l'avons déjà vû, nous ne connoissons encor que rois points de la ligne courbe qui exprime par ses coordonnées la " rélation qu'il y a entre l'étendue des degrés du Meridien & leur " distance à l'Equateur. . . . Nous ne pouvons rien affirmer d'abso-" lument positif sur la Nature particuliere de la gravité centrique, ni sur celle du Meridien." Aprés s'être ainsi expliqué sur ces hypotheses, il ne se détermine qu'à l'aide d'un degré de Longitude mesuré en France sur la latitude de 43° 32', mais l'on sçait assez que cette mesure n'est pas susceptible de la même précision que celle des arcs du Meridien. J'e n'ajouteray pas à tout cecy les diffèrences énormes que l'on trouve, si onse contente de comparer les degrés deux à deux: alors Yapplal'applatissement se trouve simple ou double, suivant les diverses suppolitions auxquelles on s'arrête: on le peut voir dans l'excellent Ouvràge de Mr. de la Condamine. Il me suffira d'ajouter que les moindres erreurs, dont on voudroit supposer l'une des mesures affectées, nous jetteroient dans de trés grandes diffèrences sur la figure ou le genre de la courbure de la Terre; néantmoins il est certain que, malgré les précautions plus qu'humaines qu'on a apporté dans toutes les parties de l'ouvrage. l'onne peut-être assuré que quelque chose n'ait échapé à la foiblesse de nos sens & à l'impersection des instrumens, puisque le même Auteur est obligé d'avouer, dit-il ingenuement, qu'on ne peut guères répondre en rigueur que de 4". L'Experience que l'on fait en ré-Dérant une observation avec divers instrumens ou avec le même. après l'avoir changé de disposition, en est une preuve bien suffisante: cependant 4" sur le degré apportent à la figure de la Terre un changement qui n'est pas absolument insensible, ni même la difference de 18 toises qui se trouve entre la détermination de Mrs. Bouquer. & de la Condamine, ou celle de Mrs. les Officiers Espagnols avec M. Godin, quoique tous ayent operé dans les mêmes lieux, avec la même ardeur, & avec les mêmes soins.

Après cela je crois en avoir dit assez pour démontrer que toutes les Opérations saites jusqu'icy pour la mesure de la Terre, non seulement n'excluent pas, comme on pourroit le penser, mais établissent même, la nécessité d'une suite d'Observations qui servent de consirmation aux precedentes, & surtout qui servent à déterminer de plus en plus l'équation qui exprime cette courbure. Je dis l'équation, parce qu'en esset j'ay supposé jusqu'ici que la Terre est un solide de circonvolution, c'est à dire, dont tous les Meridiens sont égaux & semblables, exprimés par la même équation: autrement, puisque les 3. degrés mesurés sont sous des Meridiens trés dissèrens, onne scauroit les comparer ensemble, ou en conclure rien d'absolu, jusqu'à ceque les opérations de la Parallaxe de la Lune nous ayent appris, quels progrés suivent les soutendantes des arcs du Meridien, sous lequel nous observons tous

tous en même tems, & nous ayent fait connoitre si ce qui a été observé sous les autres peut se rapporter à celui-cy. Mais enfin il y a encore un troisième genre d'incertitude que nous espérons fixer par les mêmes opérations: la Courbure du Meridien est-elle constante & regulière? Sa Nature est-elle la même dans toute l'étendue de la courbe. & sur tout la courbure est elle semblable dans les deux hemisphères? La plus prosonde ou la plus sublime Geométrie est ici à son terme, & il faut qu'elle attende que l'Astronomie ave vérissé & autorisé toutes les suppositions sur lesquelles elle est obligée de s'appuyer; c'est ce qui sera du moins en partie accompli, lorsque nous pourrons comparer la corde de l'arc qui est entre Berlin & le Cap de Bonne Espérance, avec celle des plus petits arcs qui séparent les diffèrens Observateurs de l'Europe. Ce que je viens d'expliquer en abrégé, paroit avoir été pleinement prévû & désiré par Mr. de la Condannine, lorsque, dans l'Ouvrage que j'ay cité il n'y a qu'un instant, il finit par ces mots. "Lais-" sons au tems & aux Observations multipliées à décider de l'uniformité de cette courbure ainsi que de sa quantité." En effet tous les doutes que les Physiciens commencent à repandre sur l'uniformité de la figure de la Terre, éxigeoient indispensablement, que l'on essayat, par une multitude d'Observations, de jetter sur cet objet, toute la clarté dont il est susceptible. Pour l'exécuter, il suffisoit d'en connoitre l'utilité, pour un Roy qui ne met point de bornes à la haute protection qu'il a toujours accordé, à l'exemple de son Auguste Bisaveul, aux Sciences & aux beaux Arts, & qui se trouve heureusement secondé par le Ministre le plus zélé pour sa gloire. (*)

Tout cecy, Messieurs, suit du seul travail des parallaxes de la Lune observées avec exactitude; mais Mr. de la Caille s'etant déterminé depuis peu à faire seul au Cap de Bonne Espérance la mesure d'un degré du Meridien, vous comprenez assez que la question de la figure de la Terre en recevra un nouveau jour, si

12

^(*) Mr. le Comte d'Argenson.

la qualité de ses Instrumens, & la situation du lieu contribuent, autant que sa capacité, & son insatigable assiduité, à donner à son travail la persection necessaire. Il est tems de vous parler, Messieurs, des précautions avec lesquelles j'ay entrepris cet ouvrage. Outre les instrumens d'Astronomie dont l'Observatoire est muni, j'ay reçu de Mr. le Monnier, avec l'agrément de l'Académie Royale des Sciences de Paris, un Quart de cercle de oinq pieds de rayon, divisé de cinq en cinq Minutes, pour observer chaque jour la hauteur de la Lune, lorsqu'elle passe dans le Meridien; la Lunete, ou Alidade, tourne au centre sur un Cylindre sait au Tour avec un trés grand soin & d'un métal sort dur, en sorte que cette pièce, qui est extrémement importante, ne puisse causer la moindre erreur.

La Lunette, dans sa partie inferieure, porte une plaque sur laquelle est un autre petite division, telle que la proposa Pierre Nonnius dans son traité des Crepuscules, qu'il attribue à Ptolomée, & d'autres à un certain Hetraus. Cette division est de 20 parties, & en occupe 21 de celles du Quart de cercle, de sorte qu'elle montre immédiatement la 20° partie de 5 Minutes, c'est à dire 15"; mais, pour peu qu'on ave contracté d'habitude parmi les Instrumens d'Astronomie, on peut estimer sans erreur, même à la vuë, le tiers ou le quart de cette quantité, c'est à dire 4 ou 5", & mieux encore si l'on employe une loupe pour examiner la division. Mais, pour plus grande persection, le même Limbe porte encor une autre division qui, par le moyen de l'arc de Nonnius, qui y correspond par sa partie inferieure, donne des parties qui ne sont presque que la moitié de celles dont je viens de parler, de sorte que par une double division l'on peut constater chaque observation, comme si elle étoit faite séparément avec deux Quarts de cercles & par deux Observateurs. Le même Instrument porte encore deux autres divisions par des points si subtils & si délicats qu'on a peine à les appercevoir, mais comme on n'en fait point actuellement usage, je n'en parle que pour avoir lieu de remarquer, que cet instrument renserme seul le travail de quatre semblables Quarts de Cercles des plus parfaits. La divifion

sion de Nonvius étoit sans doute bien présérable à celle que l'on fait ordinairement par des transversales, telles qu'on en voit sur le grand Quart de Cercle de 6. pieds, qui est dans la Tour Orientale de l'Observatoire Royal de Paris: car, sans parler de la difficulté qu'il y a à faire 5400 divisions sur un seul limbe avec toute l'exactitude necessaire, fur tout des divisions qui doivent être, ou inégales, ou séparées par des lignes courbes, je me contenterai de remarquer qu'il est très difficile dans l'Observation d'estimer les parties de la distance entre deux points, dont l'un est ordinairement caché par la Lame, qui d'ailleurs ne sont point sur la même ligne, & qui ensir ne scauroient être asses sins & asses ronds, puisqu'ils sont formés par l'intersection de deux lignes qui ont chacune leur épaisseur. Je puis ajouter que ces transversales ne donnant jamais immédiatement qu'une minute, tandis que celle dont je parle donne 15 secondes, c'est à dire 4 sois plus, l'erreur que l'on peut commettre dans l'estime doit être 16 fois plus grande, toutes choses égales. Car considérant les fausses estimes que l'on peut faire, comme une suite de nombres, dont les diffèrences sont inègales, (laissant néanmoins l'égalité entre les secondes différences,) on trouve que le Maximum de l'erreur, ou la quantité dont le terme moyen s'éloigne du terme correspondant d'une progression Arithmétique, ou égale, formée entre les mêmes donnés, augmente comme le quarré du nombre des differences ou intervalles: c'est à dire, que si je suis obligé d'estimer un douzieme de minute, ou d'estimer un tiers, je risque une erreur 16. sois plus grande dans un cas que dans l'autre, toutes choses égales. Cette même division de Nonnius supplée encore avantageusement au Micrometre qu'on auroit pû y placer; on y verroit peut être à la verité chaque seconde, mais malgré cela, il ne faut pas s'imaginer qu'on y put obtenir réellement une telle précision, parce que trois secondes ne serojent assurément jamais sensibles dans le Micrometre d'une Lunette de cinq pieds; mais ce n'est pas assés dire, & je suis persuadé que l'usage du Micrometre dans un Quart de cercle mural est bien au dessous de la Methode dont il est ici question. Car, d'un coté nous avons ici Ti 2 l'avan

l'avantage de faire toujours paroitre au milieu de la Lomette. & fur l'axe même, l'étoile à laquelle il faut pointer, & d'eviter par là l'effet d'une parallaxe fort dangereuse, qui se forme souvent au soyer de l'obiestif, mais dont l'effet disparoit au centre de la Lutiette; en second lieu, les observations saites avec un Micrometre dépendent essentiellement d'une visse, dont on suppose tous les pas & tous les filets exactement & parfaitement égaux, mais il est certain qu'une visse aussi parfaite est un ouvrage très rare, parce qu'il est infiniment difficile, & que la matière dont il est fait, les instrumens avec lesquels on le forge, concourent à le rendre pour l'ordinaire très imparfait; en 3e lieu nous rendons l'Observation beaucoup plus prompte & moins suiette à erreur : plus prompte sans contredit, parce qu'on évite la double opération de placer d'abord la Lunette sur un point, & de faire jouer ensuite le Micrometre, ce qui ne se fait guères sans déranger la Lunette: plus exacte par la même raison, puisqu'ayant moins d'opérations à faire, on a moins à craindre de multiplier les erreur inévitables, où nous jettent ces impersections, qui suivent partout un Philosophe dans l'examen de la Nature, pour lui rappeller qu'il est homme. Mais ce n'étoit pas assez que d'avoir choisi dans la construction de cet Instrument les moyens les plus exacts & les plus commodes qui fussent connûs; on est encor venù about d'y retrancher plusieurs sources d'erreurs qu'on a negligé longtems, parce qu'on les croyoit ou fans reméde, ou de trop petite conséquence. Un grand nombre d'expériences faites au portail de St. Sulpice de Paris & en Ecosse avoit fait découvrir des dérangemens considérables, causés par la chaleur ou le froid qui agissent sur les Murs les plus solides, auxquels on peur attacher un Instrument, aussi bien que par le trémoussement continuel, cause par le mouvement des Corps exterieurs, quoiqu'assés éloignés. Pour remédier à de si dangereuses erreurs, on a placé au haut de l'Instrument dans une petite coulisse, un fil à plomb trés délié, & suspendu librement sur un point de la division, lequel nous sait apperçevoir au moyen d'un Microscope à deux verres, presque jusqu'à la seconde, les moindres dérange-

sangemens en hanteur, du Quart de cercle. Cette précaution qui eut dit se présenter si naturellement, & qui étoit si nécessaire, échappoit cependant à la vigilance des Observateurs les plus soigneux; tel est le sort des Sciences qui sont liées à la pratique, les plus petites choses v sont toujours les plus importantes, quoiqu'elles soient, ou les plus difficiles, ou les plus négligées. Outre cela l'on a pris soin encore d'attacher on de suspendre l'instrument d'une maniere très libre, en sorte qu'il ne tienne que sur deux points, & qu'il aye même dans ces deux points, la liberré de ceder aux impressions de la chaleur & du froid, par la dilatation & la contraction, que tous les métaux sont sujets à éprouver. L'on a crû trés longtems que la plus importante précaution dans un Quart de cercle mural étoit de tacher de le rendre si assuré & si sokide qu'il ne pût souffrir aucun dérangement; pour cels on n'y ménageoit point les arboutans, & les barres de fer les plus épaisses. L'Expérience n'avoit point encore fait sentir, que la Nature, qui se jouë si fouvent de nos recherches, éludoit par des resforts secrets & imperceptibles toute la force & toute l'exactitude nos précautions; en effet il devoit arriver que les parties d'un Quart de cercle qui étoient fortement attachées résistant davantage au mouvement, celles qui ne l'étoient pas, & qui cedoient plus facilement, se trouvassent affectées seules de la plus grande partie de l'erreur, & changeassent totalement de figure & de situation, parrapport sux premieres; mais il me semble qu'on a trouvé enfin le moyen de remédier pleinement à ce défaut, puisqu'en laissant au Quart de cercle la liberté de s'etendre également en tout sens & dans toutes ses parties, sur tout étant leger & composé de lames assés minces & de même matiere, il arrivera que le Quart de cercle changera de grandeur, sans changer de figure, & que les parties qui le composent pourront s'étendre ou s'accourcir, sans que le rapport qu'elles ont entre elles, ni le plan dans lequel elles se trouvent, en soit aucunement altéré, & par conséquent sans que nos mesures en souffrent le moindre changement. L'Experience est d'accord avec la Theorie sur le succés de cette précaution, car un Quart de cercle mobile d'une médiocre

médiocre pesanteur syant été exposé au Soleil dans la Zone Torride. jusqu'à ce qu'il eut été échauffé considérablement & dans toutes ses parties, on a trouvé l'angle mesuré avec le Quart de cercle sensiblement le même qu'avant qu'on lui eut fait contracter cette extrême chaleur, quoique l'on soit tres assuré, par les expériences du Pendule, & de la toise de fer, qu'il avoit du être dilaté d'une quantité sensible. Enfin. derniere précaution qui n'avoit été employée jusqu'ici dans presque aucun instrument d'Astronomie: comme la Lunette qui est fixée par une de ses extrémités au centre du Quart de cercle pouvoit causer par son poids quelque dérangement sur le Limbe où l'on est obligé de la sixer, ou n'avoir pas le mouvement assés libre & assés commode pour les observations, (& la commodité influe toujours sur l'exactitude.) on y a remédié par un contrepoids placé d'une maniere fort ingénieuse. qui, sans forcer en aucune maniere, & sans toucher même le Quart de cercle, fait équilibre, de façon que la Lunette puisse se mouvoir, pour ainfi dire d'elle-même, & rouler sur le Limbe sans appuyer jamais plus dans un point que dans l'autre, ce qui ne pourroit manquer d'arriver s'il falloit la foulever à force de mains. Toutes ces précautions que nous devons aux soins & à la vigilance de M. le Monnier sur des Artistes Anglois fort habiles, font de cet Instrument un des plus parsaits qu'il fût possible d'employer dans ces Opérations. Mais je ne scaurois davantage vous convaincre de l'exactitude, qui réfulte de tout ce que je viens de vous exposer, qu'en vous assurant que les mêmes étoiles, observées communément plusieurs jours de suite, même indifféremment par Mr. Kies ou par moy, ont été trouvées ordinairement les mêmes & très souvent à la même seconde, ce qui est une précision aussi rare que difficile à obtenir. J'ai crû, Messieurs, devoir vous mettre sous les veux la bonté de l'Instrument pour vous faire sentir, combien celui qui s'en sert aura peu de part dans le succés de l'opération, & pour que la juste défiance que vous devez avoir de lui ne puisse vous en inspirer aucune sur la justesse des résultats qui suivront des observacions. Pour le placer d'une maniere avantageuse, & sur un horizon asses dégagé, gagé & affés libre, il a fallu élever au second étage, sur la fenêtre Meridionale de l'Observatoire Royal de cette Ville, une pierre de grandeur suffisante pour y sixer toute la machine, & la même chose sur une fenêtre Septentrionale, pour y faire les vérifications convenables de l'instrument, qui sont aussi essentielles que les observations mêmes, & pour y observer par le moyen des Etoiles Circonpolaires, la latitude de Berlin, qui n'a pu être jusqu'icy déterminée, que d'une maniere fort imparfaite, faute d'instruments d'une grandeur suffisante.

La Figure premiere représente dans sa grandeur naturelle la plaque qui porte la double division de Nonnius, proche de l'oculaire A de la Lunette; la division BD repond aux degrés divisés à l'ordinaire de cinq en cinq minutes, & la division CE répond aux parties d'un autre division, non plus de 90 degrés, mais de 96, qui a été souvent pratiquée par les Ouvriers Anglois. Chacune de ces parties vaut 56/ 15" de la division ordinaire, elle est divisée sur le limbe en 16 parties, dont chacune vaut par conséquent 3' 30" 56" 15". Enfin l'arc de Nonnius occupant 25 de ces divisions, il montre immédiatement des parties dont la valeur est 8" 47" 20". De cette maniere l'on peut facilement construire une table de réduction qui serve à comparer d'un coup d'oeil une même observation à l'une & à l'autre de ces divisions.

La figure seconde représente le Quart de cercle placé dans une Fig. II. situation verticale, les ravons CB, CC, étant divisés chacun en 4 parties, donnent les points D, E, par lesquels il est suspendu librement sur les appuis, ou soutiens de fer, dont l'un D est mobile au moyen d'une verge DF qui passe dans un écrou G, pour rétablir l'instrument dans sa situation, lorsqu'il en est tant soit peu dérangé, ce qui se reconnoit au fil perpendiculaire HA. Pour empêcher une vacillation dangereuse dans la machine, on a scellé dans la pierre de doubles équerres, I, K, &c. qui portent chacune deux visses, dans lesquelles on serre legèrement des oreillons attachés derriere le limbe du Quart de cercle, & qui servent ainsi à le contenir dans le plan du Meridien, sans s'oppo-

Fig. L.

serà sa distation ou à sa contraction. Enfin, derriere le Quart de cercle vis à vis du centre C, est un axe horisontal mobile, L, M, auquel est attaché un contrepoids N, & une autre branche perpendiculaire LO, qui se replie encore pour recevoir un chassis OPQ de la longueur de la Lunette, & qui la soutient par le point Q, de sorte que le chassis étant mis en mouvement par le contrepoids N, il souleve la sunette par le point Q, ou du moins la tient en équilibre, asin qu'on puisse la promener dans le Plan du Meridien, sans s'exposer à y causer aucun dérangement, & la fixer indisséremment sur chaque point du Limbe sans qu'il soit chargé d'aucune partie de son poids; l'on a eu soin même, pour en rendre le mouvement plus sur & plus promt, d'y joindre de petites roües des deux cotés, qui touchent seules le Limbe, & y roulent avec facilité pour y conduire la Lunette.

Afin de reconnoitre avec plus de précision les variations en ascension droite du Quart de cercle, on a placé sur le mur de l'Académie, le plus éloigné de l'Observatoire que l'on pût y employer, des marques verticales, auxquelles on peut rapporter plusieurs sois dans le jour le fil vertical de la Lunette, pour corriger ensuite les differences des passages, observés dans tous les points du Ciel les plus éloignés entre eux; mais comme nous nous sommes attachés jusqu'ici aux déclinaisons de la Lune beaucoup plus qu'aux ascensions droites, & que cette correction la se trouve inutile par raport aux déclinaisons, je n'en ai fait dans les observations suivantes aucun usage; on y trouvera seulement marquée de tems à autres la déviation, observée par des hauteurs correspondantes, laquelle est trés petite, ou plutot nulle, vers le 40e dégré de distance au Zenith, & qui sera plus que suffisante pour trouver le tems vrai de chaque observation avec la précision nécessaire dans le Calcul de la parallexe. Enfin, j'ai fait placer encore depuis peu de jours dans la Campagne au Nord de Berlin, des marques qui puissent servir aussi à reconnoi. tre les variations qui arriveront, lorsque le Quart de cercle fera tourné vers le Nord, & qui sont plus considérables & plus dangerenses. parce parce que le mouvement en ascension droite des étoiles circompolaires est fort lent, & néammoins, leur mouvement en déclinaison aussi promt que celuy des autres astres, de sorte qu'une déviation égale à celle que l'on neglige sur l'Equateur, & aux environs, ne peut se négliger aux environs du Pole.

Cet Instrument écabli & fixe dans le Plan du Meridien, est celui qui sert principalement à l'Observation des parallaxes de la Lune: il étoit necessaire, cependant, d'avoir un Quart de cercle propre à observer des hauteurs correspondantes, & à placer le mural dans le Meridien. Celui que l'Académie a recû de Mr. de Manpertuis, y a été employé avec succés, & depuis le 25 Novembre 1751, que le Quart de cercle sut ensin placé, & que j'observai pour la premiere sois la hauteur de la Lune, je nai jamais trouvé que quelques secondes de déviation, cest à dire 8" au plus. Cette quantité insensible par raport aux hauteurs ne le seroit point par raport aux ascensions droites de la Lune, si l'on prétendoit les déterminer, autrement que par les Etoiles qui sont dans le parallele de la Lune; mais jusqu'ici je m'en su's cenn à celles-là, autant qu'il m'a été permis, parce qu'il est presque impressible que le Limbe entier d'un Quart de cercle, soit placé assés éxactement dans le Meridien, & l'axe de la Lunette assez exactement parallele au Limbe du Quart de cercle, pour pouvoir se servir indifférentment de toutes les Etoiles. L'Instrument des passages sera le seul propre à ces Observations, quand les axes en seront travaillés avec allés d'exactitude.

Après vous avoir entretenu, Messieurs, de l'objet, de l'utilité de ces Observations, & des moyens propres à les rendre décisives, je viens ensir aux Observations mêmes. Depuis le 25 Novembre just qu'un assez petit nombre, que je vais raporter: elles ont été faites indisferemment par Mr. Kest, ou par moy, & quelquesois par l'un & l'antre en commun. La distance au Zenits du bord de la Lune a été paise communement lorsque le Centre de la Ceptitudans le Meridien Min. de l'Acad. Tom. VI.

Min. de l'Acad. Tom. VI.

Answegard à la déviation du Quart de cercle. L'on a choifi le bord le mieux terminé, qui est le bord inferieur en hiver, si ce n'est dans le pleine Lune, où l'on peut prendre également l'un & l'autre; il fantencore remarquer que l'on s'est servi ordinairement de la partie superieure du fil, dont l'epaisseur entiere est de 7 ou 8", de sorte que sour les rédoire au milieu, & pour les comparer aux Étoiles, il faut kjonter 3, on 44 aux distances au Zenith du bord du Soleil, de Jupiser, de Venus, de la Lune, & de Saturne, telles qu'elles font icv raportées. J'ajouterai que ces distances au Zenith ne sont point des distances absolues ni vraies, mais seulement rélatives, & apparenres : c'est à dire, affectées & de l'erreur du Quart de cercle qui n'a point encore été vérifié, de celles des divisions, & enfin des réfra-Etions, & des parallaxes; la premiere de ces corrections qui est à peuprès de 20" à soustraire, sera connue exactement, lorsque le Quart de cercle transporté vers le Nord y aura été vérisié par le retournement. La seconde, que l'on peut négliger, parce qu'elle est fort petite, mais qui m'est inconnuë, le sera jusqu'à ce qu'on ait pù appliquer sur les divisions un grand Compas à verge, muni de tout ce qui est nécessaire pour faire exactement cette vérification qui est extrémement delicate. La troisième doit être laissée au jugement de ceux qui font vsage des Observations, & elle est nulle ou très petite, dans la plus grande

OBSERVATIONS.

Le 21 Novembre, le Quart de cercle ayant été placé à peu prés dans le Meridien, ce ne fut que le 23, que le Ciel s'etant échirci il me fut permis de prendre des hauteurs correspondantes de l'évoile s'à la queuë de la Baleine, par lesquelles je trouvai qu'elle passoit aucentre de la Lunetre 40 secondes trop-tôt. Le 25, par le moyen de 14 hauteurs correspondantes du Soleil je déterminai l'instant du Midy vray, 22 49 36 Le Quart de cercle avançoit encore de 30 ; ayant donc reclissé sa position, par le moyen des marques, qui étoient déjà placées sur le mar

de l'Académie, j'observai le passage d'une étoile du Verseau, qui est dans le grand Catalogue de Flamssed, immédiatement avant la troissème de Tycho.

Tems de la Pendule. D	islances an Zenishs.							
H. MS	D. M. S.							
* du Versesu, 4 25 43 ‡	60 I2 30 [†]							
Le bord de la Lune 4 24 28								
à 4 28 30 Bord inferieur	бо 49 55							
une petite étoile qui est dans Flamsteed immédiaten	ient aprés la 21e.							
de Tycho. 5 5 41	60 45 30							
Le Thermometre étoit à peu prés à la Congelation. Le mouvement de la Pendule étoit assez exactement reglé sur le moyen mouvement du Soleil, mais aprés cette Observation elle a été arrêtée.								
Le 26 Novembre.								
Bord de la Lune, 6 20 32 a 21' 35" B. 3 La Corne suiyante, 6 22 1	L 56 0 50							
Petites étoiles du $\begin{cases} 7 & 6 & 40\frac{\pi}{4} \\ 7 & 13 & 38\frac{\pi}{4} \end{cases}$	65 32 37 1 56 38 45							
yà l'aile de Pegase, 7 38 51	38 42 37 1							
Le 29 Novembre.								
Le Centre du Soleil, 23 48 203 Bord superieu	ır 73 42 7 1							
	34 34 15							
Etoiles du Belier, $\begin{cases} 8 & 39 & 57\frac{1}{2} \\ 8 & 44 & 51 \end{cases}$	38 27 15							
Bord de la Lune 8 49 457 à 50' 55" B.								
o du lien des Poissons, 8 58 53‡	44 46 45							
Le centre de Jupiter, 11 44 45 }	31 57 40							
Aldebaran, 11 47 50								
Par des hauteurs correspondantes de a du Belier, j'ai								
de cercle avançoit vers le 30e dégré d'environ 4"	a l'Orient, les Ob-							

Kk 2

ferva-

Tervations de ces trois prèmiers jours, sont les moins parfaites, parce que l'Instrument n'etoit pas encore assez bien calé.

	Le 30	Novembre.	i.	** *
Le centre du Soleil,	23 48	46		
Le bord de la Lune,	9 47	513		
Le bord inferieur de la L	me, à 49	2	36° 36′	011
o du Belier,	10 0	22	38 28	32
π du-Belier,	: 10 5			10
Le centre de Jupiter,	11 40	20	31 58	50
Aldebaran.	11 43	3 57	36 3 1	52토
Dans les Observations s du fil à plomb, mais da				pend

Le 1 Decembre.

		~ I	Decimore,			
Venus, bord suivant 21	22	413	bord inferieur	63	25	17
Le centre du Soleil, 23	49	$13\frac{1}{3}$	bord superieur	74	1	10
la Lyre 1	48	33	_	13	56	'58
β du Verseau 4	37	56 3	•	59	8	37
y du Capricorne 4	45	41			-	- •
æ de Pegafe 4	5 I	28 ፤	•	43	15	20
a du Verseau, 5	12	25 1		54	0	52
		$22\frac{1}{2}$	1		32	
Etoiles des Poissons 6			•	56	38	7
[6				50	56.	52
Mars, 7	16	$14^{\frac{7}{2}}$		53	23	55
Le bord de la Lune, 10	48	59∓	à 50/3" bord inferieur	33	28	7
· f11	13	14	,	33	3 <i>5</i>	9 -
Ala tête du Taureau	23	27		31	21	59
11 tere da 1 surem	29	59		30	17	27
[1]	32	37		33	54	39
Le centre de Jupiter, 1	: 36	54 1		31	59	45
Aldebarap. 11	40	7	•			39
	-	:	•			Le

Le 3 Decembre.

•	<i>~</i>		W. IHIVI			-					
Le centre du Soleil,	-23	\$O	II.	bord superieur.	79	19	124				
Le Quart de cercle avanço	it vers	11	Drient	dans ce point	, de	611	₹ .				
Ainsi le Midi vray étoit à	II	50	18				-				
β du Verseau,	4	30	17		5 9	8	37				
y du Capricorne,	4	38	14		70	14	5 2 :i				
Le 4.	Dece	mb	re au	TITO-CITE-	٠. ١						
Une petité étoile au dessus	•			· 71, 5	-	-	on i				
de la tête d'Orion,	12	46	17	1			0 '				
a d'Orion,	12	52	171		45	10	150				
Le ventre de la Lune,	12	57	39 à1	(2 ^k 58 ^f 53//BJ.	32.	I	16				
Bord fuivant de la Lune,	13	0	6 3	. 9							
Syrius, ou Alhabor.	13 4	14	30 3	•	68	52	27				
	Le 5 Decembre,										
β du Verseau,	4 2	2	38 1	· -5 .	59	8	35				
y do Capricorne,	4 3	30	22분	, 3	70						
e de Pegale,	4 3	6	101		43	-	-				
β du Poisson austral,					85						
							52				
	XI I	8.	211		32	4	54"				
Aldebaran,	11 2	4	505.	and the second	36	31	38				
Une étoile du Taureau,					37	б	42				
Le 6 Decembre au matia.											
Entre les Gemeaux & l'E-	114 4	15	27		36	. 5	12				
Entre les Gemesux oct E-	14 4	10	6 ‡		34	32	57				
crevisse,	14 5				38	42	42 :				
Le bord inferieur de la Lune							15				
Le bord suivant de la Lune,					- •	-					
Le centre du Soleil,						•	•				
!			k 3				Le				
			- J								

Le 7 Decembre.	-	
De bord lidvant se le lime: 15 156: 6 3: à 15 55! O"B.		
Une petite étoile de l'Hydre, 16. 2' 53"		49 49
Le centre du Soleil, 23 52 19½ Bord superieur	74	49 35
Le 9 Decembre au matin.		
Premiere corne de la Lune, 17 32 25		
Bord de la Lune 17 33 56 2 233' 0" Bord inferieur	50 5	6 16
Petites étoiles, [17 39 46\frac{2}{3}		9 31
entre le Sextans, $174449^{\frac{7}{2}}$	-	2 39
& le Lion, {17 51 37 }		23 46
u à la patte du 6 14 45 L		7 31
Ensuite la Pendule a été arretée.	•	
Le 14 Decembre.		
Le Cettere du Soleil, 23 36 54½ Bord superieur		_
	13 57	
Pegali e, Enif, 3 42 22 ²	43 45	
	32 15	
1. 0. 0	36 31	31
Le 15 Decembre,	43	
Le centre du Soleil, 23 37 28‡	75 28	4
La Lyre. 0 35 37'	X 3 57	14
Le 23 Decembre.		
To some Star Coloil	,	•
La Lyje, 0 4 44	13 57	18
Le premier bord de la Lune, 4 0 273		,
Corne suivante, 4 2 45 2 1/41", B. L.	57 44	1 48
	69 30	
	28 .3£	_
	-	Le

' ; L	6 2	5 E	ecembre	• .							
6 de la Baleine 6b 31	3' 5	3//			610	57	SOM				
le premier bord de 49 31	5	7₹	Bord fu	perieur	32		50				
Aldebaran. 9 48			•	_	36		_				
L	e 2	6 D	ecemb re .								
La Lune étant plongée dens le brouillard:											
Bord précedent, 6 ^b							٠.				
				inferieur	42	58	14				
Etoiles audessus 510			•			21	-				
d'Orion,	•	•	•			I					
y d'Orion, 10 3	4 3	. 8			• -	5 25					
	•										
I	e 2	7 D	ecembre.	,	•						
Le centre du Soleil, 23	44	14	E Bord	superieur	75	27	50				
Mars, 6	3	21	• •	•	47	31	19				
Premier bord de la Lune 7	15	· 26	à 16'	35" B. L	38	32	34				
Le centre de la Lune, 7	17	14	I .								
Premier bord de Jupiter, 9	23	3 25	Bord	superieur	32	28	49				
Une étoile du Taureau, 9				,	38	22	56				
Aldebaran, 9	40	46	:.	•	.36	31	37				
•		_	٠		· ;	٠,					
· L	e 2	8 D	ecembr e .	,	۲, ;		•				
Bord suivant de Venus, 20											
	44	47	₹ Bore	d superieu	r 75	30	I I				
	. 4	24	·: • i		37	28	<i>57</i>				
	I	28	•		.47	17.	4				
Le bord précedent de la 8	12	2 2 1	à 13	/ 32// B.	L 34	56	4				
	I	0 11	I Bor	d fuperier	H 22	20	37				
Aldebaras. 9		5 53			36		38				
, '	٠,		2		_	-	LII.				

264

M. DCC. LII.

Le 11 Janvier.

7	Tems de la Pandule 1			Dift	Distances au Zezish			
	/	H.	M,	S.	Ä	D.	M.	S.
Premier Bord de Jupiter							_	•
Syrius.	11	4	34	•		68	52	35
	L	e 12	2 Ja1	nvier.		, ,	•	•
'Algenib.	. 4	28	5 1			38	42	5 .
& d'Andromede,	4	53	45			23	0	52
β de la Baleine,	4	58	30			71	5.4	8
Mars.	5	44	I i	•	•	43	45	., 35-
To contro de Soleil O			-	vier.	•	-		
Le centre du Soleil, O						42	z Q	35
e du lien des Poissons. 5						44		-
Bordsuivant du Jupiter, 8	د ر ۱۹ ٔ	20	3 1	Bord	fuperieur			
y du Taureau 8		-	_				12	•
	L	e 15	, Jar	vier.	ÿ			
Bordsuivant de Venus,	20	43	52	Bord	inferieur	- 70	42	24
la Lyre.	24	45	312	7:	•	13	57	o ·
Le centre du Soleil,	0	3	36	Bord	fuperieur	. 73	22	52
Une très grosse tache.	O.	3	141		• .	73	33	30.
•		7.	()	C) (• • • • •	٠,	Le

	e :	24	Jan v i	er.	,		•	
Le centre du Soleil,					fuperieur	72	İR	10
de la Baleine,			26}		•	-	57	_
La premiere étoile du Belier,							26	•
Mars,			39			41		
a du Belier,	5	34	3			•	14	
Le bord précedent de la Lune,	, 6	14	187	À15	27" B.L.	36	21	2
Premier bord de Jupiter,	7	38	384	Bord	fuperieus	32	38	58
ω au front du Taureau,	7	43	131			32		
d au front du Taureau,	7	49	5			35	34	23
e du Taureau,	7	54	34₹		•	33	54	25
Le	2	7 J	anvie	r.	•			-
Par des hauteurs corresponda	nte	s,	le cer	ntre di	Soleil a	dû	être	e au
Meridien à 0 ^b 7'					•			
& il a été au Quart de cercle	7	// j	tro	p tôst.				
·	•				•			
	•	•	anvie			•		
Pay changé tant soit peu la	210	uacı	on a	1 Qua	rt de eer	cle	pou	r le
mieux caler,	_	_		· \	///D T			
Le premier bord de la Lune,	0	9	30 \$	a 10'	40" B.1	40	5 I	52
Le Ciel étoit couvert.		. IL						
يلأن مصنع بديد مصنع	•	_	mvier	•				
			22 8 18 5			~~		
Petites étoiles sur le dos du						_	37	_
		42 46				-	38	-
•		•) 44 [⊊]				11	•
Le premier bord de Jupiter,				Rord	Genericker		14.	
			32 1 48 1	Dota	Inbersen			-
Petites etoiles au front du 8						35	- •	_
	-		12½.				44	•
	•		49½	. 1		36	54	
Mim. de l'Acad. Tom. Pl.	' ;	7 T		L I	•	3 0) A	Le

Le 1 Fevriet.

Une étoile prés de Regulus,	12 57 6	38 53 42
Bord suivant de la Lune,		45 49 16
ω proche la patte du Lion,		42 28 21
Venus bord suivant,	20 54 51 3 Bord superi	nr 73 10 25
Le centre du Soleil,	0 8 351	•

Par des hauteurs correspondantes, j'ai trouvé que le Midy vrai devoit arriver environ 8" plus tard.

Le 9 Fevrier.

Bord suivant de la Lune, 19 24 48\frac{3}{4} \hat{a} 25' 55" B. I. 74 48 25

Le centre du Soleil, 0 10 5 Bord superieur 66 58 47\frac{1}{2}

Hauteurs correspondantes du bord superieur du Soleil.

Hau	teurs.	Matin.	Soir.	Milieu.
140	20/0//	21 ^b 26/36 ^{//}	2^{b} 54 $24^{\frac{1}{2}}$	O 10 304
14	40 0	21 29 59	2 51 1 $\frac{1}{2}$	0 10 30#
14	48 46	21 31 30	2 49 33	0 10 31½
15	8 46	21 34 $58\frac{1}{2}$	2 46 3	O 10 30 3
15	20 0	21 36 59	2 44 3	0 10 31
15	28 46	21 38 31	2 42 29	0 10 30
15	40 0	21 40 332	2 40 29	0 10 317
15	48 46	. 21 42 7	· 2 38 53	0 10 30
16	0 0	21 44 13	2 36 46€	0 10 29 1
16	8 46	21 45 49 1	$2\ 35\ 43^{\frac{1}{2}}$	0 10 $31\frac{1}{2}$

La correction du Midy est 20", ainsi le Midy vrai a du arriver

à 0b 10' 10'' ½

e du grand Chien	9 ^b 26 53	81 4 22
du grand Chien	9 36 19	78 27 45
• •	9 43 32 3	30 6 7
	9 51 521	43 44 34
	9 .56 <u>581</u>	20 6 49
Procyon, Kelbelazguar.	10 4 25	46 40 8
, I		Le

	Le 1	ı Fe	vrier.			.•	
Le centre du Soleil,	OĮ C	18#.	Bord	<i>s</i> uperieur	66	19	55.
Premier bord de Jupitei,	6 31	I	Bord	fuperieur	32	29	32
e du Tauneau.	6 45	10	•	•	33	54	23
Aldebaran Subrufa	5 52	411			36	31	18 <u>f</u>
Procyon, Algomeiza,	7 56	46		-	46	39	56
	0 10	2 <u>2</u>	Bord	Superieur	66	. Q	5:
. ,	Le i	4 F	evrier.			•	
La I	Penduk	e a ét	é arre	tée ;	. •		,
Le centre du Soleil,) 15	145	Bord	fuperieur	65	19	² 58
		-				31	
Mars, a de Persée,	5. 31	6 4	-, -		3		53
🕽 de Perfée,	49	41‡		;· , ·	5	33	5
Premier bord de Jupiter,	5 25	0 3	Bord	fuperieur	32	26	41
Aldebaran,	5 45	53‡		_		31	
Rigel, Elgeber, Kefil,	7 26	39			, 6 , 1 .	Q .,,,	. 5 ,
Ensuite	la Pen	dule:	i été a	arrétée.	,		
	Le 2	ı Fe	vrier.				
Le centre du Soleil, 23				d fuperieur	62	5	3 0
Premier bord de la Lune, 4							
Premier bord de Jupiter, 6							
• •	Le 2		_	-	_		
Le centre du Soleil,				•			•
	Le 2	2 Fe	vrier.	•	•		
Le centre du Soleil,	23	45 2	r3 Bo	rd fuperieur	62	ġ	32
Le premier bord de Jupite	r. 5	24 2	6 ¥ Bo	rd fuperieur	32	16	30
Aldebaran, Abenezra,	5	413	$I^{\frac{1}{2}}$	•	36	31	20
La Chevre, Ayuk, Albat	od, 6	18	g" en	viron,	6	33	32
Rigel,	, 6	22,1	7	(C. 11	6L	, .O.	β
	î î	12	• 4	to the man can			dans

* du Taureau, 6 32 26 1 34	47 15
Prés des pieds des Gemeaux, 6 37 23 2 34	7 49
Premier bord de la Lune, 6 40 15 Bord inferieur 32	4 22
0 · m	32 56
Après le passage au Meridien, l'etoile a été eclipsée, je n'ai j	
ver que l'emersion à 7 28 8 de dessous la partie claire de	la Lane
proche la tache d'Endymion. Comme l'etoile est affée petite i	
ôter 2" à cause de l'Irradiation, & supposant 6" 1 pour l'er	
Quart de cercle, à la hauteur du Soleil ce jour là:	iem uu
on.a le tems vrai de l'Emersion 7 ^b 42 ^l 28 ^{l/3} .	
	T
Sirius. 7 53 39 68	52 32 1
Le 24 Fevrier.	,
Le centre du Soleil, 23 45 48½ Bord superieur 6	T 47 27
=5 4) 402 Detailed	- 71 -1
Le 26 Fevrier.	
Le centre du Soleil, 23 46 40 Bord superieur	7 2 79
Le premier bord de la Lune, 9 35 27 4 à 36'38" B. sup. 3	0 00 0
- 1- UP	9 42 4
T a C'h anna 3 8 '	9 20 41
Icy se terminent les Observations, contenües dans l'invitation	4 Mon
seur l'Abbé de la Caille aux Astronomes de l'Europe.	ne viroti-
The First de la Camp aux Mittonomes de l'Europe,	•
Le 29 Fevrier.	
Une étoile sur le Limbe	
da Camera	-6
A Powerfunish du Company	56 50
-11 31 23 48	43 12
Le 1 Mars.	
d'entre le sextans & le Lion 11 46 43 à peu prés; 47	
(Danneda da la parte de l'appris	33 43
Le ventre de la Lune 10.75 4 1 1 / 4/17 T	47 5 6
Le ventre de la Lune, 12 10 42 à 11' 46" B.L 53	
	Berd

Le centre du Soleil, 23 48 25 Bord superieur 59 32 41 Par des hauteurs correspondantes, j'ai trouvé que le Midy vrai devoit être 23 48 31½ Le 3 Mars. Sirius, Alhaber, 7 23 51 68 52 16 a du grand Chien 7 38 19 81 4 14 β du petit Chien, 8 3 20 43 44½ 23 Procyon 8 15 54½ 46 39 48 Le 4 Mars. Petite Btoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord suivant de la Lune, 14 36 32⅓ à 35′ 29″ 67 8 3 Entre le Corbeau & la Vierge, 14 54 22⅓ 69 30 18 La que pied de la Vierge, 14 54 22⅓ 64 42 3 a de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44⅓ 58 23 52 Le centre du Soleil. 23 49 44⅙ 58 23 52 Mars, 4 5 12⅙ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 [6 5 56 53 0 34 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 [6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerzamo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23⅓ douteux à une ou deux secondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 at de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25	Bord faivant de Venus,	ar a sol Rord (meeter	 19 41 55 65
Par des hauteurs correspondances, j'ai trouvé que le Midy vrai devoir être 23 48 31½ Le 3 Mars. Sirius, Alhabor, 7 23 51 68 52 16 a du grand Chien 7 38 19 81 4 14 β du petit Chien, 8 3 20 43 44½23 Procyon 8 15 3½ 45 46 39 48 Le 4 Mars. Petite Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord suivant de la Lune, 14 36 32½ 335′29″ 67 8 3 Entre le Corbeau & la Vierge, 14 51 23½ 69 30 18 La 14 53 34½ 70 1 8 λ au pied de la Vierge, 14 54 22½ 64 42 3 a de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44½ 58 23 52 Mars, 4 5 12½ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 58 27 46 24 20 6 5 56 53 0 34 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23¼ douteux à une ou deux secondes a 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 a de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25			11 /1)) 34
Le 3 Mars Sirius	-		
Le 3 Mars. Sirius, Alhabor, 7 23 51 68 52 16 a du grand Chien 7 38 19 81 4 14 β du petit Chien, 8 3 20 43 44 23 Procyon 8 15 34			my vim devok
Sirius, Alhaber, 7 23 51 68 52 16 a du grand Chien 7 38 19 81 4 14 β du petit Chien, 8 3 20 43 44! 23 Procyon 8 15 34½ 46 39 48 Le 4 Mars. Petite Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord suivant de la Lune, 14 36 32½ 335/29 67 8 3 Entre le Corbeau & la Vierge, 14 54 22⅓ 69 30 18 λ au pied de la Vierge, 14 54 22⅓ 64 42 3 a de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44⅙ 58 23 52 Mars, 4 5 12⅙ 33 23 5 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord snivant de la Lune 15 24 23¼ douteux à une ou deux secondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25			
# du grand Chien	Sirius Albahan	-	60 ca 18
## B du petit Chien, 8 3 20 43 44 23 Procyon 8 15 34 1 46 39 48 Le 4 Mars. Petite Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord fuivant de la Lune, 14 36 32 3 35 29 67 8 3 Entre le Corbeau & la Vierge, 14 51 23 3 69 30 18 La u pied de la Vierge, 14 54 22 3 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44 4 58 23 52 Mars, 4 5 12 3 3 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30		•	•
Le 4 Mars. Petite Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18			
Le 4 Mars. Petite Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord fluivant de la Lune, 14 36 32 \frac{7}{3} \text{ is 35} \frac{1}{29} \text{ for 8 3} Entre le Corbeau & la Vierge, \begin{cases} \frac{14}{4} \frac{51}{23} \frac{1}{3} \text{ for 3 3} \frac{1}{3} \text{ for 1 8} \text{ su pied de la Vierge, 14 54 22 \frac{1}{3} \text{ for 42 3} \text{ de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 \text{ Le centre du Soleil. 23 49 44 \frac{1}{4} 58 23 52 \text{ Mars, 4 5 12 \frac{1}{2} 33 2 35 \text{ Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 \text{ Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 \text{ Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 \text{ for 5 56 53 0 34 \text{ Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 \text{ Epaule Orientale, Almerza-mo'nnagied. 5 30 Bord inferieur 70 23 22 \text{ ade la Balance, \$\chi_{1}\chi_{1	• •		
Petitie Etoile de la vierge, 14 30 43 59 24 18 Bord fluivant de la Lune, 14 36 32 3 2 3 35 29 4 67 8 3 Entre le Corbeau & la Vierge, 14 51 23 3 3 4 3 70 1 8 A au pied de la Vierge, 14 54 22 3 64 42 3 de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44 4 58 23 52 Mars, 4 5 12 ½ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 5 4 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 58 27 46 24 20 Epaule Orientale d'Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerzamo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux secondes 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 a de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25	2 701 you		7-39 40
Entre le Corbeau & la Vierge,	Davis Bash to to the	•	_
Entre le Corbeau & la Vierge, \[\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc			
The fet Corpean & la Vierge, 14 53 34\frac{1}{3}	Bord mivant de la Lune,		•
14 53 34\frac{1}{3}	Entre le Corbeau & la Vier	78.5	
a de la Balance, Zubeneschemali. 15 25 34 67 28 25 Le centre du Soleil. 23 49 44 ½ 58 23 52 Mars, 4 5 12 ½ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 6 5 56 53 0 34 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerza- 6 28 18 ½ 45 10 22 mo'nnagied. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23 ¾ douteux à une ou deux secondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 a de la Balance, χηλη νότως 15 23 28 67 28 25		[14 53 34 3	•
Le centre du Soleil. 23 49 44½ 58 23 52 Mars, 4 5 12½ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 5 56 53 0 34 Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerzamo'nnagical. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23¾ douteux à une ou deux secondes a 15 25 30 Bord inserieur 70 23 22 a de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23 4 25 A suivant de la Lune 15 24 23			• •
Mars, 4 5 12½ 33 2 35 Jupiter, premier bord, 4 54 43 Bord superieur 32 2 50 Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 [6 5 56 53 0 34] Les trois Etoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 [6 14 49 54 35 50] Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord suivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux secondes a 15 25 30 Bord inserieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25		nali. 15 25 34	. •
Jupiter, premier bord, Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 [6 5 56 53 0 34 Les trois Étoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord fuivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux fecondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25		23 49 44‡	58 23 5 2
### Aldebaran, 5 8 28 36 31 26 Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 [6 5 56 53 0 34	•		
Epaule Occidentale d'Orion, 5 .58 27 46 24 20 [6 5 56 53 0 34] Les trois Étoiles du Baudrier. 6 10 13 53 53 7 [6 14 49 54 35 50] Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord faivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux fecondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25		4 54 43 Bord superi	
Les trois Étoiles du Baudrier. \[\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc		-	
Les trois Étoiles du Baudrier. { 6 10 13 53 53 7 6 14 49 54 35 50	Epaule Occidentale d'Orio		• •
6 14 49 54 35 50 Epaule Orientale, Almerza- mo'nnagical. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord faivant de la Lune 15 24 23 \frac{3}{4} douteux à une ou deux secondes a 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 a de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25 Control 25 26 67 28 25 Control 25 26 67 28 25 Control 25 26 67 28 25 Control 26 27 27 Control 27 28 25 Control 28	•		53 0 34
Epaule Orientale, Almerza- 6 28 18 3 3 20 34 Le 5 Mars. Bord faivant de la Lune 15 24 23 3 douteux à une ou deux fecondes 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25	Les trois Etoiles du Baudrie	F	
mo'nnagied. Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord fuivant de la Lune à 15 24 23 douteux à une ou deux fecondes à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25	-	6 14 49·	54 35 50
Sirius. 7 20 34 Le 5 Mars. Bord faivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux fecondes 2 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25	-	²²⁻ 6 28 18 ²	45 10 22
Bord faivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux secondes à 15 25 30 Bord inserieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25		7 20 34	
Bord faivant de la Lune 15 24 23 douteux à une ou deux secondes à 15 25 30 Bord inserieur 70 23 22 α de la Balance, χηλη νότιος 15 23 28 67 28 25		• •	
à 15 25 30 Bord inferieur 70 23 22 αde la Balance, χηλή νότιος 15 23 28 67 28 25	Bord miyant de la Lune		deux secondes
α de la Balance, χηλή νότιος 15 23 28 67 28 25		- •	
			-
413		Ll 3	Bord

_		•					
Bord suivant de Venus,	115	10/	31//	Bord superieur	71	8'	511
Le centre du Soleil,	23.	50	9· ‡	Bord superieur	: 58	0	36
Bord précedent de Jupiter,	4	51	55½	Bord superieur	1,32	I	23
Epaule Orientale d'Orion,	5	25	II	_	45	10	20
-			16			52	
•		-	•				• 1
	ا، عرا	6 N	lars.	-			
¿ Entre les deux bassins							
de la Balance,	I	60	50		68	28 8	}
Petite étoile proche le					-		
Ballin austral,	ī	6 7	281	<u>-</u>	75	26 3	13
Le bord suivant de la Lun					.72	47	ζ.
du Scorpion,						20 5	
B du Scorpion,	:	6 32	50	••	• •	34.1	
Avlώons, Kalbo lakrab.					-	17 3	
Bord suivant de Venus,	. 2	. T. T.	, , , ,	Bord funeries	70	-/ 3 54 5	7
Le centre du Soleil.	2	2 50	121 <u>1</u>	Bord finerieu	. /U) 4)	7 10 E
Aprés cette Observation, or							
Pendule, fans toucher aux Se			cc uc	21 Ministes 1	cgui	me q	C IA
of du grand Chien			0 -6		-0		
o du grand Calen		7 3	3) •		78	27	40
L	e 7	· M	ars.				
4 An pied d'Ophincus,		9			71	54	2
'Avldons, Kalbo'lakrab,	•	-	37I	·	72	74	•
ia corne, & le ventre de la Lune					~0	17	0.0
Bord suivant de la Lune,				à 21' 30" B.I.			
ε du Scorpion,		33		# 71. 30. D.1		-	
Bord suivant de Venus,	•		-	Dordfinarions		7	
				Bord fuperieur			
le Centre du Soleil,				Bord superieur			
Mars,			59 1			33	-
la Chevre, Ayuk, Aigwhevia		-	14		6	•	25
d du grand Chien.	7	55	39	<i>:</i>	78	27	
•							Le

Le	8	Ma	rs.				
adHercoles, Ras Algesbi, 17	59	31		3	37	49	10]
# d'Ophiucus, 18							
Corne inferieure de la Lune, 18	FC	24		•	• •		•
				10/30// B. L	74	41	3 2
a d'Ophiucus, Ras alhague, 18		33				44	
Le centre de Saturne, 18		-	•	le Centre			
Il étoit fort foible a cause du gr				•	• •	•	•
Bord suivant de Venus, 21				Bord saperieu	T 70	27	0
Le centre du Soleil,				Bord superieu			
Par des hauteurs Correspondante							
Premier bord de Jupiter, 5							
				-			
Le	9	Mar	3.				
Bord suivant de la Lune 19 0	32	ž à	18	59' 27" B.L	74	.8	35
& à 19 1							45
Mais le bord étoit très foible à	caul	e di	ı gr	and jour,	•. •		•••
Bord suivant de Venus, 21 37	7 5	3 ±	Bor	d superieur	70	12	2 Q
Le centre du Soleil, o 1							
				_			
Le	10	Ma	rs.	•			
				Bord superie			
Le centre du Soleil,				Bord superie	ur 5	64	40
La troisième du Baudrier d'Orion,	6	16	5		5	4 35	45
L'épaule Orientale, Almer-		-	~ ^				
zamo'nnagied,	Ů.	29	34	• • •	4	5 10	115
β du grand Chien,	7	Ŧ	3		7	0 19	40
β du grand Chien, Sirius, αςς κύων,	7	21			-	8 52	
e du grand Chien,	7	36				I 4	
δ du grand Chien,	•					8 27	
n du grand Chien,	8	45 I	39	,		1 15	
			- /			7	Le
							LE

Le	1	r M	lars.				
Le centre du Soleil,	0	13	26				
& par des hauteurs Correspon-							
dantes,	0	13	29				
Mars, trés foible,	4	20	57	:	3 I	56	15
Bord précedent de Jupiter,	4	56	19	Bord faperieur	3 I	51	48
Aldebaran, ὑπόκιβρ ς, subruf	5	6	23	1	3 6	3 ['] I	28
la Chevre, Ayuk,			5 9·		Q	48	33
Rigel, Elgebar, Kefil,	5	47	9	<u>,</u>	бı	0	3
a d'Orion, Betergeuze,	6	26	14	•	15	10	17
Syrius, Aliemini,	7	18.	29	d	8	52	29
e du grand Chien,	7	32	58	•	}1	4	29
du grand Chien,	•		25		78	27	48
n du grand Chien,	-	58		Ē	11	15	25
a des Gémeaux, Aphellan				•	ò	б	40
Procyon, Algomeiza,			23 2			39	-
	: 12	2 M	lars.				
				Bord fuperieur	6 9	24	54
Le centre du Soleil,				Bord superieur			
Bord précedent de Jupiter,							
			51				14
du grand Chien,			36	•	-		28
du grand Chien,						-	45
Emersion du premier Satellite				vecune finnette	_	•	• •
le tems vraiest 71 33/3; Le	7 <i>(</i> 29 (2	ਾ≀ bles	de l	Vargentin donn	ent	762	2/3
n du grand Chien,							28
a des Gémeaux, Auclar,				<u>L</u>		•	36
						, ,	30
			lars.				_
Le centre du Soleil,				Bord Superieur			
Mars,		19	15	trés foible	3 1	1 29	55
Bord précedent de Jupiter.	4	47	50	Bord Superieur	31	i 40	
							Le

	•	•	
	Le 15 Mars.	•	
Le centre du Soleil,	O 14 35#	54 5	47
	Le 17 Mars.		•
Bord suivant de Venus,		rd superieur 67 56	3.4
Le centre du Soleil,		rd superieur 53 18	
	Le 18 Mars.		
Bord suivant de Venus,		rd superieur 67 37	29
Le centre du Soleil,		rd superieur 52 54	
	Le 22 Mars.	1	
Le centre du Soleil,		rd fuperieur 51 20	28
Bord précedent de de la Lu p au ventre de Pollux, cinquieme grandeur, Procyon, B de Pollux, Abrachae	7 17 34 :	19" B. Sup. 34 12 20 35 18 à peu 46 39 23 54	prés
•	Les 25 Mars.		-
Bord suivant de la Lune, Le Ciel est trés brouillé, & Observation est moins pa	9 0 24 à 1/32 le bord de la Lune 1	nal terminé; ainsi c	49 ette
7; 9;	Le 26 Mars.		•
Le centre du Soleil,	0 18 2 I Bord	Superieur 49 45	54
•	Le 28 Mars.		•
Le centre du Soleil,	0 18 313	-	•
Une perite étoile du Mono	zeros, 8 24 16	55 2	32
3 Mim. de PAcad. Tom. Pl.	M m	d	a la

d à la Cuisse du Lion, 10 35 50	47 33	< 1
<u> </u>	53 39	
Entre le Dextans & Livily	51 13	
	54 48	•
	•	
Bord précedent de la Lune, 11 28 32 & 29/35 // Bord fup.	14 35	30
Dota procedured in Lancy 11 20 32 can 29 35 " Dota tap.)	נכ ני	40
Le 29 Mars.	`	
Le centre du Soleil, 0 18 44 ¹ / ₄	18 36	6
Le 31 Mars.	-	•
Le ventre de la Lune, 13 3 28		
Bord suivant de la Lune, 13 5 36 & à 4' 33" Bord inser	.65 21	1 59
à 136 48 le même Bord	65 22	21
A la jambe de la Vierge, 13 21 $55\frac{1}{3}$	59 19	
Auprès du pied de la Vierge, 13 30 56	66 15	
Auprès du pied de la Vierge, 13 33 31 3	60 36	
Arthurus, Alkameluszkolanza 13.44 173	32 L	-
Le 1 Avril.		
Arcturus, 134054.	32 2	. 2
Entre le Centaure & la balance 13 45 103	79 2	18
Le Ventre de la Lune, 1351224		_
Eord suivant de la Lune, 1353 27 3 & 2 24 Bord infer	:.68 56	48
Ici on s'est servi de la partie inserieure du fil, ainsi il faut	applie	per
l'epaisseur dans un sens contraire, & la distance observée des	712 en	être
diminuée.		
α de la Balance, 14 13 $32\frac{2}{3}$ 67	28 9	29 .
Bord précedent de Venus, 22 9 37 Bord superieur 62	31:2	26
Le centre du Soleil, 0 19 30 4 Bord superieur 47	26.	27
On s'est servi de la partie inserieure du fil pour cette hauteur		
La Chevre, Ayuk, 432 46 6	48	26
f à la premiere patte de la grande Ourse, 7 23 34 4 au Nordo	20	18
• • • • • • • • • • • • • • • • • • •		Lc

Te 2 Avril 14 41 51 1441/15 Bord inferieur Bord svivant de la Lune, à la partie inferieure du fil. 71 42 42 Une petite étoile du Scorpion, 15 11 56 75 40 17 du Scorpion. 15 18 25¥ 742114 B du Scorpion. 15:23 465 71 34 22 Bord suivant de Venus. 22 10 47 Bord superieur 626 37 O 19 44 Bord superieur Le centre du Soleil. 473 24 f de la grande Ourse, au Nord 20 10 0 2015 Entre l'Hydre & le Vaisseau, 7 44 28 74 49 5 I Le 2 Avril 16 18 10 Le ventre de la Lune 16 19 501 18/45"B.I. 74 25 16 Bord suivant de la Lune, Cette hauteur est prise à la partie inserieure du fil, y au genotiil d'Ophiucus, 16 27 5 fort petite 66 45 20 B dn Dragon, 2 3 y d'Ophiucus, 49 40 51 Le 5 Avril 17 0 113 Bord superieur 74 26 40 Bord suivant de Saturne, L'Aurore qui se répand déjà empêche que le bord ne soit bien distinst. Le ventre de la Lune. 17 7 18 46½ 27'41"bord sup.73 46 46 Le bord suivant de la Lune. 17 8 55 26 7 n du Serpent, 17 31 49 la Lyre, 17 50 54 I3 57 Ia Le 7 Avril. 18 44 57\frac{3}{2} \alpha 43' 53" B. Sup. 70 37 15 Bord suivant de la Lune Le bord de la Lune est trop foible à cause du grand jour, à 18 44 48 Bord fup. 70 36 45 à 18 45 37 Bord fup. 70 36 30 Ces 3 hauteurs peuvent servir à se corriger mutuellement, Le centre du Soleif 0.000 20 $59\frac{1}{2}$ Bordsuperieur 45 10 6 Mm 2 Le

Le	8	Av	ril.					
Bord suivant de Venus,	22	.17	46 <u>±</u>	Bord	superiour	59	34	43
Le centre du Soleil,	0	21	16#	Bord	fuperieur	45	47	36
Bord suivant de Jupiter,	3	41	30	Bord	Superieur	31	I	5I
Mars,	4	0	533	trés	foible	28	43	51
La Chevre, Ayuk, Αιξωλενία,	4	9	6 1	trés	foible	6	48	24
Rigel, Elgebar, Kefil,		13	16	trés	foible	61	Ó	Ţ
ad'Orion, Almerzamo'nnagied,	4	52	203		• • •	45	10	8
Syrius, Aschsere, Scera,	5	44	343			68	5 2°	37
			39₹			46	39	59
β des Gémeaux, Abrachaleus	6	40	31			23	54	56
de la grande Ourse.	•			au	Nord	0	15	50

Le 9 Avril.

Hauteurs Correspondantes du bord superieur du Soleil.

Z	aute	WYS		le M	atin		•	le S	oir		Mit	ieu
17°	4	10//	196	31/	28′	12	5	12/	23"	O ^{\$}	21	564
17		0	19	32	8	1/2	5	11	43 ¹ / ₂	0	2 I	56
17	30	σ	19	34	23		5	9	29	0	21	56
17	44	10	19	35	.26	· ‡	5	7	55₹	0	2 [56
18	4	10	19	38	10	1	5	5	417	0	2 I	56 ·
.18	10	0	19	38	50		5	5	$2\frac{1}{2}$	0	21	56 1
18	30	0	19	41	4		5	2	46	0	2·I	5'5
18	44	10	19	42	39		5	I	12	0	21	55 1
18	50	0	19	43	18	I .	5	0	321	0	21	55±
19	4	10	19	44	54		4	58	58	0	21	56
19	30	0	19	47	49		4	56	.2 1	0	2 ·I	55 ≩
19	44	10	19	49	23		4	54	28	်ဝ	21	55₹
19	50	0	19	50	. 3		4	5 3	47 ¹ / ₂	0	21	55 1
La	La correction est 22" 3 suivant la table calculée par le fils de											
	Monsieur Euler, Mr. Albert Euler, pour la latitude de Berlin.											

•	277	
Le centre du Soleil, Ainsi, le Quart de cercle a d'Orion, Almerzamo's	e avance d'une seconde, dans ce	eur 44 25 22 e point-là.
d de la grande Ourse,	8 22 46 au Nord	0 1551
	Le 10 Avril.	
Bord suivant de Venus,	22 20 2	58 42 25
Le centre du Soleil,	0 21 50 1	44 3 I2
de la grande Ourse	au Nord	0 15 51
	Le 13 Avril.	•
Premier bord du Soleil,	O 21 42 ² / ₃	,
Second bord du Soleil,	0 23 52 [±] / ₄ Bord superieur	42 57 52
•	Le 14 Avris.	
Bord suivant de Vemis.	22 24 34 ² Le Centre	56 55 24
	i tend à sa conjonction superieu	
	erreur, pendant les mois fuivants	
à la vue avec le fit de la I	Lunette.	
Bord précedent du Soleil,	0 22 21	_
Bord fuivant	0 24 13 Bord inferieur	42 36 3
La Chevre, Ayuk, Alhai		6 48 23
adOrion Almerzamo'nuag	sted, 4 32 13	45 10 6
* de la grande Ourse,		0 5 34
de la grande Ourse,		0 15 56
*de la grande Ourse,	8 7 32	0 36 44
	Le 15 Avril.	
Bord précedent du Soleil,	O 22 23 ² / ₃	
Bord faivant,	o 24 33½ Bord superieur	42 14 45
Bord suivant de Jupiter,	3 23 40 Bord superieur	30 49 II
3.	M m 3	La
•		

La Chevre, Ayuk,	1	ſ			8 48 25			
Feoiles de la grande Ourse]	A	8_2	49	0 5 4 2 0 15 57			
Etoiles de la grande Ourse	']	•	0,2	49	0 36 43			
o du Lion,	Ţ	· 0 1	14 31		41 30 18			
o da Bion,			-		41 30 19			
	Le	16	Avril	•				
Bord suivant de Venus,	22		52		56 0 48			
Le centre du Soleil,		23	50₹	Bord superieur	41 53 33			
Bord suivant de Jupiter,	3	21	11=		30 52 26			
La Chevre, Ayuk, Alhatod	' ,				6 48 26			
8 de la grande Ourse,	7	59	21		0 15 54			
* de la grande Ourse,	-	_	53₹		0 36 39			
ø du Lion,	8		13		41 30 20			
e du Lion,	8	15	4 5		27 36 53			
	Le	18	Avri	i L				
Bord suivant de Venus,	22	29	14	Le Centre	55 6 . I			
Premier bord du Soleil,			37₹					
Second bord,				Bord Superieur	41 II 42			
a d'Orion,	4	_	• •	_	45 10 7			
Bord précedent de la Lune,	4							
& à	4	24	21 l	e même Bord	32 7 46			
Le bord superieur ne paroissoit pas assez distinctement, à cause du grand jour.								
Syrius, Elscheere, Aliemin	į,		5 11	16 1	68 52 41			
Procyon, Kelbelazguar, Aj	chen	sie.			46 40 I			
de la grande Ourse,		•		49	0 15 56			
La suivante,			•	. 22 1	0 36 40			
o du Lion,	•			411	41 30 19			
e du Lion,				32 ²	27 36 53			
Regulus, Kalbelast, Basil	1270	c.		52	39 20 38			
du Lion,	.3/	<i>-</i> ,	-	59 1	31 25 53			
*. P un event					L'Etoile			

L'Etoile van troisième pied des Gémeaux fût eclipsée ce jour la par la partie obscure de la Lune, a 9^b 32^l 49^l exactement. Supposant que la déviation du Quart de cercle ce jour la, à la hauteur du Soleil, étoit d'une demie seconde a l'Orient, le tems vrai se trouve 9^b 7^l 57^l.

Cette étoile étoit suivie de deux autres, fort petites, dont je n'ai pû observer exactement l'immersion, parce qu'elles disparoissoient à la premiere approche du bord de la Lune: la premiere a 9^h 17^l 33^{ll} & l'Autre a 9^h 35^l 8^{ll} tems vrai.

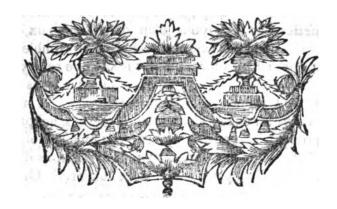
Le 19 Avril.

Le Centre du Soleil, 0 25 7 Bord superieur 40 51 2

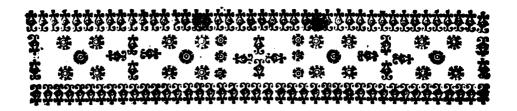
Le 21 Avril

Premier bord de la Lune, 6 18 48 à 19'57" Bord sup. 36 26 30 La Lune ne paroissoit qu'à travers les nuages.

Les Observations, faites pendant les mois suivants, seront contenües dans un second Mémoire.



REFLE-



REFLEXIONS

SUR LES DIVERS DE GRES DE LUMIERE DU SOLEIL ET DES AUTRES CORPS CELESTES,

PAR M. EULER.

L

Pour juger de la Lumière d'un objet, qui nous éclaire, il faut premièrement considerer cet objet même, entant qu'il renserme la source des rayons de lumière, par lesquels nous sommes éclairés; & en second lieu, il saut avoir égard à notre situation par rapport à cet objet, d'où depend la sorce & la quantité des rayons, qui frappent immédiatement nos sens. Ces deux circonstances étant jointes ensemble nous mettront en état de juger de la sorce de lumière, dont nos yeux sont affectés par les rayons d'un objet lumineux quelconque. Et ce sera par là, que nous pourrons déterminer combien de sois la lumière d'un objet est plus sorte ou plus soible que celle d'un autre.

II. En considerant l'objet même, d'où les rayons de lumière émanent, il en faut d'abord distinguer deux sortes. 'A la premiere je rapporte les corps lumineux d'eux-mêmes, ou ceux qui par une sorce, qui leur est propre, lancent des rayons : tels sont le Soleil, les étoiles sixes, & la slamme, qui jettent partout des rayons d'eux-mêmes, sans qu'ils soient éclairés par quelque autre lumière. Or pour la seconde sorte, j'y range les corps opaques, qui d'eux-mêmes ne seroient pas visibles : mais étant éclairés par quelque autre lumière, ils en

Digitize

sont mis en un état semblable à celui des corps lumineux par euxmêmes, & deviennent propres à produire eux-mêmes des rayons de lumière, qui nous les rendent visibles. Tels sont les Planetes, les Cometes, & tous les corps opaques de notre terre, qui étant illuminés frappent par leurs rayons nos organes de la vue aussi bien que les corps de la première sorte.

III. Pour qu'un corps produise des rayons de lumière, je crois avoir suffisamment prouvé dans ma Dissertation sur la Lumière & les Couleurs, que les plus petites parcelles dans la surface de ces corps se trouvent dans un mouvement de vibration extrèmement rapide: lequel se communiquant à l'éther, à ce milieu aussi subtil qu'élastique, y produit ce que nous nommons rayons de lumière. Tout de même qu'un corps, dont les parties sont mises dans un mouvement de vibration plus grosser, produisent dans l'air cet ébranlement, qui est la cause du son: de sorte que la lumière est à l'égard de l'éther la même chose, que le son à l'égard de l'air. Mais quoique l'éther soit répandu par tout, il est naturel que la transmission des vibrations y doit être extrémement altérée & même arrêtée par les autres corps, qui s'y trouvent: & les corps qui ne resusent pas le passage à ce mouvement de vibration, sont ceux qu'on nomme transparens.

IV. Je ne m'arreterai pas ici d'avantage à l'explication de cette Theorie; je remarquerai seulement que la force des rayons, qu'un corps lance, vient de la véhémence du mouvement de vibration, dont les moindres particules du corps sont agitées. Je ne parle pas ici de la fréquence des vibrations, ou de leur nombre qui s'acheve dans un certain tems, car j'ai sait voir, que la couleur des rayons dépend de cette fréquence: mais quelle que soit cette fréquence, on conçoit que les parcelles du corps, tout comme une corde tenduë, peuvent saire dans leur mouvement des excursions plus grandes ou plus petites. Et c'est de là que les rayons seront d'autant plus forts ou plus soibles, plus ces excursions seront grandes ou petites. Or plus les rayons seront forts, plus la lumière sera brillante: & de là découle la pre-

Digitized by Google

mière qualité des corps lumineux, qui entrera dans mes recherches, & que je nommerai la splendeur du Corps lumineux, dont la quantité est proportionelle à la sorce des rayons, ou bien à la sorce du mouvement de vibration.

V. Cette splendeur doit se rapporter à chaque particule du corps lumineux; puisqu'il pourroit arriver, que chaque particule eut un mouvement de vibration particulier. Il seroit aussi possible, que plusieurs particules du corps sussent entiérement destituées d'un mouvement de vibration: & dans ce cas le brillant du corps seroit bien soible, quand même il y eût par-cy par-là des particules douées d'un très véhément mouvement. Donc pour bien déterminer la force des rayons, qui émanent d'un corps, il saut considerer toutes les particules dans chaque portion de la surface du corps, à l'égard de leur mouvement de vibration: & cette activité considerée conjointement sera ce que je nommerai dans la suite l'éclat du corps lumineux, & qui tiendra lieu de la vraye mesure de la force des rayons. L'éclat sera donc en raison composée de la splendeur des particules brillantes & de leur densité ou de leur nombre.

VI Outre l'éclat du corps lumineux, qui est une qualité, qui sui est intrinseque, il faut avoir égard à la grandeur de la surface du corps, ou du moins à sa partie, qui jette des rayons sur un point proposé. Car puisque de chaque point de cette surface il émane des rayons, la quantité des rayons dont un endroit sera frappé, dépendra non seulement de l'éclat du corps lumineux, mais aussi de l'étenduë de la surface, ou du nombre des points lumineux, qui y lancent des rayons. Ainsi si le corps lumineux est sphèrique, & que la distance où l'on reçoit ses rayons, soit très grande par rapport à son diametre, la surface dont les rayons y peuvent parvenir, sera la moitié de sa surface entière. Elle sera donc deux sois plus grande, que l'aire de son grand cercle. L'obliquité de la surface des corps sphèriques, ne diminuë rien dans cet esset, puisque chaque point d'une surface lumineuse est supposée répandre de toute part également des rayons.

. VIL Ayant

VII. Ayant fixé ces deux choses, l'éclat & la quantité de la sufface lumineuse, qui appartiennent au corps lumineux même, quoique La détermination de la surface regarde déjà le lieu, qui en doit recevoir les rayons; il faut se souvenir que la force des rayons, en s'éloignant du corps lumineux, décroît en raison des quarrés des distances. Car les rayons, qui partent d'un point quelconque, devant se répandre de plus en plus, ils deviendront pour ainsi dire plus rares, & cette diminution doit suivre la raison des quarrés des distances. Cependant il faut bien remarquer que les rayons, quand ils ont à passer par un milieu transparent, plus grossier que l'éther, comme par l'air ou par l'eau, ils y souffrent encore un affoiblissement très considerable: comme Mr. Bouguer l'a prouvé par un grand nombre d'expéziences dans son excellent Traité sur la Gradation de la Lumière. Ce n'est donc pas de cette diminution de la force des rayons, que je parle dans cet article, mais de celle qui est proportionelle aux quarrés des diflances du corps lumineux, dont les rayons sont originairement partis.

VIII. Soit donc proposé un corps lumineux quelconque, soit qu'il soit lumineux de lui-même, ou qu'il soit éclairé par une lumière étrangere: & que l'éclat de ce corps soit marqué par E. Que les rayons de ce corps tombent sur un point à une grande distance — D, & que la surface du corps dont les rayons atteignent ce point, soit — C C. Cela posé, il est clair par ce que je viens de remarquer, que la sorce des rayons, ou la sorce de lumière qui éclaire ce point, sera directement proportionelle 1. à l'éclat du corps lumineux E, 2. à la surface C C & 3. reciproquement au quarré de la distance D D. Ainsi la sorce de lumière, qu'un point placé à la distance D recevra da

corps lumineux sera proportionelle à cette expression E. $\frac{C C}{DD}$.

IX. Si la surface du corps lumineux est irrégulière & que la difrance du point, qui en doit être éclairé, ne soit pas sort grande, on voit bien qu'on ne sauroit emploier cette sormule; puisque les distances de ce point aux diverses parties de la surface lumineuse pour-N n 2

Digitized by Google

roient être trop differentes entr'elles, pourqu'on put estimet laquelle d'entr'elles doit être mise pour D. Mais si la distance D est extrèmement grande à l'égard de l'étendue du corps lumineux, ou que ce corps foit comme infiniment petit, il n'y a aucun doute que notre formule ne soit parsaitement d'accord à la verité. Pour cet effet, quel que soit le corps lumineux, & quelque petite la distance du point, qui en reçoit l'illumination, on n'aura qu'à résoudre la surface lumineuse en ses élémens infiniment peuts, & à déterminer l'illumination causée par chaque élément consideré separément. La somme de toutes ces illuminations élémentaires fournira l'illumination totale.

X. Puisque je me bornerai ici aux corps lumineux sphèriques, je m'en vai déterminer par le moyen de cette formule fondamentelle le degré d'illumination, dont un point placé à une distance quelconque d'un corps lumineux sphèrique en doit être éclairé. Soit donc AEBF un corps lumineux sphèrique, dont le rayon soit CA = CB = a & l'éclat dont il lance des rayons de chacun de ses élémens soit Soit ensuite O le point, qui en est illuminé, dont la distance au centre du corps lumineux soit OC = c. Qu'on tire du point Q les tangentes OE & OF, qui détermineront la portion EAF de la surface spherique dont le point O reçoit l'illumination, & soit l'angle OCE = OCF = \(\xi \), dont le complément ou l'angle COE = COF marquera le démi-diametre apparent du corps lumineux yû du point Ainsi posant le démi-diametre apparent COE = COF = 0. il sera $\xi = 90^{\circ} - \theta$.

XI. Prenant à present les angles ACM = ACN = 0, qu'on considere l'élément annulaire de la surface lumineuse, lequel est produit par la conversion de l'élément Mm autour de l'axe CO, & puisque le point O est également éloigné de tous les points de cet élément annulaire, l'illumination qu'il en reçoit, sera aisément déterminée par notre formule. Car l'élément de l'arc circulaire AM étant $Mm = ad\Phi$ & le démi-diametre de l'anneau PM = a sin Φ , posant le rapport du diametre à la circonference $\equiv 1 : \pi$, la surface de notre élément blément annulaire fera $\equiv 2\pi a \sin \phi$. $a d \phi \equiv 2\pi a a d \phi$ fm ϕ . De plus la distance du point O à chaque point de cet anneau sera O M $\equiv V(da + ce + 2ac \cos \phi)$; donc l'illumination, que le point O recevra de l'anneau M m N n, deviendra $\equiv \frac{E \cdot 2\pi a a d \phi \sin \phi}{aa + cc - 2ac \cos \phi}$.

XII. L'integrale de cette formule dépendant des logarithmes fera = $\frac{\pi a E}{c} / \frac{aa + cc - 2ac \cos \phi}{aa + cc - 2ac}$ en le premins en force qu'il évanouisse posant l'angle $\emptyset = 0$. Et partant, mettant pour \emptyset l'angle entier O C E = &, l'illumination entière, que le point Q recevra du globe lumineux AEBF, se trouvera $=\frac{\pi aE}{c}$ $=\frac{aa+cc-2ac\cos\xi}{aa+cc-2ac}$ $=\frac{2\pi a}{\Omega}$. El $\frac{OE}{\Omega A}$. Ou bien, puisque cof $\xi = \sin \theta$, cette illumination fera auffi = $\frac{\pi a E}{\epsilon} I \frac{aa + cc - 2ac \text{ fin } \theta}{aa + cc - 2ac}$. Donc si l'angle θ est forr petit, & la distance e très grande à l'égard de a, il sera assés prés $\frac{aa+cc-2ac \sin \theta}{aa+cc-2ac}=1+\frac{2ac'(1-\sin \theta)}{aa+cc-2ac}=1+\frac{2a}{c}, dont$ le logarithme sera $=\frac{2a}{6}$: & partant toute l'illumination du point O fets $= \frac{2\pi a a}{c}$ E $= 2\pi$ B fin θ^2 , poisque sin $\theta = \frac{a}{c}$. Or posset $\frac{a}{c}$ pour fin θ , cette illumination sera en général $\frac{\pi a E}{c} / \frac{c c - a a}{(c - a)^2}$ $=\frac{\pi a\mathbf{E}}{c} / \frac{c + a}{c - a} = \frac{\pi a\mathbf{E}}{c} / \frac{\mathbf{O} \mathbf{B}}{\mathbf{O} \mathbf{A}}.$

XIII. Mais dans cette solution nous n'avons consideré l'objet O, qui reçoit l'illumination, que comme un point, ce qui ne peut pas avoir lieu dans aucune illumination réélle, où la surface, qui reçoit l'illu-N n 3 mination, minstion, a toujours quelque étendue, quelque petite qu'elle soit. Et partant, il ne sussit pas de considérer la quantité des rayons, qui tombent sur un de ses points, mais il saut aussi avoir égard à l'obliquité, dont les rayons y viennent frapper : parce que plus la surface O_0 recevra les rayons obliquement, plus sera aussi petite la quantité des rayons, qui tombent sur la même étendue. Par cette raison on sera obligé de diminuer la sorce de l'illumination tirée de notre formule en taison du sinus de l'angle d'incidence au sinus total. Par conséquent, si les rayons incidens sont avec la surface, qu'ils éclairent un angle $=\omega$, l'illumination ne sera plus selon notre sormule $=\frac{E_0 C_0 C_0}{D_0 D_0}$, mais elle doit être estimée $=\frac{E_0 C_0 C_0}{D_0 D_0}$ sin ω .

KIV. Cela remarqué, soit O o la surface, que ses rayons du corps sumineux sphèrique A E B F éclairent, & je supposerai, que cette surface O o soit perpendiculaire à l'axe CO; de sorte que les rayons, qui y frappent de l'élément annulaire M m N n, fassent avec elle un angle M O o = O M P. Le sinus de cet angle étant = $\frac{O R}{O M}$ = $\frac{c-a \cos \phi}{V(aa+cc-2ac\cos \phi)}$ à cause de C P = $a \cos \phi$, l'illumination causée par les rayons de l'élément annulaire M m N n ne sera plus = $\frac{E. 2\pi a a d \phi \sin \phi}{aa+cc-2ac\cos \phi}$, comme nous avoits supposé, mais elle deviendra = $\frac{E. 2\pi a a d \phi \sin \phi}{(aa+cc-2ac\cos \phi)^{\frac{3}{2}}}$; où mettant cos $\frac{E. 2\pi a a d \phi \sin \phi}{(aa+cc-2ac\cos \phi)^{\frac{3}{2}}}$; où mettant cos $\frac{E. 2\pi a a d \phi \sin \phi}{(aa+cc-2acu)^{\frac{3}{2}}}$, dont il est clair que l'integrale sera = $\frac{2\pi E a d u (c-au)}{cc}$, dont il est clair que l'integrale sera = $\frac{a-cu}{cc}$ = $\frac{a-cu}{cc}$ + Const,

XV. Remettant pour s sa valeur cos O, l'illumination causéer par la portion MAN sera:

$$\frac{2\pi \operatorname{Ras}}{c,c} \left(\operatorname{Conft.} + \frac{V(as + cs - 2 \operatorname{as} \operatorname{cof} \Phi)}{a - c \operatorname{cof} \Phi} \right)$$

où il est clair que la valeur de Const. doit être

$$= \frac{c-a}{V(cc+aa-2ac)} = 1.$$
 Maintenant pour svoir toute l'illumination, il faut mettre $\Phi = \xi = 0$ CE & puisque alors cof $\xi = \frac{CE}{CO} = \frac{a}{c}$, il fera $a-c$ cof $\xi = a$, de forte que l'illumination.

tion cherchée sera $=\frac{2\pi Eaa}{cc}=2\pi E \text{ fin } \theta^{2}$. Cette expression

convient avec la précedente, & l'on y pose l'angle & très petit : or ici nous voyons qu'en général la sorce d'illumination, dont un corps exposé directement au globe lumineux en est éclairé, est toujours en raison composée de l'éclat du corps lumineux E & du quarré du sinus du demidiametre apparent du corps lumineux.

XVI. Donc si l'éclat d'un corps celeste quelconque, qu'on peut toujours regarder comme sphèrique, est pesé \equiv E, & qu'on expose à ce corps directement une surface, le demidiametre apparent du corps lumineux étant \equiv θ , la quantité d'illumination, dont cette surface sera illuminée, sera proportionelle à E sin θ^2 . De plus il suit de ce que je viens de dire, que lorsque la surface, qu'on veut éclairer, tient une situation oblique à l'égard du corps celeste, desorte que les rayons y tombent sous un angle quelconque \equiv ω , le degré d'illumination sera comme E sin θ^2 . Sin ω . Car puisqu'on peut supposer sort petit le demidiametre apparent θ , tous les rayons, qui tombeat sur la surface O_{θ} , y seront inclinés à peu près du même angle ω .

XVII. Si nous supposons que les étoiles fixes sont douées d'un éclat égal à celui du Soleit, l'illumination dont une étoile fixe est capable d'échairer, sera à l'illumination du Soleil comme le quarré du sinus

Anus du demi-diametre apparent de l'étoile fixe, au quarre du fints de demi-diametre apparent du Soleil, où je suppose que la lumière est reque perpendiculairement sur la surface éclairée. Or le demi-diametre apparent du Soleil est dans ses moyennes distances 18', 7" = 967"; & le diametre apparent des étoiles sixes, même de la première grandeur, est si petit, que les Observations les plus délicates ne sont pas suffisantes à le déterminer. Cependant les occultations par la Lune prouvent évidemment, que le diametre apparent de la plus brillance étoile sixe ne sauroit monter à une demi-seconde : de sorte que le demi-diametre apparent doit être estiméau dessons d'un quart de seconde ou de 15 tierces.

XVIII. Donc, puisque les sinus de si petits angles sont en raison des angles mêmes, l'illumination tirée du Soleil sera à l'illumination tirée de l'étoile sixe la plus brillante, dans une raison plus grande que celle du quarré de 967 au quarré de ½; c. à d. la lumière du Soleil surpassera plus de 15000000 de sois la lumière d'une étoile sixe de la première grandeur : ou il saudroit plus que 15000000 d'étoiles sixes de la plus grande sorte pour nous éclairer autant que le Soleil, de même ces étoiles devroient pour cet esset être ramassées dans la même région du ciel, pour que les rayons de chacune d'elles pussent tomber à peu près perpendiculairement sur la même surface, qu'on exposeroit à seur lumière. De là on comprendra aisement, pourquoi toutes les étoiles sixes, qui se trouvent à la sois sur l'horizon, me sont pas capables de nous sournir tant de lumière, qui puisse être mise en comparaison avec celle du Soleil.

XIX. Or si nous comparons la lumière d'une étoile sixe à celle de la pleine Lune, que Mr. Bouguer a trouvé être 300000 sois plus soible que la lumière du Soleil, on conviendra aisément, que la lumière trouvée par le calcul précedent est encore trop sorte. Car en vertu de ce calcul 50 étoiles de la premiere grandeur nous devroient sournir autant de lumière que la pleine Lune; or, pour peu qu'on pese le peu de rapport, qu'il y a entre la lumière de la pleine Lune & celle

celle de toutes les étoiles fixes ensemble, il ne restera plus le mossidre doute, que la lumière de plusieurs mille étoiles fixes de la premiere grandeur ne sauroit égaler la lumière de la pleine Lune: & de la je tire cette conclusion, que le diametre apparent des étoiles sixes est plusieurs sois plus petit, que je ne l'ai supposé, & qu'il ne monte peut-être pas même à une tierce.

XX. Mais il faut avouër, que ce raisonnement est sondé sur deux hypotheses, qui s'ecartent peut-être beaucoup de la vérité. Par la premiere j'ai supposé, que l'éclat des étoiles sixes, ou leur lumière propre, est égale à l'éclat du Soleil; or il y a bien de l'apparence qu'il se trouve une aussi grande différence dans l'éclat que dans la grandeur des étoiles sixes: vû qu'il y a des étoiles, dont la lumière semble presque s'éteindre de tems en tems. En second lieu j'ai supposé, que les rayons des étoiles sixes ne soussirent aucune débilitation en passant par cette immense étendue, qu'on nomme éther. Car quelque petite que soit la perte, que les rayons du Soleil soussirent dans leur chemin, celle que les rayons des étoiles sixes doivent soussire, doit tour jours être sort considerable, à cause de leur distance presque inconcevable. Donc, à moins que les rayons de lumière ne soussirent absolument aucun affoiblissement dans l'éther, la dernière supposition doit être fort sujette à caution.

XXI. Il sera sussi sort important de déconvrir le rapport de l'éclat du Soleil à celui d'une lumière terrestre. Pour cet effet je serai usage d'une experience, que Mr. Bouguer rapporte, par laquelle il a trouvé, qu'après avoir diminué la lumière du Soleil dans la raison de 11664 à un, elle lui parût égale à la lumière d'une bougie éloignée à la distance de 16 pouces. Mais il ne marque pas la grandeur de la slamme de la bougie, dont il s'est servi: je crois cependant ne me tromper pas sort, quand je suppose son diametre d'un demi-pouce, en regardant la slamme même comme un globe: donc le sinus de son demi-

diametre apparent à la distance de 16 pouces auroit été = $\frac{1}{64}$ ou distance de 16 pouces auroit été = $\frac{1}{64}$ bien

bien de 51/= 3060". Par conséquent posant l'éclat du Soleil = E & celui de la bougie = e, cette expérience fournira $\frac{967^2 \cdot B}{11664}$ = 30602. e, d'où l'on tire le rapport de E: e = 116860: 1, de sorte que l'éclat du Soleil seront plus de 100000 sois plus sort que l'éclat d'une bougie.

XXII. Mais, puisque le Soleil se trouvoit alors à la hauteur de 31°, & que ses rayons ont eu à parcourir dans notre atmosphère un chemin considerable, il saut qu'ils ayent perdu beaucoup de leur force, avant que de parvenir jusqu'à nous; de sorte que sans cet affoiblissement la lumière du Soleil auroit été beaucoup plus sorte. Mr. Bouguer a donné une table pour la diminution de la lumière des astres à chaque hauteur, d'où l'on voit que la lumière du Soleil étant à la hauteur de 31° est à la lumière, dont il éclaireroit, si ses rayons ne perdoient rien de leur sorce, comme 2 à 3. Ayant donc égard à cette circonstance, on trouvera que le veritable éclat du Soleil est à celui d'une bougie comme 175000 est à 1. Et si les rayons du Soleil avoient perdu quelque chose en parcourant l'espace de l'éther jusqu'à nous, outre la diminution ordinaire, qui suit la raison des quarrés des distances, l'éclat du Soleil deviendroit encore plus grand.

XXIII. Il est vray que la lumière d'une bougie n'est pas le seu le plus brillant, qu'on peut produire sur la terre, & qu'un seu de sonte, ou bien les metaux mis en sussion, ont une beaucoup plus grande sorce d'illuminer. Cependant on conviendra aisément, qu'a quelque sorce qu'on pût porter un seu terrestre, il s'en saudra toujours beaucoup, qu'il n'approchat de celui, dont le Soleil est composé. La matière donc du Soleil doit être entièrement différente de toute matière combustible, qui se trouve sur la terre, & elle doit être réduite à un tel dégré d'ignition, dont aucune matière sur la terre n'est susceptible. Et on aura raison de dire, que lorsque le Soleil n'étoit qu'une masse d'or mise au plus haut dégré de susion, il ne seroit pas capable de nous procu-

procurer ni la lumière ni la chaleur, que nous en recevons, & qu'il s'en faudroit même besucoup.

AXIV. Le Soleil étant donc un tel feu, dont la force ou l'éclat furpasse plusieurs mille sois toutes les especes de seu, qu'on est capable de produire sur la terre, il saut absolument, que la matiere, dont de corps lumineux est sormé, soit d'une nature tout à fait differenté des matieres, qui se trouvent sur la terre. Et en esset, de quesque matiere qu'on voudroit s'imaginer, que le Soleil sut composé, & à quesque dégré de chaleur, qu'elle eut été portée; ou elle auroit été bientot réduite en cendre, ou le dégré de chaleur y auroit bientot diminué. Donc, puisqu'on ne remarque aucun changement dans la substance du Soleil depuis quesques millière d'années, & que cela mêt me est un des plus grands sujets de notre admiration, nous en devons être encore plus surpris, après avoir reconnu cette excessive sorce de lumière, qui y est ramassée, & qui surpasse tant de sois les seux les plus brillans, que les hommes sont en état d'exciter.

XXV. Voyons maintenant, si les principes que je viens d'établir ne sont pas suffissins pour déterminer la splendeur ou l'éclat, dont une planete doit reluire, étant illuminée par les rayons du Soleil. Il s'agit donc de déterminer, quel sera le mouvement de vibration, que les rayons du Soleil, en frappant les moindres parcelles de la surface d'une planete, sont capables de leur imprimer. Car je crois avoir sussissant prouvé que nous ne voyons pas les corps opaques par des rayons resléchis de leur surface, comme la plupart des Physiciens l'ont soutenu; mais que les rayons qui éclairent un corps opaque extitent les moindres particules, qui en sont frapées, à un certain mouvement de vibration, qui engendre ensuite sui-même des rayons. Tout de même comme on sait, qu'un son peut produire dans une corde tendué à l'unisson, des vibrations, dont elle sonne ensuite ellemême.

XXVI. Cette production de lumière donc dans un corps opaque dépendra principalement de la nature de ses moindres particules, & O o 2 de

de leur teasion. Car si ces particules ne sont pas propres à recevoir un tel mouvement de vibration, qu'il faut pour produire des rayons de lumière, ce corps ne réluira jamais, quelque éclairé qu'il soit. C'est à peu près le cas des corps noirs, qui ne nous renvoyent presque point de rayons, quoiqu'ils soient illuminés, & nous demeurent pour ainsi dire invisibles: cependant l'experience nous fait voir, qu'il n'y a point de corps si noirs, qui étant illuminés ne répandent point du tout des rayons, quoique ses rayons soient de beaucoup plus soibles que ceux des corps colorés ou blancs. Donc, si les planetes étoient des corps noirs, il n'y a aucun doute, que nous n'en verrions presque rien, quelque éclairées qu'elles soient du Soleil. Il est donc certain, que les planetes renserment dans leurs surfaces quantité de particul les colorées ou blanches, lesquelles étant illuminées par les rayons du Soleil, nous deviennent visibles selon la nature & la couleur des particules, qui constituent leur surface.

XXVII. Une planete sera donc la plus propre à reluire ou à recevoir un éclat, si sa surface est couverte de particules blancharres, puisque des corps de cette nature sont les plus sensibles à recevoir l'impression de toute sorte de rayons, tels que sont les rayons du Soleil; au lieu que les particules colorées ne peuvent être ébrailées que par des rayons de la même couleur, quoiqu'il n'y ait point de couleur soute différente. Donc, pour rendre le cas le plus savorable pour la dumiére des planetes, je les supposerai couvertes de particules blanches, asin qu'elles puissent recevoir du Soleil le plus grand éclat, qu'il est possible. Ensuite il sera aisé de rabattre quelque chose de l'éclat que je trouyerai en considération des particules noires de colorées, qui y pourroient être mèlées.

XXVIII. Soit donc O o une telle particule blanche de la surface d'une planete, sur laquelle tombe directement le cone lumineux E O F: & je suppose que cette particule soit tellement dégagée & dans une telle tension, qu'elle puisse obeir parsaitement aux impressions

Digitized by Google

fions, dont elle est frappée par les rayons de ce cone lumineux. Cela posé, je remarque d'abord que cerre particule ne sauroit être mise dans un tel mouvement de vibration, qu'elle en deviat capable de répautre des rayons de lumière aussi forts que sont ceux qu'elle reçoit. Car, si cela arrivoit, vù qu'elle lanceroit toute part des rayons de la sorce de ceux du cone EOF, l'esset seroit beaucoup plus grand que la causse, de cela dans la raison de ce cone à la capacité d'une sphère entière, dont le rayon seroit OE. Or si la particule, Ou lançoit des rayons aussi sorts que ceux dont elle est s'appée, son éclat seroit égal à l'éclat du corps AEBF, dont elle est silhuminée; donc l'éclat de la particule Ou sera toujours beaucoup plus petit.

XXIX. Mais si la particule O o étoit strappée de toute part par des rayons égaux à ceux du conc EOF, alors il n'y auroit plus de répugnance, qu'elle n'en reçut un raouvement de vibration aussi sort que celui des particules du corps EAF; & que par conséquent son éclas ne sut égal à l'éclat du corps EAF. Par là on conclura que, n'étant srappée que parle come EOF, son éclat sera d'autant de sois plus petit que l'éclat du corps lumineux AEBF, que la solidité du cons EOF est plus petits: que la solidité d'une sphère, dont le rayon est — OE. Or on sais que ce raport du cone à la sphère est, comme le sinus verse de la moitié de l'angle EOF au diametre ou au double du simus total. Donc, posant l'angle EOF, ou le demi-diametre apparent du corps lumineux — se son éclat — E, l'éclat de la particule Q e se frouvera — § E sin vers. s — § E(1 – cos s) — E sin § s².

XXX. Ley j'ai supposé que le cone lumineux tombe disestement sur la particule O s; d'où l'éclat trouvé E sin ½ 8² n'aura lieu, qu'aux endroits des planetes, qui out le Soleil dans leur Zenith. Pour les autres endroits, qui reçoivent obliquement les rayons du Soleil, cete te valeur doit encore être diminuée en raison du sinus de cette obliquaité. Ainsi l'éclat évanouira tout à sait dans les lieux de la planete, qui auront le Soleil dans leur horizon. En prenant donc un milieu entre le plus grand éclat de cet évanouissant, on pourra regarder la Qo.

Digitized by Google

 $H_{i,i+1}$

planete en forte, comme si par toute sa surface étoit repandu un éclat égal $= \frac{1}{2} \operatorname{E} \sin \frac{3}{2} \theta^2$. Cette diminution seroit nécessaire, si la surface de la planete étoit comme polie; mais, puisqu'il y a probablement quantité de petites éminences, qui pourroient recevoir les rayons plus directement, l'éclat en tirera quelque augmentation, outre que dans ce cas toute sa surface ilbaninée seroit plus grande que nons n'avous supposé dans le calcul.

XXXI. Mais la confidération d'un tel milieu dans les divers dégrés d'éclat, dont les diverses parties d'une planete seront éclairées, ne pourra avoir lieu, que lorsque nous voyons toute la moitié éclairée. Car il est clair, que s'il ne se présente à notre vuë, qu'une petite partie de la moitié éclairée, il sant avoir égard à l'éclat de cette partie même, sans que celui de la partie, qui nous est cachée, y puisse contribuer quelque chose. Cette recherche sera donc absolument nécessaire, lorsqu'il sant déterminer la lumière de la Lune, quand elle se trouve loin de son opposition au Soleil, ou quand elle ne nous paroit pas pleine': la même chose doit s'observer à l'égard de Venus & de Mercure, dont on ne voit jamais la moitié éclairée toute entière. Pour Mars, il ne sera pas supersu non plus de considérer ses phases; mais on s'en pourra passer tout à fait, lorsqu'on demande l'éclat de sumière de Jupiter & de Saturne.

Fig. II.

XXXII. Que la planche répresente le plan, où se trouvent les centres du Soleil S, de la terre T, & de la planete dont il s'agit de treuver le dégré de l'éclat, dont elle est visible à la Terre. Que le cercle AEBF répresente la planete en question, dont le corps soit produit par la révolution de ce cercle autour de l'axe AB; & soit le demi-diametre CA __ CB __ a. Supposant maintenant la distance du Soleil CS, aussi bien que celle de la terre CT comme infinie à l'égard de a, il est clair que le diametre EF perpendiculaire à AB déterminera la moitié échairée EAF; qui sera separée de l'autre moitié obscure par le plan perpendiculaire à celui de la figure, qui le coupe selon la droite EF. Donc le point A recevra du Soleil la plus grand éclat, & si nous nous nommons l'éclat du Soleil \longrightarrow E, & le demi-diametre apparent du Soleil vû de la planete \longrightarrow θ , nous venons de voir, que l'éclat du point A sera \longrightarrow E. sin $\frac{1}{2}$ θ^2 , supposant que la planete reçoive des rayons du Soleil autant d'éclat qu'il est possible.

XXXIII. Soit pour abréger cet éclat en A savoir E sin $\frac{1}{2}$ d'a = e & prenant un point quelconque M de la moitié éclairée, d'où ayant tiré le rayon M C & l'appliquée M P perpendiculaire à l'axe A B a puisque l'angle d'incidence S M A est égal à C M P, l'éclat au point M sera = e sin C M P = e. C P : & cet éclat conviendra également à tous les points de la planete, qui se forment par la révolution du point M autour de l'axe A B. Maintenant la terre étant à une distance infinie en T, qu'on tire le diametre G H perpendiculaire à C T; & le plan perpendiculaire à la sigure, qui le coupe par G H, séparera la moitié de la planete tournée vers la terre, de celle qui nous est cachée: & partant nous ne verrons que la partie G E de la moitié éclairée, que le plan perpendiculaire à G H en retranche. C'est donc de cette partie, qu'il saut déterminer l'éclat total, où la somme des éclats de tous ses élémens.

XXXIV. Soit l'angle ECG, ou cesui qui sui est égal TCB = a, que fait la ligne CT avec la prolongée SC; & qu'on nomme CQ = z; d'où l'on aura CP = z sin a & PQ = z cos a : donc PM = $V(aa - zz \sin a^2)$; & l'éclat dans l'élément Mm sera = $\frac{ez \sin a}{a}$. Qu'on conçoive que l'élément Mm soit tourné autour AC jusqu'à ce qu'il vienne rencontrer se plan GH, & il parcourra en haut & en bas un arc de cercle, dont le rayon sera = PM, & le cosinus = $\frac{PQ}{PM} = \frac{z \cos a}{V(aa - zz \sin a^2)}$. Et partant si nous nommons Φ l'angle, dont le cosinus = $\frac{z \cos a}{V(aa - zz \sin a^2)}$, l'arc visible entier

entier du cercle, qui nait par la révolution des point M sera = 2 O.PM = 2 P V (aa - zz sin a2). Donc, en y joignant l'élément M m. Péclat de la portion élémentaire sera 2 P V (a a - 22 sin a 2). Mm. e z fin α . Or Mm. PM $\equiv a.d$. CP $\equiv a d z$ fin α ; & partant cet éclat sera = 2 e \$\Phi z d z \text{ sin } \alpha^2\$, dont l'integrale pris en sorte qu'il évanouisse en faisant z = o. & posant ensuite z = a, donnera l'éclat total cherché.

XXXV. Soit V l'éclat total que nous cherchons, & il sera $V = 2e \sin \alpha^2$. $\int \Phi z dz = e \Phi z z \sin \alpha^2 - e \sin \alpha^2 \int t z d\Phi$ dont la partie integrée devenant = o si z = o', posant z = a évanouit, puisque l'angle Q évanouit alors, de sorte que V ===

-
$$e \sin \alpha^2 \int z z d\Phi$$
. Or puisque $\cos \Phi = \frac{z \cos \alpha}{V(\alpha \alpha - z z \sin \alpha^2)}$

il fera
$$d \Phi = \frac{-aadz \cos a}{(aa-zz \sin a^2) V(aa-zz)}$$
, doù l'on sura

$$V = e a a \sin \alpha^2 \cot \alpha \int \frac{z z dz}{(aa - zz \sin \alpha^2) V(aa - zz)}$$

ou pofant z = a v, il sera

pofant
$$z \equiv a v$$
, il fera
$$V \equiv e a u \sin a^2 \cot a \int \frac{v v dv}{(1 - vv \sin a^2)} V(1 - vv)$$

où après l'integration on doit mettre v = 1, supposé qu'on ait pris l'integrale, en sorte qu'il évanouisse dans le cas où v = o.

XXXVI. Soit
$$\int \frac{vv \, dv}{(1-vv) \sin \alpha^2} = T$$
, & il fera

$$T = \int \frac{dv}{V(\mathbf{i} - vv)} (vv + v^4 \sin \alpha^2 + v^6 \sin \alpha^4 + v^8 \sin \alpha^6 + v^{10} \sin \alpha^8 + \mathcal{E})$$

Or mettant le rapport du diametre à la circonference $= 1: \pi$, on fair qu'il sera dans le cas v = 1.

$$f \frac{dv}{\sqrt{(1-vv)}} = \frac{\pi}{2}.$$

$$f \frac{vvdv}{\sqrt{(1-vv)}} = \frac{1}{2}.\frac{\pi}{2}.$$

$$f \frac{v^{4}dv}{\sqrt{(1-vv)}} = \frac{1.3}{2.4}.\frac{\pi}{2}.$$

$$f \frac{v^{6}dv}{\sqrt{(1-vv)}} = \frac{1.3.5}{2.4.6}.\frac{\pi}{2}.$$
&c.

D'où nous tirerons:

$$T = \frac{\pi}{2} \left(\frac{1}{1} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \sin \alpha^2 + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \sin \alpha^4 + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8} \sin \alpha^6 + \&c. \right)$$

Or il est aisé de voir, que la somme de cette serie est =

$$\frac{1-\cos\alpha}{\sin\alpha^2\cos\alpha}, \text{ de forte que } T = \frac{\pi(1-\cos\alpha)}{2\sin\alpha^2\cos\alpha} \& \text{ partant } V = \frac{1}{2}\pi eaa(1-\cos\alpha).$$

XXXVII. Posant donc l'angle BCT que la ligne tirée à la terre fait avec le prolongement de la ligne tirée au Soleil $\equiv \alpha$, l'éclat total qui éclaire la terre sera $\equiv \frac{1}{2} \pi e a a$ ($1 - \cos \alpha$) $\equiv \pi e a a$ sin $\frac{1}{2} \alpha^2$: & mettant pour e sa valeur E sin $\frac{1}{2} \theta^2$, cet éclat sera $\equiv \pi E a a$ sin $\frac{1}{2} \theta^2$ sin $\frac{1}{2} \alpha^2$. Donc, si le demi-diametre apparent de cette planete vüe de la terre est posé $\equiv \xi$, la lumière dont cette planete est capable d'éclairer sur la terre, sera $\equiv \pi E \sin \xi^2$. sin $\frac{1}{2} \theta^2$. Or si nous posons le demi-diametre apparent du Soleil vû de la terre $\equiv \eta$, nous avons vû, que la lumière dont le Soleil éclaire sur la terre est $\equiv 2 \pi E$ sin η^2 , d'où l'on peut comparer ensemble la lumière des planetes, en quelque situation qu'elles se trouvent à l'égard de la terre, avec la lumière du Soleil.

Min. de l'Acad. Tom. Pl.

Pр

XXXVIII. Si

XXXVIII. Si nous voyons la moitié éclairée d'une planete toute entière, l'angle α devient alors égal à deux droits, & partant fin $\frac{1}{2}$ $\alpha^2 = 1$. Donc la lumière d'une planete, que nous voyons pleine fera $= \pi E$ fin ξ^2 . fin $\frac{1}{2}$ θ^2 , où θ marque le demi-diametre apparent du Soleil vû de la planete, & ξ le demi-diametre apparent du Soleil vû de la terre. Donc, fi le demi-diametre apparent du Soleil vû de la terre est $= \eta$, & qu'on pose la lumière que nous fournit le Soleil = L, la lumière, dont la planete nous éclairera, étant pleine sera $= \frac{L \cdot \sin \xi^2 \cdot \sin \frac{1}{2} \theta^2}{2 \sin \eta^2} = \frac{L \xi^2 \cdot \theta^2}{8 \eta^2}$, puisque les sinus de ces petits angles sont égaux aux angles mêmes. Or dans toute autre situation de la planete, où l'angle BCT $= \alpha$, la lumière de la planete sera $= \frac{L \sin \xi^2 \cdot \sin \frac{1}{2} \theta^2 \sin \frac{1}{2} \alpha^2}{2 \sin \eta^2}$.

Fig. III.

XXXIX. Concevons donc que le Soleil soit en S, la terre en T & la planete en P, de sorte que a exprime l'angle externe T P p.

Maintenant puisque η à θ comme $\frac{1}{TS}$ à $\frac{1}{PS}$, il ser $\frac{\sin \frac{1}{2}\theta^2}{\sin \eta^2} = \frac{TS^3}{4PS^3}$ & posant le vray demi diametre de la planete = a, il sera sin ξ $= \frac{a}{PT}$: donc la lumière dont la planete nous échaire sera $= \frac{Laa}{8.PT^2.PS^2}$ sin $(\frac{1}{2}TPp)^2$ ou bien elle sera $= \frac{Laa}{16PT^2.PS^2}$ (1 + cof S P T). Or ayant cof S P T $= \frac{PS^2 + PT^2 - ST^2}{2PS.PT}$ cette lumière sera $= \frac{Laa}{32PT^3.PS^3}$ Ainsi la lumière de la même planete diversement située par rapport à la terre sera comme $= \frac{(PS+PT)^2-TS^2}{PT^3.PS^3}$; puisque L. $= TS^2$ est constant.

Digitized by Google

XL. Appliquons ces formules à la Lune, & supposons d'abord qu'elle soit pleine, pour voir, combien notre calcul differera des conclusions, que Mr. Bouguer a tirées de ses expériences. Or il est evident que dans ce calcul on pourra mettre $\eta \equiv \theta$, & la lumiere de la Lune sera $\equiv \frac{1}{8}$ L sin ξ^2 , où ξ marque le demi-diametre apparent de la Lune, dont la grandeur moyenne est 15', 35'' de sorte que la lumié-

re de la Lune sera $=\frac{1}{374000}$ L. ou la lumière de la Lune pleine sera

374000 fois plus petite que celle du Soleil, ce qui s'accorde assés bien avec les expériences de Mr. Bouguer, qui lui ont fait voir, que la lumière de la Lune est environ 300000 fois plus petite, que celle du Soleil.

XLI. On sera surpris, que mon calcul donne la lumiére de la Lune plus petite, que Mr. Bouquer ne l'a trouvée par ses expériences, quoique j'aye supposé les particules de la Lune d'une telle nature, qu'elles obeissent parfaitement aux impressions des rayons; & il n'est pas probable que la matiere de la Lune se trouve à un tel dégré de perfection. Les taches noiratres que nous observons dans la Lune, nous convainquent plutôt qu'il y a même de grandes contrées, qui ne rendent que fort foiblement les impressions, qu'elles reçoivent des rayons du Soleil: ce qui devroit rendre la lumiere de la Lune plus foible, que le calcul ne la donne. Mais il faut considerer que la surface de la Lune est couverte de grandes & fort hautes montagnes, qui en augmentant la surface lumineuse, bien au delà que je l'ai supposée, doivent nécessairement produire beaucoup plus de lumière, que le calcul ne nous'donne à connoitre; & c'est sans doute la véritable raison, pourquoi la lumiére de la Lune se trouve plus sorte, qu'elle ne devroit êtse selon le calcul.

XLII. Posant donc pour les pleines Lunes la clarté de la Lune $= \frac{L}{300000}, \text{ dont la valeur ne surpasse pas sensiblement celle qui}$ $Pp 2 \qquad \text{vient}$

Digitized by Google

vient d'être trouvée par le calcul, où L marque la clarté du Soleil; lorsque la Lune paroit dichotome, ou qu'elle se trouve près de ses quadratures, 'sa clarté sera réduite à la moitié, & sera par conséquent

 $=\frac{L}{600000}$. Or en général la clarté de quelque phase de la Lune,

que ce soit, sera toujours à la clarté de la pleine Lune, comme la plus grande largeur de la phase au diametre de la Lune: car le sinus verse de l'angle extérieur TPp ou 1—cos TPS est toujours proportionel à la largeur de la phase, laquelle devient égale au diametre apparent entier dans les pleines Lunes, & au demi-diametre apparent dans les quadratures.

XLIII. Puisque la vérité de ma formule tirée de la Theorie paroit asses consirmée par les expériences de la Lune, de sorte qu'on ne sauroit se slatter d'un plus grand accord de quelque Theorie que ce soit, avec les experiences, je m'en vai déterminer par la même Theorie la clarté des planetes principales, dont elles doivent frapper notre vuë. Soit donc premièrement P la planete de Saturne, dont le diametre est à celui du Soleil comme 79, 3 à 1000. Donc posant a pour le vray demi-diametre de Saturne, si nous le voyons à la distance

du Soleil, son demi-diametre apparent seroit $\frac{a}{TS} = 0,0793$.

fin 16', 5" =
$$76\frac{1}{2}$$
", & partant a = TS fin $76\frac{1}{2}$ " = 0, 0003708.

TS & $aa = \frac{TS^2}{7273100}$. Cette valeur étant substituée donnera la clarté de Saturne vû de la terre,

$$\frac{L}{116369600} \cdot \frac{TS^4}{PT^2.PS^2} (1 + \cos SPT)$$

XLIV. Ne regardons ici que le mouvement moyen de Saturne, & felon les Tables Astronomiques on aura,

Donc

Donc, si Saturne se trouve en opposition du Soleil, où sa clarté doit être la plus grande, il deviendra PT = 853310 & cos SPT = 1; donc sa lumiere sera alors

38502000000

d'où il paroit que la lumiere de Saturne est environ 1000000 fois plus foible que la lumiere de la Lune. Or si Saturne paroit éloigné du Soleil de 90°, ou que l'angle T soit droit, la clarté de Saturne sers

59998000000

& par conséquent 1500000 fois plus foible que la lumiere de la pleine Lune... Cependant in ayant pas eu égard à l'anneau de cette planete, il est clair que la lumiere de l'anneau doit considérablement augmenter celle de Saturne même.

XLV. Concevons maintenant la planete de Jupiter en P, dont le diametre est à celui du Soleil comme 100, 7 à 1000. On sura dont TS = 0, 1007 fin 16', 5# = 97", & partant a = 0, 0004704. TS, & aa = TS²/4519200. Donc la clarté apparente de Jupiter sera = L TS⁴/72307200 PT². PS² (1 + cof SPT), & selon les tables TS = 100000 & PS = 519550. Soit Jupiter en opposition du Soleil, & à cause de PT = 419550 & cof SPT = 1, la clarté de Jupiter sera = L T7178000000, & partant 46000 fois plus petite que celle do la pleine Lune : or elle surpasse 22½ fois la clarté de Saturne dans ses oppositions. Mais lorsque Jupiter est en quadrature avec le Soleil, sa clarté se trouve = L 25560000000,

se partant elle sera à celle dans les oppositions comme 2 à 3. Je néglige ici les sorrections, qui pourreient convenir aux sigures ellipriques des orbites des planetes; vû qu'on n'ose pas pretendre à une précision dans ces déterminations.

XLVI. Pour Mars, on aura le rapport de son diametre à celui du Soleil comme 4, 47 à 1000, & partant $\frac{a}{TS} = 0$, 00447 fin $16', 5'' = 4\frac{1}{3}'', \text{ donc } a = 0,0000210. TS & aa = \frac{TS^2}{2267500000}$ d'où résulte la clarté de Mars $=\frac{L}{36280000000}$. $\frac{TS^4}{PT^2PS^2}$. (1 -+ cof SP.T). Or les tables donnant TS to 10000 & PS = 151950, nour les oppositions de Mars on aura PT = 51950. & fa clarté apparente se trouvera = 1130500000. Elle sera donc 30228 fois plus petite que la clarté de la pleine Lune, & devroit encore surpasser celle de Jupiter: & si cela n'arrive point, la cause en doit être attribuée à la nature de Mars, qui paroit telle, qu'il m'est pas parfaitement sensible aux impressions de la lumiere. Aussi voyons nous que cette planete; ne répand que des rayens rougeatres : donc puisqu'elle absorbe les autres rayons, il n'est pas surprenant que sa charsé soit plus soible, que le calcul ne montre. Pour les quadratures de Mars avec le Soleil, sa clarté se trouve = L elle est par conséquent presque 54 fois plus petite que dans les oppolitions.

XLVII. Pour les planetes inferieures, il est d'abord à remarquer, que leur plus grande élarté n'arrive, ni dans le fuperieure; puisqu'elles nous présentent dans la conjonction inferieure leur moitié obscure, & quoique dans la superieure leur moitié éclairée soit tournée vers nous, leur distance est

fi grande, qu'il une plus petite distance la clarté peut devenir plus feate, quoique tout le disque apparent ne shit pas illuminé. Donc, pour trouver le lieu dans leur orbite, où leur clarté devient la plus grande, on n'aura qu'à rendre la formule $\frac{(PS + PT)^2 - TS^2}{PT^3 \cdot PS^3}$ un maximum. Supposons que tant la planete que la terre décrive un cercle autour du Soleil, de nommant ST = g; SP = h, & TP = y, la valeur de la formule $\frac{(h+y)^2 - gg}{h^3 y^3}$ deviendra la plus grande, since $\frac{(h+y)^2 - gg}{h^3 y^3}$ deviendra la plus grande, since $\frac{(h+y)^2 - gg}{h^3 y^3}$ deviendra la plus grande clarté de la planete sera $\frac{Laagg(h+y)^2 - gg}{32h^3 y^3}$ $= \frac{Laagg(h+y)}{48h^3 y^9}.$

XLVIII. Pour que cette solution devienne possible il faut 1°. que y soit une quantité affirmative, ce qui arrive lorsque g > h, ou h < g, ce qui est le cas des planetes inferieures. 2°. il faut qu'ilfoit g + h > y ou g + 3h > V(3gg + hh), d'où l'on tire $h > \frac{1}{4}g$. Donc la folution n'aura pas lieu à moins que h au PS ne se trouve entre les limites g & $\frac{1}{2}$ g ou entre TS & $\frac{1}{2}$ TS. Car si h = g ou PS TS, il devient 7 = 0, ce qui marque la conjonction inferieure, & si h > g, qui est le cas des planetes superieures, la plus grande clarté tombe dans les oppositions. Mais si $h = \frac{1}{4}g$, on g = 4h, il resulte y = 5h = g + h, & dans ce cas la plus grande clarté se trouvera dans les conjonctions superieures, & la même chose doit arriver, fi $h < \frac{1}{4}g$. Donc, s'il y avoit une planete inferieure, dont la distance au Soleil sut moindre que le quart de la distance de la terre au Soleil. sa clarté paroitroit la plus grande dans ses conjonctions superieures; en supposant que la lumiere du Soleil n'empêche point l'apparence de la planete.

XLIX Con-

XLIX. Confidérons à présent la planete de Venus, & suisque son diametre est à celui du Soleit, comme 10, 75 à 1000, on aura $\frac{a}{TS} = 0$, 01075 sin 16¹, $5^{11} = 10\frac{1}{3}^{11}$: donc a = TS sin $10\frac{1}{3}^{11}$ = 0,0000501 TS. Or posant TS = g = 100000, les tables dounent PS = h = 72327; d'où nous trouvons pour la plus grande clarté TP = y = 43046, & la plus grande clarté étant $\frac{L}{19123500000} \cdot \frac{g^4(h+y)}{h^3yy}$ deviendra $\frac{L}{1162200000}$. Elle sera donc 3 107 sois plus petite que la lumière de la pleine Lune; ou presque 15 sois plus brillante que celle de Jupiter dans ses oppositions. Mais, si Venus se trouve près les plus grandes élongations du Soleil où l'angle SPT devient droit, sa clarté apparente sera $\frac{L}{6374500000} \cdot \frac{g^4}{hh \cdot PT^2}$ & $PT^2 = gg - hh$; donc la clarté apparente sera de le pleine Lune, & presque d'un quart plus petite que celle de la pleine Lune, & presque d'un quart plus petite que dans le cas de la plus grande clarté.

L. Mais voyons aussi en quel endroit de son orbite Venus doit se trouver, asin qu'elle nous paroisse dans son plus grand sustre; or ayant pour cet esset sin ½ STP = $\sqrt{\frac{(h+g-y)}{4gy}}$ on trouver l'angle STP = 39°, 43′, où Venus paroitra alors éloignée du Soleil de l'angle 39°, 43′, & l'angle au Soleil deviendra TSP = 22°, 21′, d'où l'angle SPT sera = 117°, 56′. Donc, quand Venus nous paroit la plus brillante, elle nous est plus proche, que lorsqu'elle est dans ses plus grandes élongations du Soleil; & alors la partie éclairée, que nous voyons, sera plus petite que la moitié. Car la largeur de la partie illuminée sera au diametre apparent de Venus, comme le sinus

finus verse de 62°, 4' au double du sinus total, ou comme sin (31°, 21).

à 1, c'est à dire comme 266 à 1000 ou comme 1 à 4 à peu prés. Or le diametre apparent entier de Venus sera alors 48".

LI. Pour Mercure on se servira de la même methode. diametre étant à celui du Soleil comme 4, 25 à 1000, on aura TS $\equiv 0,00425 \text{ fin } 16', 5'' \equiv 4,825'', \text{donc } a \equiv 0,00002446. TS.$ Or il est TS = 100000, PS = 38336 d'où y = 100728, & partant sa plus grande clarté $\frac{L}{80229000000} \cdot \frac{g^4(h+y)}{h^3 yy} = \frac{L}{3297900000}$ qui est par conséquent environ 8818 fois plus petite que celle de la pleine Lune, & 5 fois plus brillante que Jupiter dans ses oppositions; or cette clarté sera à celle de Venus, lorsqu'elle est la plus grande, comme I à 3 à peu près. Mais puisque Mercure n'est alors éloigné du Soleil que de 22°, 2'; & qu'il n'est pas visible par conséquent que près de l'horizon dans le crepuscule, il n'est pas surprenant, que la clarté visible de Mercure réponde si peu au calcul. Alors l'angle SPT fe trouve = 78°, 7' & l'angle PST = 79°, 51'. Cette position tombe à peu près dans la plus grande élongation de Mercure au Soleil, & partant je ne chercherai point sa clarté dans ses plus grandes élongations.

LII. Ayant ainsi déterminé la lumière apparente des planetes principales & de la Lune, je dirai encore un mot sur les satellites de Jupiter & de Saturne. Si l'on savoit le rapport des diametres de ces satellites au diametre du Soleil, ou à celui de leur principale, il seroit aisé d'en déduire la clarté, qui seroit à celle de la planete principale en raison quarrée de leurs diametres. Ainsi, si le diametre d'un satellite étoit la dixième partie de celui de sa principale, sa lumière seroit 100 sois plus soible. Donc, puisque la clarté de Jupiter dans ses oppo-

Stions est $=\frac{L}{17178000000}$, si nous supposons, que le diametre d'un de ses satellites étoit à celui de Jupiter comme 1 à 10, ou que ce satellite sur à peu près égal à la terre, sa lumière seroit $=\frac{L}{1717800000000}$ ou 100 sois plus soible que la lumière de Jupiter, & partant environ 4 sois plus soible que la lumière de Saturne.

LIII. Or une étoile dont la lumière ne seroit que 4 sois plus soible que celle de Saturne, devroit encore être visible à la vue simple. Donc, puisque les satellites ne sont visibles qu'à l'aide des Lunettes, il s'ensuit, ou que les satellites de Jupiter sont beaucoup plus petits que la Terre; ou que leur matière ne soit pas propre à devenir lumineuse. Cette dernière raison paroit surtout sort probable, puisqu'on remarque que les satellites tant de Jupiter que de Saturne sont remplis de taches obscures, qui sont la cause que nous ne voyons qu'une partie de leur corps. Peut être-aussi que la lumière si proche de Jupiter même nous dérobe les satellites, ou qu'elle en empêche l'apparition. Or pour les satellites de Saturne, en les supposant aussi égaux à la Terre, leur lumière seroit 22½ plus soible que celle des satellites de Jupiter; ce qui est sans doute la raison, pourquoi il n'est pas possible de voir ces satellites que par le moyen de sort excellentes Lunettes.

LIV. Ces considérations nous peuvent conduire à estimer en quelque manière le diametre apparent des étoiles sixes en comparant leur lumière à celle des planetes. Car soit ω le diametre apparent d'une étoile sixe, & sa clarté apparente = $\frac{L}{\pi}$; si nous supposons que son éclat est égal à celui du Soleil, & que les rayons ne perdent rien de leur sorce en passant par l'éther, la lumière apparente de cette étoile sixe doit être à la lumière du Soleil L, comme le quarré de son dia-

diametre apparent $\omega\omega$ au quarré du diametre apparent du Soleil. On aura donc $\frac{L}{n}$: $L = \omega\omega$: $(32', 10'')^2$, donc $\omega = \frac{32', 10''}{\sqrt{n}} = \frac{1930''}{\sqrt{n}}$. Donc, si la clarté d'une étoile fixe étoit égale à la plus grande clarté de Jupiter, à cause de n = 17178000000 & $\sqrt{n} = 131000$, son diametre apparent seroit $= \frac{193''}{13100}$, ou d'une tierce à peu près ; & si la clarté d'une étoile fixe étoit égale à la plus grande clarté de Saturne, à cause de n = 385020000000 & $\sqrt{n} = 620500$, son diametre apparent seroit $= \frac{193''}{62050} = 11^{10}$.

LV. Dans cette hypothese si nous savions la grandeur d'une étoile sixe, nous en pourrions conclure sa vraie distance du Soleil. Posons qu'ene étoile sixe soit égale au Soleil en grandeur aussi bien qu'en éclat, & que sa lumière apparente soit égale à celle de Jupiter dans ses oppositions, alors sa distance sera à celle du Soleil à la Terre comme Vn à 1, c. à. d. comme 131000 à 1: donc sa parallaxe à l'égard de l'orbite de la Terre seroit = \frac{1}{65500} = 3". Or si la lumière de cette étoile n'étoit égale qu'à la clarté de Saturne, alors sa distance au Soleil seroit à la distance de la Terre au Soleil comme 620500 à 1, & sa parallaxe annuelle ne vaudroit que \frac{3}{2}\$ secondes ou 36 tierces. Comme on n'a pu jusqu'ici découvrir aucune parallaxe dans les étoiles sixes, c'est une marque qu'elle doit être extrémement petite; ce qui sert à consirmer mon hypothese, que les rayons de lumière ne perdent rien dans leur passage par l'éther.

LVI. Pour exposer plus distinctement aux yeux les dégrés de clarté, sous lesquels les planetes nous doivent paroitre suivant ma Q q 2 Théo-

Théorie, je poserai la lumière du Soleil, que j'ai marqué jusqu'ici par L, égale à un Billion: & on aura

I. La lumière du Soleil =	1000000000000
II. La lumiére de la pleine Lune =	2675000
III. La plus grande lumiére de 😝 💳	303
IV. La plus grande lumière de 2 =	860
V. La plus grande lumiére de 🧳 💳	88
VI. La plus grande lumiére de 24 ==	58
VII. La plus grande lumiére de † =	3

Pour les étoiles fixes de la première grandeur, il est seur que leur lumière est moindre que celle de Jupiter dans ses oppositions; donc on ne se trompera peut-être guéres en supposant la lumière des étoiles de la première grandeur = 40, de la seconde grandeur = 70, de la troissème = $4\frac{1}{2}$, de la quatrième = $2\frac{1}{2}$, de la cinquième = $1\frac{3}{2}$, de la sixième = $1\frac{3}{2}$ &c., quoique les Astronomes ne soient pas d'accord, à quel dégré il saut ranger chaque étoile sixe.

LVII. Les expériences de Mr. Bouguer nous fournissent suffi le moyen de comparer la lumière des étoiles avec celle d'une bougie, telle que Mr. Bouguer a emploiée dans ses expériences. Or ayant vu que la lumière du Soleil étoit à celle d'une bougie étoignée de 16 pouces, comme 11664 à 1; le Soleil étant à la hauteur de 30 dégré; il s'ensuit, que posant la lumière du Soleil 1000000000000, celle d'une bougie placée à la distance de 16 pouces sera = 85734000. Donc, puisque la clarté d'une bougie décroit en raison doublée des distances;

La clarté d'une Bougie		,			
à la distance d'un pied ser	2		152	416	500
à la distance de 2 pieds	. ;	-	38	104	000
à la distance de 3 pieds	•	•	16	935	III
à la distance de 4 pieds	•	• •	9	5260	000
à la distance de 5 pieds	•	•	. 6	096	640
à la distance de 10 pieds	•	•	1	524	160
à la distance de 20 pieds	•	• •		3810	040
à la distance de 30 pieds	•	•	•	1693	3 5 E
à la distance de 40 pieds	•	*	•	952	260
à la distance de 50 pieds	•	•	•	609	66
à la distance de 100 pieds	•	•	•	152	42
à la distance de 200 pieds	•	•	•	3 8	018
à la distance de 300 pieds	•	•	•	16	94
à la distance de 400 pieds	•	•	•	9	52
à la distance de 500 pieds	•	•	·	6	og
à la distance de 1000 pieds	•	•	•	1	52
à la distance de 2000 pieds	•	•	•		38
à la distance de 3000 pieds	•	•	₽.		17
à la distance de 4000 pieds	•	. •	•	•	9
à la distance de 5000 pieds	•	•	•	•	б
à la distance de 6000 pieds	•	•	•	•	4
à la distance de 7000 pieds	•	•	•	•	3
à la distance de 10000 pieds	•	•	•		17

LVIII. De là nous pourrons tirer les conséquences suivantes: 1°. Pour produire une lumière aussi brillante que celle du Soleil, il faudroit placer à la distance d'un pied 6560 bougies, & Q q 3 quatre quatre fois autant à la distance de deux pieds; d'où l'on voit l'impossibilité d'éclairer par des bougies autant que par le Soleil. Car si l'on allumoit dans une sale 10000 bougies, à la distance de 10 pieds, la lumière ne seroit que 15241600000, & partant encore 65 sois plus soible que celle du Soleil.

- 2°. Pour produire une lumière égale à celle de la pleine Lune, par une seule bougie, on n'a qu'à la placer à une distance de $7\frac{1}{2}$ pieds: & quatre bougies éloignées de 15 pieds produiront le même effet.
- 3°. Une bougie éclairera autant, que Venus, lorsqu'elle paroit la plus brillante, si elle est placée à une distance de 421 pieds, ou une bougie éloignée de 421 pieds nous paroitra de nuit aussi brillante que Venus.
- 4°. Et une bougie allumée à la distance de 1620 pieds nous paroitra avoir autant de lumière que Jupiter, lorsqu'il est en opposition avec le Soleil.
- 5°. Ces réstéxions pourront être employées à juger, s'il est possible de voir une étoile en plein jour : car on n'a qu'à chercher la distance d'une bougie, où elle doit paroitre aussi brillante que l'étoile proposée; & on essayera si l'on s'appercevra en plein jour de la bougie allumée à la distance trouvée. Ainsi si l'on peut découvrir en plein jour une bougie à la distance de 421 pieds, ce sera une marque qu'on pourra aussi voir Venus en plein jour, lorsque sa

lumiére est la plus grande.



RECHER-

RECHERCHES SUR L'EFFET D'UNE MACHINE HYDRAULIQUE PROPO-

sée par mr. Segner professeur a' göttingue;

PAR M. EULER.

ette Machine est composée d'un vaisseau cylindrique, dont l'axe tient une situation verticale, autour duquel le vaisseau peut librement tourner. Ce vaisseau n'est pas exprimé dans la figure, qui n'en represente qu'une section horizontale ABCDEF faite prés de sa base inferieure. Dans cet endroit le vaisseau est percé de plufieurs trous A, B, C, D, E, F pour y recevoir des tuyaux horizontaux Aa, Bb, Cc, Dd, &c. qui communiquent avec le grand vaisseau. Ces tuyaux sont fermés à l'autre bout, mais ils ont tous une ouverture à coté marquée par les lettres $\alpha, \beta, \gamma, \delta, &c$. La Machine étant construite de cette façon, si l'on remplit d'eau le grand vaisseau, elle en sortira par les ouvertures α , β , γ , δ , &c. des tuyaux horizontaux : & chacun d'eux sera repoussé par la sorce de reaction de l'eau. Donc, puisque la machine est mobile autour de son axe, & que ces forces de reaction la poussent en même sens, elle commencera d'abord à tourner autour de son axe dans le sens a b c d e f. Et si l'on verse dans le vaisseau continuellement autant d'eau, qu'il faut pour l'entretenir toujours plein, le mouvement de rotation de la machine continuera non seulement, mais il deviendra aussi de plus en plus rapide, jusqu'à ce qu'il aura atteint un certain dégré de vitesse, qu'il confervera ensuite sans aucune variation.

Puisque les forces de l'eau peuvent devenir considérables, on voit aussi, que cette machine pourra être employée à vaincre des obstacles.

Fig. I.

ssacles, ou à élever des poids; & peut-être sera-t-on en écat de tirer par ce moyen un plus grand effet de la dépense d'eau, qui est requise pour l'entretien de cette machine, que si on la vouloit employer d'une autre saçon.

Après avoir donné une description en gros de cette machine, pour rendre mès recherches plus générales, je m'en vai exposer l'état des pieces, auxquelles il faut avoir égard, en leur supposant une telle sigure, qui convient à la généralité que j'ai en vuë.

L Quant aux tuyaux horizontaux, qui sont attachés au grand vaisseau, que Mr. Segner suppose droits, je leur donnerai une sigure courbe quelconque, en sorte pourtant, qu'ils ne s'écartent point du plan horizontal, auquel on les conçoit arrangés.

II. Pour la largeur de ces tuyaux, je la supposerat variable d'une manière quelconque; de sorte que la quantité, qui exprime la largeur dans un endroit quelconque, soit une sonction variable qui dépend de cet endroit.

III. Au lieu que Mr. Segner suppose ces tuyaux percés à coté pour donner l'issue à l'eau, je les supposerai courbés à leur bout; asin que la continuité ne soit point interrompue, & que je puisse rensermer dans le calcul non seulement le mouvement de l'eau dans les tuyaux mais aussi sa sortie à leur bout.

IV. Cependant, quoique je donne à ces tuyaux une largeur variable, je la supposerai pourtant par tout assés petite, pour que la direstion du mouvement de l'eau soit partout parallele à la direction du tuyau; ou bien que l'eau, qui se trouve à chaque section du tuyau, se meuve avec une vitesse égale.

V. Le grand vaisseau sera, comme Mr. Segner le suppose, librement mobile autour de son axe, qui est vertical, de sorte que lorsque la machine tourne autour de cet axe, les tuyaux se meuvent tous dans un plan horizontal.

VI. Enfin pour connoitre l'effet d'une telle machine, je lui concevrai attaché un poids, qu'elle doit élever par son mouvement de rotation.

Comme

Comme il s'agit maintenant de déterminer l'effet, qu'une telle machine est capable de produire, il faut remarquer que cet effet résulte des efforts, que l'eau en passant par les tuyaux y exerce. Car premiérement il est connu que l'eau en sortant d'un vaisseau le repousse avec une force, qu'en nomme la reaction: Et ensuite, si les tuvaux sont courbes, entant que l'eau est obligée de changer de dire-Etion. il en nait une force centrifuge, dont les tuyaux éprouvent la pression. On comprendra aussi aisément que ces sorces doivent être bien differentes, lorsque la machine aura déjà acquis un mouvement de rotation, & lorsqu'elle est en repos: il conviendra donc de commencer mes recherches par celle des efforts, que l'eau en passant par les tuyaux d'un mouvement quelconque y exerce, pendant que ces tuyaux mêmes tournent autour de l'axe de la machine aussi avec un mouvement quelconque. Pour cet effet, comme le mouvement tant des tuyaux que de l'eau est supposé connu, il faudra chercher les forces requises, pour entretenir ce mouvement supposé dans l'eau, ce qui sera le sujet de mon premier probleme.

PROBLEME

Le mouvement tant de la machine même que de l'eau qui coule par les tuyaux étant convu, déterminer les forces qui sont requises pour maintenir l'eau dans ce mouvemeut.

SOLUTION.

Que le plan de la planche répresente la section horizontale du vaisseau à l'endroit où il porte les tuyaux horizontaux; soit O l'axe ou le centre de la base du vaisseau, dont le rayon OA soit nommé ____a. Que la droite AME ensuite répresente un des tuyaux horizontaux, dont la largeur en A soit = ff, où il communique avec le vaisseau. De plus, ayant tiré d'un endroit quelconque M du tuyau an centre O la droite OM, soit AX = x & OM = y: & la figure du tuyan sera exprimée par une équation entre x & 7. Soit outre cela Min. de l'Acad. Tom. Pl.

la

Digitized by Google

Fig. II.

la largeur du tuysu en M = zz, qui pourra être regardée comme une fonction de x ou y. Pour le mouvement de rotation de la machine, soit la vitesse dont le point A tourne à present dans le sens CA autour du centre O = Vu, & supposant que le point A ait été au commencement en C, qu'il soit parvenu en A après un tems = e, je regarderai la quantité u comme une fonction du tems t, pour donner à ce mouvement toute la variabilité possible. Ensuite soit Vv la vitesse dont l'eau entre à present par l'ouverture ff en A dans le tuyau A ME, de sorte que V v marque, non la vitesse veritable de l'eau, mais sa vitesse rélative à l'égard du tuyau : & soit v également une sonction quelconque du tems écoulé 1. Dans ce même instant la vitesse d'une goutte d'eau qui se trouve en M sera $=\frac{f (v)v}{r}$, à de la largeur du tuyau en M = z z, celle en A étant = ff. $\frac{f (V) v}{v}$ exprimera aussi la vitesse rélative de l'eau dans le tuyau en M, & partant sa direction sera celle du tuyau même savoir Mm. cause du mouvement de rotation, le point du tuyau M sera emporté fuivant la direction MM' perpendiculaire à OM, avec une vitesse $=\frac{y V u}{u}$. Donc le vrai mouvement d'une goutte d'eau en M sera composé de ces deux mouvemens, dont l'un se fait avec la vitesse $\frac{f V v}{r}$ fuivant la direction Mm & l'autre avec la vitesse $\frac{y V u}{r}$ fuivant la direction MM'. Décomposons ce mouvement suivant deux directions fixes, dont l'une soit la droite OCD, & l'autre y soit perpendiculaire; qu'on tire pour cet effet la droite M P perpendiculaire à OD, & qu'on nomme OP = X & PM = Y. Les vitesses de l'eau en M selon les directions OP & PM seront donc $\frac{dX}{dz}$ & $\frac{dY}{dz}$: d'où il s'ensuit que posant l'élément du tems de constant, il saut que l'eau

Fean en M soit sollicitée par deux sorces acceleratrices, s'une strivant la direction OP, qui sera $=\frac{2 d d X}{d t^2}$ & s'autre suivant la direction PM, qui sera $=\frac{2 d d Y}{d t^2}$. Reduisons maintenant ces deux sorces à deux autres directions OM & M M', qui ne dépendent plus de la position de la droite OP, & la sorce selon OP $=\frac{2 d d X}{d t^2}$ donne pour la direction OM ou M \mu la sorce $\frac{2 X d d X}{y d t^2}$ & pour la direction M M' la sorce $-\frac{2 Y d d X}{y d t^2}$. De même la sorce selon P M $=\frac{2 d d Y}{d t^2}$ donne pour la direction M \mu la sorce $=\frac{2 X d d Y}{y d t^2}$ & pour M M' la sorce $=\frac{2 X d d Y}{y d t^2}$ & pour M M' la sorce $=\frac{2 X d d Y}{y d t^2}$ & pour M M' la sorce $=\frac{2 X d d Y}{y d t^2}$ & pour M M' la sorce $=\frac{2 X d d Y}{y d t^2}$; de sorte que nous aurons deux sorces s'une selon M \mu $=\frac{2 X d d X}{y d t^2}$

Tune felon M $\mu = \frac{^{2} X ddX + 2 Y ddY}{y dt^{2}}$ Tautre felon M M' = $\frac{2 X ddY - 2 Y ddX}{y dt^{2}}$

Soit l'angle DOM $= \varphi$, & ayant $X = y \cos \varphi$ & $Y = y \sin \varphi$ nous aurons $dX = dy \cos \varphi - y d\varphi \sin \varphi & dY = dy \sin \varphi + y d\varphi \cos \varphi$ & encore

 $ddX = ddy \cos \Phi - 2 dy d\Phi \sin \Phi - y d\Phi^2 \cos \Phi - y dd\Phi \sin \Phi$ $ddY = ddy \sin \Phi + 2 dy d\Phi \cos \Phi - y d\Phi^2 \sin \Phi + y dd\Phi \cos \Phi$ So partant nos deux forces acceleratrices feront

la force felon
$$M \mu = \frac{2}{dt^2} (ddy - y d\Phi^2)$$

la force felon $MM' = \frac{2}{dt^2} (2 dy d\Phi + y dd\Phi)$.

R r 2

Digitized by Google

Il fant donc à present chercher les valeurs des differentiels de &dd &. par les mouvements supposés. Soit pour cet effet l'angle COA = ω , & puisque dans l'élément du tems de le point A est transporté en A desorte que $AA' = d \cdot V u$, nous en tirons $d\omega = \frac{d \cdot V u}{d \cdot v}$. Ensuite ayant AX = x, l'angle AOX fera $= \frac{x}{a}$; & partant à cause de $\phi = \omega - \frac{x}{4}$, nous aurons $d\phi = \frac{dt}{dt} \frac{\sqrt{u}}{dt} - \frac{dx}{dt} & \frac{d\phi}{dt} = \frac{\sqrt{u}}{dt}$ $-\frac{a x}{a dz}$. Or à cause du mouvement de l'eau dans le tuyan avec la vitesse $=\frac{f V v}{2 \pi}$ selon la direction Mm, elle parcourra dans le tems de l'espace $Mm = \frac{f d \cdot V v}{r}$. Donc, posant pour abréger Mm $= V(dy^2 + \frac{yydx^2}{2}) = ds$, & Hungle AMX on Mmk=1, nous aurons $dy = ds \cot \theta & \frac{y dx}{ds} = ds \sin \theta$ ou $dx = \frac{a ds \sin \theta}{ds}$. Partant puisque $ds = \frac{f dt \, Vv}{2\pi a}$, nous aurons $\frac{dy}{dt} = \frac{f \cot \theta \cdot V v}{dt} & \frac{dx}{dt} = \frac{a f \sin \theta}{a \cos \theta} V v; \text{ donc } \frac{d \Phi}{dt} = \frac{V u}{a \cos \theta} = \frac{f \sin \theta}{a \cos \theta} V v$ Passons aux seconds differentiels, & nous trouverons $\frac{ddy}{dt^2} = \frac{-ffd\theta \sin \theta V v}{2zdt} + \frac{ffdv \cos \theta}{2zzdt V v} - \frac{2ffdz \cos \theta V v}{z^3 dz}$ $\frac{dd\Phi}{dt^2} = \frac{du}{2adt Vu} - \frac{f d\theta \cos\theta Vv}{yzzds} - \frac{f dv \sin\theta}{2yzzds Vv} + \frac{f dy \sin\theta Vv}{yyzzds} + \frac{2f dz \sin\theta Vv}{yz ds}$

De

De là nos forces acceleratrices seront

I. Selon M u

$$-\frac{2yz}{aa} + \frac{4f \operatorname{fin}\theta V uv}{azz} - \frac{2fv^{4} \operatorname{fin}\theta^{2}}{yz^{4}} - \frac{2ff d\theta \operatorname{fin}\theta V v}{zz dz}$$

$$+ \frac{ff dv \cot \theta}{zz dz V v} - \frac{4ff dz \cot \theta}{z dz}$$

II. Selon M M'

$$\frac{4 f \cos \theta V u v}{e z z} = \frac{4 f^4 v \sin \theta \cos \theta}{y z^4} + \frac{y d u}{e d t V u} = \frac{2 f d \theta \cos \theta}{z z d t}$$

$$- \frac{f d v \sin \theta}{z z d t V v} + \frac{2 f f d y \sin \theta V v}{y z z d t} + \frac{4 f d z \sin \theta V v}{z^3 d t}$$

Or il convient de réduire ces forces encore à d'autres directions, qui se rapportent à celle du tuyau, dont l'une soit suivant la direction du tuyau Mm & l'autre y soit perpendiculaire suivant MR: & on aura

la force selon $Mm \equiv$ force $M\mu$. cos θ — force MM'. sin θ la force selon $MR \equiv$ force $M\mu$. sin θ — force MM'. cos θ ainsi il en résultera.

I. La force selon Mm

$$-\frac{2yu\cos\theta}{a a} + \frac{2f^{4}v\sin\theta^{2}\cos\theta}{y z^{4}} - \frac{ydu\sin\theta}{a dt Vu} + \frac{ff dv}{zzdt Vv} - \frac{2ff dy \sin\theta^{2}Vv}{yzzdt}$$

$$-\frac{4ff dz Vv}{z^{3} dt}$$

Ici il fant remarquer que nous avant deux especes de quantisés, desc l'une comprend des fonctions du tems t, & l'autre les quantités qui dependent de la variabilité du point M. De la premiere espece sont les vitesses Vu & Vv, & partant $\frac{du}{dt}$ & $\frac{dv}{dt}$ seront des quantités sinies & fonctions du tems t: l'autre espece comprend les autres quantités x, y, z, θ , & ds qui se rapportent ensemble. Par conséquent, pour que les fractions $\frac{dy}{dt}$, $\frac{dz}{dt}$ & $\frac{d\theta}{dt}$ ayent des valeurs déterminées, il faut mettre au lieu de dt sa valeur $\frac{zzds}{ffVv}$: d'où nous aurons à cause de $dy \equiv ds$ cos θ ;

$$\frac{dy}{dz} = \frac{f \cos \theta \cdot V v}{z z}; \frac{dz}{dz} = \frac{f dz V v}{z z dz}; \frac{d\theta}{dz} = \frac{f d\theta V v}{z z dz}$$

Faisant donc ces substitutions, & séparant en chaque terme les son-Rions du tems : de celles qui dépendent du tuyau, nos forces acceleratrices seront.

I. La force felon M m

$$-\frac{2u}{aa} \cdot y \cos \theta - \frac{du}{a d t V u} \cdot y \sin \theta + \frac{dv}{d t V v} \cdot \frac{f f}{z z} - 4 v \cdot \frac{f^2 dz}{z^5 d s}$$

II. La force selon MR

$$\frac{2u}{aa} \cdot y \sin \theta - \frac{4 \sqrt{uv}}{a} \cdot \frac{ff}{zz} + 2v \cdot \frac{f^4 \sin \theta}{yz^4} - \frac{du}{adz \sqrt{u}} \cdot y \cos \theta + 2v \cdot \frac{f^4 d\theta}{z^4 dz}$$
Or nommant le rayon de courbure du tuyau en M favoir MR = r,
on aura $r = \frac{y d y}{dy \sin \theta + y d\theta \cos \theta}$, & partant $\frac{1}{r} = \frac{\sin \theta}{y} + \frac{d \cos \theta}{dy}$

$$= \frac{\sin \theta}{y} + \frac{d \theta}{dz} : d'où l'expression pour la force acceleratrice seion$$

MR



MR deviendra plus fimple favoir

$$\frac{2u}{da} \cdot y \sin \theta - \frac{4\sqrt{uv}}{a} \cdot \frac{ff}{zz} + 2v \cdot \frac{f^4}{rz^4} - \frac{du}{a dt \sqrt{u}} \cdot y \cos \theta$$
C. Q. F. T.

COROLL I.

Donc, pour que l'eau poursuive le mouvement, que nous venons de supposer, il faut qu'un élément d'eau quelconque, qui se trouve en M, soit sollicité par deux forces acceleratrices, dont l'une agisse selons la direction du tuyau Mm qui est $\frac{dv}{dt \ Vv}$. $\frac{ff}{zz} - \frac{du}{adt \ Vu}$. $f \sin \theta$ $-\frac{2u}{aa}$. $y \cos \theta - 4v$. $\frac{f^4 dz}{z^5 ds}$ & l'autre selon la direction du rayon de courbure MR, qui est $\frac{dz}{dz} = \frac{dz}{dz} = \frac{dz}{$

COROLL. II

C'est donc l'inertie de l'eau qui exige ces deux forces pour la conservation du mouvement supposé; & on pourra nommer la sorce qui agit selon M m la sorce tangentielle, & l'autre sorce qui agit selon MR la sorce normale.

COROLL. III

Puisque les vitesses Vu&Vv sont des fonctions du tems, on aura à chaque tems proposé aussi les valeurs des fractions $\frac{dv}{dtVv}\&\frac{du}{adtVu^2}$ & puisque la figure du tuyau est supposée connue, on pourra pour chaque tems déterminer les forces, dont chaque élément d'eau dans le tuyau sera sollicité.

Digitized by Google

COROLL. IV.

Pour la force tangentielle elle doit être produite par les forces qui agissent actuellement sur l'eau dans le tuyau. Or puisque le tuyau est supposé horizontal, la gravité de l'eau n'y contribue rien: il ne reste donc que l'état de compression de l'eau dans le tuyau, dont elle puisse recevoir des impressions suivant la direction du tuyau. C'est donc de là qu'on pourra déterminer l'état de compression de l'eau à chaque endroit du tuyau.

COROLL. V.

La force normale selon MR est requise pour conserver l'eau dans le tuyau; ce seront donc les parois du tuyau qui exercent cette sorce sur l'eau. D'où il s'ensuit que l'eau presse le tuyau avec la même sorce selon la direction opposée MS: Donc le tuyau sera pressé en M se-

lon la direction M S avec une force acceleratrice $= 2 v \cdot \frac{f^2}{r z^4}$

$$- \frac{du}{adt \ Vu} \cdot y \cos \theta + \frac{2u}{aa} \cdot y \sin \theta - \frac{4 \ Vuv}{a} \frac{ff}{2z}$$

PROBLEME II.

Le mouvement de rotation, tant du tuyau que celui de l'eau par le tuyau, étant connu, déterminer l'état de compression, où l'eau se troube dans le tuyau à tout tems & à chaque endroit du tuyau.

SOLUTION.

Pig. III. Quoique l'eau ne se laisse pas réduire en un plus petit espace par quelque force que ce soit, elle soutient pourtant les sorces, qui tendent à la comprimer : ainsi si nous considérons une eau dormante, ses parties qui se trouvent à une plus grande prosondeur, éprouvent une plus grande force de compression; & on peut dire qu'elles se trouvent dans l'état d'une plus grande compression. Comme cette compression est causée par le poids de l'eau superieure, on pourra exprimer l'état de compression par la prosondeur, où l'eau se trouve. Ainsi

on

on pourra affigner une profondeur dans l'eau dormante, où l'état de compression est égal à celui qui convient à l'eau en M, pendant qu'elle passe par nôtre tuvau mobile. Soit donc p cette hauteur, qui exprime l'état de compression de l'eau en M, dans le tuyau pour l'instant present, & l'état de compression de l'eau en m sera p + dp. pour le même instant; donc posant Mm = ds, la fraction $\frac{dp}{ds}$ sera une quantité finie. Considérons donc la particule d'eau, qui remplit l'élément du tuyau MNmn, & la masse de cette eau sera $\equiv zzds$, qui soutenant en MN la force motrice pzz en sera poussée en avant felon M m avec une force acceleratrice $=\frac{p zz}{zz dz} = \frac{p}{dz}$: même particule d'eau étant repoussée par la pression de l'eau sur la base mn, cette force acceleratrice contraire sera $\frac{p+dp}{ds}$: done l'élément d'eau MN mn sera poussé en avant selon Mm avec la force acceleratrice $= -\frac{dp}{dr}$. Il faut donc que cette force soit égale à celle, dont nous avons trouvé que l'eau en M doit être sollicitée seion la direction Mm, & partant nous aurons cette équation:

$$-\frac{dp}{ds} = \frac{dv}{dt Vv} - \frac{ff}{zz} \frac{du}{adt Vu} \cdot y \text{ fin } \theta - \frac{2u}{aa} \cdot y \cot \theta - 4v \cdot \frac{f^4 dz}{z^5 ds}$$
ou bien à cause de $dy = ds \cot \theta$

$$dp = -\frac{dv}{dt \sqrt{v}} \cdot \frac{ff ds}{zz} + \frac{du}{adt \sqrt{u}} \cdot y ds \sin\theta + \frac{2u}{aq} \cdot y dy + 4v \cdot \frac{f^4 dz}{z^5}$$

Et puisque nous regardons ici le même instant du tems, pour connoitre l'état de compression de l'eau dans tous les points du tuyau pour cet instant, nous devons considérer comme constant le tems t & les quantités qui en dependent. Par conséquent prenant les integrales nous obtiendrons

Min. de l'Acad. Tom. VI.

Ss

$$p = C - \frac{dv}{dt Vv} \int \frac{ffds}{zz} + \frac{du}{adt Vu} \int y ds \sin \theta + \frac{u}{aa} \cdot yy - v \cdot \frac{f^a}{z^a}$$

où je suppose que ces integrales $\int \frac{f \int ds}{z z} ds \int y ds \sin \theta$ sont prises en

forte qu'elles evanouissent au point A, où il devient y = a, & zz = f.

Maintenant, pour connoitre la constante C, il faut avoir égard à l'endroit, où l'eau sort du tuyau; supposons que cela arrive en EF, où l'ouverture soit = hh, la distance O E = b, & étendant les integrales jusqu'à cet endroit là, c'est à dire par le tuyau ABEF tout entier, soit $\int \frac{f \int ds}{zz} = E \& \int y ds \sin \theta = F$. Or on sait, que là, où l'eau échappe dans l'air, l'état de compression évanouit; Donc,

transportant le point M en E, où devient y = b & zz = hh, il faut qu'il soit p = o; d'où nous tirerons

$$\bullet = C - \frac{dv}{dtVv}. \quad E + \frac{du}{adtVu}. \quad F + \frac{u}{aa}. \quad bb - v. \quad \frac{f^4}{h^4}$$

Et partant pour cet instant l'état de compression de l'eau dans un endroit quelconque M du tuyau sera

$$p = \frac{dv}{dt} \frac{v}{v} (E - \int \frac{ffds}{zz}) - \frac{du}{adt} \frac{v}{v} (F - \int y ds \sin \theta) - \frac{u}{aa} (bb - yy) + v \left(\frac{f^4}{h^4} - \frac{f^4}{z^4}\right)$$
C. Q. F. T.

COROLL. I.

De là il s'ensuit qu'au commencement du tuyau en A, où l'eau entre dans le tuyau, l'état de compression de l'eau sera exprimé par la hauteur:

$$\frac{du}{dt Vv} \cdot \mathbf{E} - \frac{du}{adt Vu} \cdot \mathbf{F} - \frac{u}{aa} (bb - aa) + v \left(\frac{f^4}{f^4} - 1 \right)$$

puisque pour cet endroit il devient y = a; $zz = ff & \int \frac{ff ds}{2z} = o$, $\int f ds = o$.

CO-

COROLL. IL

Si, tant le mouvement de rotation du tuyau, que le mouvement de l'eau qui entre en A continuellement dans le tuyau, étoit uniforme, ou qu'il fut tant $du \equiv 0$ que $dv \equiv 0$, alors l'état de compression de l'eau dans un endroit quelconque M seroit exprimé par la hauteur

$$p = -\frac{u}{aa} (bb - yy) + v \left(\frac{f^4}{k^4} - \frac{f^4}{z^4} \right)$$

SCHOLIE L

On voit qu'il peut arriver souvent, que la hauteur p qui exprime l'état de compression, devienne negative; & dans ce cas les parois du tuyau seroient non seulement non pressées en dehors, mais elles seroient même comme attirées par l'eau en dedans; & partant l'eau devroit quitter les parois du tuyau, & cesser de remplir toute la cavité, puisque rien ne resisteroit à cette force negative. Et en effet, ce cas doit arriver dans le vuide, & la continuité de l'eau sera interrompue dans ces endroits, où la valeur de p devient negative, entant que la cohésion des particules d'eau au tuyau n'est pas capable de maintenir la Mais on comprendra aussi, que dans le plein sa pression continuité. de l'atmosphère doit empecher un tel vuide dans le tuyau: car si nous avons égard à la pression de l'atmosphere, que nous avons négligée dans cette recherche, nous verrons aisément, que le poids de l'atmosphere doit augmenter l'état de compression de l'eau dans le tuyau, & que cette augmentation sera égale au poids de l'atmosphere. Donc, si nous posons k pour la hauteur d'une colonne d'eau, qui contrebalance le poids de l'atmosphere, la veritable compression de l'eau dans le tuyau en M sera exprimée par la hauteur

$$p = k + \frac{d v}{dt v} \left(\frac{d v}{dt} - \frac{ffds}{zz} \right) - \frac{d u}{ads v u} \left(F - fyds fm\theta \right) - \frac{u}{aa} (bb - yy) + v \left(\frac{f^4}{h^4} - \frac{f^4}{z^4} \right)$$

où k marque comme on sait une hauteur d'environ 30 pieds. Donc, à moins que cette quantité, ne devienne negative, il n'y a aucun danger,

ger, que la continuité de l'eau dans le tuyau ne soit interrompué: mais tet inconvenient ne manquera pas d'arriver, lorsque p devient negatif; & alors le mouvement de l'eau ne suivra plus les régles que nous venons de supposer: & partant il saudra arranger les machines de cette espece, en sorte que ce cas n'arrive jamais.

SCHOLIE II.

Dans la solution de ce problème j'ai aussi supposé, que l'eau ne rencontre aucun obstacle qui empécheroit son mouvement. sait que l'eau en passant par des tuyaux y éprouve aussi une espece de frottement tout comme les corps solides; & l'experience nous fait voir, que lorsque les tuyaux sont fort étroits, le mouvement de l'eau y souffre une diminution très considerable. Cependant personne que je sache n'a encore decouvert les régles, auxquelles ce frottement est assujetti: je m'en vai donc faire un essai pour arriver à ce but, quoique je sois asseuré, que cette question demande de plus prosondes recherches, vù que ce n'est que l'eau qui touche immédiatement les parois du tuyau, qui en épronve la rélistance, & que l'eau qui en est éloignée, n'en est arrêtée, qu'entant que la voisine a déjà eprouvé l'effet : d'où l'on voit, que l'eau qui se trouve au milieu du tuyau se mouvra plus vite que celle qui touche aux parois : circonftance qui rend l'application de la theorie extrémement difficile. Cela nonobstant, je supposerai que l'élement MN nm se meuve tout entier d'un même mouvement, & je tacherai d'en déterminer le frottement sur le pied des corps solides. Or si un tel corps se meut sur une surface, on sait que la force du frottement est proportionnelle à la force dont le corps est pressé contre la surface: donc, si p exprime l'état de compression en M, où il faut prendre cette force toute entiere, ou augmentée du poids de l'atmosphére k, puisque l'atmosphere contribue aussi à presser l'eau contre les parois du tuyau, la force dont les parois du tuyau MNnm sont pressées, sera comme pzdr: de là nait une sorce acceleratrice contraire

contraire au mouvement comme $\frac{p \times d s}{z \times d s}$ ou comme $\frac{p}{z}$: foit donc contraire $\frac{d p}{z}$, & ou aura pour trouver p cette équation

$$dp + \frac{\delta pds}{z} = -\frac{dv}{ds v} \cdot \frac{ffds}{zz} + \frac{ads vu}{dz} \cdot yds \sin\theta + \frac{2u}{aa} \cdot ydy + 4v \cdot \frac{f^4 dz}{z^5}$$

Posons pour rendre le cas plus simple, dv = 0 & du = 0, & puisque d est un nombre trés petit, cette équation deviendra intégrable en la multipliant par $1 + d \int \frac{ds}{z}$: & on aura

$$p(1+\delta f\frac{dr}{z}) = C + \frac{u}{aa} \cdot yy - v \cdot \frac{f^4}{z^4} + \frac{2\delta u}{aa} \int y dy \int \frac{ds}{z} + 4\delta v \int \frac{f^4 dz}{z^5} \int \frac{ds}{z}$$

ou bien:

$$p(1+\delta \int \frac{ds}{z}) = C + \frac{u}{aa} \cdot yy - v \cdot \frac{f^4}{z^4} + \frac{\delta u}{aa} \cdot yy \int \frac{ds}{z} - \frac{\delta u}{aa} \int \frac{yy ds}{z}$$
$$-\delta v \cdot \frac{f^4}{z^4} \cdot \int \frac{ds}{z} + \delta v \int \frac{f^4 ds}{z^5}$$

foit en étendant ces integrales par toute la l'ongueur du tuyau, $\int \frac{ds}{z} = \lambda$; $\int \frac{y y ds}{z} = \mu$, $\int \frac{f^4 ds}{z^5} = \nu$; & puisqu'à l'issue de l'eau devient p = k, puisque là la seule pression de l'atmosphere agit, ou sura :

$$k(1+\delta\lambda) = C + \frac{u}{aa}bb(1+\delta\lambda) - v. \frac{f^4}{b^4}(1+\delta\lambda) - \frac{\delta u}{aa}.\mu + \delta v.v$$

Ss 3

Par

Par conséquent ayant trouvé cette valeur constante nous aurons: $p(1+\delta \int \frac{ds}{s}) = k(1+\delta \lambda) - \frac{u}{s} \cdot bb(1+\delta \lambda) + v \cdot \frac{f^4}{h^4} (1+\delta \lambda) + \frac{\partial u}{\partial s} \cdot \mu$

$$-\delta \int \frac{ds}{z} = k(1+\delta \lambda) - \frac{\omega}{a} abb(1+\delta \lambda) + v \cdot \frac{1}{h^4} (1+\delta \lambda) + \frac{\omega}{a} \cdot \mu$$

$$-\delta v \cdot v + \frac{\omega}{a} yy \left(1 + \delta \int \frac{ds}{z}\right) - v \cdot \frac{f^4}{z^4} \left(1 + \delta \int \frac{ds}{z}\right)$$

$$-\frac{\delta u}{aa} \int \frac{yyds}{z} + \delta v \int \frac{f^4 ds}{z^4}$$

ou puisque d'est trés petit, il sera fort à peu près

$$p = k + \delta k \left(\lambda - \int \frac{ds}{z}\right) - \frac{u}{aa} \cdot bb - \frac{\delta u}{aa} \cdot bb \left(\lambda - \int \frac{ds}{z}\right) + v \cdot \frac{f^4}{h^4}$$

$$+ \delta v \cdot \frac{f^4}{h^4} \left(\lambda - \int \frac{ds}{z}\right) + \frac{\delta \mu u}{aa} - \delta vv + \frac{u}{aa} \cdot yy - v \cdot \frac{f^4}{z^4}$$

$$- \frac{\delta u}{aa} \cdot \int \frac{yy ds}{z} + \delta v \cdot \int \frac{f^4 ds}{z^5}$$

ou bien

$$p = k - \frac{u}{aa}(bb - yy) + v\left(\frac{f^4}{h^4} - \frac{f^4}{z^4}\right) + \delta k(\lambda - \int \frac{ds}{z}\right)$$
$$- \frac{\delta u}{aa}(\gamma bb - bb \int \frac{ds}{z} - u + \int \frac{yyds}{z}\right) + \delta v\left(\frac{\lambda f^4}{h^4} - \frac{f^4}{h^4}\int \frac{ds}{z} - v + \int \frac{f^4ds}{z^5}\right)$$

Donc l'état de compression en A sera exprimé par cette hauteur :

$$k - \frac{n}{aa}(bb-aa) + v\left(\frac{f^4}{h^4}-1\right) + \delta \lambda k - \frac{\delta n}{aa}(\lambda bb-\mu) + \delta v\left(\frac{\lambda f^4}{h^4}-\nu\right)$$

où parmi les petits termes $\delta \lambda k$ est pour la pluspart le plus considérable, puisque k marque une hauteur d'environ 30 pieds. Ainsi ayant déterminé par quelque expérience la valeur de δ , on pourza dans la suite employer cette valeur trouvée pour p au lieu de celle, qui

qui a ésé tranvée cy devant. Au refte on voit que les quantités λ , μ , ν font réciproquement proportionnelles au dispetre du cuyau, les autres quantités demeurant les mêmes.

PROBLEME III.

Le mouvement, tant du suyau autour l'axe O, que de l'eau par le tuyau étant donné, trouver le moment de forces dont la machine sera sollicitée autour de son axe, à cause de l'inertie de l'eau dans le suyau.

SOLUTION.

Cette force dont nous cherchons le moment, provient donc des Fig. III. pressions, que le tuyau éprouve de l'eau en vertu de son mouvement: & nous avons vû cy-dessus, que la sorce acceleratrice, dont l'eau pousse le tuyau en M, suivant la direction MS perpendiculaire au tuyau, selon la direction du mouvement de rotation, qui se sait dans le sens CAG, est

2 v.
$$\frac{f^4}{rz^4} - \frac{du}{adzVu}$$
. $y \cos \theta + \frac{2u}{aa}$, $y \sin \theta - \frac{4Vuv}{a} \cdot \frac{ff}{zz}$.

& toute la quantité d'eau comprise dans l'élément MNnm, dont la masse est = zzds, agit avec cette sorce sur le tuyau pour le pousser dans le sens NS. De la résulte la sorce motrice en même sens, qui sera

$$2 v. \frac{f^{4}ds}{rzz} - \frac{du}{adsVu}. yzzds col\theta + \frac{2u}{aa}. yzzds fin \theta - \frac{4Vuv}{a}. ff ds$$

& paramt le moment de cette force se trouvera, en multipliant la force par la distance y multipliée par cos θ . ou conjointement par y cos θ : donc à cause de ds cos $\theta = dy$ le moment de cette sorce élémentainre sera

2
$$v \cdot \frac{f^4ydy}{vzz} - \frac{du}{advVu}$$
. $yyzzdy \cos \theta + \frac{2u}{aa} yyzzdy \sin \theta - \frac{4Vuv}{a}$. $ffydy$

Prenant donc l'integrale en supposant le tems : constant, nous trouverons le moment des forces de l'eau contenue dans la partie du tuyau

tuyau ABMN pour tourner la machine dans le sens CAG. on bien pour en accelerer le mouvement; ce moment sera

2v.
$$\int \frac{f^4ydy}{rzz} - \frac{du}{adzVu}$$
. $yyzz^4y\cos\theta + \frac{2u}{aA}$ $yyzz^4y\sin\theta - \frac{4Vuv}{a}$. $ff(yy-aa)$

prenant ces integrales, en sorte qu'elles evanouissent au point A. Qu'on étende maintenant ces integrales par toute la longueur du tuyau AME jusqu'au bout EF, où il devient y = b, & zz = hh; & que leurs valeurs totales deviennent $\int y y z z dy \cot \theta = M$; $\int y y z z dy \sin \theta$

$$=$$
N; $\int_{rzz}^{f^4ydy} =$ L; & l'inertie de l'eau, qui se trouve à l'instant pré-

sent dans le tuyau, fera des efforts, pour tourner la machine dans le sens CAG, ou pour en accelerer le mouvement de rotation qu'elle est supposée avoir déjà, dont le moment total sera

2 v.
$$L - \frac{du}{adsVu}$$
 $M + \frac{2u}{au}$ $N - \frac{2Vuv}{a}f(bb-au)$
C. Q. F. T.

COROLL. L

Cette expression ne sert que pour l'instant présent de la machine, où les vitesses sont vv & vu: & l'acceleration de celle-cy $\frac{d^{u}}{dv^{u}}$ Pour un autre tems où ces quantités auront d'autres valeurs, ce moment changera aussi, mais il saut remarquer que les lettres L, M, N marquent toujours les mêmes quantités, qui dépendent uniquement de la figure du xuyau.

COROLL. IL

Si la largeur du tuyau zz est constante, on pourra affigner la valeur integrale L. Car, puisque $\frac{1}{r} = \frac{\sin \theta}{y} + \frac{d\theta}{ds}$, nous aurons ft ydy

$$\frac{f^{4}ydy}{rzz} = \frac{f^{4}}{zz}\left(dy \sin\theta + \frac{ydyd\theta}{ds}\right) = \frac{f^{4}}{zz}\left(dy \sin\theta + yd\theta \cos\theta\right).$$
Donc

$$\int \frac{f^4 \, j \, dj}{f \, z \, z} = \frac{f^4}{z \, z}. \quad j \text{ fin } 0 + C.$$

Et pour avoir la valeur de L, il faut étendre cette integrale depuis le commencement AB jusqu'au bout EF.

COROLL. III.

S'il n'y a qu'une partie du tuyau, qui ait partout la même largeur, on trouvera aisément la partie de L qui en résulte. Car soient pour le commencement de cette partie y' & θ' les quantités, qui sont pour la fin y & θ : & la partie de L qui résulte de cette partie sera

$$\frac{\int_{0}^{4}}{2\pi z} \left(y \text{ fin } 0 - y' \text{ fin } 0' \right)$$

SCHOLIE.

Mais l'inertie de l'eau n'est pas la seule source des sorces, qui agissent sur le mouvement de rotation de la machine; l'état de compression de l'eau dans le tuyau est aussi capable d'y contribuer quelque chose, quoiqu'il semble que ces sorces agissant également de toute part sur chaque élément du tuyau, se détruisent mutuellement. Donc le moment de sorces trouvé dans ce probleme n'epuise pas toutes les sorces, que l'eau exerce sur le tuyau; mais il saut séparément chercher celles, qui résultent de l'état de compression de l'eau dans chaque élément du tuyau; ce qui sera le sujet du probleme suivant.

PROBLÈME IV.

Déterminer le moment de forces sur la machine, qui résulte de l'état de compression de l'eau, qui posse par le tuyau horizontal, pendant que la machine même tourne d'un mouvement quelconque autour de son axe.

Mim. de l'Acad, Tom. Pl.

Tt

SOLU-



SOLUTION.

Considerons un élément du tuyau MNnm terminé de deux bafes MN & mn perpendiculaires à la direction du tuyau, & soit p
l'état de compression de l'eau qui occupe cet élément, & la surface
interieure sera pressée par cetté force dans tous ses points : or puisque le tuyau est pressé en dehors par l'atmosphere, asin que je n'aye
pas besoin d'y avoir égard, je prendrai pour p la quantité trouvée
d'abord, où la valeur de p n'est pas augmentée de la pression de l'atmosphere k. Maintenant pour connoitre, si ces sorces qui agissent
sur la surface interne du tuyau MNnm se soutiennent en équilibre ou
non? je concevrai en MN & mn deux cloisons, entre lesquelles &
le tuyau la quantité d'eau MN nm soit rensermée, & qui agisse également sur ces deux bases MN & mn. Dans ce cas il est clair que
toutes ces forces, savoir celle sur le tuyau & sur les deux bases, se
soutiennent en équilibre, ou se détruisent mutuellement, ou bien
nous aurons:

f. du tuyau + f. de la base MN + f. de la base mn = o.

& partant la force de l'eau sur le tuyau sera égale & contraire aux sorces sur les deux bases MN & mn conjointement. Ainsi nous n'aurons qu'à chercher les forces de l'eau sur ces deux bases, pour en conclure celle que le tuyau en soutient. Or la base MN $\equiv zz$ étant pressée par le poids d'une colonne d'eau de la hauteur $\equiv p$, cette force sera $\equiv pzz$, qui étant multipliée par y sin θ donnera le moment pyzz sin θ , pour tourner la machine dans le sens CAG: & la force de l'autre base donne un moment $\equiv pyzz$ sin $\theta + 2pyzdz$ sin $\theta + pzzd$. y sin θ pour faire tourner la machine dans le sens contraire GAC. Et partant les forces sur les deux bases MN & mn produisent un moment $\equiv 2pyzdz$ sin $\theta + pzzd$. y sin θ dans le sens GAC. Par conséquent la force de l'eau, qui agit actuellement sur la surface interne du tuyau MN nm, donneras un moment $\equiv 2pyzdz$ sin $\theta + pzzd$. y sin θ dans le sens CAG. Or puis-

puisque d. y fin $\theta = \frac{y dy}{r}$ ce moment fera

$$2 p y z d z \text{ fin } 0 + \frac{pyzzdy}{z}$$

Or, sans faire réfléxion au frottement, nous avons trouvé cy-dessis:

$$p = \frac{dtVv}{dv} (E - \int \frac{ffds}{zz}) - \frac{du}{adtVu} (F - \int fds \sin\theta) - \frac{u}{aa} (bb - yy) + v \left(\frac{f^4}{h^4} - \frac{f^4}{z^4} \right)$$

Donc le monent de forces, qui resulte de la compression de l'eau de l'élément MN n m dans le sens C A G sera

$$+\frac{dv}{dtVv}(2yzdz \sin\theta + \frac{yzzdy}{r})(E - f\frac{ffds}{zz}) + v(2yzdz \sin\theta + \frac{yzzdy}{r})\left(\frac{f^4}{h^4} - \frac{f^4}{z^4}\right)$$

$$-\frac{du}{adzVu}(2yzdz \sin\theta + \frac{yzzdy}{r})(F-fyds \sin\theta) - \frac{u}{aa}(2yzdz \sin\theta + \frac{yzzdy}{r})(bb-yy)$$

& prenant les integrales ce moment sera

$$+\frac{dv}{dsVv}(yzz\mathrm{fin}\theta(\mathbf{E}-\int\frac{ffds}{zz})+\int ffyds\mathrm{fin}\theta)+v(yzz\mathrm{fin}\theta(\frac{f^4}{h^4}-\frac{f^4}{z^4})-4f^4\int\frac{ydz\mathrm{fin}\theta}{z^3})$$

$$-\frac{du}{adsVu}(yzzlin\theta(F-fydslin\theta)+fyzzdslin\theta^2)-\frac{u}{aa}(yzzlin\theta(bb-yy)+2fyyzzdylin\theta)$$

où il faut ajouter telles constantes, que chaque membre evanoüisse au point A, où est le commencement du tuyau.

Donc si nous supposons, que les tuyaux en A soient perpendiculairement attachés au vaisseau, ou qu'il soit en A, $\theta = 0$; & posant les valeurs des formules integrales prises par toute la longueur du tuyau:

$$\int y d \sin \theta = F; \int \frac{y d z \sin \theta}{z^3} = H; \int y z z d \sin \theta^2 = K$$

& $\int y y z z d y \sin \theta = N$

Tt 2

Le.

Le moment de toutes les forces, qui résultent de l'état de compression de l'eau dans le tuyau tout entier ABEF, sera

$$+ \frac{dv}{dt vv} \cdot f F - 4 v \cdot f^{4} H - \frac{du}{adt vu} K - \frac{2u}{aa} \cdot N$$
C. Q. F.

COROLL I.

Paisque ce moment tend dans le même sens, que celui qui a été trouvé dans le problème précedent, si nous les joignons ensemble, le moment total des forces de l'eau pour faire tourner la machine dans le fens CAG fera

$$\frac{dv}{diVu}. ffF + 2v(L-2f^4H) - \frac{du}{adiVu}(K+M) - \frac{2Vuv}{a}ff(bb-aa)$$

Or ayant
$$L = 2f^4 H = f^4 \int \left(\frac{y \, dy}{rzz} - \frac{2g \, dz \, \sin \theta}{z^3}\right)$$
, à cause

de d.
$$\gamma \sin \theta = \frac{y dy}{r}$$
, il fera $L - 2 f^4 H = \frac{f^* \gamma \sin \theta}{z z}$: où il n'y a

pas besoin d'ajouter une constante, lorsque en A l'angle θ évanouït, comme nous le supposons. Et si cet angle θ à l'autre bout devient droit, la valeur de cette intégrale sera $=\frac{f^4b}{bk}$: ainsi le moment trouvé prendra cette forme

$$\frac{dv}{dt V v}. \text{ ff F} - \frac{du}{adt V u} (K + M) + 2v. \frac{f^4 b}{hh} - \frac{2V uv}{a}. \text{ ff}(bb-aa), \text{ ou } K + M = \text{fyyzzds}$$
Mais fi l'angle AEO n'étoit pas droit, mais égal à ζ , on devroit multiplier le terme 2 $v. \frac{f^4 b}{hh}$ encore par fin ζ .

CO-

COROLL III

Si l'un est l'autre mouvement est uniforme, ou u & v des quantités constantes, le moment des forces de l'eau dans le tuyau pour faire tourner la machine dans le sens CAG sera $\frac{f^4 b \sin \zeta}{h h}$

 $-\frac{2 Vuv}{a} ff(bb-aa)$, supposant l'augle A E O $= \zeta$; & que les tuyaux horizontaux sont perpendiculairement inserés dans le vais-seau vertical.

SCHOLIE L

Tant que l'un ou l'autre mouvement subit des changemens, on voit que le moment des forces de l'ear dépend de la figure du tuyau, puisque les valeurs integrales F, K & M se trouvent dans l'expression: mais dès que ces deux mouvemens sont devenus uniformes, alors le moment trouvé ne dépend plus, ni de la courbure, ni de la diverse largeur du tuyau. Voyons donc quels sont les élémens qui composent ce moment de forces, que nous venons de trouver. Soit pour cet effet $V \omega$ la vitesse dont l'eau échappe par l'orisice EF = hh, & puisque $hh V \omega = f V v$, notre formule deviendra

2 b b b
$$\omega$$
 fin $\zeta = \frac{2hh Vu\omega}{a}$ (bb - az).

Donc les élémens, qui constituent cette sormule sont

I. La distance OB = b, dont l'oriste du tuyau EF est eloigné de l'axe de la machine.

II. Là grandeur de cet orifice indiquée par hh.

III. La vitesse, avec laquelle l'eau echappe du tuyau par cet orisse EF = hh, laquelle est supposée due à la hauteur ω .

IV. L'angle AEO $\equiv \zeta$, que la direction de l'extremité du tuyau fait avec le rayon OE, cette direction est la même que celle du jet d'eau, qui sort du tuyau.

Tt 3

V. La

V. La vitesse angulaire de la machine qui est exprimée par $\frac{Vu}{a}$: car, puisque Vu marque la vitesse de rotation à la distance OA = a, la formule $\frac{Vu}{a}$ exprimera le mouvement absolu de rotation.

VI. Enfin le rayon OA = a entre austi par lui-même dans notre formule, entant que le commencement du tuyau AB en est indiqué. D'où l'on comprend, que si le tuyau AE pénétroit au dedans du vaisseau jusqu'à l'axe O, nous aurions au lieu de bb—aa seulement bb, de sorte que le moment des forces de l'eau seroit = 2 b hhω sin ζ 2 b b hh Vuω

Or je ferai voir qu'il revient au même, à quelle distance OA = a le tuyau commence; car si cette distance n'est pas égale à zero, on verra que l'eau en entrant du vaisseau dans le tuyau y exerce aussi une force, dont le moment détruira exactement la partie $\frac{2hh Vu\omega}{a}$. aa. Et partant l'effet sera toujours entierement le même,

quelque figure qu'on donne aux tuyaux horizontaux, & de quelque largeur qu'ils soient en dedans; il est aussi de même indifferent, à quelle distance de l'axe O A ces tuyaux commencent. Par cette raison il sera convenable de donner à ces tuyaux une aussi grande largeur qu'il est possible, pour rendre l'esset du frottement d'autant plus insensible.

SCHOLIE IL

Ayant ainsi trouvé le veritable moment de sorces, dont le tuyau est sollicité par le mouvement de l'eau qui y passe, je crois que cet article ne sera plus assujetti à aucun doute, vû que cette sorce est évidemment composée de deux parties, dont l'une tire son origine des sorces normales, dont l'eau agit sur les parois du tuyau, & l'autre de l'état de compression de l'eau dans le tuyau, dont les pressions n'étant pas en équilibre entr'elles, produisent aussi quelque moment, qui tend

tend à mouvoir le tuyau autour de l'axe. C'est aussi un grand argement de la justesse de mon raisonnement, que les deux parties trouvées se sont si admirablement liées ensemble, que l'expression composée est devenue plus simple, que n'étoit l'une ou l'autre séparément, en quoi consiste toujours un caractère bien marqué de la vérité. cette même simplicité de la conclusion est aussi une marque seure, que i'y suis arrivé par des détours, & qu'il y a infailliblement une route plus simple & plus naturelle, qui conduit à la même conclusion. Ayant donc examiné plus soigneusement cette circonstance, je remarque que la même conclusion se peut tirer immédiatement des deux forces, dont chaque particule d'eau dans le tuyau est sollicitée, sans avoir recours à la connoissance de l'état de compression de l'eau dans le tuyau. Et effectivement, puisque l'état de compression est déterminé par l'accelération de l'eau dans le tuyau, on comprendra aisément, que la partie du moment de forces, qui réfulte de l'état de compression, se peut déduire immédiatement de la force requise à l'accelération. Ayant donc trouvé que chaque particule d'eau, qui se trouve dans l'élément du tuyau Mm, requiert pour la conservation de son mouvement deux forces acceleratrices, dont l'une dirigée selon Mm est = $\frac{dv}{dtVv}$. $\frac{ff}{zz} - \frac{du}{adtVu}$. $y \sin \theta - \frac{2u}{aa}y \cos \theta - 4v$. $\frac{f^4 dz}{z^5 dz}$ que je nommerai ___ T, & l'autre dirigée selon MR, qui est $= -\frac{du}{adv} \cdot y \cot \theta + \frac{2u}{a} \cdot y \sin \theta - \frac{4Vuv}{a} \cdot \frac{ff}{2z} + 2v \cdot \frac{f^4}{fz^4},$ que je nommerai = V; à cause de la masse d'eau, qui occupe l'élément Mm = zzds, ces deux forces motrices feront, la premiere felon Mm = T2zds & l'autre felon MR = Vzzds. Ce fera

donc le tuyau même qui doit fournir ces deux forces, & partant il

d'eau MN nm exercera deux forces sur le tuyau, l'une dans la dire-Etion de la tangente MT, & l'autre dans la direction normale MS,

en sera également repoussé en vertu de la reaction. Donc l'élément Fig. III.

dont

dont celle-là est $\equiv Tzzds$, & celle-cy $\equiv Vzzds$, & chacune fournira un moment pour tourner la machine dans le sens CAG. Or, puisque l'angle OMT $\equiv \theta$, le premier de ces deux moments sera $\equiv Tyzzds$ sin θ , & l'autre $\equiv Vyzzds$ cos θ , de sorte que ces deux moments ensemble seront $\equiv yzzds$ (T sin θ + V cos θ) Mais les valeurs de T & V donnent

Thin
$$\frac{dv}{dt \sqrt{u}} = \frac{dv}{zz} - \frac{f \sin^2 - du}{adt \sqrt{u}} = \frac{4\sqrt{uv}}{a} \cdot \frac{f \cos^2 - 4v \cdot f^4 dz \sin^2 + 2v \cdot f^4 \cos^2 \theta}{z^5 ds} + \frac{2v \cdot f^4 \cos^2 \theta}{r z^4}$$

& partant le moment en question sera

$$\frac{dv}{di v} \cdot ffyds \lim \theta - \frac{du}{adi v} \cdot yyzzds - \frac{4vuv}{a} \cdot ffyds \cos \theta + 2f^4v \left(\frac{yds \cos \theta}{rzz} - \frac{2ydz \sin \theta}{z^3} \right)$$

Prenant donc les integrales par toute la longueur du tuyau'ABEF où devient zz = hb; y = b; & $\theta = \zeta$, à cause de ds cos $\theta = dy$, le moment total sera:

$$\frac{dsVu}{du}fffydsfin\theta - \frac{du}{adsVu}ffyzzds - \frac{2Vuv}{a}ff(bb-aa) + 2f^4v \cdot \frac{b \sin \zeta}{hh}$$
Supposent avil v 2 en A l'angle A - c. Ce qui est la même formula

fupposant qu'il y a en A l'angle $\theta = o$. Ce qui est la même formule qui résulte par la combinaison des deux problèmes precedens.

PROBLEME V.

Fig. IV. La machine étant toujours entretenuë pleine d'eau, & garnie d'un certain nombre de tuyaux horizontaux, & mise dans un certain mouvement de rotation, trouver la vitesse dont l'eau sortira par ces tuyaux, & le moment des forces de l'eau.

SOLUTION.

Soit O O l'axe, autour duquel la machine est tournée avec un tel mouvement, qu'elle ait à la distance de l'axe a, la vitesse a. Soit ensuite la hauteur de l'eau dans ce vaisseau audessus des tuyaux horizontaux a, & que l'eau y soit toujours entretenuë à cette hauteur

teur par le moyen d'un réservoir V, d'où l'eau coule dans le vaisseau. Soit de plus AB = f l'embouchure d'un des tuyaux horizontaux, par laquelle l'eau y entre avec une vitesse = 1/v, que je regarde comme constante, puisqu'on sait par l'experience, que dans ce cas le mouvement parvient bientot à l'uniformité: soit à la distance de cette embouchure AB à l'axe OO, & b celle de l'orisice EF de chaque tuyau, ou OE = b, & que hh marque la largeur de cet orisice, par

laquelle l'eau échape, avec la vitesse qui sera $V\omega = \frac{f Vv}{hh}$: Soit ζ

l'angle que la direction de l'extrémité du tuyau en E fait avec le rayon QE; & soit n le nombre des tuyaux horizontaux dont le vais-seau est garni. Cela posé nous avons trouvé que l'état de compression de l'eau à l'embouchure AB est exprimé par la hauteur, qui est:

$$-\frac{u}{aa}(bb-aa)+v\left(\frac{f^4}{h^4}-1\right)$$

à cause de du = o & dv = o.

Supposons d'abord que les tuyaux horizontaux pénétrent au dedans du vaisseau jusqu'à l'axe OO, de sorte que a = o, entant que cette lettre n'est point jointe à u, & l'état de compression sera alors à

l'embouchure AB
$$= -\frac{u}{aa}$$
. $bb + v \left(\frac{f^4}{h^4} - 1\right)$. Or l'eau qui

y entre du grand vaisseau n'ayant pas près de l'axe de mouvement, y suivra les loix selon lesquelles l'eau sort d'un vaisseau en repos; d'où l'on sait que lorsque l'eau sort à une profondeur $\underline{\hspace{0.2cm}} e$ avec une vitesse $\underline{\hspace{0.2cm}} v$, l'état de compression y est $\underline{\hspace{0.2cm}} e-v$: dont il faut que cette compression soit égale à celle qu'exige le mouvement dans les tuyaux, & partant nous aurons.

$$e-v=-\frac{bbu}{aa}+v\left(\frac{f^4}{h^4}-1\right)$$

ou bien $\frac{f^4 v}{h^4} = w = e + \frac{bb u}{a a}$: & ainsi nous connoissons la vi-

Mim. de l'Acad, Tom.VI.

V v

telle

zesse avec laquelle l'eau sortira des tuyaux horizontaux. Mais si l'embouchure AB est à la distance OA = a, la compression de l'eau dans le vaisseau y sera plus grande que e-v, à cause de la force centrifuge de l'eau, & puisque la vitesse de rotation y est duë à la hauteur u, l'état de compression sera e + u - v, qui étant égalée $a - \frac{u}{aa}$ (bb - aa) $+ v \left(\frac{f^4}{h^4} - 1 \right)$ donne comme auparavant $\frac{f^4}{h^4} = \omega = e + \frac{bbu}{c^2}$: d'où l'on voit, qu'il est indifferent de supposer l'embouchure AB à telle distance de l'axe O O qu'on veut. Supposons donc cette distance = 0, & le moment de forces, qui résulte d'un tuyau horizontal sera 2 $bhh\omega$ fin $\zeta = \frac{2bbhhVu\omega}{2}$; & puisque le nombre des tuyaux horizontaux est $\equiv n$, le moment de toutes les forces de la machine sera $= 2 n h h (b \omega \sin \zeta - \frac{b b V u \omega}{\epsilon})$. Or ayant trouvé $\omega = \epsilon + \frac{b b u}{\epsilon \epsilon}$, le moment des forces de la machine sera = 2x hh (b(e + $\frac{bbu}{aa}$) fin $\zeta - \frac{bb}{a} Vu (e + \frac{bbu}{aa})$ C. Q. F. T.

COROLL. L

La force de la machine sera donc la plus grande, si l'angle ζ est droit, ou si la direction des extremités E des tuyaux horizontaux est perpendiculaire aux rayons OE. Dans ce cas le moment des forces de la machine sera donc $= 2\pi hh(b(e+\frac{bbu}{aa})-\frac{bb}{a}Vu(e+\frac{bbu}{aa}))$. Comme il s'agit de rendre la force de la machine aussi grande qu'il est possible, je supposerai dans la suite toujours l'angle AEO droit.

COROLL. II.

Si le vaisseau est en repos ou u = o, la vitesse dont l'eau sort par les orifices des tuyaux horizontaux est ve, ou duë à la hauteur de l'eau e: mais si la machine tourne, la vitesse de l'eau, qui sort par les orifices EF sera d'autant plus grande, plus sera vite le mouvement de rotation de la machine, puisque $w = e + \frac{bbu}{a}$.

COROLL. III.

Pour trouver le tems que la machine met à faire un tour entier, on n'a qu'à exprimer la hauteur u en milliemes parties d'un pied de Rhin, & alors 25000u marquera l'espace que le point A parcourt dans une seconde. Donc posant le rapport du diametre à la circonference $= 1: \pi$ puisque la peripherie du cercle AGC est $= 2\pi a$, un tour de la machine s'achevera en $\frac{2\pi a}{250 \text{ Vu}} = \frac{\pi a}{125 \text{ Vu}}$ secondes.

COROLL. IV.

Soit τ ce nombre de secondes, & q la longueur d'un pendule simple, qui fasse en même tems ses oscillations & on sait que $V \frac{1}{2} q$ $= \frac{125 \tau}{\pi} = \frac{\pi}{Vu}; \text{ dont } \frac{Vu}{a} = V \frac{2}{q}. \text{ Ainsi au lieu de la vitesse de rotation } \frac{Vu}{a} \text{ on pourra introduire dans le calcul le pendule } q \text{ dont les oscillations se sont en même tems que les révolutions de la machine. Alors on aura <math>w = e + \frac{2bb}{q}, \text{ & le moment des forces}$ de la machine sera $= 2\pi hh \left(b\left(e + \frac{2bb}{q}\right) - bbV \frac{2}{q}\left(e + \frac{2bb}{q}\right)\right).$

COROLL V.

Si la machine est arrêtée en repos, on aura $q = \infty & \omega = \ell$, & le moment des forces de la machine sera $= 2 \ nhhbe$. Or il est possible

possible que la machine tourne si vite, que sa force évanouit, ce qui arrivera lorsque $V(e + \frac{2bb}{q}) = b V_{\frac{q}{q}}^2$, ou bien q = e. Ainsi, à moins que le mouvement de rotation ne soit infiniment rapide, la machine produira toujours une force, qui tend à accélerer son mouvement.

COROLL. VI

On connoitra aussi la dépense d'eau qu'il saut emploier pour entretenir toujours le vaisseau plein d'eau, car elle doit être égale à la perte qui se fait par les orisices $\equiv nhh$ avec la vitesse $V \omega \equiv V(e + \frac{2bb}{q})$. Donc la dépense d'eau pourra être exprimée par la formule $nhh V(e + \frac{2bb}{q})$.

COROLL. VII.

Pour entretenir donc la machine pendant une seconde, en exprimant la hauteur $e + \frac{2bb}{q}$ en milliemes parties du pied de Rhin, la dépense d'eau sera égale à un volume $= 250 \, nhh \, V \, (e + \frac{2bb}{q})$. Ou bien si q marque la hauteur, d'où un corps tombe dans une seconde, la dépense d'eau pour une seconde demandera un volume $= 2 \, nhh \, Vg \, (e + \frac{2bb}{q})$. Donc pour un tems de τ secondes il faudra une dépense $= 2 \, \tau \, nhh \, Vg \, (e + \frac{2bb}{q})$.

Une telle machine étant entretenüe, moyennant une certaine quantité d'eau destinée à la depense, déterminer l'effet qu'elle sera capable de produire avec cette depense,

SO.

SOLUTION.

Que l'axe de la machine OO porte en haut ou en bas un pignon, Fig. V. engagé à une rouë MM, dont l'essieu NN soit garni d'un tambour RS, autour duquel soit la corde PQ avec le poids Q qui doit être élevé. Soit le rayon de ce tambour RS $\equiv c$, & que la rouë MM fasse une révolution, pendant que le pignon avec la machine en fait u. Donc le moment du poids Q pour mettre la machine en mouvement, sera $=\frac{1}{n}Q$, qui doit être égal au moment de la force de la machine, en exprimant le poids Q par le volume d'une masse d'eau dont le poids lui est égal. Soit pour cet effet la hauteur de l'eau dans le vaisseau au dessus des tuyaux horizontaux = e, la distance de l'orifice des tuyaux horizontaux à l'axe de la machine $\equiv b$, l'orifice méme $\equiv hh$, dont la direction soit perpendiculaire au rayon OE, & le nombre des tuyaux soit = n. Ensuite que la machine sasse une révolution dans le tems, qu'un pendule de la longueur q fait une oscillation; donc, posant l pour la longueur d'un pendule à secondes, qui est comme on sait = 3, 166 pieds de Rhin, & le tems d'une révolution sera de $\sqrt{\frac{q}{l}}$ secondes, & pendant ce tenas le poids Q sera élevé à la hauteur de $\frac{2\pi c}{\mu}$; donc pendant une seconde il sera élevé à la hauteur $=\frac{2\pi c}{\mu} V \frac{l}{a}$. Soit de plus g la hauteur de la chute d'un grave pendant une seconde, & on aura $g = \frac{1}{2} \pi \pi l$, & partant le poids Q sera élevé dans une seconde à la hauteur $=\frac{2c}{\mu} V \frac{2g}{g}$. Or la force de la machine nous fournit d'abord cette équation $\frac{1}{\mu} Qc = 2\pi hh \left(b\left(e + \frac{2bb}{q}\right) - bb V \frac{2}{q}\left(e + \frac{2bb}{q}\right)\right)$

En-

Ensuite soit D le volume d'eau qu'on veut emploier pour entretenir le vaisseau plein d'eau, & supposons que cette dépense soit capable de fournir à la machine pendant un tems de τ secondes, d'où nous tirons cette équation

$$D = 2 \tau \pi h h V g \left(\epsilon + \frac{2bb}{g}\right)$$

& partant $\tau = \frac{D}{2 n h h V g \left(e + \frac{2 h b}{q}\right)}$ & pendant ce teme le

poids Q sera élevé à la hauteur

$$\frac{Dc V_2}{\mu n h h V_q (e + \frac{2bb}{q})} = \frac{Dc V_2}{\mu n h h V (eq + 2bb)}.$$

Mais le poids Q étant donné, la machine prendra d'elle-même un tel mouvement de rotation, que l'état d'équilibre exige; ainfi le pendule q sera déterminé par cette équation.

$$\frac{Qc}{2\mu nbhh} = e + \frac{2bb}{b} - V \frac{2bb}{q} \left(e + \frac{2bb}{q}\right)$$

Soit pour abréger $\frac{2bb}{q} = z$, & $\frac{Qc}{2\mu nbhh} = S$ pour avoir e + z

$$-S = V(ez + zz)$$
, d'où l'on tire

$$z = \frac{2bb}{q} = \frac{(e-S)^2}{2S-e}$$
; donc $q = \frac{2bb(2S-e)}{(e-S)^2}$

ou bien
$$q = \frac{8 \mu n b^3 h h (Qc - \mu n b e h h)}{(2 \mu n b e h h - Qc)^2}$$

Ensuite on aura
$$e + \frac{2bb}{q} = \frac{SS}{2S - e} = \frac{QQce}{4\mu nbhh} \frac{Qc - \mu nbehb}{Qc - \mu nbehb}$$

Donc la dépense d'eau proposée suffira pour un tems

de
$$\frac{D}{Qc}V \frac{\mu b (Qc - \mu nbhhe)}{nghh}$$
 fecondes

pendane

pendant lequel le poids Q sera élevé à la hauteur qui est $= \frac{D}{Q} \left(2 e - \frac{\mu n b h h}{Q c} \right). \quad C. \quad Q. \quad F. \quad T.$

COROLL. L

Comme la racine quarrée $V(ez+zz) = V\frac{2bb}{q}(e+\frac{2bb}{q})$ est toujours prise affirmativement, il faut qu'il soit S < e + z ou $S < \frac{SS}{2S-e}$, & partant S < e, ou bien $Q < \frac{2 \mu n b e h h}{c}$; ou $\frac{I}{\mu} Q c < 2 n b e h h$. Car si ce poids étoit plus grand, la machine ne parviendroit jamais dans l'état d'équilibre; & s'il étoit $\frac{I}{\mu} Q c = 2 n b e h h$, la machine resteroit en repos. D'où l'on voit, que si l'on suspendoit en Q un plus grand poids, la machine n'étant pas capable de le soutenir, tourneroit en sens contraire.

COROLL. II.

Or il faut auffi qu'il foit 2 S > e ou $\frac{1}{\mu} Q c > nbehh$: car s'il étoit $\frac{1}{\mu} Q c = nbehh$, à cause de q = o, le mouvement de rotation de la machine deviendroit infiniment vite, avant que de parvenir à l'état d'équilibre : & s'il étoit $\frac{1}{\mu} Q c < nbehh$, le mouvement de rotation iroit toujours en augmentant sans atteindre jamais l'équilibre.

COROLL. III.

Donc, pour que la machine puisse arriver à une uniformité de mouvement, il faut que le moment du fardeau à vaincre, que nous indiquo os

diquons par $\frac{1}{\mu}$ Q c, soit contenu entre ces denx limites n b e h h e h h: dont celui- la demande un mouvement infini, or celuicy arrêtera la machine en repos.

COROLL. IV.

Si nous multiplions le poids Q par la hauteur, à laquelle il est élevé $\frac{D}{Q}$ ($2e - \frac{Qc}{\mu nbhh}$), le produit D ($2e - \frac{Qc}{\mu nbhh}$) exprimera l'effet absolu de la machine. D'où nous voyons, que cet effet évanouit, lorsque $\frac{I}{\mu}$ Q c = 2nbehh; & qu'il devient le plus grand si $\frac{I}{\mu}$ Q c = nbehh, ou bien si le mouvement de la machine est infiniment rapide, & dans ce cas l'effet sera = De.

COROLL. V.

Donc ce plus grand effet De, auquel la machine ne sauroit jamais arriver, est équivalent à l'élevation de la masse d'eau D à la hauteur du vaisseau e; ou bien dans ce cas la machine seroit capable d'élever à la hauteur même du vaisseau e précisément autant d'eau, qu'il faut pour sa dépense: Donc, puisque ce cas ne sauroit jamais avoir lieu, l'effet de la machine est toujours moindre que le produit De.

COROLL. VI.

Dans ce cas du plus grand effet De, qui répond à la dépense d'eau D, il est aussi très remarquable, qu'a cause de q = o cet effet est produit dans un tems infiniment petit, car il devient $\tau = o$. Et nous voyons en général, que plus l'effet de la machine sera grand, plus aussi sera petit le tems, pe, dans lequel il est produit; ce qui est une circonstance tout à fait-particuliere dans cette espece de machine.

Or fila machine demeure en repos, ce qui arrive lorsque $\frac{T}{\mu}$ Q $\dot{c} = 2nbchh$, la dépense d'eau = D suffira pour un tems de $\frac{D}{2nhhVeg}$ secondes.

COROLL. VIL

Soit donc $\frac{1}{\mu}$ Q c = (1+v) n b c h, ou Q $= \frac{(1+v)\mu n$ b c h. & que v marque un nombre quelconque plus petit que l'unité. Donc ayant $S = \frac{(1+v)}{2}e$ nous aurons pour le tems d'une révolution de la machine $q = \frac{8}{(1-v)^2}e$. La dépense d'eau proposée D suffira d'entretenir la machine pendant un tems de $\frac{D}{(1+v)}\frac{V}{n}\frac{h}{h}\frac{V}{V}\frac{e}{g}$ secondes, & pendant ce tems le poids Q sera élevé par une hauteur $\frac{(1-v)D}{(1+v)\mu ubhh}$. Et partant l'effet de la machine sera = (1-v)De.

SCHOLIE L

Pour tirer donc le plus grand avantage de ces sortes de machines, il saut tacher de les arranger en sorte, qu'elles puissent recevoir un mouvement de rotation extrémement rapide, puisque nous venons de voir, que plus ce mouvement est vite plus aussi sera grand l'esset, qui en résulte. Pour cet esset il saut ôter soigneusement tous les obstacles, qui se pourroient opposer à un mouvement si rapide. Premiérement donc il sera nécessaire, que l'axe de la machine soit parsaitement vertical, & librement mobile sur ses pivots, de sorte qu'il rencontre de ce coté aussi peu de frottement, qu'il sera possible. En second lieu, le vaisseau any doit être parsaitement rond & bien uni dans sa surface exterieure, asin qu'en tournant autour de son ax il ne

choone pulle part l'air, & qu'il n'en essuve aucune résistance. En troisieme lieu, asin que les tuyaux horizontaux ne frappent pas l'air non plus, il sera à propos de les renfermer dans un tambour cylindrique attaché en bas au vaisseau, en sorte que seulement les derniers bouts des tuyaux fortent de ce tambour, pour donner une issuë libre à l'eau. Il sera aussi bon de donner à ce tambour un assés grand poids, pour qu'il conserve mieux le mouvement qu'il aura une fois reçu. Il n'importe, ni combien de tuyaux on enferme dans ce tambour, ni quelle figure on leur donne, pourvû que la somme de leurs orifices soit = n b b, & que l'eau y échape de chacun selon une direction perpendiculaire à l'axe de la machine. Enfin, si la machine est emploiée à mettre en mouvement d'autres parties par le moyen des rouës, il faut avoir soin d'arranger tellement ces rouës, & de donner à leurs dents une telle figure, que leur mouvement devienne parsaitement unisorme. Car si le mouvement étoit inégal, & qu'il sût tantôt acceleré tantôt retardé, il se perdroit une bonne partie de la force pour produire tant les accelérations que les retardations; au lieu que le mouyement uniforme ne demande aucune force pour sa conservation.

SCHOLIE IL

Dans le problème precedent nous avons supposé que la dépense d'eau D, qui est employée à entretenir le vaisseau toujours plein, est en notre pouvoir, & que nous la pouvons verser dans le vaisseau, ou plus vite, ou plus lentement, selon que les besoins l'exigent. Cette maniere parut la plus propre pour faire des expériences avec une machine déjà construite de cette saçon, & pour les comparer avec la Theorie. Mais s'il y a une source, ou un reservoir V, qui ne sournit qu'une certaine quantité d'eau dans un tems donné, il saut construire la machine en sorte que, quand elle est en action, cette quantité d'eau soit suffisante à entretenir le vaisseau toujours plein: & alors l'action même de la machine doit être tellement disposée, que les sorces de l'eau soient suffisantes à la produire. J'examinerai donc dans le problème

Digitized by Google

blème suivant de quelle maniere il conviendra d'arranger la machine pour chaque cas proposé.

PROBLEME VIL

La quantité d'eau qu'une source fournit à l'entretien de la machine, étant donnée, arranger la machine d'une telle maniere, que la quantité d'eau donnée soit suffisante à son entretien, & que la machine produsse le plus grand effet qu'il est possible, en élevant un poids donné.

SOLUTION.

Soit D le volume d'eau que la source ou le reservoir sournit par seconde: & il saudra tellement arranger la machine, que cette quantité d'eau soit suffisante à entretenir la machine. Or posant le nombre des tuyaux horizontaux m, l'orisice de chacun hh, leur distance à l'axe de rotation hh; & que la machine acheve par son mouvement une révolution en même tems qu'un pendule de la longueur hh sait ses oscillations: ou bien soit hh la hauteur due hh les orisices des tuyaux tournent autour de l'axe, de sorte que hh. Ensuite, posant la hauteur du vaisseau, ou plutôt de

que $z = \frac{200}{9}$. Ensuite, posant la hauteur du vaisseau, ou plutôt de

l'eau dans le vaisseau au dessus des tuyaux = e, & la hauteur de la chûte pendant une seconde = g, qui est comme on sait de 15, 625 pieds de Rhin. Cela posé, nous avons vû que l'entretien de la machine demande par seconde une quantité d'eau dont le volume est ====

 $2 n h h Vg (e + \frac{2 b b}{q}) = 2 n h h Vg (e + u)$, & partant nous aurons d'abord cette équation

$$D = 2 n h h Vg (e + u)$$

Soit ensuite le poids = Q qui doit être élevé, & supposons que cela X x 2

s'éleve autour d'un tambour attaché à l'essieu de la rouë, dui fait une révolution pendant que la machine en sait α révolutions; & que ce poids s'éleve autour d'un tambour attaché à l'essieu de la rouë, dont le rayon soit α , & le moment de ce poids sera α α , nous aurons

foit $\equiv c$, & le moment de ce poids sera $\equiv \frac{1}{\mu} Q c$, nous aurons donc:

$$\frac{1}{\mu} Q c = 2 nbhh (e + u - V(eu + uu))$$

exprimant Q par le volume d'eau, dont le poids est égal au poids proposé. Et alors ce poids sera élevé pendant une seconde à la han-

teur, qui est
$$=\frac{2c}{\mu} V \frac{2g}{q} = \frac{2c}{\mu b} Vgu.$$

Or la dépense d'eau D étant donnée, si nous regardons le mouvement de rotation de la machine ou la quantité s comme donnée, nous

aurons $2nhh = \frac{D}{Vg(e+u)}$; ou bien la fomme des orifices

$$x h h = \frac{D}{2 V_g(s+x)}$$
: d'où nous tirons:

$$\frac{1}{\mu} Qc = \frac{Db}{Vg} (Vc + u) - Vu)$$

& puisque le poids Q est aussi donné, l'épaisseur du tambour c en sera déterminée; & on aura

$$\frac{\epsilon}{\mu} = \frac{Db}{QV_g} \left(V(\epsilon + u) - Vu \right).$$

Par conséquent le poids Q sera élevé par la force de la machine pendant une seconde à une hauteur qui est $=\frac{2D}{Q}(V(eu+uu)-u)$.

D'où

D'où l'on voit que cette hauteur sera d'autant plus grande, plus on donne de vitesse de rotation à la machine, ou plus sera grande la vitesse Vu, avec laquelle tournent les orisices des tuyaux horizontaux : & s'il étoit possible de rendre cette vitesse infinie, la hauteur d'élevation pendant une seconde seroit $\frac{De}{Q}$; puisque alors

 $V(eu+uu)-u=\frac{\pi}{2}e$. Mais comme il est impossible d'augmenter cette vitesse à l'infini, voyons combien les valeurs de la formule V(eu+uu)-u differeront de cette plus grande valeur $\frac{\pi}{2}e$, lorsqu'on donne à u des valeurs plus petites.

Soit done			& la valeur de $V(eu+uu)-u$ fera			Dechet de la plus grande valeur ½ e			la perte.
2	=	e	0,	4142.	e	0,	o85 8.	e	<u>T</u>
u	=	20	0,	4494.	•	Oy	0506.	e	10
u	=	30	0,	4641.	e	0,	0359.	e	TA
*	=	40	O,	4721.	•	0,	0279.	e	18
¥	=	50	0,	4772.	Ę	o,	o228.	e	22
¥	=	60	0,	4808-	e	0,	0192.	e	1 2 2
u	=	70	0,	4833.	e	0,	0167.	e	30
u	=	8e	O,	4853.	#	· 0,	0147.	t	34
	=	90	0,	4869.	•	0,	013Î.	e	3.8.
u		108	0,	4881.	e	0,	0119.		4 T

Ainsi si l'on faisoit n = e, on ne perdroit que la sixieme partie sur l'effet tout entier, qu'une vitesse infinie produiroit; & on n'en perdroit que la dixieme partie, si l'on faisoit u = 2 e. D'où l'on voit qu'on n'a pas besoin de s'empresser trop à faire la vitesse de la rotation extrémement grande: puisqu'on voit, que pou rvu'que u surpasser $X \times S$

se e, on arrive déjà assés près du plus grand effet. Pour mettre donc la machine dans l'état le plus avantageux, on observera les maximes suivantes.

I. On donnera au vaisseau vertical une hauteur s si grande que les circonstances le permettront : car plus cette hauteur sera grande, plus aussi deviendra grand l'effet de la machine, & cela en même raison.

II. Ayant déterminé la hauteur e de la machine, la longueur des tuyaux horizontaux b sera déterminée par la vitesse de rotation de la machine. Ainsi, si l'on veut que le tems d'une révolution réponde

au pendule = q, & qu'il soit u = ve, à cause de $\frac{2bb}{q} = u = ve$,

on aura $b = \sqrt{\frac{1}{2}} v \epsilon q$. Par exemple, si l'on vouloit, que les révolutions s'achevassent en 2 secondes & qu'on prit v = 2, ou auroit q = 12, 66 pieds, & $b = \sqrt{\epsilon q}$, & on ne perdroit que la dixieme partie de l'effet entier.

III. Ensuite connoissant la quantité d'eau D, que le reservoir fournit par seconde, on en déterminera la somme de toutes les ouvertures, par où l'eau sort des tuyaux horizontaux, cette somme

 $\frac{D}{2 Vg (e+u)}; \text{ où } g \text{ marque la hauteur de 15, 625}$

pieds de Rhin. Il est indifferent combien de tuyaux on y veut appliquer, mais il conviendra que ce soient au moins deux, asin que la machine se maintienne d'autant mieux en équilibre.

IV. Quelque résistance que la machine ait à vaincre, on la peut réduire à un poids Q, qu'elle devroit élever, & pour l'endroit où ce poids doit être appliqué à la machine, on aura

$$\frac{c}{\mu} = \frac{Db}{QV_q} \left(V(e + u) - Vu \right)$$

ou bien il faudra appliquer ce poids à un tel endroit de la machine, que sa vitesse devienne $= \frac{D}{Q} \frac{b}{Vg} (V(e u + u u) - u)$.

C. Q. F. T.

COROLL, I.

L'effet de la machine étant estimé par le poids Q'multiplié par la hauteur, à laquelle il est élevé pendant une seconde, cet effet sera $\equiv 2 D (V(eu + uu) - u)$: d'où l'on voit que l'effet est proportionnel à la dépense d'eau D: & que le plus grand effet possible est $\equiv De$, qu'on obtiendroit s'il étoit $u \equiv \infty$. Ainsi ce plus grand effet éleveroit précisement autant d'eau à la hauteur $\equiv e$, qu'il saut pour l'entretien de la machine.

COROLL. II.

Donc, si la vitesse Vu n'est pas infinie, l'esset de la machine sera moindre que le plus grand, & le dechet sera $\equiv 2 D(\frac{1}{2}e + u - V(eu + uu))$: donc la partie perduë sur l'esset tout entier sera $= \frac{e + 2u - 2V(eu + uu)}{2u + 2u}$.

COROLL. III.

Puisqu'il faut donc perdre toujours quelque partie sur l'effet tout entier, supposons qu'on ne veuïlle perdre que la $\frac{1}{\lambda}$ partie de l'effet tout entier De: & alors ou aura $(1 - \frac{1}{\lambda})e + 2u = 2\sqrt{(eu + uu)}$, d'où l'on tire la hauteur due à la vitesse $u = \frac{(\lambda - 1)^2}{4\lambda}e$. Ainsi la perte, qu'on veut souffrir étant donnée, savoir $\frac{1}{\lambda}$ partie de l'effet entier

entier, on trouvers aisément la vitesse, dont les bouts des tuyaux horizontaux doivent tourner, par cette table:

Perte	valeur de #	Perte	valeur de u	Perte	valeur de #
I	0 €	7	1 # c	13	2 12 c
Ī	₹ e	ਸ਼ ਲ	I 17 €	14	3 30 €
7	₹ €	<u> 1</u>	1 7 e	I_ 3	3 4 e
1	₹8 €	TO -	2 40 e	10	3 33 .
I ,	‡ e]	II	2 3 e	17	3 13 e
3	I I &	II	2 3 8 e	1 I	4 72 8
400011 W					

COROLL. IV.

Si l'on vouloit se contenter de la moitsé de l'effet total, on autoit $u = \frac{1}{8}e$, & $b = \frac{\pi}{4} \text{ Veq}$, ou bien $q = \frac{16bb}{e}$, & partant on pourra rendre les révolutions aussi vites qu'on voudra; & de plus on aura $\frac{c}{\mu} = \frac{Db}{QV2g}$. Ou si l'on ne vouloit perdre que le tiers de l'effet total, on auroit $u = \frac{\pi}{3}e$, $b = \sqrt{\frac{\pi}{6}eq}$ ou $q = \frac{6bb}{e}$ & $\frac{c}{\mu} := \frac{Db}{QV3g}$. Et en général si l'on ne veut perdre que la partie $\frac{1}{\lambda}$ de l'effet total, on aura $u = \frac{(\lambda - 1)^2}{4\lambda}e$, $b = \frac{(\lambda - 1)}{2} \frac{\sqrt{\frac{eb}{2\lambda}}}{2\lambda}e$ ou $q = \frac{8\lambda bb}{(\lambda - 1)^2e}$; & $\frac{c}{\mu} = \frac{Db}{QV\lambda g} = \frac{(\lambda - 1)De}{2\lambda Q} \frac{\sqrt{\frac{eb}{2g}}}{2g}$.

COROLL. V.

Si nous posons qu'une révolution de la machine se doive achever en θ secondes, nous aurons $V = \frac{\theta}{2} = \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2}

rons pour l'endroit de l'application du poids Q cette équation $\frac{e}{\mu}$ $= \frac{(\lambda - 1) \theta D e}{2 \pi \lambda Q}$: & pour la longueur des tuyaux horizontaux $b = \frac{(\lambda - 1) \theta}{2 \pi} V \frac{1}{\lambda} eg$; or pour la fomme de leurs orifices on aura $\pi h h = (\lambda + 1) V \frac{1}{\lambda} ge$. D'où l'on voit que plus qu'on veut que le mouvement de rotation soit lent, plus doivent être longs les tuyaux horizontaux.

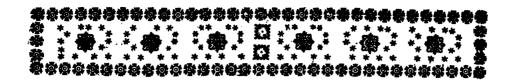
SCHOLIE.

Ayant vû que le plus grand effet d'une machine de cette facon monte à De, & quoiqu'il soit impossible d'obtenir cet effet, vu que la vitesse de rotation devroit être infinie, on peut pourtant approcher de ce plus grand effet si près, que la différence est presque insensible; cette espece de machine mérite bien toute notre attention. nous comparons cet effet avec celui qu'on est capable de produire avec la même dépense d'eau D & la même hauteur e, en laissant choquer cette eau contre une roue comme à l'ordinaire, l'effet qu'on en peut tirer monteroit à peine à & De: d'où il est clair que cette nonvelle maniere de profiter d'une dépense d'eau donnée est beaucoup plus avantageuse que les manieres ordinaires, attendu qu'elle est capable de produire un effet, qui est jusqu'à six fois plus grand. Une augmentation si considérable mériteroit donc bien, que les Mecaniciens apportassent tous leurs foins à découvrir les moyens, de rendre practicable cette nouvelle maniere de profiter d'une dépense d'eau. que fournit une source ou un reservoir; & il n'y a aucun doute qu'une telle application ne soit récompensée par des avantages très importants. Aussi ne trouvera-t-on pas dans l'exécution tant d'obstacles, qu'on se sera peut-être imaginé au commencement; le principal chan-Mim. de l'Acad, Tem. VI. gement

gement, qu'il faudfoit faire dans l'arrangement des michines, reviendroit à ce que l'axe de la rouë principale, qui est immédiatement mise en mouvement par la force de l'eau, doit être vertical, au lieuqu'on lui donne ordinairement une situation horizontale: pour les autres difficultés, on trouvers sisément les moyens de les surmonter. Au reste quoique le calcul, sur lequel est fondé l'effet de cette nouvelle sorte de machines, ne soit pas à la portée de tout le monde, on peut aisément se convaincre de ses avantages, si l'on pense qu'en employant la même dépense d'eau suivant les methodes ordinaires. il s'en échape une bonne quantité, qui ne contribue rien au mouvement de la machine. & que celle qui frappe actuellement sur les aubes de la rouë, y produit un effet d'autant plus foible, plus le mouvement de la rouë sera rapide. Mais en mettant l'eau en action selon ce nouveau projet, aucune partie des forces, dont elle est susceptible. ne se perd inutilement, & le mouvement de la machine ne diminue pas l'effet des forces de l'eau: c'est en quoi consiste la veritable source des grands avantages de cette nouvelle manière.



ADDI-



ADDITION

AU MEMOIRE SUR LA COURBE QUE FORME . UNE CORDE TENDÜE, MISE EN VIBRATION.

PAR M. D'ALEMBERT.

Ľ

Dans l'art XXII. de ce Mémoire j'ay trouvé par une methode très indirecte, que si $\Psi(t-t)-\Psi(t-t)\equiv\Delta t$. Γ_s , on aura $\Gamma_s\equiv\sin M_s$, & $\Gamma_t\equiv\sin M_s$ ou cos M_s . Cette proposition est vraye & exacte dans le point de vûe, où je l'envisageois alors; mais ayant eu occasion depuis de la considérer d'une maniere plus générale, j'ay trouvé une maniere directe de resoudre le problème, qui donne lieu à quelques observations.

 $\frac{dd\Delta t}{dt^2}. \quad \Gamma s = \frac{dd\Gamma s}{ds^2}. \quad \Delta t: \text{ donc } \frac{dd\Delta t}{\Delta t. ds^2} = \frac{dd\Gamma s}{ds^2. \Gamma s}; \text{ ces quantités doivent non feulement être égales, mais encore identiques, c'est à dire, qu'elles doivent être la même quantité, indépendamment d'aucune équation entre <math>t \& s$. Donc $dd\Delta t = A dt^2. \Delta t$; & $dd\Gamma s = A ds^2. \Gamma s$, A marquant une constante quelconque. La premiere de ces deux équations donne suivant les régles connuës des Geometres $\Delta t = Mc + gc$; & l'autre donne $\Gamma s = M'c + g'c$; M, g, & M', g' étant des coëfficiens quelconques positifs ou négatifs, réels ou imaginaires. Donc $\Psi(t+s) - \Psi(t-s)$, ou $\Delta t. \Gamma s = MM'c + g g'c + g g'$

Si l'on veut que $\Psi(t-s) - \Psi(t-s)$ foit $\equiv 0$, non seulement lorsque $s \equiv 0$, mais encore lorsque $s \equiv l$, comme on le supposoit dans l'art. XXII. on trouve qu'alors VA doit être une quantité imaginaire, & on aura $\Gamma s \equiv k$ sin Ns; de plus pour que Δt soit réel, il faut que $g \equiv M$, M étant une quantité réelle, ou $g \equiv -M$, M étant une quantité imaginaire $\frac{P}{2V-1}$; donc en ce cas $\Gamma s \equiv k$ sin. Ns & $\Delta t \equiv R$ sin. Nt ou B cos Nt.

En général foit $\Phi(t+as) + \Psi(t+gs) = \Delta t \cdot \Gamma s$, on aura 10. $\frac{d\Delta t}{dt\Delta t} \cdot \frac{ds\Gamma s}{d\Gamma s} = \frac{1}{a}$ fi $\frac{1}{g} = \frac{1}{a}$;

20. dd DE

$$\frac{d \ d \ \Delta t}{\Lambda t. \ dt^2} \cdot \frac{d \ s^2 \ \Gamma s}{d \ d \ \Gamma s} = \frac{1}{a a}, \text{ fi } \frac{1}{gg} = \frac{1}{a a}; \text{ 30. } \frac{d^3 \ \Delta t}{d \ t^3 \Delta t}$$

$$= \frac{1}{a^3} \text{ fi } \frac{1}{g^3} = \frac{1}{a^3}; \text{ & ainfi de fuite. Donc en}$$

$$\text{fi } \frac{1}{g^n} = \frac{1}{a^n} \text{ on aura } d^n \Delta t = \Lambda d t^n \cdot \Delta t; \text{ & } d^n \Gamma s$$

$$d s^n \Gamma s. a^n; \text{ équations qu'on integrera par les methodes connues.}$$

En effet foit $d^n y = ky dx^n$; Mr. Euler, a fait voir dans le Tome VII des Miscellanea Berolinensia, que cette équation s'integroit en supposant la résolution de l'équation fa A, & j'ay montré dans les Mémoires de l'Académie des Sciences de Prusse année 1748. p. 289, que cette équation se reduisoit toujours à l'intégration de n équations simples: par exemple sin $\equiv 5$, on aura $du \equiv \Lambda y dx$; $dr \equiv u dx$, $dt \equiv rdx$, $ds \equiv tdx$, & $dy \equiv sdx$. Cette methode est sans doute un peu plus longue que celle de M. Euler, mais je la crois auffi plus rigoureuse & plus directe, & d'ailleurs elle s'étend à beaucoup d'autres cas que celui, qui est l'objet du mémoire de M. Euler. Je n'ay pas besoin de faire observer que l'équation $\frac{1}{a^n} = \frac{1}{a^n}$ est beaucoup plus générale que l'équation $\frac{1}{\sigma} = \frac{1}{a}$, puisque celle-cy ne donne qu'une valeur de g en a, & qu'au contraire l'autre donne n valeurs de g tant réelles qu'imaginaires; car V 1 a n valeurs differentes. Au reste, si la valeur de g en a doit être réelle, c'est àdire, si on suppose g & a réelles, alors g n'aura qu'une ou deux valeurs réelles, savoir - + a & -a; & dans le cas où g = a, le problème devient bien plus fimple; car alors $\Phi(t+as) + \Psi(t+gs) = \Phi(t+as) + \Psi(t+as)$ $=\Xi(t+as);$ & l'on a $\Xi(t+as)=\Delta t. \Gamma s;$ d'où l'on tire

 $\frac{d\Gamma_{s}. \Delta t. dt}{ds. \Gamma_{s}. d\Delta t}; & \text{par confequent } \Delta t = M_{c}^{sVA}; \\ \Gamma_{s} = M_{c}^{saVA}.$

. 11.

M. Euler a traité dans les Mémoires de 1748. le problème des cordes vibrantes par une methode entierement semblable à la mienne. quant à la partie essentielle au problème, & seulement, ce me semble. un peu plus longue. Ce grand Geometre observe, comme je l'ay fait art. XXVIII. de mon Mémoire, que la courbe formée par la corde au commencement de son mouvement est la même courbe que j'ay appellée génératrice. Mais je crois devoir avertir icy, de crainte que quelques lecteurs ne prennent mal le sens de ses paroles, que pour avoir cette courbe génératrice, il ne sussit pas de transporter la tourbe initiale alternativement au dessus & au dessous de l'axe; il faut de plus que cette courbe ait les conditions que j'ay exprimées dans mon mémoire, c'est à dire que si on suppose y = > pour l'équation de la courbe initiale, il faut que S soit une fonction impaire de s, & qu'en général les ordonnées distantes l'une de l'autre de la quantité 21. soient égales; ce qui ne peut avoir lieu, à moins que la courbe ne soit mechanique, & telle que je l'ay déterminée dans mon Mémoire. Dans tout autre cas le problème ne pourra se résoudre, au moins par ma methode, & je ne say même s'il ne surpassera pas les sorces de l'analyse connue. En effet on ne peut ce me semble exprimer y analytiquement d'une manière plus générale, qu'en la supposant une fonction de & & de s. Mais dans cette supposition, on ne trouve la solution du problème que pour les cas où les differentes figures de la corde vibrante peuvent être renfermées dans une seule & même équation. Dans tous les autres cas il me paroit impossible de donner à y une forme générale.

III.

Dans le Mémoire que j'ay donné sur la vibration des cordes, j'ay trouvé qu'en supposant la force de tension pml, l la masse de la corde

corde, T le tems d'une vibration de la corde, θ se tems employé par un corps pesant à tomber de la hauteur a, on a θ : T $= V_{2am}!$: l. En général soit ϕ la force de tension ou le poids qui lui seroit égal,

M la masse de la corde, on aura au lieu de $\frac{pml}{l}$, $\frac{\Phi}{M}$; & au lieu de

de ml, $\frac{l\Phi}{Mp} = \frac{l\Phi}{P}$, en nommant P le poids de la corde, donc θ :

 $T = V = \frac{2al\Phi}{P}$: l; donc $T = \frac{\ell l V P}{V 2al\Phi}$: or fi $\ell = 1$ fec. on aura

a = 15 pieds à peuprés : donc on z = 1 fec. $\frac{V l}{V 30} \cdot \frac{V P}{V \Phi}$,

quelque figure que prenne la corde; cette équation aura du moins lieu, si la figure de la corde est rensermée dans l'équation générale que j'ai déterminée dans mon Mémoire. Il est même bien vraisemblable qu'en général quelque figure que la corde prenne, le tems d'une vibration sera toujours le même; & c'est ce que l'experience paroit confirmer; mais cequ'il seroit difficile, peut-être impossible, de démontrer en rigueur par le calcul. Au reste on pourroit saire telle hypothese pour resoudre ce problème, qui donneroit une valeur de T differente de celle que nous venons de trouver: par exemple, si on régardoit la corde comme un sil élastique sans masse, tendu par une force Φ , & chargé en son milieu d'un poids $\overline{\ }$ P, on trouveroit, en appellant 2π le rapport de la circonference au rayon, que le tems d'une vibra-

tion feroit 1 fec. $\frac{Vl}{2V15}$ $\frac{\pi VP}{V\Phi}$; expression differente de la

précedente, & qui par conséquent donneroit une valeur sausse pour le tems des vibrations de la corde. Je crois donc que si on veut déterminer les vibrations de la corde par la methode que j'ay exposée à la sin de mon Mémoire, art. XLIV; il ne suffit pas de supposer la corde chargée de deux ou trois poids, mais il en faut supposer un nombre assez

affez considérable, sans quoy il y auroit à crainre que le problème ne sut pas assez exactement résolu.

IV.

Il est visible par les formules précedentes qu'à tension & à grosseurs égales le nombre de vibrations dans un même tems est en raison inverse de la longueur des cordes. Comme le son plus ou moins aigu des cordes dépend du nombre de vibrations plus ou moins grand qu'elles font dans un tems donné, c'est sans doute pour cette raison que quelques Auteurs modernes très habiles ont cru pouvoir répresenter les sons par les logarithmes des rapports de la longueur des Cette idée est ingénieuse, & paroit même fondée sur la maniere de parler ulitée en acoultique & en musique, lors qu'on dit questi quatre cordes a, b, c, d, sont en proportion Geometrique, l'intervalle des sons rendus par a & par b, sera égal à l'intervalle des sons rendus par c, & par d; d'où l'on a cru pouvoir conclure que les logarithmes des rapports $\frac{a}{h}$, $\frac{c}{d}$, répresentaient les intervalles des sons. on n'a pas prétendu sans doute, que cette conclusion sût autre chose qu'une supposition purement arbitraire, les mots d'intervalle des sons. d'égalité ou de difference des intervalles, ne sont que des manieres de parler abrégées, aux quelles il ne faut pas attribuer plus d'etenduë qu'elles n'en ont. Les sons ne sont que des sensations. & par conséquent n'ont réellement aucun rapport entreux; on ne peut pas comparer les sons plus que les couleurs, il ne faut qu'un peu d'attention pour le sentir; de plus, quand ils auroient entr'eux quelque rapport, ce seroit fort improprement qu'on représenteroit ce rapport par des logarithmes, comme je l'ay fait voir dans un autre Ecrit, où j'ay examiné si les logarithmes sont réellement la mesure des rapports.

Mémoires de 1749 pag. 372 lig. 6, su lieu de 1741 lis. 1748.

ADDI



ADDITIONS

AUX RECHERCHES SUR LE CALCUL INTEGRAL

PAR M. D'ALEMBERT.

T.

Je commencerai ces additions par faire remarquer à mes Lecteurs une erreur de calcul, qui s'est glissée dans l'art. IX. de mon Mémoire sur le calcul integral, Vol. de 1748. au lieu de la quantité positive $\frac{1}{2} \frac{du \sqrt{u}}{\sqrt{k+lu+mu^2+nu^2}}$ pag. 258. lig. 12, il faut lire la même quantité avec le signe —; d'où l'on tirera $\int \frac{du \sqrt{u}}{\sqrt{k+lu+mu^2+nu^3}} = \frac{\Phi}{e}$; ainsi Φ est $\equiv e$, & l'on ne peut tirer de notre calcul la valeur de $\int \frac{du \sqrt{u}}{\sqrt{(k+lu+mu^2+nu^3)}}$. Il reste donc encore incertain si cette integrale dépend de la rectification seule des sections coniques, dans le cas ou $4 \ln mm$; au reste cette proposition ne tombant que sur un cas particulier, & très limité, n'insluë en rien sur les methodes générales qui se trouvent dans mon Mémoire. Elle n'insluë non plus en rien, comme on pourroit se l'imaginer, sur la methode singulière de l'art. XIX. pour prouver la proposition qui fait le sujet de cet article. En effet tout l'artisice de la démonstration se réduit aux deux propositions suivantes:

Mim, de l'Acad, Tom, VI.

 $\mathbf{Z}\mathbf{z}$

.

21 Juin

1752.

 1° . $\frac{du}{u\sqrt{\phi+u}$. $\sqrt{\alpha+\beta u+uu}$ dépend de la rectification des se Rions coniques, & de l'intégration de $\frac{dx}{e+bx+cxx^{\frac{q}{2}} \cdot e+fx+gxx^{\frac{1}{2}}}$ a + bx + cxx ayant ses racines réelles, pourvû que a, b, c, e, f, g, soient tels que le coefficient de $\frac{du}{\sqrt{\phi + u} \cdot \sqrt{a + 6u + u^2}}$ ne soit pas = 0. 2°. En faisant $\frac{\varphi + u}{m}$ = non pas sculement $\frac{1}{B_2 + A_2}$ mais en général $\frac{1}{Mz+N}$, M & N étant des nombres queleoriques, on pourra reduire l'intégration de $\frac{du}{u\sqrt{\varphi+u}\cdot\sqrt{A+Bu-uu}}$ à celle de la quantité $\frac{dz}{z\sqrt{K+Lz}\cdot\sqrt{Q+Pz+zz}}$, Q étant positif, & dans laquelle les coëfficiens Q, P, K, L dépendent de M & de N, qu'on peut supposer telles qu'on veut, pourvû que Q soit positif. Donc l'intégration de cette derniére quantité peut se réduire à celle d'une differentielle $\frac{dx}{(a+bx+cxx)^{\frac{q}{2}} \cdot (e+fx+gxx)^{\frac{1}{2}}}$, dans laquelle a + bx + cxx aura ses racines réelles. Il faut seulement éviter qu'il n'y ait entre les coefficiens a, b, c, e, f, g, une certaine équation: or dans ce cas-cy on est toujours le maitre d'empêcher que cette équation n'ait lieu; puisque les coëfficiens a, b, c &c. dépen-

dent de Q, P, K, L &c. & ceux-cy de M & de N qu'on peut pren-

dre à volonté. Donc &c.

DE

II.

DE LA QUADRATURE DES COURBES. DONT LES ÉQUATIONS ONT TROIS OU QUATRE TERMES.

Quoyque cette matière ait déjà été traitée par plusieurs savans Géometres, entrautres par Mrs. Newton, Craig, & Herman, je crois qu'elle peut l'être encore d'une manière plus simple & plus générale.

Soit: Ay $^{\lambda}$ + By $^{\mu}x^{\sigma}$ + $Cx^{\tau} \equiv o$ une équation à 3 termes & soit proposé de trouver l'aire fydx de la courbe à laquelle appartient conte équation: On supposera $y \equiv x^{\tau}u$, r étant un coëfficient constant indéterminé, & u une variable indéterminée, & l'on aura la transformée $Ax^{\tau\lambda-\tau}u^{\lambda} + Bx^{\tau\mu+\sigma-\tau}u^{\mu} + C \equiv e$. Si on peut tirer de cette équation la valeur de x en u, il est clair quos pourse avoir la valeur de ydx en u & du; car $ydx \equiv x^{\tau}udx$. Or on peut tirer de l'équation précédente la valeur de x en u dans tous les cas suivans. 1° . Si $\tau\lambda-\tau\equiv e$. 2° . Si $\tau\mu+\sigma-\tau\equiv e$. 3° . Si $\tau\lambda-\tau\equiv \tau\mu+\sigma-\tau$. 4° . Si $\tau\lambda-\tau\equiv 2(\tau\mu+\sigma-\tau)$. 5° . Si $\tau\lambda$ = τ = $\frac{1}{2}$ ($\tau\mu+\sigma-\tau$). Dans chacun de ces differens cas on aura la valeur de l'indéterminée r. Ainsi on peut toujours reduire la quadrature d'une courbe dont l'équation a trois termes, à l'intégration d'une quantité $x^{\tau}udx$, dans laquelle on aura la valeur de x en u.

Pour savoir maintenant en quels cas la courbe sera quarrable, il faudra se rappeller les Théoremes suivans.

1°. $u^m du (a + bu^n)^p$ est intégrable, si p est un nombre positif, m & n étant quelconques; à moins que $\frac{m+1}{-n}$ ne soit un nombre positif $\equiv ou < p$, au quel cas un des termes s'intégrera par logarithmes.

Z z 2 2°.

- 2°. La même differentielle s'intégre encore $n = \frac{m+1}{n}$ est égal à un nombre entier positif, à moins que p ne sut un nombre entier négatif $ou < \frac{m-1}{n}$, auquel cas on intégrera par logarithmes.
- nombre entier positif, à moins que -p-1 ne solt un nombre entier positif.

Pour découvrir les cas où la courbe peut se quarrer par la quadrature des sections comques, il faut de même se rappeller.

- 1°. Que u du (a bu) est reductible à une différentielle rationnelle, si p est un nombre entier que conque négatif, m & n étant d'ailleurs tout ce qu'on voudra. Mém. 1746: p. 106. att. XII. N°. 1.
- 2°. Qu'il en est de même si $\frac{m+1}{n}$ ou si $\frac{m+1}{-n} p$ sont des nombres entiers negatifs: c'est dequoi on se convaincra fatilement, en faisant dans le premier cas $a^n \pm z 3c + bz = r$; ou bien $a = \frac{1}{z}$; $a^n = z + 3c + az + b = s$.
- 3°. Si on fait $u^2 = r$, on trouvers encore que la proposée est reductible à une différentielle rationnelle, si $p = \frac{q}{2} & \frac{m+1}{2} 1$ $= \frac{r}{2}$, q & r étant des nombres impairs positifs ou negatifs.
 - 4°. La même chose aura lieu, si $p = \frac{q}{2} & \frac{m+1}{n} p 1 = \frac{\tau}{2}$.

Pour trouver de même les cas où la quadrature de la courbe proposée se réduit à la rectification des sections consques, il n'y a qu'à qu'à supposer $u^2 = t^2$, ou t^3 , ou t^4 & comparer ensuite la transformée aux differentes formules que j'ay données dans les Mém. de 1746. & 1748.

Soit maintenant $Ay^{\lambda} + By^{\mu}x^{\sigma} + Cx^{\varrho}y^{\vartheta} + Dx^{\tau} = 0$ une equation à 4 termes, & foit fait $y = x^{\tau}u$; on aura la transformée $Ax^{\tau\lambda - \tau} {}_{\mu}^{\lambda} + Bx^{\tau\mu + \sigma - \tau} {}_{\mu}^{\mu} + Cx^{\vartheta\tau + \varrho - \tau} {}_{\mu}^{\vartheta} + D = 0$. Or on peut tirer de cette équation la valeur de x en u dans tous les cas suivags.

1°.
$$rac{1}{3}r\lambda - \tau = 0$$
 & $r\mu + \sigma - \tau = 0$.

2°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = 0$ & $\theta r + \varrho - \tau = 0$.

3°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = 0$ & $\theta r + \varrho - \tau = 0$.

4°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = 0$ & $r\mu + \sigma - \tau = \theta r + \varrho - \tau$

5°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = 0$ & $r\lambda - \tau = \theta r + \varrho - \tau$

6°. $rac{1}{3}\theta r + \varrho - \tau = 0$ & $r\lambda - \tau = \theta r + \varrho - \tau$

7°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = 0$ & $r\mu + \sigma - \tau = 2(\theta r + \varrho - \tau)$

8°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = 0$ & $r\mu + \sigma - \tau = \frac{1}{2}(\theta r + \varrho - \tau)$

9°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = 0$ & $r\lambda - \tau = 2(\theta r + \varrho - \tau)$

10°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = 0$ & $r\lambda - \tau = \frac{1}{2}(\theta r + \varrho - \tau)$

12°. $rac{1}{3}\theta r + \varrho - \tau = 0$ & $r\lambda - \tau = \frac{1}{2}(r\mu + \sigma - \tau)$

13°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = r\mu + \sigma - \tau$ & $r\lambda - \tau = 2(\theta r + \varrho - \tau)$

14°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = r\mu + \sigma - \tau$ & $r\lambda - \tau = \frac{1}{2}(\theta r + \varrho - \tau)$

15°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = \theta r + \varrho - \tau$ & $r\lambda - \tau = \frac{1}{2}(r\mu + \sigma - \tau)$

16°. $rac{1}{3}r\lambda - \tau = \theta r + \varrho - \tau$ & $r\lambda - \tau = \frac{1}{2}(r\mu + \sigma - \tau)$

17°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = \theta r + \varrho - \tau$ & $r\mu + \sigma - \tau = 2(r\lambda - \tau)$

18°. $rac{1}{3}r\mu + \sigma - \tau = \theta r + \varrho - \tau$ & $r\mu + \sigma - \tau = \frac{1}{2}(r\lambda - \tau)$

Ces

Ces differences conditions donne peut réquire deux valeurs de r, qui étant comparées, il en résulters une équation entre les exposans μ , λ , ℓ occ. de sorte qu'on ne peut réduire que dans certains cas la quadrature de la courrie à l'intégration d'une différentielle x u.d. dans laquelle x soit découvrir encora sans ce cas ey, comme dans le cas des équations à trois termes; les courbes qui seront quairables, ou absolument, ou par la quadrature des sections coniques, ou par le quadrature des sections coniques, ou par leur rectification; mais le calcul en sera plus pénible.

DE L'INTEGRATION DES EQUATIONS DIFFERENTIELLES

DU PREMIER ORDRE À DEUX VARIABLES.

Dans les Mém. de 1748, jay donné des méthodes pour intégrer certaines équations différentielles à deux variables x, y; ces méthodes ont principalement pour objet les cas où $\frac{dx}{dy}$ se trouve élevé à différences puillances; de manière qu'il soit difficile de tirer la valeur de $\frac{dx}{dy}$ en x & en y. Par exemple dans le cas de $\frac{x}{y}$ = $\phi \frac{dx}{dy}$ ou $\frac{x}{y} = \phi z$, qui est celui des équations homogenes, il pourroit être souvent très difficile de tirer la valeur de $\frac{dx}{dy}$ en $\frac{x}{y}$, pour reduire ces équations à la mechode de Mr. Bernoulli. Celle que j'ay donné dispense de prendre cette peine, δx apprend en général à intégrer toute équation $x = y \phi z$, ϕz étant une fonction quelconque de z, même qui renserme des signes f.

Mais cette methode même paroit d'abord assez limitée, en ce qu'elle suppose qu'on ait la valeur de $\frac{x}{y}$ exprimée en z. Pour résoudre

foudre dent plus généralement encore le ess des étuations homogenes, suppolons qu'on fasse 332 = 2 & 2 = yk; l'équation proposée le chateera et une stitution algébrique quelconque entre 4184 & Ayant construit la courbe dont cette équation est le lieu gon aura pour chaque z-la correspondante ka de pour chaque k la correspondante z. Or paisque nomy & dx = 2dy; dopc 2dy = ydk + hdy. , donc on aura la valeur de , en construisant & en quarrant la courbe dont les absciffes sont k & les ordonnées. IV. On peut de même intégrer toutes les équations dans les-quelles en faifant $y^p z^q = k$, on a une équation entre x & k. Car on confiruira d'abord l'équation entre x & k, enfuite on remarquera que y $\frac{\pi}{2} \approx \frac{1}{2} k \cdot \frac{\pi}{2}$ en dx, $k = \frac{\pi}{2} = dy$, $y = \frac{\pi}{2}$; donc comme l'on a la valeur de k pour chaque x, on aura pour chaque x la valeur de y. V. Soit proposé de trouver les conditions d'integrabilité de L'équation

$$\frac{dx + \frac{fxdy}{y}}{y} = y^k x^r dy \Delta \frac{x}{y^n} + y^r x^r dx \Xi \frac{x}{y^n}}$$

$$\frac{y^m x^p \Phi \frac{x}{y^n} + y^q x^r \Gamma \frac{x}{y^n}}{y^n}$$

foit x = y, & faifant $n = f_x$ decauta l'équation suivante

$$y = \frac{y - fr}{y^{m-pf}u^{p} \varphi u + y} + \frac{y - fr - fr}{y} = \frac{y}{\mu} \frac{f}{\mu} \frac$$

or cette équation sera intégrable, toutes les sois qu'elle pourra se reduire à cette sorme $\nabla y^{\lambda} dy + \nabla' y^{\lambda+1} du + \nabla'' y^{\mu} du = o;$

V, V', & V'' étant des fonctions de u; ce qui arrivera dans differens cas dont l'enumeration est facile. Il est visible au reste que l'équa-

tion
$$dx - \frac{x dy}{y} = \frac{dy \Delta \frac{x}{y}}{\varphi \frac{x}{y} + y^p \Gamma \frac{x}{y}}$$
 n'est qu'un cas particulier de ce problème. Voyez Mém. 1748. pag. 281.

VI. Jusqu'à présent les Géometres ont cherché les cas d'integrabilité des équations à trois & quatre termes, en déterminant les cas où ces équations peuvent être réduites à l'homogeneité: mais en ces cas les conditions d'integrabilité ne tombent que sur les exposans: on en auroit trouvé davantage si on eut fait aussi tomber les conditions fur les coëfficiens. Soit, par exemple, xdy + gydx $+ax^n dx + by^n dy = 0$, & foit fait $x = y^n u$, on sure $y^n u dy$ $+gv(rv^{r-1}dy.u+y^rdu)+ay^{rn}u^n(ry^{r-1}udy+y^rdu)$ +by''dy = o; d'où l'on voit que l'équation est intégrable si gr + 1 = o, & si rn+r-1 = n; c'est à dire si g = -1. En général soit $ax^n dx + by^n dy + (x dy - y dx) \left(\frac{p}{a} + \frac{\pi}{\omega}\right) = \sigma, p \& q \text{ étant}$ des fonctions homogénes de x & de y, mais de differentes dimensions, si l'on veut, & π , ω , étant aussi des fonctions homogénes, dont la difference des dimensions soit n-1, on aura en faisant x = yz, la transformée $ay^nz^n(ydz+zdy)+by^ndy-yydz$ $(y^k \Delta z + y^{n-1} \varphi z) = 0$, équation intégrable. Il en est de même d'un grand nombre d'autres cas, mais je laisse ces recherches à suivre à d'autres.

VIL

SUR L'INTEGRATION DE L'EQUATION.

 $d^{n}y + ad^{n-1}ydx + bd^{n-2}ydx^{2} - - - + Xdx^{n} = 0.$ Dans les Mémoires deutzustem 289 art LIII; j'ay donné une methode générale pour construire ces sortes d'équations. M. Euler dans le Vol. VII. des Miscellanea Berolinensia, a aussi donné une methode pour construire ces mêmes équations dans le cas ou X = 0: cette methode conflite à Reppoler y ... A cf-x, à résoudre ensuite l'é-&c. = 0, puis supposant quation f + af que f, g, h, foient les racines de cette équation, on fera $y = \Lambda e^{fx}$ &c. A, B, D, étant des coefficiens tout à fait arbitraires. 1 . Si dinn sôté cette methoda est plus simple que celle qui résulte de ma solution générale, de l'autre on ne voit pas clairement, ce me semble, que l'integrale donnée par M. Euler renferme toutes les integrales possibles de l'équation proposée, car s'il est évident qu'en faifante y = Ar ! "integration reillira, il n'est pas aussi évident qu'esle ne reuffira que dans ces cas- sa.

Mais en rapprochant de ma solution celle de M. Euler, on peut s'assurer que celle-cy est générale. En effet il est facile de reconnoître par ma solution, qui donne la valeur générale de y, que y doit en effet être exprimé par un certain nombre de termes $A c^{fx} + B c^{gx} &c$. Car dans le cas, pas exemple, où l'équation differentielle est du 3e. degré, ma solution donne My + Nx + Rz = Ku; M'y + N'x + R'z = K'u'; M''y + N''x + R''z = K''u''; & de plus $du + \varrho u dx = 0$, $du' + \varrho''u' dx = 0$, $du'' + \varrho''u''$. dx = 0. donc &c.

Mhm, de l'Acad. Tom. FL.

A 2 2

Lorsque

Lorsque, dans la folution de M. Euler, & dans la nôtre, on trouve les valeurs de f égales, par exemple lorsque f = g, alors on écrira ainsi la valeur de y; $y = Ac^{fx} + ax + Bc^{fx} + e^x$, a & e étant des quantités infiniment petites, donc $y = (A + B)c^{fx} + (Aax + Bex)c^{fx} = (l+mx)c^{fx}$, l & m étant des coëfficiens quelconques. Comme il n'y a dans l'équation $y = Ac^{fx} + ax + Bc^{fx} + e^x$, que deux coëfficiens A, B, & deux quantités infiniment petites a, e, absolument arbitraires, il n'est pas nécessaire de pousser l'expression de $c^{fx} + ax + e^x$ celle de $e^{fx} + e^x$ jusqu'à plus de deux termes $e^{fx} + ax + e^x$.

Si f a 3 valeurs égales, comme il y a pour lors trois coëfficiens A, B, D, on supposera $y = A c^{fx} + \alpha x + B c^{fx} + \ell x + D c^{fx} + \sigma x$ & au lieu de $c^{fx} + \alpha x$, on écrira sa valeur approchée $c^{fx} + \alpha x c^{fx} + \frac{1}{2}\alpha \alpha x x c^{fx}$; & ainsi des autres, en poussant jusqu'à trois termes, ce qui donnera $y = (l + m x + n x x) c^{fx}$.

Quand une des valeurs de f est = o, alors c'est une marque qu'il se trouve quelque terme tout constant dans l'expression de g: car si f = o, on a $c^{fx} = c^o = r$. En effet, soit par exemple $d^3 g$ $g = a d d g d x + b d g d x^2 = o$, on aura une équation du g degré $f^3 + a f f + b f = o$; donc $g = A c^{f x} + B c^{g x} + D$; ce qui se trouvera encore d'une autre maniere en faisant dg = z d x; de g = a d c

 $z = A'e^{fx}$; car alors on aura $y = \int z dx + D$, & $z = A'e^{fx} + B'e^{fx}$.

Quand f a plusieurs valeurs égales à zero, on les représenters par c^{ax} , c^{ax} au lieu de c^{ax} & ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de ainsi des autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} valeurs de c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de autres ; de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte que s'il y a, par exemple, c^{ax} de sorte

Si les racines sont imaginaires, par exemple, si f = m + nV - 1 on aura $y = e^{mx}$. (Ae $^{nx}V - 1 + Be^{-nx}V - 1$); & cette quantité deviendra réelle, si on le juge à propos, en supposant A & B imaginaires & de differens signes; dans le premier cas on aura $y = e^{mx}$. L cos nx; dans le second on aura $y = e^{mx}$. G sia nx. donc en général $y = e^{mx}$. (L cos nx + G sin nx) $= He^{mx}$. [sin (nx + R)].

A 2 2 2

Lors-

Lorsque le terme $X dx^n$ fe trouve dans l'équation, le problème fe réduit par ma methode à l'intégration de l'équation $du + \varrho u dx + G X dx = 0$, ϱ & G étant des constantes; ainsi il faudra prendre $y = A c^{fx} + B c^{gx} + D c^{hx}$ &c. $+ E c^{fx} \int c^{-fx} X dx + F c^{gx} \int c^{-gx} X dx + G c^{hx} \int c^{-hx} x$ &c. après avoir fait la substitution, on égalera à zéro les coëfficiens de tous les termes analogues, & on aura la valeur complette de y.

Pour faire ce calcul plus aisément, on remarquera qu'en général si on suppose $\operatorname{E} c^{fx} f c^{-fx} X dx = R$, on aura $dR = \operatorname{E} X dx + \operatorname{E} f dx$. R; par conséquent $ddR = \operatorname{E} dX dx + \operatorname{E} f dx$. (E $X dx + \operatorname{E} f R dx$); & ainsi de suite.

S'il y a des racines égales, par exemple, si f = g, alors au lieu des deux termes $E c^f x \int c^{-f} x \, dx + F c^g x \int c^{-g} x \, dx$; il faut écrire $E c^f x \int c^{-f} x \, dx + G x c^f x \int c^{-f} x \, dx - G c^f x$ $\int x c^{-f} x \, dx$; c'est de quoi on se convaincra aisément, en écrivant $c^f x + ax = c^f x + ax c^f x$ au lieu de $c^f x$, & $c^f x + gx c^f x$ au lieu de $c^g x$.

S'il y a plusieurs racines égales à zéro, par exemple si f = 0, g = 0, alors il faudra écrire $E \int X dx + Gx \int X dx - G \int X x dx$; on voit aisément le procedé qu'il faudroit suivre s'il y avoit plus de deux racines égales, ou plus de deux racines égales à zéro.

. J'ay fait voir à la fin de mon Mémoire sur les cordes vibrantes (art. XLVII.) comment ma methode générale pouvoit s'abréger dans certains cas. Par exemple, si on a $d^4y + Ay dx^4 + X dx^4 = 0$. il ne sera pas nécessaire d'employer quatre équations du premier dégré, mais

mais seulement deux du second, qui se réduiront à une, & celle-cy à deux du premier. De même l'équation $d^8y + Ad^4ydx^4 + Bydx^8 + Xdx^8 = s$, se réduira à deux du quatrieme, qui se réduiront à une; celle-cy à deux du second, qui se reduiront aussi à une; & ensin celle-cy à deux du premier.

Mais il est encore plus important de remarquer que toutes ses équations dont j'ay traité dans les Mémoires de 1748. depuis l'art. XLIL jusqu'à la fin, peuvent s'integrer en donnant aux variables qu'elles renserment, une sorme convenable, toujours facile à trouver par ma methode. Soit, par exemple, proposé d'integrer

$$dx + ady + T(cx + cy)dt + bdt = 0$$

 $dy + bdx + T(fx + gy)dt + edt = 0$
(voyez Mémoires 1748. p. 285 & 286 art. XLV. & XLVI;) on supposers

$$x = Ac^{f \int T dt} + Bc^{g \int T dt} + c^{f \int T dt} / c^{-f \int T dt} \cdot (E \theta + H \epsilon) dt$$

$$+ c^{g \int T dt} / c^{-g \int T dt} \cdot (L \theta + M \epsilon) dt; \quad y = Ac^{f \int T dt} + Bc^{g \int T dt}$$

$$+ c^{f \int T dt} / c^{-f \int T dt} \cdot (E' \theta + H' \epsilon) dt + c^{g \int T dt} / c^{-g \int T dt}$$

$$\cdot (L' \theta + M E) dt; \quad \& \text{ ainfi des aucres.}$$

De même si on a
$$dx + (ax + by + cz) dt = 0$$

 $dy + (ex + fy + gz) dt = 0$
 $dz + (hx + my + nz) dt = 0$

on supposers $x = A e^{ft} + B e^{gt} + H e^{ht}$; $y = A'e^{ft} + B'e^{gt}$ $+ H'e^{ht}$; $z = A''e^{ft} + B''e^{gt} + H''e^{ht}$; & ainsi des autres cas plus compliqués. En voilà, ce me semble, assez pour faire connoitre Aaa 3 que je laisse à d'autres à détailler. Il suffir d'observer en général que la forme qu'on donnera aux valeurs indéterminées de x & de y, dépend de deux choses: 10 de la forme de la valeur de u dans l'équation sinale; 20 du nombre d'équations du premier dégré auxquels le problème se réduira, ou, ce qui est la snême chose, du nombre des valeurs de u, u', u'' &c. toutes représentées par des équations sinales, semblables, & de differens coefficiens.

VIII. Soit l'équation differentielle du fecond degré $dd = + \xi du dx + u X dx + \zeta dx = 0$, ξ , $\chi \& \zeta$ étant des fonctions de α ; on propose de réduire cette équation à une du premier degré.

On fera du + i Q dx = o, t & Q étant deux indéterminées; & fubfitiuant pour du sa valeur, puis divisant par Q, on aura $dt + \frac{t dQ}{Q} \frac{dx}{dx} + \xi t dx - \frac{u X dx}{Q} - \frac{\xi dx}{Q} = o$; ensuite ajourant ensemble les deux équations, on aura du + dt + dx ($t Q + \frac{t dQ}{Q dx} + \xi t - \frac{u X}{Q}$) $-\frac{\xi dx}{Q} = o$. Or cette équation seroit intégrable, si elle pouvoit se réduire à la forme du + dt + dx (u + t) $P - \frac{\xi dx}{Q} = o$. P & Q étant des sonctions de x. Dans cette hypothèse on auroit une valeur de u + t en x, & la valeur de u qui en résulte étant substituée dans du + t Q dx = o, on auroit une équation intégrable, d'où l'on tireroit la valeur de t, & par conséquent celle de u. Or pour que $t Q + \frac{t dQ}{Q dx} + \xi t - \frac{u X}{Q}$ soit = (u + t) P. il faut que $-\frac{X}{Q} = \xi + Q + \frac{dQ}{Q dx}$; d'où l'on tire $X dx + \xi Q dx + Q Q dx + dQ = o$. Donc toutes les sois qu'on pourra intégrer cette équation, on pourra intégrer la proposée.

CO-

COROLL. I.

Donc si l'équation proposée est telle, qu'en faisant $\zeta = o$, elle soit intégrable, elle le sera aussi dans les cas où ζ ser une sonction quelconque, car soit $\zeta = o$, & supposons suivant la methode donnée par M. Euler Toin. III. des Mémoires de Petersbourg, $u = c^{\int y dx}$, on trouvera $X dx + \xi y dx + y y dx + dy = o$, équation intégrable puisque l'on a (hyp) la valeur de u en x & que $y = \frac{du}{u dx}$. Or cette équation est absolument la même que $X dx + \xi Q dx + Q Q dx + dQ = a$. Donc &c.

REMARQUE I

Si la quantité ξ qui multiplie du dans l'équation, contient un terme de cette forme $\frac{A}{x}$; on pourra toujours le faire disparoitre, excepté dans le cas où A sera = +1. Car soit divisée l'équation par dx, & soit mis le premier terme sous cette forme d $\left(\frac{du}{dx}\right)$, asin de faire varier tout ce qu'on voudra, on aura donc au lieu de ddx $+\frac{Adudx}{x}$ les termes $d\left(\frac{du}{dx}\right) + \frac{Adu}{x} = \frac{ddu}{dx} = \frac{dudx}{dx} = \frac{dudx}{dx^2}$ $+\frac{Adu}{x}$; qui multipliés par dx avec les autres termes de l'équation, donneront $ddu = \frac{ddx}{dx} = \frac{du}{dx} = \frac{du}{x} = \frac{du}{dx}$. Or soit x = fx, & soit pris dz constant, on aura dx = fkz or soit x = fk (k-1) $x = \frac{dx}{dz}$, donc les trois termes cy-dessus deviendront ddu + du (1-k+kA) $\frac{dz}{z}$; & le second terme s'évanouira en faisant $k = -\frac{1}{A-1}$: ainsi cette transformation pourra avoir lieu toutes les sois que A ne sera pas = 1.

COROLL IL

Donc en général, si on a $ddu + \frac{A du dx}{x} + u Bx^m dx^2 + \xi dx^2 = 0$; cette differentielle se réduira à l'équation $ddu + u R z^2 dz^2 + \xi dz^2 = 0$, excepté dans le cas de A = 1; & l'intégration dépendra de l'équation de Riccati $Rz^p dz + QQ dz + dQ = 0$. qu'on scait être intégrable dans differens cas.

COROLL. III.

Si A = 1; l'intégration se réduira à celle de $Bx^m dx + Qx^{-1}$ dx + QQ dx + dQ = 0; or faisant $Q = rx^{-1}$, on trouve que cette équation est intégrable si m = -2.

. COROLL. IV.

Dans la même supposition on trouve que l'équation est encore intégrable & réductible à celle de Riccati, si $\frac{m+2}{o}$ est $=-\frac{4^n}{2^n+1}$, mexprimant un nombre entier positif; ce qui ne donne aucune nouvelle condition réelle; en effet on peut considérer qu'en général, si $Q = r x^{-1}$, on aura $Bx^{m+1}dx + \frac{r^2dx}{x} + dr = o$; équation qui n'est intégrable que dans le cas où m = -2.

COROLL. V.

des fonctions de x la même transformée sera encore intégrable, lorsqu'elle tombera dans les cas intégrables de l'équation de Riccati. Je me contente d'indiquer tout cela, parce que cette matière a déjà été traitée dans le premier Vol. des Mémoires de Petersbourg, & j'ajoute seulement que, si $X = Ax^m + \frac{1}{x}$, on auroit une transformée qui ne seroit pas plus compliquée, & dont on trouveroit de même les cas d'intégrabilité.

COROLL. VL

Soit encore $\xi \equiv 0 \& X \equiv Ax^m + Bx^n$, on trouvers en faifant la même transformation que cy-dessus, les conditions d'integrabilité de l'équation $Ax^m dx + Bx^n dx + QQdx + dQ \equiv 0$.

COROLL. VII.

M. Euler a donné dans le To. X. des Mém. de Petersbourg une methode pour intégrer en certains cas l'équation differentielle $(a+bx^n)x^2ddu+(c+fx^n)xdxdu+(g+hx^n)udx^2\equiv 0$. On pourra donc dans les mêmes cas intégrer cette équation, augmentée d'un terme quelconque ζdx , ζ étant une fonction quelconque de x.

REMARQUE IL

Dans mon traité de Dynamique, imprimé il y a dix ans, p. 165 j'ay avancé trop généralement que l'équation $ddq = Nqdt^2 \Psi t$ $+dt^2 \Gamma t$, dans laquelle N est une constante & Ψt , Γt , des fonctions quelconques de t, pouvoit toujours s'intégrer. L'intégration n'est possible, au moins par les methodes jusqu'ici conniies, que dans les cas où l'équation $dy + yydt = Ndt \Psi t$ peut s'integrer, Γt étant d'ailleurs une fonction quelconque de t.

REMARQUE III.

Il semble d'abord qu'on pourroit rendre la solution fondamentale un peu plus générale, en saisant du - EtQdx = o, & en multi-Mim. de l'Acad. Tom. VI. Bb b pliant pliant la seconde équation par un coëfficient indéterminé v, ce qui donneroit, au lieu de $X dx + Q \xi dx + Q^2 dx + dQ = o$, l'équation $X dx - \frac{EQ \xi dx}{y} + \frac{E^2Q^2 dx}{y^2} - E dQ = o$; mais il est visible que ces deux équations reviennent à la même, en mettant dans la seconde Q pour $-\frac{EQ}{y}$; & en général toute équation $X'dx + \xi'udx + X''u^2dx + du = o$, se changera en $X dx + \xi y dx + yy dx + dy$, en faisant X''u = y; on peut même, en suppofant u = yr & $\frac{dr}{r} + \xi dx = o$, changer l'équation en celle-cy $\frac{X dx}{r} + X''y^2rdx + dy = o$, qui dans certains cas pourroit être plus commode. Donc, puisque l'équation $ddu + \frac{dudx}{x} + uX dx^2 + \zeta dx^2 = o$ se réduit à $X dx + Qx^{-1} dx + QQ dx + dQ = o$, il s'ensuit qu'en faisant $Q = yx^{-1}$, elle se réduira à l'équation $xX dx + yy \frac{dx}{x} + dy = o$. REMAROUE IV.

Je ne doute point que la methode que j'ay donnée pour intégrer dans certains cas l'équation $ddu + \xi du dx + u X dx^2 + \zeta dx = o$, ne soit applicable à d'autres cas; mais je pourrai continuer ces re-

cherches dans une autre occasion. Soit, par exemple,

In faifant $ddu + Qdt dx + x N dx^2 + u \zeta dx^3 + \chi dx^3 = 0$.

En faifant $ddu + Qdt dx + t N dx^2 = 0$, on trouvera que l'équation est réductible à une du second dégré, si $N = \chi + QQ - \frac{dQ}{dx} - \xi & \zeta + NQ - \frac{dN}{dx} - \xi N = 0$: or substituant dans la second équation la valeur de N tirée de la première, on aura une équation differentielle du second dégré dont Q sera l'inconnüe, qu'il faudra déterminer en x, donc l'intégration de l'équation $d^3u + \xi ddu dx + X du dx + u \zeta dx^3 + \chi dx^3 = 0$ se réduit toujours à l'intégration d'une équation du second dégré.

SECOND

Siedicaledicalesic

SECOND MÉMOIRE,

SUR LA DÉTERMINATION DE LA PARALLAXE DE LA LUNE ET DE LA COURBÛRE DU MÉRIDIEN, CONTENANT LES OBSERVATIONS FAITES DEPUIS LA FIN D'AVRIL JUSQU'ÂU COMMENCEMENT DE SEPTEMBRE, 1752.

PAR M. DE LALANDE.

orsque j'ai en l'honneur d'entretenir l'Académie dans un premier Mémoire de l'utilité de l'entreprise sormée pour la découverte de la Parallaxe, je rapportai les Observations qui avoient été faites en conséquence, & qui rensermoient un espaçe de cinq mois; il me reste, Messieurs, à vous parler de celles qui m'ont réussi depuis ce telleslà jusqu'à présent; elles ont toutes été faites depuis l'équinoxe du Printems, c'est à dire dans un tems où la Lune a une déclinaison méridionale, toutes les fois qu'elle passe de nuit par le Méridien; de là vient que je n'ai pû avoir que très peu d'Observations saites dans le point le plus avantageux, c'est à dire, celuy où la Lune paroissant à même hauteur, soit de Berlin, soit du Cap de Bonne Esperance, donne la plus grande somme des Parallaxes, & les moins affectées de l'erreur des réfractions; au lieu que dans les points qui ont une grande déclination méridionale, l'inégalité des réfractions est fort à craindre & rend du moins les hauteurs absoluës un peu moins sures, puisqu'on sçait que quelquesois dans un instant elles souffrent des variations de 10". Il y a à la vérité un avantage à observer près des limites de la déclinaison, parce que le changement en étant fort petit, la ré-Bb b 2 duction

duction que l'on est obligé de suire à cause de la différence des Méridiens est moins sujette à erreur; mais il eut été à souhaiter de pouvoir se servir toujours des limites septentrionales.

J'ai crû, Messieurs, qu'en sinissant de vous rendre compte du succés de cet ouvrage, je devois achever aussi de mettre un chacun à portée d'apprécier le degré d'exactitude & de justesse que l'on peut espérer dans le résultat; pour cela il est nécessaire de faire quelques réséxions sur les Observations mêmes; ayant en esset exposé déjà toutes les précautions que l'on a pû prendre pour les rendre exactes, il est bien juste de dire un mot sur les inconvéniens que l'on éprouve nécessairement, ou du moins qu'on ne sçauroit entièrement éviter.

Le premier est l'erreur, ou l'inégalité, des divisions qui sont sur le limbe d'un instrument; sur un Quart de cercle de cinq pieds, il est difficile qu'il n'y en ait quelques unes qui montent jusqu'à quinze fecondes, ce n'est que l'épaisseur d'une des lignes de la division; celles-là ne sont pas les plus dangereuses, parce qu'avec un peu d'attention on peut les découvrir & en tenir compte; mais celles qui ne seroient que du tiers ou de la moitié, & qui n'iroient qu'à 5" ou 6" pervent facilement échaper à la methode ordinaire, qui consiste à y appliquer un grand compas à verge, après l'avoir porté du centre à la circonférence, pour en déterminer le véritable rayon. cette vérification, on place dans une ouverture pratiquée au milieu du cylindre, ou axe du mouvement de l'Alidade, un autre petit cylindre sur lequel est un point très délicat, qui doit être le centre du quart de cercle: l'on voit évidemment qu'une legère différence dans la situation de ce point là, produit la même erreur que l'inégalité des divisions, si elle vient à se trouver dans le sens perpendiculaire à la Lu-Mr. de la Caille, qui vient d'envoyer ses Observations pour être publiées, n'a encore rien entrepris non plus que moy du coté de l'examen de ces erreurs de son Quart de cercle, parce que lorsqu'il ne s'agit que de comparer la Lune à des étoiles qui ont à peu près la même déclinaison, les erreurs deviennent moins dangereuses.

Une

Une autre source d'erreur, est l'état sorcé d'un quart de cercle, ou la siéxion de ses parties; Mr. Bouguer a soumis au calcul les cas les plus simples; mais outre qu'il y en a beaucoup qu'on ne sçauroit calculer, il est assez rare qu'on puisse appliquer le calcul à ceux-même où il pourroit être applicable.

Un Quart de cercle mobile d'un grand poids tend manifestement à devenir moins convexe dans toutes ses parties, lorsqu'il est dirigé vers le 45e degré, ou feulement dans la partie inférieure lorsqu'il l'est au zenith ou à l'horison; le Quart de cercle mural que j'ai employé à mes Observations est à peu près dans le même cas, car lorsqu'après avoir été suspendu pendant quelques années, on a voulu y décrire un nouvel arc concentrique à ceux qui y étoient déjà, on a vù qu'il s'écartoit des premiers plus dans certains points que dans d'autres; on a remarqué aussi que les jointures des dissérentes parties, qui dans quelques endroits sont absolument insensibles a laissent dans quelques autres, des intervalles, qui, quoique fort petits, indiquent évidemment l'effet de la pesanteur des parties insérieures pour troubler l'équilibre. Enfin, on voit que l'Arc de Nonnius qui en approchant de l'horizon est assez exactement contigu à la division, cesse de l'être & s'écarte en approchant du zenith, de sorte qu'il paroit s'élever d'environ & de ligne. Cet effet est contraire à celuy qui provient de l'usure, qu'un frottement perpetuel doit causer sur l'axe du centre, ou tout au moins du déplacement & de l'affaissement de cet axe, qui produit des erreurs qui doivent aller en croissant en approchant de l'horison, & qui seroient additives à la distance au zenith observée : aussi l'on a trouvé en Angleterre qu'après un usage de plus de 20 ans l'axe d'une Lunette n'avoit soussert sensiblement aucune altération.

Il peut aussi arriver, sans qu'on s'en apperçoive, que la manière dont le quart de cercle pose sur ses appuis, ou les visses qui le contiennent, le tiennent dans un état forcé; & j'avoüe qu'en considérant la délicatesse de l'instrument, je n'ai jamais été tranquille à ce sujet; la Bb b a

seule méthode qu'on peut employer pour s'en appercevoir, est de baisser des à plombs de chaque point du limbe, pour voir s'ils tombent tous exactement dans une même ligne; mais qui ne voit que sette opération est assez peu susceptible d'exactitude?

Enfin, pour n'omettre rien dans le détail de ce qui peut servie à l'éclaircissement de ceux qui voudront faire usage de ces observations, je dois ajouter qu'il y a une autre circonstance qui jette sur les hauteurs absolües quelque petite incertitude. Le sil d'argent qui est suspendu sur le premier point de la division, & que l'on considère comme immobile & constamment perpendiculaire à l'horison, doit fervir à reconnoitre les variations en hauteur, à découvrir l'erreur du Quart de cercle, & à faire en conséquence les réductions convenables: pour cela il est nécessaire que sa direction soit déterminée par deux points, avec une égale exactitude; mais le point qui est dans la partie supérieure du Quart de cercle ne pouvant, à cause de la disposcion du centre, être placé dans le même plan que le limbe, on est obligé de l'y apporter à la vue, ce qui n'est pas de la dernière exactitude, parce que le moindre écart dans la direction de l'oeil peut caufer une erreur dans la lituation apparente du fil. On scait aussi que dans les réductions qui dépendent de ce fil à plomb, mille circonstances peuvent nous induire en erreur; un petit mouvement causé par un vent coulis dont souvent on ne peut pas se préserver, un fil d'araignée qu'on n'appercevra pas, une pellicule sur la surface de l'ean qui v produise de la résistance; & surtout la chaleur & le froid, qui sont cause que tantôt le fil s'écarte considérablement du limbe, & une autre fois y soit trop appuyé, & par conséquent ne soit plus au sover du microscope où se trouve le point. Je crois que toute personne qui aura une idée de la pratique des Observations, & de leur délicatesse, ne sera point étonnée de voir des hauteurs absolues prises en divers tems de l'année, differer entre elles d'une manière tant soit peu irréguliere: mais on peut être assuré que les distances de la Lune aux étoiles n'en sont que très peu affectées, parce que j'ai toujours pris **foin** soin de mettre peu d'intervalle entre les différentes Observations d'un même jour, pour que les variations devinssent plus petites.

Je n'y ai point compris une vingtaine d'Observations de la Lune faites en particulier par Mr. Kies, quoi qu'il ait bien voulu me les communiquer; il en rendra compte luy-même à l'Académie, comme je le fais aujourdhuy de celles qui me sont propres.

Je n'ai pas crù devoir omettre les Observations de Venus, que l'on trouvera icy en assez grand nombre; l'avantage de l'Astronomie qui embrasse également la Théorie de touts les mouvemens célestes a dù m'y engager; puisque, quand la Théorie de la Terre sera ensin parvenüe à un degré sussidant de perfection, toutes les observations des planetes, faires même hors des syzygies, seront également propres à nous en faire découvrir exactement les mouvemens & les anomalies.

Les petites étoiles de la sixième grandeur, qui, lorsqu'elles passent fort près de la Lune, enveloppées dans sa lumière, s'observent fort commodèment, ne pourroient l'être avec la même exactitude dans toute autre situation, lors qu'on est obligé d'éclairer les sils, de sorte qu'il y en a plusieurs que je n'ai observées qu'une seule sois; mais pour les étoiles de la 3 ou 4° grandeur, je les ai toujours observées le plus souvent qu'il m'a été possible.

Par une raison contraire, on ne trouvera que peu d'étoiles observées en plein jour, parce qu'alors elles paroissent trop peu & d'un trop petit diametre, pour qu'on en puisse mesurer la hauteur avec des sils d'argent, tels que ceux dont je suis obligé de me servir.

Dans les Observations suivantes j'ai réduit tout au centre de la Lunette, & au milieu du sil, en supposant sa demi-épaisseur de 3", ce que je n'avois point sait dans les précèdentes; voicy la methode que j'ai employé pour la déterminer. J'ai trouvé par expérience, en joignant exactement ensemble un grand nombre de sils de la même grosseur que ceux dont je me sers, que leur diametre est d'environ la 565° partie d'un pouce anglois; & comme j'ai trouvé d'un autre coté

coté que l'intervalle que les étoiles simées dans l'Equateur parcourent à travers les fils du reticule, en 5111, qui répond par conséquent à 1213, mesuré exactement est de 2, 3 lignes, il s'ensuit que l'épaisseur du fil est 611. On peut employer sussi le foyer de l'objectif qui est de 5 pleds 5 pouces, en distint: 65 pouces sont à 3-7 de ligne comme le rayon est à la tangente d'un angle, qui se trouve encore de six secondes.

Je n'ay point employé la correction des distances au zenith, qu'on appelle ordinairement erreur du Quart de cercle, mais elle est sufficientment déterminée par le netournement. Le six Juin, le Quart de cercle sat déplacé pour être mis au Nord; on le transporta sans ècer la Lunette, de peur que l'erreur qu'il falloit découvrir ne sut changée par le déplacement; cependant il étoit impossible de préparer exastement les supports, & de les sixer dans leur veritable situation, sans que la machine sut mise en place, de sorte qu'il fallut la présenter, jusqu'à trois sois, & qu'elle ne resta sixe qu'à la quatrième sois; peur être ces tentatives, ces essais, y ont-ils causé le même dérangement, qu'ent produit le déplacement de la Lunette, mais ils sont indispensables, lors qu'il s'agit de sixer pour la première sois un instrument, si composé.

Le 14 Juin, & le 20, j'observai la distance apparente au zenith de l'étoilé & à l'aile de Pégase de 24' 18" vers le Nord, mais dans la première situation du Quart de cercle, je l'avois observée le 3, & le 5 Juin 23' 51", la dissèrence est 27" ainsi l'erreur du Quart de cercle devroit être de 13" ; en prenant celle du 15 ou celle du 22, l'erreur est 16, 16½, ou 17"; en employant celle du 6 Juin, on a 19½ ou 21". Ensia il paroit qu'en prenant 18", on satisferoit assez à ces Observations combinées toutes ensembles. Le Quart de cercle ayant été remis ensuite dans sa première situation, une petité étoile de Pégase observée le 22 Juin, & que jobservai encore le 25 me donne 19"½ aussi bien que « de Pégase; en prenant d'autres Observations on trouve indisséremment 16½, 17½, 20¼", de sorte qu'il semble qu'on

qu'on doive s'arrêter à 19"; ainsi tout rassemblé, il studra ôter 18" ou 19" de toutes les distances au Zenith observées depuis le 25 Novembre, pendant tout le cours de l'année.

Pour ce qui est du Quart de cercle de 2 pieds, avec lequel ont été prises les hauteurs correspondantes du Soleil qui sont rapportées de tems en tems, quoique bon, il est trop petit pour pouvoir servir à aucune détermination bien exacte; j'ay entrepris avec Monsieur Kies, de vérisier à l'Horizon, par le renversement, l'angle des hauteurs; nous l'avons trouvé assez exactement de 90° mais après un grand nombre de tentatives, nous avons reconnu qu'une erreur de 10" on 15" pourroit facilement nous échapper & qu'il ne falloit pas conter avec tel instrument, sur une plus grande précision.

Je terminerai ces réfléxions par une espèce d'apprétiation ou d'estime, que chaque Observateur devroit toujours joindre à ses propres ouvrages, fauf à ceux qui se chargent d'examiner le résultat & les conséquences, à réformer le jugement que l'auteur en auroir pu porter. Je crois donc que tout examiné, soit du coté de la nature des ohservations, soit par rapport aux circonstances, soit ensin à raison des inftruments, le plus grand nombre des distances de la Lune aux étoiles, que je vais rapporter, ne sçauroit differer du vray que de 4" ou 5"; quantité telle que lorsqu'on se sert de plusieurs observations pour découvrir un élément, quelque petite que soit la compensation qui se fait des erreurs, on est tonjours sur d'avoir atteint ce but, qui dans toutes les Sciences porte le nom de VRAI, pris néammoins dans le sens dont chacune est susceptible, & rélativement à l'état où elle se trouve. Si l'Astronomie est de toutes, celle qui a fait de nos jours les progrès les plus remarquables, il ne faut pas s'en étenner, elle est aussi de toutes, celle dont l'objet est le plus étendu; liée d'ailleurs également à la pratique & à la theorie, elle s'accroit à mesure que l'une ou l'autre se persectionne, & elle ne cessera jamais de se persectionner, parceque l'esprit humain si second en ressources, & aussi inépuisable que son objet, ne sçauroit gueres se prescrire des bornes.

Mim. de l'Acad, Tom, VI.

Ccc

OBSER-

OBSERVATIONS. Le 22 Avril 1752. tems civil.

Le 22	, Avril 1752. tems c	1 4 11.
Ten	ns de la Pendule	Distances au Zenith.
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	H. M. S.	D. M. S.
Bord suivant de Jupiter,	3 6 35 Bord fup	
o du Lion,		41 30 20
	7 55 217	27 36 50
μ du Lion,		· (25 21 22 :
Premierbord de la Lune,	8 4 16 à5/21 Bord	Superieut 44 38 36.
• •	26 20/Bord	Superieur 44 38 43
Regulus,	8 18 41½	39 20 40 1
b à la tête de la Vierge,	9 56 25 3	44 35 26
βdu Lion, Nebulasis, Des		36 83 27
β de la Vierge,	10 1 2 1	49 20 39
π dê læVierge,	•	44 30 35
* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	Le 23 Avril.	ĩ,
Bord suivant de Venus,		Superieur 52 47 3
Premier bord du Soleil,		Superieur 39 30 10
e du Lion,	7.52 2 1	27 36 50
e à la griffe du Lion,	9 38 31	54 8 42 1
y de la Vierge	9 53 67	44 35 30
β du Lion,	9 56 23 1	36 33 29 1
β du Lion,	9 57 45	49 20 40 1
	Le 24' Avril.	
Premier bord du Soleil,		Superieur 39 10 17
Second bord du Soleil,		
Bord suivant de Jupiter,	•	superieur 30 33 17€
Regulus,	$8.12^{\circ}2^{\frac{1}{2}}$	39 20 4 0
Premier bord de la Lune		μο", B.S. 54 17 24
β du Lion,	9 53 4	36 33 28
F,	१८१ त	Le

. ***		
	Le 25 Avril.	, ;
Le premier bord du Solei	li, O 26 35±	
Second bord,	0 28 46 Bord super	rieur 38 si i
	4 44	
	Le 26 Avril	,
Une étoile du Corbeau,		69 21 47
Entre leCorbeau & laVierg	e10 38 18‡	ets 64 8: 26
:	Le 27 Avril.	•
Barrier bank da Calail		
Premier bord du Soleil,	0 27 301	
Second hord,	0 29 42 Bord luj	
Regulus,	8 2 7 7	39 20 40
y du Corbeau, Algorab,	10 9 41	. 68 38 44
du Corbeau,	10 23 38 1	
n du Corbeau,	10 25 54	
* do Corbeau,	. •	69. 24. 47
* du Corbeau,		64 8 25
« de la Vierge,	11 18 38	62 21 1
Le premier bord de la Lu	ne, 12 1 29 3 à 2/40	B, S, 67, 8 6
Arcturus,	12 10 48	1. 1. 1. 32 1. 1.53
	Le 28 Avril.	ac 1 · a
Day I Character In Monage		SO 06 50
Bord suivant de Venus,	22 40 40 Bord Sup	eriem. Jo zo Jo
Le centre du Soleil,	0 29 5 3	i
Procyon,	5 30 18	39 20 40
Regulus,	7 58 48 1	39 20 40
3 du Lion,	8 6 33	27 52 30±
γ du Lion,	8 9 303	31 23 33
a du Corbeau,	9 58 55	75 53 23
y du Corbeau,	10 6 23	68 38 42
du Centaure,	11 9 39	87 38 13
a de la Vierge,	B1 15 21.	. 62 21 2
-	Ccc 2	Entre

		-
. •	11 29.45	67 44 16 1
Entre le Corbeau & la	11 34 13 1	67 24 6 }
. Vierge,	11 39 30	69 21:461
	12 4 48	69 30 361
Artiurus,	12 7 30	32 I 56½
46.4.71.	Le 29 Avril	
a de la Balance,	12 40 9	67 28 31 1
Ventre de la Lune,	12 50 304 251/35" B.S.	70 II 41 1
Second bord de la Lune,	12 5I 42 ¹ / ₄	· E
Le premier bord du Soleil,		37 35 22
Le fecond bord du Soleil,	0 30 39	
Regulus, .	7 55 31	39 20 41
Enfuite la Pendule a été arre	tée pour accourcir la Verge	du Pendule.
τ à la jambe du Bouvier,	11, 6 10	33 20 56±
η du Bouvier,	11 7 38 1	32 51 45
Entre le cou & la queüe de l'H	ydre, 11 27 14	79 28 48 1
• • •	Le 1 May.	•
χ à la jambe d'Ophiucus,	13 37 1	70 20 47 1
ϕ à la jambe d'Ophiucus,		$66\ 27\ 39^{\frac{1}{2}}$
Le premier bord du Soleil,		
Le fecond bord,	$23\ 59\ 56\frac{1}{2}$.	•,
Bord suivant de Jupiter,	2 13 6 Bord superieur	30 21 39
La chevre, Ayuk,	2 21 8 1	6 48 39 ·
y de la Vierge,	9 50 53	52 35 19
A CHANGE CO.	Le 2 May.	
	14 21 9	78 39 6
Au pied d'Ophiusus, : 🥞	14 23 57	76 26 30
- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	14 27 494	77 10 22
B au pied d'Ophiucus,	14 32 154	76 22 19
ξ du Serpent,	14 44 29	67 41 55
		Bord

		309	, •	
Bord suivant de	la Lune.	14 47 19 '	à 46' 42"B. S le même Bore	5. 73 51 42
· -	& à ::	14 47 54	le même Bore	d 73 51 46
Bord suivant de	Saturne,	14 56 2 ±	Bord superieu	r 74 28 52±
Hauteurs	correspondan	tes du Bor	d fuperieur du	Soleil
Hauteurs.	Matin.	S	oir.	Milieu.

Hauteurs	correspondant	es du Bord	iperieur du	Soleil ·
Hauteurs.	Matin.	Soir	•	Milieu.
40° 45′ 50″	21 ^b 12 ^l 6 ½	11 26 47	261// 2	3 59 46±11
41 0 0	21 13 55		2 . 10 . 10	3 59 46
41 5 50	21 14 42		49 2 2	3 59 453
42 0 0	21 21 52		41 2	3 59 46½
42 20 0	21 24 32	2 34	$59\frac{1}{2}$ 2	3 59 453
42 45 50	21 28 1 ½			$3 19 45\frac{3}{4}$
La correction éta à la hauteur du S			And in Oldering	trouve nulle
Premier, bord du	Soleil, 23	58 -26 Bor	d fuperieur	36,421 O y
Second bord,	. 0.	0 387	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
y du Lion,	7	25 17 3		31 25 54
	•		. ; .	
•	Le	3 May.	· (*)	្រ កាស្រក់ជី
Bord précedent	de Saturne;	14.52.42 B	ord superieus	74 23 45
*EntreOphiacus	& le sagittaire,	14 59 58	- ,	68 13 70
τà la main d'Op		15 6 34	,	60 38 53
*près de l'extrem			•	69 38 8
A' l'arc du fagitt		15 16 46±		72 T9 53
Bord suivant de V	Venus,	22 15 7章		48 7 25
Premier bord du		3 59 9		
Second bord,		Q 1 212 B	ord superieus	36 23 31.
La Pendule a en Balancier, Bord fuivant de I	٠	Y	anger la lo ordfuperieur	

Ccc s

Digitized by Google

Le

Le 4 May

β de la Lyre,	15 55 31 19 25	28
e de l'Aigle,	16 2 52 37 45	23
La Lune.	16 21 38 Bord superieur 71 24	57
	16 23 5 le même bord 71 24	
Bord suivant de la Lune,	.16 24 2 225' 5' B.S. 71 24	32
Le Centre de Venus,	22 16 11 le Centre 47 39	32
La second bord du Soleil,	O I 45 ^I	
1	Le 5 May.	•
β de la Lyre,	15 52 16 19 25	26
e de l'Aigle,	15 59 37 37 45	18
Le premier bord du Soleil,	0 0 9 1	
Le seçond bord,	$O 2 22\frac{1}{2}$	
	artérée. & le Balancier alongé.	

Le 8 May.

Regulus,	6	53	25¥	39	20	35
Regulus, a de la Vierge, à suxus,	QI	9	53 ‡	62	21	14
n de la grande ourse, Benethnasch, Elkeid	10	35	22	I	58	5 .
a du Bouvier, & une petite étoile qui	10	39	6	33	2 [2
précede, Proche de la Vierge,	[10]	30	36	32	52	3
Proche de la Vierge,	0 1	52	7 ‡	60	36	50
Entre le nied de la Vierge & la queile			20 <u>1</u>	69	30	40
Arcturus, oue down, Azimech,	11	2	I T	32	2	•

Le 9 May.

Le bord suivant de la Lune, 20 14.16\frac{1}{2} \frac{1}{2}13'30'' B. S. 52 26 29 \frac{1}{2}14'48'' B. S. 52 26 8

Le bro\tillard, & le grand jour rendoient le bord superieur très difficile \frac{1}{2} distinguer.

. •	391	•	
Second bord,	Le 10 May. O 1 21 O 3 35 e Pendule a été	Bord superieur 3	4 27 55
	Le 16 May.	22 2 m 1943 -	
Agutegog, Aramech,	10 2 547	· ~3	2 51 47
	Le 17 May.	• •	* * .
Premier bord du Soleil,		5 - Bord superieu	Γ 32 <i>Δ</i> 7 8
Second bord,	23 56 5 0		- 3- 7, 0
Par des hauteurs du Soleil, le			io//E,ainfi
la déviation du Quart de ce			
Sirius,	2 51 13		8 52 56
	أمران والموافق	: 1	
	Le 22 May.		
Sirius,	2 30 541	/ // 75 65	
Le bord de la Lune,	7 54 424	55' 45" B. S. 5	7 30 37
An annual de la Visana		le même bord 5	
Au genoüil de la Vierge,	9 24 15		9 56 15
	9 28 203		3 39 52
Etoiles prés de la Vierge,	19 33 35₹		9 2 14 9 19 19
Etones pres de la vierge,	9 37 35		9 36 26
•	9 55 17	· · · · ·	8 55 I
de la Vierge,	9 58 35		7-18 14
μ au pied de la Vietge,	10.25 28 1	-	7 3 46
•	Le 23 May.		
Premier bord du Soleil,	23 54 7	Bord superieur 2	T 22 55
Second bord,	23 56 22	Dott toperious 2	· 3- 73
d'à l'aile de la Vierge,	10 48 46±	~	6 42 30
a de la Vierge,	11 3 43	_	2 21 17
	0 4)		E'toiles

Petites étoiles,	∫12 24 34 12 30 43½	69 43 42
•	112 30 432	78 38 54
Le ventre de la Lune,	12 36 16 à 37'20"	B.S. 73 54 3
Second bord de la Lune	12 38 26	
& 3	12 39 30 le même	bord 73 54 1
a d'Ophiucus,	12 54 10 .	39 44 43
Le Centre de Saturne,	12 58 44 Bord supe	rieur 74 19 15

Petite

μà l'extremité de l'arc,	13	29 4	58	-	73 1		30 55
Arcturus, the a la main du Bouvier,	_	44	37±	au Nord	32		
•	_	• -	√lay.			29	•
Le ventre de la Lune,				à 25' 32"B.1	, 43	•	25
Second bord de la Lune,		26		52 U .1	. 73	29	3)
λ à l'arc du Sagittaire,	_		14		77	58	20
à 13 ^b 55' 4' de tems vrai, és	٠.	_			- •	_	
Parc du Sagittaire, sur la ligne t							
ferenitatis, au dessous de Mare geur de cette tache.							
Etoiles du Sagitt. de 5e grandeur	14	2	12		73	2	27
	įi3		26		75	28	3,5
o à la tête du Sagittaire, z à la tête du Sagittaire,	14		14 ³ / ₄	**	73	E 43	54
_ ` `	•	56	-	•	74	34	.6
Par des hauteurs correspondant	_	•	_	rai est 23 ^b 5	c/ T	2/1. 4	infi
la déviation du Mural se trouve						- , .	
L'épic de la Vierge,	8	_				21	4
n de la grande Ourse,	9	۵	57			57	•
Etoiles proches de la gr. Ourse;	9	22	•	ST - 1	1	53	7
. du Dannien	19	27	41	au Nord		26	4
ι du Bouvier, θà la main du Bouvier,	٠,	26	40			. 6	47
_	-	39 Ma	-		0	28	5.9
	. –	Ma	•				
s à la main du Bouvier,	-	56 : 26 :	• •		G	_	
du Bouvier,	_	35 ·		au Nord	0	• 28	15 56
, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	7		•		•	40) U
Mim. de l'Asad, Tom, VI.		1	Ddd				Le

•	Le	ı J	uin.				
Altair,			56		44	16	7
Le ventre de la Lune,	14	58	38	à 59/26//B. sup.	69	52	23
Bord suivant de la Lune,	15	0	29	2 1/40"B. sup.	60	52	5
0 d'Antinous,	1 5	16	40	2	54		-
a do Caprisone Sla I ere	15	2 I	58		65	44	. 2
a du Capricorne, { la 1 ^{ere} la 2 ^{de}	15	22	213		64		
β du Capricorne,	15	25	7		68	•	1
_	Le	2 J	oin.		- #		
n à la main du Bouvier,				au Nord	0	26	10
s à la main du Bouvier,	9	18	30		0	0	15
θ à la main du Bouvier,	_		50	au Nord	0	29	4
	Le	3	luin.				•
Regiles an pind d'Anti	13	54	12		58	38	4
sone an pieu u Anu-	13	58	50 3			33	
Etoiles au pied d'Anti- nous, λ	14	3	29			43	
	14	9	3 <i>5</i>		0	•	-
	14	13	0		0	_	
n de Pégale,	14	22	38		0	23	5 I
La Lune,	16	28	4	Bord fuperieur	63	Il	41
2	16	29	30	le même Bord	63	ΙI	26
Bord suivant,	16	30	19				
d à la main du Bouvier,	9	23	48	au Nord	0	28	59
_	Le	4 J	uin.				•
Etoiles au pied d'Anti-	13	50	11		58	38	2
none	13	54	487		58	33	22
nous, ξλ	13	59	26 1		57	43	27
	14	5	47	au Nord	0	30	5
· - •	14	9	53		0	13	59
	14			_	0	23	49
				Bord superieur	59	I	9
à	17	13	.26	Bord superieur	59	0	47
			-	•		B	ord

Bord fuivant,	17	14	24 ፤	à 15' 30"	59	Ó	30
Premier Bord du Soleil,	23	54	28		_	•	
Second Bord,	23	56	46 1	Bord superieur	29	44	. 3
d à la main du Bouvier,	9	19	45		0	28	55
	L	e 5	Juin.	•			
y du Dragon, Rastaben,		•					
Etanin,	12	53	15		0	59	50
	13	46	6		5 8	38	7
Au pied d'Antinous, {	13	50	45		53	33	25
<u> </u>	13	55	23		<i>5</i> 7	43	3 I
u de Pégase,		14				23	
Bord suivant de la Lune,	17	58	49 à	57'49" Bord sup.	54	27	52
_				48" Le même bord	54	27	31
Premier bord du Soleil,				,			
Second bord,	23	56	46 3	Bord superieur	29	37	26
Sirius,	I	34	24 3		6 8	52	48
	L	e 6	Juin.				
Petite étoile de Pégase,	13	57	28	au Nord	0	29	57
n de Pégase,	14	12	41/2	au Nord		23	
de Pégase,	14	19	25			42	-
Petite étoile de Pégase,	14	26	.56			33	_
Le même jour le Quart o	le ce	ercle	fut m	is au Nord, & j'o		-	•
sieurs jours de suite des							
dessous du Pole, devant							
exactement le Quart de c					•	•	
_			1 Juin				
Distance au zenith de la			•		def	lone	dn
Pole,			,			40	
~ ~ ~ ~ ~	T	e t	2 Juin	n.	41	40	J
Distance au zenith de l'			•		le	dan	9 le
Méridien	UJ	.~ .	-IMII (an nonver as I (-		•
714A1 1A1A11		1	b b C	2.	٦y	29	Le
		•	<i>-</i> u u				

Le 14	Juin.	
n de Pégase,	au Nord 0 2	4 18
Petite étoile, 15/après n de Pégase,		2 57
Distance au zenith de l'étoile Polaire	Alruccabah, 39 2	-
Le 15		
Petite étoile, 15' avant n de Pégase) 42
n à l'aile de Pégase,	au Nord O 24	1 23
Le 17		, -J
de Pégase qui suit de 10 minutes d	•	18
Etoile de 4º grandeur, 17' après n		
Le midi vrai ce jour là est à 23 ^b 56 ^c		, –
Le 18]	uin.	
Petite étoile qui précéde de 15' x de		1 42
Le 19		7-
L'étoile Polaire, Alruccabah,	39 29	22
La Chevre, 11 0		9 33
•		
Le 20	•	
z de Pégale,	0 24	1 18
Le 21		
Le midi vrai est 23 57 I qui est exactement dans le Méridien.	7½ par l'instrument des pass	ages,
Lè 22	luin.	
z de Pégase,	au Nord o 24	1 24
de Pégase, 10' après,	0 41	
Petite étoile, 13' après x de Pégase		
Petite étoile, 34' après n de Pégase,		
Petite étoile, 37' après x de Pégale,	. 0 43	_
· · ·	•	, ~,
Le 23]		,
	2 par l'instrument des pass	
Le Quart de cercle a été remis au S	ud dans la même situation	où il
étoit le 6 de ce mois.		_
•		Le

Digitized by Google

	1	Le :	24 Ju	in.			
Premier bord du Soleil,	23	56	38±	•			
Second bord,	23	58	563	Bord superiour	28	44	27
Sirius,	_		59		б8	52	50
Etoile de 5° grandeur,	10	9	29		71	53	48
n Dphiucus,	IO	38	16 ₹	•	67	52	21
0 Dphiucus,	10	48	45±		77	10	33
Premier bord de Saturne,	II	I	41	Bord inferieur	74	14	23
μ du Sagittaire,	II	40	48	•	73	33	38
Etoile de 5º grandeur,	11	42	17		73	14	2[
λ du Sagittaire,	11	54	26		77	58	30
	1	Le	25 Ju	ini	•		
o du Sagittaire,	12	24	39₹	•	73	5 I	59
	12	3 E	34	•	74	3.2	13
и de Pégale,		,		zu Nord	0	23	45
de Pégale,					0	42	6
Aussi-tot après, une étoile	e de	4° 8	gra nde	eur,	3	18	48
Petite étoile, 34' après	n de	e Pé	gale,		0	9	15
Etoile de 5e grandeur,	13	30	49		0	44	5
Premier bord du Soleil,							
Second bord,	23	59	6₹				
*			13‡		76	22	25
Le centre de Saturne,	10	57	25 3	Bord superieur		14	_
*	11	6	3 3		73 ·	59	58
Premier bord de la Lune,	11	18	487	20/13" Bord sup.	7 3	45	5
Second bord de la Lune,	11	20	58 à 2	11'30''le même bord	73	45	5
u du Sagittaire,	I 1	36	49			33	
λ du Sagittaire,	11	50	26 1		77	58	30
]	Le :	27 Jui				
Premier bord du Soleil,	23	57	6	Bord superieur	28	50	2I
Tache confidèrable,	23	59	11		29	13	55
Second bord du Soleil,	23	59	24				_
		1	b b C	2			Le

Le 28 Juin.									
	70	30	33						
Etoiles de 5 ^e grandeur, { 12 52 environ	0	4 I	53						
[12 53 10		18							
Second bord de la Lune, 12 55 46 \$56/50" Bord sup.	70	45	38						
* de Pégale,	0	g.							
*	0	44							
* 13 32 17	65	33	2 I						
a du Capricorne, la 1ere 13 33 32	_								
β du Capricorne,	68	I	2						
Le centre de Venus, 22 58 21 1	29	30	2 I						
Premier bord du Soleil, 23 57 16 Bord superieur	28	53	14						
Second bord du Soleil, 23 59 34			•						
Sirius, 0 2 5	68	52	53						
Le 29 Juin.		_	- •						
Le centre de Venus,	29	24	28						
Le 30 Juin.		•							
14 13 32 1	70	40	II						
14 17 40 3	64	50	26						
y du Capricorne, 14 47 47	70	14	12						
8 du Capricorne, 14 54 46	69	42	31						
a du Verseau, 15 14 33	54	0	24						
Le centre de Venus, 23 I 2 ¹ / ₄		19	II						
Le centre du Soleil, 23 58 46½ Bord superieur	29	4	59						
Le centre de Saturne, 10 36 57 Bord superieur	74	13	3						
Le 1 Juillet.									
βdu Verseau, 14 36 5	59	8	20						
ydu Capricorne, Deneb, Algedi, 14 43 473	70	14	. 18						
e de Pégale, Muscida, Enif, 14 49 36±		45							
du Capricorne, 14 50 47	69	42	32						
Le ventre de la Lune, 15 8 38 à 9' 34" B. sup.	60	33	13						
Second bord, 15 10 26 1			-						
		•	K du						

a du Verseau, 15 10 34	54	0	28
Le centre de Venus, 23 2 201	29	14	33
Premier bord du Soleif, 23 57 443		•	
Une grande tache, 23 58 56\frac{1}{2}	29	29	16
Second bord du Soleil, O O 2½ Bord superieur	_	9	
Le 2 Juillet.	-,	7	•
a du Verseau, 15 6 34 ³ / ₄	- 4		
Le centre de Venus, 23 3 413		0	•
	_	10	• -
Syrius, 23 46 12		52	
Premier bord du Soleil, 23 57 54 Bord superieur	_	13	-
La grande tache, 23 58 50	29	33	57
Second bord du Soleil, O O 12			
Le 3 Juillet.			
a du Verseau, 15 2 38			
Second bord de la Lune, 16 38 42 à 37' 45" Bord sup.	51	32	5 5
Le Ciel est presque couvert. \\ \frac{1}{2} 39' 45" Bord sup.	51	32	42
Hauteurs correspondantes du bord superieur du S	Solei	i.	
$46^{\circ}28^{'}32^{''}$ $21^{\circ}8^{'}$ $16\frac{1}{2}^{"}$ $2^{\circ}49^{'}56^{''}$ 23°	59	6 <u>Ŧ</u>	
46 30 0 21 8 49 2 49 23 2 23			
46 48 32 21 10 44 2 47 $20^{\frac{1}{2}}$ 23	59	63	
46 50 0 21 11 16½ 2 46 56½ 23	59	64	
47 8 32 21 13 10 2 45 3 23	59	6 1	
47 10 0 21 13 $42\frac{1}{2}$ 2 44 30 23			
-	29		24
Le centre du Soleil, 23 59 14 Bord superieur	27	7 Q	24
La correction des Hauteurs étant 3 ^{1/3} La déviation du Q	29	40	2) 'AF-
cle est 4" foustractive.	uait	uc ı	701 -
Le 10 Juillet.			
		_	
Le centre de Venus, 23 14 27	29	4	
Le centre du Soleil, 23 59 557 Bord superieur	39	3	
			Le

	æ 11	Tu	illet.	1				
	23 I	•				68	52	51
	23 I		-				6	
				Bord fo	perieur			
	æ 12	_			•			
Sirius,	23	_				68	52	48
Le centre de Venus,	23 1		_				9	•
Le centre du Soleil,				Bord (luperieur			
Une grande tache qui est		- •				_		
entrée ce jour même sur le								
disque apparent du Soleil,	0	0	56 I			30	33	16
	e i	3 Ju	illet.					
Le centre de Venus,	23 1	18 1	6			29	13	2 I
Le centre du Soleil,	23 5	59 5	5 \$	Bord si	perieur	30	28	24
Lia grande tache,	0					30	42	21
	e 14			,				
	22 5							
	23 I						E 7	
				Bord f	uperieur	30	3.7	25
-	0	_	-		•			
	e 16	_			•			
	3 59		•					
. •	9 C		-				•	
	Le 17)				
	23 5			5.16			20	
•					aperieur	31	6	43
	e 18				/ 5 4		_	
Le premier bord de la Lune,								
a	6 4	5	3	le memo	bord		58	
				ie memo	e bord		58	
A	1 4	-				-	41	_
d'Antinous,	2 4	. I	D i			54	I	-
							a	du

```
401
 e du Capricorne, { la premiere 12 9 28 la seconde 12 9 50}
                                                                      65 44 8
                                                                      65 46 28
 β du Capricorne,
                                       12 12 357
                                  Le 19 Juillet.
 La grande tache
                                       23 59 24=
                                                                        31 41 15
 Second bord du Soleil.
                                                  I Bord superieur 31 28 23
                                 Le 20 Juillet.
Le Centre de Venus.
                                       23 27 8 5
                                                                        29 58 IS
La grande tache,
                                       23 59 7
                                                                         3I 52 5
Second bord du Soleil, 0 0 55\frac{1}{2} Bord superieur 31 39 33 E'toiles cinquieme grandeur, \begin{cases} 11 & 41 & 18\frac{1}{2} \\ 11 & 45 & 31 \end{cases} 66 36 37 66 46 54 a du Capricorne, \begin{cases} 12 & 42\frac{1}{3} \\ 12 & 426 \end{cases} 68 1 7
β du Capricorne,
Petites étoiles du Capricorne, \[ \begin{array}{ll} 12 & 10 & 26 \\ 12 & 12 & 1 \end{array} \]
                                                                      71 28 13
                                                                        71 4 52
                                 Le 22 Juillet.
                                           o 44½ Bord superieur 32 3 33
Second bord du Soleil,
                                 Le 23 Juillet.
                                                                       74 49 13
                                                                      63 18 5
                                                                      62 12 24
E'toiles situées dans le Sagittaire
                                                                        76 10 45
       & aux environs,
                                                                      73 33 37
                                                                      73 14 24
                                                                      64 35 47
                                                                        77.58 3I
                                                · Eee
                                                                           Premier
     Mbm. de l'Acad. Tom. VI.
```

•	402			
Premier bord de la Lune,	, 10 I	12를 à 2	1 15" B. S. 73 7	7
Le ventre de la Lune,			1 53" B. S. 73 7	
La Lyre,	10 14		13 56 3	
€ du Sagittaire,	10 25	,	79 0 5	
Çdu Sagittaire,	10 32	_	82 36 2	
z du Sagittaire,	10 35	-	74.32	
E'aciles de Guieme mandou	C-0	_	78 5	
E'toiles de sixieme grandeu	10 48		71 50	12
a du Caprisonno la premie	re, 11 49	· 5 ·	65 44	
a du Capricorne la fecond	e, 11 49		65 46 2	28
• .	Le 24 Ju	illet.		
Le Centre de Venus,	23 31	53 \$	30 38 5	5 <i>A</i>
Premier bord du Soleil,	23 58	•	30 30 3	77
	-, ,	-,		
	Le 25 Ju	illet:		
Le Centre de Venus,	23 32	36	30 50 3	30
Second bord du Soleil,	23 59	-	J. J.	, -
•		-,-		
	Le 28 Ju	illet.		
Le Centre de Venus,	23 36	4	31 29 4	10
Premier bord du Soleil,		•	d superieur 33 21 4	
•		•		•
	Le 29 Jui	llet.	×	
Le ventre de la Lune,	13 48	3I à40	43 Bord S. 57 41 5	60
•			57 Bord S. 57 41 4	
ζ de Pegase,	13 53		42 57 3	
Fumalhaut,	14 7	•	83 18 5	
E'toiles de quatrieme	∫14 18		44 30 2	
grandeur,	114 25		59 52 5	
	_		, E'toik	

•	403		•	
E'toiles de cinquieme grande	,	65	32 31 37	54
Second bord de Venus, Premier bord du Soleil, Second bord,	23 37 10½ le Centre 23 57 11¾ Bord Sup. 23 59 25¼	31	43	47
L	e 30 Juillet.			
Le Centre du Soleil,	23 58 6 # Bord superieur	33	50	33
:	Le 31 Juillet.			¥
 a d'Andromede, γ de Pegase, Algenib, Le ventre de la Lune, Second bord de la Lune, Premier bord du Soleil, 	15 11 25 15 16 15 15 17 46 \(\frac{1}{2}\) 18'30" B. S. 15 19 34\(\frac{3}{4}\) 23 56 48 Bord superieur	38 48		6
	Le 3 Aoûst.			
Second bord du Soleil,	23 58 15			
Bord suivant de la Lune, Le bord superieur paroissoit	Le 4 Aoûst. 18 43 1 243/15" B.S. assez mal,	33	40	23
β du Cygne, Albireo,	10 16 46‡		3	•
E'toiles de quatrieme ou quieme grandeur, Alsair,	cin- 25 I 25 54 32 I9 10 34 40‡	35 35 34 44	15 2 35 34 16	34 10 4 1
	Eee 2	H	laute	urs

Hanteurs	correspon	dantes du	bord	luperieur du	Soleil	
35°7′5″	206 19/ 3	0 <u>1</u> //	3 33	171/	236 561 2A	//
35 100	20 20 I	_			23 56 23	
35 47 5	20 24 1		3 28		23 56 24	
35 50 O	20 24 5	I	3 27	55 1	23 56 23	
36 17 5	20 27 4	I		6 I	23 56 23	\$
36 20 O	20 28 2	2‡	3 24	24 1	23 56 23	<u>I</u>
36 37 5	20 30 3		3 22		23 56 24	
	20 30 4	•	3 22	•	23 56 23	5
36 57 5	20 32 2	-	3 20		23 56 24	
37 0 0	20 33 4	•_=	3 19		23 56 23	
37 17 5	20 34 4	_	3 18	I I	23 56 24	
37 20 0	20 35 2		3 17	19	23 56 23	2
37 37 5	20 37 8			39 2	2 3 50 23	‡
37 57 5	20 39 3	7	3 13	-	23 56 24	
	20 40 1	· =	3 12	* <u>-</u>	23 56 23	•
	20 41 5		3 10		23 56 24	
38 20 0	20 42 4		3 10	_	2 3 56 24:	T
Premier bord du	Soleil,	23 55	33 B	ord fuperieus	35 23 3	I
Second bord,		23 57	45#			
La Correction de l'Occident de 2 th	es hauteurs ' de tems.	étant 13'	″3, le	Quart de cei	cle est trop	k
• :	1	Le 12 A	oùst.			
Etoile de sixiem	e grandeu	r, 10 s	3 15		0 24 10	S
a du Cygne, Ura	ppygium,	10 5	56 7		8 6 39	
Etoiles de cinqui	ieme grand	leur.	45 I		0 38 4	1
——————————————————————————————————————	9	11]	52 18	au Nord	0 24 50)
	I	æ 13 Ao	ûst.			
Premier bord du	Soleil,	23 53 10	SI Bo	rd superieur	37 43 20)
β du Dragon,		7 44 17			O I 30	
- •		• • •		•	E'toiles	

	40	95					
E'toiles de sixieme grande	eur, \begin{cases} 10 10	8 : 0 18 4 0 32 : 0 36 4	15 ፤ 42 ፤ 54 49 ፤	au Nord au Nord	000		42 30 3 6
a du Cygne, Denebedegige	, 10	51	58 1	•		6	40
·	Le 14	Aoûst					
Premier bord de la Lune, à 52' 50" 65 16 27; à 5 le bord superieur est très so à differentes reprises.	3 5 3 50#	1 48 65 16	à 51 ⁴	à 55' 1"	65	16	47
β du Dragon, γ d'Ophiucus, μ de Pegase, Ε'toiles de quatrieme grande	7 9 eur 10	13 28	;	ı Nord	5 9	I 40 24 I	29 8
a du Capricorne, \begin{cases} \langle \text{la feconde} \\ \text{E'toiles de cinquieme grandeur,} \end{cases}	· ∫10 :	28 43	au	Nord Nord	0	46 17 14	58
Le premier bord du Soleil,	Le 15 : 23 : Le 16	52 24	ŗ F				
Le Centre du Soleil,		3 2 2 33 ¹ 2	:			14 42	
Le centre du Soleil,			Boro	l fuperieur	38	53	42 Le

· 1	e 18	Ad	oùst.			
Second bord du Soleil,	23	53	13			
a du Verseau,	II	50	58	54	0	•
` 1	Le , 19	Ac	oûst.			
Second bord du Soleil,	23	52	45 Bord superie	ur 39	37	44
β du Dragon,	7	19	121/2	0	I	21
y du Dragon, Rastaben, Etan	in, 7	45	9 1		59	
Premier bord de la Lune,	7	5 I				
			à 53 32 B	.S. 73	17	35
Petite étoile proche de μ	F 7	54	413	73	14	26
du Sagittaire,			I 5 1/2	82	18	43
E'toile de cinquieme grande	ur, 9	44	11	0	43	32
	10	0	52	65	59	45
Basines érailes du Capricarne	10	8	34 1	71	4	46
Petites étoiles du Capricorne	"] 10	25	33	74 g a	peup	prés
	[10	44	I	73	16	31
. 1	Le 20	Ao	oùst.			
Fumalhaut,	12	37	11	83	18	47
	14			_	48	
Premier bord du Soleil,		•	• -			
β du Dragon,		15			I	
A' 10b 26' $0^{1/\frac{1}{2}}$, immersion				e la Lu	ne d'	une
étoile de quatrieme grand	eur à	la té	te du Sagittaire	. envi	ron	une
demi-minute plus au Sud q	ue la l	igne	menée de <i>Mene</i>	laus.	Ca	bet-
nicus. Le tems vrai est exe	tteme	nt,	104 35/ 53//			•
*	10	39	51 ‡	73	16	22
I	Le 21	Ac	oùst.			
E'toile de cinquieme grande	ur, I I	57	151	75	16	52
δ du Verseau,		-	461	69	36	2
Fumalhaut,	12	33	2	83	_	52
•				ŀ	laut	eurs

Hauteurs correspondantes du bord superieur du Soleil

34	54	10/	/ 20	<i>b</i> 41	17	// <u>ェ</u>	26 591 3211	23 50 243
35	20	0	20	44	. 32	1/2	2 56 16 1	23 50 242
35	34	10	20	46	21		2 54 29	23 50 25
35	40	0	20	47	5		2 53 41	23 50 241
35	54	10	20	48	53	3	2 51 $56\frac{1}{2}$	23 50 25‡
36	0	0	20	49	38		2 5I II .	23 50 24분
36	20	0	20	52	14		2 48 $36\frac{1}{2}$	23 50 25季
36	54	10	20	56	38	1/2	$2.44 12^{1}_{2}$	23 50 25½
37	0	0	20	57	25		2 43 25	23 50 25
37	20	0	21	0	3		2 40 46 1	23 50 24 3
37	40	0	21	2	41		2 38 8 I	23 50 24 3
37	54	10	21	4	35		2 36 15 1	23 50 257
38	0	0	21	5	2 I	1/2	2 35 27 1/2	23 50 24 1
38	14	10		7	•	_	2 33 32	23 50 243
38	20	0	21	8	5		2 32 45	23 50 25

Premier bord du Soleil, 23 49 39² Second bord, 23 51 50

La Correction des hauteurs correspondantes étant $16^{1/\frac{7}{4}}$, la déviation du Quart de cercle est $3^{1/\frac{3}{4}}$ sonstractive.

	,	9	14	191		62	13	45
E'toiles de cinquie	me grande ur,{	9	17	35₹			42	
		9	22	544			56	
Premier bord de l	la Lune,	9	25	334 à	26'44'/B.S. 7' 36. B. S.	69	53	56
Ventre de la Lune	€,	9	27	30 à	7' 36. B. S.	69	53	49
a du Capricorne,	la premiere,	9	49	34 ፤			44	
a du Capitolito,	la seconde,	9	49	58,		65	46	18
β du Capricorne,)					68	. I	4
γ du Cygne,		9	59	5 .		13	2	8
							E'to	iles

•		
	[10 12 9 1	69 27 25
E'toiles de cinquieme grandeu	r,{10 32 24	70 56 44
	10 35 45	73 16 30
7	e 22 Aoûst.	-
		F 40.00 *
	23 50 20 Bord superieu	
y du Dragon,	$7 \ 32 \ 47^{\frac{1}{2}}$	0 59 23
du Capricorne,	II I4 39	69 42 26
a du Verseau,	11 34 $25\frac{1}{2}$	54 0 11
L	e 23 Aoûst.	
E'toile de sixieme grandeur,	12 3 44 au Nord	0 14 49
de Pegase, du Verseau,	12 10 25	42 57 17
du Verseau,	12 22 26	69 36 0
Le Centre du Soleil,	23 48 58# Bord superieur	40 58 7
	$7 2 47^{\frac{1}{2}}$	
y du Dragon,	7 28 $44\frac{1}{2}$	0 59 18
a du Cygne, ou Arrioph,	10 10 29	8 6 31
E'toile de cinquieme grandeur,		49 8 3
Premier bord de la Lune,		63 21 41
à	10 57 42 le même bord	
Ventre de la Lune,	10 58 38 2 59' 48" B.S.	
•		
	e 24 Aoûst.	
y du Dragon,	7 24 43	0 59 20
0 d'Antinous,	9 32 8	54 I 42
du Capricorne la premiere,	$93725\frac{1}{2}$	65 43 52
a du Capricorne, { la premiere, la feconde,	9 37 49	65 46 8
β du Capricorne,	9. 40 34	68 0 59
β du Verseau,	10 51 53 3	59 7 56
du Verseau,	II 25 21 3	54 0 9
Premier bord de la Lune,	11 41 18½ à 40′304′B.S.	59 14 5
Ventre de la Lune,	11 43 24 242/20" B.S.	59 13 52
-	-	Ĺe

Le	25	Ac	oùft.				
B'toile de sixieme grandeur,	12	۲3	56		•	12	2
			151		_		_
E'toile de cinquieme grandeur,				au Nord	0	27	1
B du Verseau.	10	47	52 ₹		€0	7	5
** de cinquieme grandeur,	II.	10	30	,	Ö	58	9
** de cinquieme grandeur,	11	13	53	au Nord	0	19	13
	auf	li to	t après	au Nord	0	14	36
a du Verseau,	II	22	22		54	o	14
* de cinquieme grandeur,	11	47	50	au Nord			
Le 27 Aoûst.							
	l lo	39	54 ‡		0	41	
	10	43	24			38	•
toiles de cinquieme gran	QI	50	4[au Nord		24	
deur,	10	53	48 31 53	au Nord		14	_
	II	2	31		_	58	
	II	5	53	zu Nord		19	
			oùst.	,			•
Second bord de la Lune,	14	0	123	\$ 59/26" B.S.	. A 5	21	40
La Lune paroissoit à travers le							
<u> </u>		_		ora raporior.	Poo	· OLME	•
Le			oùst.	S 7 .			
37 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1				au Nord		2	•
E'toiles de cinquieme grandeur						24	
	[I]	1 1	1 30.		O	25	I
L	e 30	A	oûst.				
y de Persée,	15	59	26		.0	O	39
a du Cygne,	9				8	`6	41
• • •	-	-	oùſŁ			-	•

10 7 50 Fff

 ζ du Cygne,

Mim. de l'Acad, Tom. Pl.

Le

23 17 21

	Le 1 Sept.	
a du Belier,	14 57 54	30 14 1
ý de Persée,	15 51 20	0 0 36
Second bord de la Lune,	17 30 203 à 31'15B.S	32 50 44
Sirius,	19 37 543	
Par des hauteurs correspond	dantes le Midy vrai est à 23b	46/ 36//1
γ du Dragon,	$6 52 36\frac{1}{2}$	0.59 27
	7 29 55	0212
•	7 35 49	0 32 45
E'toiles de cinquieme grandeur	ur, { 7 47 37 au Nord	
,	7 57 7 ± au Nord	Ó 30 35
	[8 4 11	0 28 26
u de Pegase,	8 12 54. au Nord	0 24 10
du Cygne,	10 3 48	23 17 13
E'toiles de cinquieme grande	nr 10 10 32 au Nord	0 27 0
E'toiles de cinquieme grandeur,	"',[10 10 36	0 25 3
	Le 2 Sept.	
	∫14 40 36°	36 36 21
Les trois étoiles à la tête du B	Belier, { 14 41 37	32 55 28
	14 52 52	30 13 57
Anrès ces observations, le C	Duart de cercle a été porté au	Nord, pour

Après ces observations, le Quart de cercle a été porté au Nord, pour y observer la hauteur du Pole.

OBSERVATIONS FAITTES DU COTE' DU NORD.

 β du Dragon, 6 22 $52\frac{1}{2}$ γ du Dragon, 6 48 $48\frac{1}{2}$

On peut remarquer que ces deux passages sont arrivés 14" plus tard qu'il ne falloit par raport à ceux du jour précedent; ainsi le Quart de cercle au Zenith dévie à l'Occident de 14" plus qu'il ne dévioit dans sa premiere situation sur la fenêtre Méridionale, ou sa déviation étoit déjà de quelques secondes vers l'Occident.

L	e 3	Sep)Ļ.				
Le midi vrai,				p år l'I nstru me n		paff	iges
β du Dragon,		18			_		42
•	[7	22	IC	au Sud	Ō	`2 Q	57
	7	28	0	au Sud	0	32	15
E'toiles de cinquieme grandeur,	{ 7	35	15	í	0	13	13
,	7	39 50	49		0	9	25
	17				0	31	18
n de Pegase,	8		6		0	24	52
σà la tête de la grande Ourse,					63	20	2
•	{i0	10	59	au Sud	0	40	22
	10	15	29	au Sud	0	37	45
E'toiles de cinquieme gran-	10	22	46	1	0	25	<i>5</i> 3
deur,	10	25	53	½ au Sud	I	14	13
	10	34	36	🗓 au Sud	Ó	57	22
E'toiles de cinquieme gran- deur,	[10	38	0		:0	19	55
L	e 4	Sep	ot.	,			
L'étoile Polaire audessus du Po	-	•			35	27	14
A	-	2	34 ፤	•	6	-	26
ζ de la gr. Ôurfe audessus du Po			<i>-</i>	,	71	12	
e de Cassiopée audessus du Po				•	•	55	
		30	16	sous le Pole,		51	-
γ de Persée,	•	_	-	•		O	
Le 4 Sept.							
L'étoile Polaire,			-		39	29	37
Elle paroit très foiblement, ce							
même à plusieurs reprises. Si on compare cette hauteur avec celle du							
3 Septembre & qu'on suppose l'erreur du Quart de cercle 2011 com-							
me elle paroit résulter des dernières Observations, on trouve par cette							
observations la hauteur du Pole, à la face méridionale de l'Observa-							
toire, 52° 31' 13", ou en employant la table des refractions de M.							
Cassini, 5° 31' 9".							
	F	ff	2			A V	ER.

AVERTISSEMENT

au sujet des Recherches sur la Précession des Equinoxes

voique ce Mémoire soit inseré dans le Volume des Mémoires de l'Académie pour l'Année 1749, l'Auteur déclare, qu'il ne l'a composé qu'après avoir lû l'excellent ouvrage de M. D'ALEM-BERT sur cette matière: & qu'il ne fait pas la moindre prétention à la gloire, qui est dûe à celui qui a le premier résolu cette importante Comme il s'est borné à exposer uniquement la route, qu'il a fuivie pour déveloper ce problème, il n'y a ajouté aucun discours preliminaire, dans lequel il n'auroit pas manqué d'indiquer, que c'est uniquement à Mr. D'ALEMBERT, qu'on est redevable de la discussion de cette importante matière. D'ailleurs l'ouvrage de Mr. D'ALEMBERT fut reçu dabord avec un applaudissement si général, qu'il a paru superflu alors d'informer le public d'un fait aussi bien constaté & reconnu de tout le monde. ces circonstances pourroient tomber dans l'oubli avec le tems, on a jugé nécessaire d'en instruire le Public par cet avertissement : comme c'est aussi Mr. D'ALEMBERT, qui a le premier donné le denouement fur la nature des courbes, qui ont un point de rebroussement de la seconde espece ou à bec d'oiseau.

ERRATA



413

ERRATA POUR LES MÉMOIRES

de Mr. D'ALEMBERT, imprimés dans les Volumes de 1746, 1747, & 1748...

Mém. 1746.

Pag. 184 ligne 2, au lieu de 1º. Or, lists Or 1º

Même page ligne 11, au lieu de x, lists · (signe de multiplication),

Pag. 185 lig. 1, on ay, lif. on ay.

Même page ligne derniere au lieu de en, lif. est.

Pag. 187 lig. 8, an lieu de pV-1, lif. qV-1.

Même page lig. 11, au lieu de D'ailleurs, lis. En effet.

Pag. 190 lig. 4, au lieu de xQ, lis. Q

Pag. 101 lig. 12, au lien de de, lif. du

Pag. 192 lig. 12, an lien de (an + bb) g lif. (an + bb) E

Pag. 193 lig. 8, an lien de $\frac{1}{2\xi}$, lif. $\frac{\xi}{2}$

Pag. 194 lig. 10, au lieu de +q, lif. -q.

Pag. 195 lig. 2, même correction.

Pag. 203 lig. 6, au lieu de 22, tif. 28.

Pag. 204 lig. 8, an lieu de +fz, lif. +fz.

Même page lig. 14, an lien de $\pm \frac{f}{2}$, lif. $\pm \frac{f}{2}$

Pag. 205 lig. 6, an lieu de 20, lif. 21.

Même page lig. 9, an lieu de +fz, lif. +fz.

Même page lig. 11, au lieu de x, lif. z.

Pag. 206 lig. 1, an lien de +fz, lif. +fz.

Même page lig. 5, an lieu de +ft, lif. +ft.

Dans cette page, il sera bon de mettre par tout A au lieu de a, la quantité A étant

égale $AV(bb-\frac{ff}{4})$

Pag. 208 lig. 8, au lieu de z + a, lif. z + a.

Même page lig. 14 & 15 effacts par consequent

Pag 209 lig. 3, an lien de Vay, lif. Vy.

Fff 2

Pag.

Pag. 210 lig. 12, depuis le mos excepté, essacés le ruste de la phruse.

Pag. 211 lig. 4, au lieu de a, lif. adx.

Pag. 212 ligne antepenultieme, as lies do V(a+bx+cxx) lifes $\frac{V(a+bx+cxx)}{V(a+bx+cxx)}$

Pag. 213 lig. 7, au lieu de $\left(\frac{b-z}{u}\right)^2$, lises $\left(\frac{b-z}{4}\right)^2$

Pag. 214 lig. 10, an lieu de b+z, lif. b-z.

Pag. 218 lig. 3, au lieu de aa+xx, lis. aa+xx.

Même page lig. 9, au lieu de $(AA + BB) + \frac{n-1}{2}$, lif. $(AA + BB) + \frac{1}{2}$

Pag. 222 lig. 13, au tieu de gx, lis. g'x. Même page lig. 14, lists encore g'x, pour gx, g'z pour gz. Même page lig. 15, lists g'z pour gz; lig. 16, lists g'g' pour g'g', lg' pour g & +g' pour +g; ligne dernière g'z pour gz

Pag. 223 lig. 2, au lieu de ggz, lises g'g'z, au lieu de — lg, lis. — lg', an lieu de — rg lise. — lg', an lieu de ,z lises g'z.

Même page lig. 6, au lieu de yz lises g'z.

Même page lig 10, an lieu de -dgl+ggg, lif. -dg'l+gg'g'=0.

Même page lig. 12, au lieu de gl, lif. g'l, & au lieu de +g, lif. +g!

Même page lig. 13, au lieu de gx, lif. g'x, & au lieu de g, lif. g'

Pag. 224 lig. 10, au lieu de +r lis. +p

Mém. 1747.

Pag. 144 ligne 15, au lieu de SL, lises SZ.

Même page lig. 18, au lieu du second NO, lis. no

Même page ligne antepenult. au tien de SO, lis. So.

Pag. 145 ligne antepenult. au lieu de S, lis. s.

Dans la Fig. 1, il faut tirer CN.

Dans la Fig. 4, vs & sS doivent être en ligne droite

Pag. 148 lig. 12, au lieu de v'e' = B, lif. vo' = B.

Pag. 150 lig. 5, au lieu de au double (bis) lises à la moitié

Pag. 151 lig. 22, au lieu de RF ST-OS lif. RP ST-OS, & mettés P pour S dans la figure.

Pag. 215 lig. 6, au lieu de l'are, lif. l'arc.

Même page lig. 13, au lieu de b, lif. 6, & observés que l'imprimeur a mis indifferemment 6 ou β , de sorte que ces Lettres designent la même quantité.

Même page lig. 20, au lieu de b, lises &

Pag.

Pag. 216 observés que l'imprimeur a mis indifferemment 🕏 ou 🖡

Même page lig. 21, au lieu de s, lists s

Pag. 217, au lieu de \(\Gamma\), lises \(\Gamma-s\)

Même page, il faut mettre un grand O par tout où il y a un petit .

Pag. 218, même observation.

Dans la Fig. 5, il faut mettre Q pour Z

Pag. 223 lig. 6, au lieu de s, lises S

Dans la Fig 6, il faut mettre une S, au milieu de OK', entre les points g' & g

Dans la Fig. 7, mettés on S, au milieu de OK

Pag. 229 lig. II, au lieu de le art. lif. les art.

Pag. 231 lig. 6, à compter d'en bas, au lieu de KQTGH, liss. KQTGA

Pag. 233 art. XXIX, observés que l'imprimeur a mis indifferemment β ou 6; aussi bien que β ou θ

Pag. 236 lig. 3, à compter d'en bas, au lieu de LB. cette, lises LB, cette

Pag. 237 lig. 8 & 9, au lieu de y, lises u

Pag. 237 lig. an lien de $\frac{1}{x-x} = \frac{1}{3} - (x-x)$ listes $\frac{1}{x-x} = (x-x)$

Pag. 238 lig. 4, au lieu de 2, lifes z

Pag. 240 lig. 6, à compter d'en bas, au lieu de o lis 6

Fig. 17, mettés un second e au bont de la ligne d'en bas

Pag. 243 lig. 12, au lieu de x=1, lif. x=

Pag. 244 lig. 13 & 14, an lien de Z, lif. L

Pag. 246 lig. 9, à compter d'en bas, au lieu de c liss. c na

Pag. 246 lig. derniere, au lieu de aux angles, lis. aux complemens des angles.

Mém. 1748.

Pag. 249 lig. 11, au lieu de nétant, lises n étant.

Pag. 252 lig. avant derniere, au lieu de z, lists z

Pag. 253 lig. 2, an lieu de $-\frac{r+1}{2}$, lifés $-\frac{r+2}{2}$

Même page lig. 7, an lien de $+\frac{r}{2}$, lif. $\pm\frac{r}{2}$

Même page lig. 9, au lieu de $+\frac{\pi}{2}$ lif. $\pm \frac{\pi}{3}$; & au lieu de $+\frac{\tau}{2}$ lif. $\pm \frac{\tau}{3}$

Pag. 255 lig. 3, au lieu de kdu, lif. $\frac{kdu}{2}$

Pag. 256 lig 14, an lieu de $-\left(\frac{gx-gb+af}{a}\right)$ lifes $-\left(\frac{gx-gb+af}{a}\right)$

Même page lig. 20, au lieu de bbccqq, lif. bbccgg

Pag. 257 lig. 10, an lieu de 2 aneefc, lifes 2 anegfe Même page lig. 24, au lieu de fdu &cc. lif. - fdu &cc.

Même ligne, au lieu de $\frac{k\pi}{4m}$, lif. $\frac{k}{4}$; même ligne, au lieu de $\frac{k\pi}{4m}$, lif. $\frac{k\pi}{2\pi}$

Pag. 258 lig. 10, an lieu de $\frac{km}{4^n}$, lif. $\frac{km}{8^n}$ Même page lig. 11, an lieu de +dlf, lif. -dlf

Même page lig. derniere, au lieu de $-\frac{\Phi}{\Delta}$, lif. $\frac{\Phi}{\Delta}$, & voyés sur tout cet article IX les

nouvelles additions à ces recherches sur le calcul integral, imprimées dans ce Volume. Pag. 263 lig 8, au lieu de xx, lists exx; Même page ligne derniere, au lieu de e, list u Pag. 265 lin. 1, au lieu de Cel, lis. Cela

Pag. 267 lig. 11, au lieu de Cx, lis. Yx

Pag. 268 lig. ante penult, au lien de P =, lif. P + =; & au lien de mnu, lif. mn

Pag, 269 lig. 15, an lieu de + m2, lif. + n2

Pag. 270 lig. 9, an lieu de - A, lif. +A

Même page lig 13, au lieu de $+\frac{\Lambda}{\Phi}$, lif. $+\frac{\Lambda}{\Phi}$

Pag. 271 lig. 3, au lien de + A, lis. + A.

Pag. 272 lig. 5, à compter d'en bas, au lieu de ydxx, lif. ydx

Pag. 274 lig. 5, an lieu de $\frac{z}{\sqrt{(\alpha+6z+\delta zz)}} = -\frac{z}{u}$ lif. $\frac{z}{\alpha+6z+\delta zz} = \frac{z}{\delta u}$

Pag. 277 lig. 16, au lieu de equations, lists : equation

Pag. 277 lig. 3, au lieu de y', lif. y; lig. 12, au lieu de ce qui, lif. ce qu'il

Pag. 278 lig. 1, au lieu de ax, lif. dx; lig. 2, an lieu de +t, lif. +s; lig. 4, an lieu de + qs, lif. +ps; lig. 7, au lieu de aum, lif. a'um

Pag. 221 lig. I, an lien de dz, lifes dZ,

Pag 283 lig 12, au lieu de - C+L, bif. -C+L; lig. 16, au lieu de de, v, lif. de v.

Pag. 284 lig. 17, au lieu de un t, lif. une, & lig. 18, au lieu de Ka), lif. Ka) t; lig 20, an lien de u'-u, lif. u-u', & an lien de za, lif. 2a

Pag. 286 lig. 9, à compter d'en bas, au lieu de gv+mμ, lif. gv+nμ.

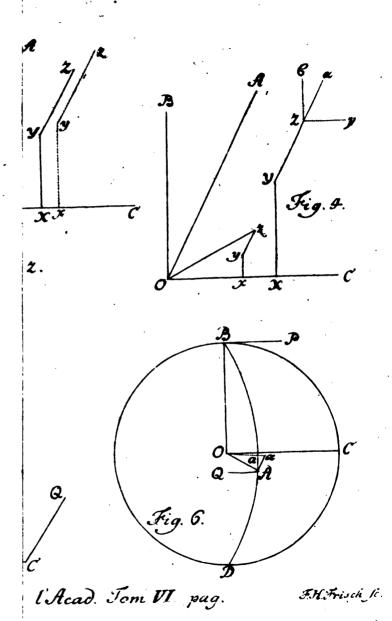
Pag 287 lig. 15, an lieu-de egales, lif. egaux. lig. 24, an lieu de 49, lif. 47

Pag. 288 lig. 8, à compter d'en bas, au lieu de en mettant, lif. on mettroit

Même page le §. LII est repeté Deux fois

Pag. 290 lig. 4, après ces mots l'att. 72, ajoutez Scolie V.

Voila les principales fautes qu'on a pu remarquer; mais il peut y en avoir encore. MEMOI-



Pag. 279 lig. 10, an lieu de 2aneefc, lifes 2anegfe Même page lig. 24, au lieu de fdu &c. lif. - fdu &c.

Même ligne, au lieu de $\frac{k\pi}{4m}$, lif. $\frac{k}{4}$; même ligne, au lieu de $\frac{k\pi}{4m}$, lif. $\frac{k\pi}{2n}$;

Pag. 258 lig. 10, an lieu de $\frac{km}{4n}$, lif. $\frac{km}{8n}$ Même page lig. 11, an lieu de +dlf, lif. -dlf

Même page lig. derniere, au lieu de $-\frac{\Phi}{2}$, lif. $\frac{\Phi}{2}$, & voyés sur tout cet article IX les

nouvelles additions à ces recherches sur le calcul integral, imprimées dans ce Volume. Pag. 262 lig 8, au lieu de xx, lises exx; Même page ligne derniere, au lieu de e, lis, u Pag. 265 lin. 1, au lieu de Cel, lis. Cela

Pag. 267 lig. 11, an lieu de Cx, lif. Yx

Pag. 268 lig. ante penult, au lieu de $\phi = 0$, lif. $\phi + \frac{\pi}{2}$; & au lieu de mau, lif. mu

Pag. 269 lig. 15, an lieu de + m2, lif. + n2

Pag. 270 lig. 9, au lieu de - A, lis. +A

Même page lig 13, au lieu de $+\frac{\Lambda}{\Phi}$, lif. $+\frac{\Lambda}{\Phi}$

Pag. 271 lig. 3, au lieu de + A, lis. + A.

Pag. 272 lig. 5, à compter d'en bas, au lieu de ydxx, lif. ydx

Pag. 274 lig. 5, an lieu de $\frac{z}{\sqrt{(\alpha+6z+\delta zz)}} = -\frac{z}{\omega}$ lif. $\frac{z}{\omega+6z+\delta zz} = \frac{z}{\delta \omega}$

Pag. 277 lig. 16, au lieu de equations, lists : equation

Pag. 277 lig. 2, au lieu de y', lif. y; lig. 12, au lieu de ce qui, lif. ce qu'il

Pag. 278 lig. 1, au lieu de ax, lif. dx; lig. 2, au lieu de +t, lif. +s; lig. 4, au lieu de + qs, lif. +ps; lig. 7, au lieu de aum, lif. a'um

Pag. 221 lig. I, an lien de dz, lifes dZ.

Pag 283 lig 12, au lieu de $-\frac{C+L}{2k}$, lif. $\frac{-C+L}{2k}$; lig. 16, au lieu de de, v, lif. de v.

Pag. 284 lig. 17, au lieu de un t, lif. une, & lig. 18, au lieu de K a), lif. Ka) t; lig 20, an lien de u'-u, lif. u-u', & an lien de za, tif. 2a

Pag. 286 lig. 9, à compter d'en bas, au lieu de gy + m u, lif. gy + n u.

Pog 287 lig. 15, an lieu-de egales, lif. egaux. lig. 24, an lieu de 49, lif. 47

Pag. 288 lig. 8, à compter d'en bas, au lieu de en mettant, lif. on mettroit

Même page le f. LII est repeté Deux fois

Pag. 290 lig. 4, après ces mots l'att. 72, ajoutez Scolie V.

Voila les principales fautes qu'on a pu remarquer; mais il peut y en avoir encore. MEMOI-

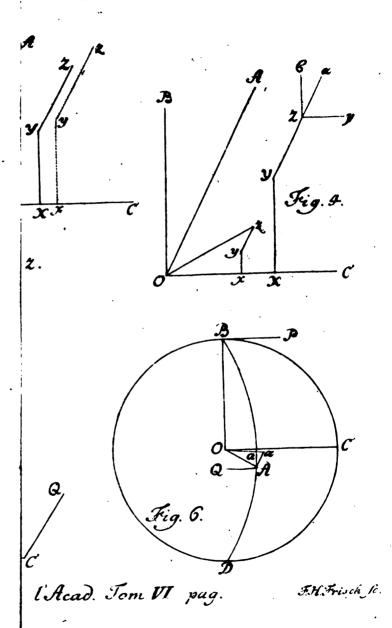
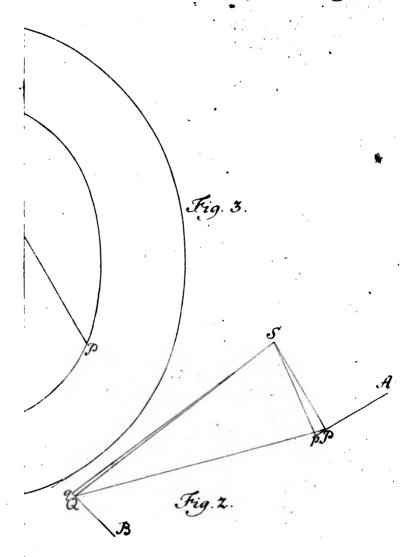
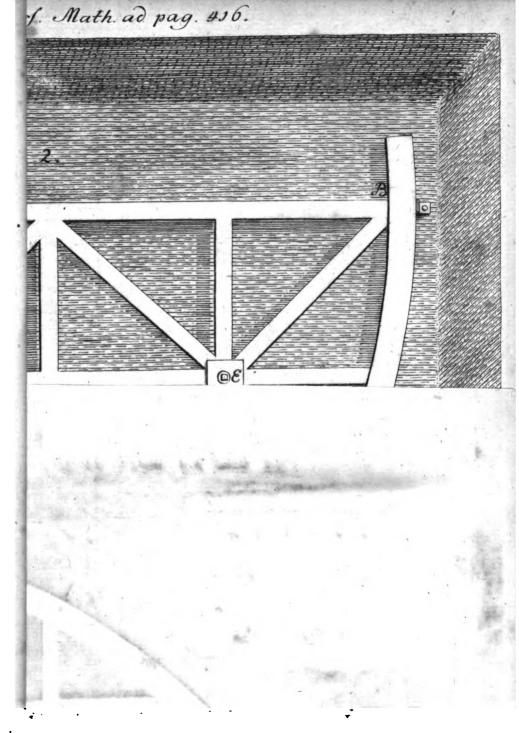


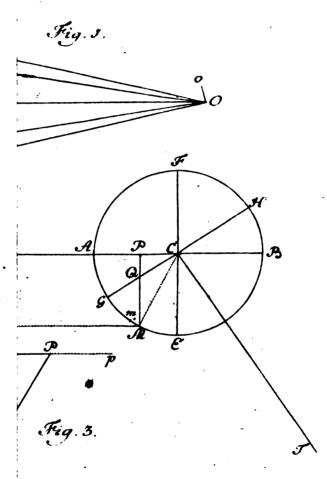
Planche II Classe Slath ad pug.





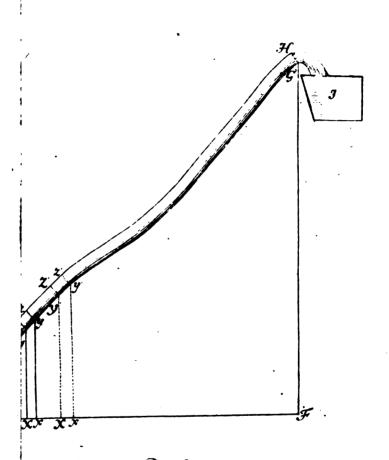
Digitized by Google

Class Mat. ad pag. 456.

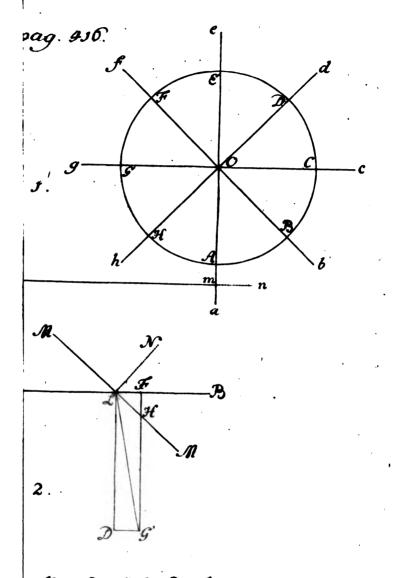


Mem. de l'Acad. Tom VI pag. 298.

Nath ad pag. 156.



Mem. de l'Acad Tom. VI. pag. 311.



Mem de l'Acad. Tom VI. pag. 313

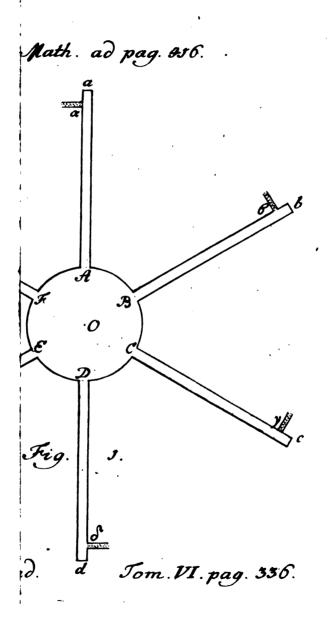
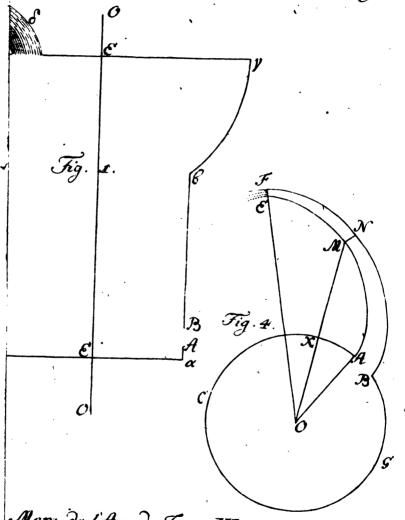


Planche VIII Classe Stath and pag 436.



Mem de l'Acad. Tom. VI pag. 346.

anche IX. Classe Stath. ad pag. 416. Fig 3

VI pag 345

Google

MERGIZES

SCIENCES

Eニニヹニ ニヹ ア ナ カ キ



RECHERCHES SUR L'ORIGINE DES FORCES, PAR M. EULER.

L

est une propriété générale de tous les corps, que personne ne révoque plus en doute, que chaque corps considéré en hi-même demeure constamment dans le même état, ou de repos ou de mouvement. Car un corps étant une fois en repos, on convient qu'il doit demeurer toujours en repos, & s'il arrive qu'if commence à se mouvoir, on est d'accord que ce changement est produit par une cause, qui est étrangere à ce corps, ou qui ne se trouve pas dans le corps même; de sorte que, si cette cause n'étoit pas survenue, le corps seroit demeuré indubitablement dans son état de repos. Il en est de même, si le corps a été mis par une cause quelconque dans un état de mouvement; car alors, à moins qu'il ne soit assujetti à l'action de quelque cause étrangere, il conservera toujours ce même mouvement, ou il avancera fans cesse avec la même vitesse selon la même direction. Et si un tel corps dans son mouvement changeoit ou de vitesse ou de direction, il est certain qu'il n'en faudroit pas chercher la cause dans le corps même, mais hors de lui, en quelque endroit qu'elle puisse se trouver.

Ggg 2

II. En



II. En effet si nous ne considérons qu'un seul corps, en suppofant que tout le reste du monde soit anéanti, & que ce corps existe tout seul dans l'espace vuide & insini, la vérité de ce que je viens d'avancer sur la conservation de l'état, sautera d'abord aux yeux. Car, quoiqu'on puisse objecter contre la supposition que je sais, & contre l'espace vuide, que je suppose rester après l'anéantissement de tous les autres corps, les conclusions que je m'en vais tirer, n'en seront pas moins seures. Car je n'imagine ce cas que pour mettre le corps à l'abri de toutes les causes étrangeres, qui pourroient agir sur lui; & comme ces causes se trouvent hors du corps que je veux considérer, rien n'empêche, que je sasse abstraction de ces causes étrangeres, ou que je les suppose anéanties. C'est pourquoi il reviendra au même de laisser exister tous les autres corps, pourvû qu'on les regarde comme depouillés de toutes forces, par lesquelles ils pourroient agir sur le corps en question.

III. Ce corps donc étant garanti de l'action de toute force étrangere, soit que tous les autres corps soient anéantis, ou qu'ils se trouvent hors d'état d'agir sur ce corps, si ce corps dans ces circonstances est en repos, il n'y a aucun doute, qu'il ne demeure éternellement en repos, puisqu'il ne se trouve nulle part la moindre raison, pourquoi il devroit commencer à se mouvoir. Et la même raison nous oblige à soutenir, que si ce corps avoit quelque mouvement, il devroit continuer sans cesse ce mouvement avec la même vitesse & selon la même direction. Car on ne peut pas supposer à ce corps un mouvement déterminé, sans qu'il parcoure avec ce mouvement un espace tant soit petit: & comme il a à chaque point de cet espace le même mouvement, il y a partout la même raison, pourquoi il doit passer outre de même maniere; de sorte qu'il ne pourra jamais changer ni de vitesse, ni de direction.

IV. Or, tant qu'un corps ou demeure en repos ou se meut d'un mouvement uniforme selon la même direction, on dit dans l'un & l'autre cas, que le corps demeure dans le même état. Dans ce sens donc

on connoit l'état d'un corps, lorsqu'on sait, ou qu'il est en repos, ou qu'il se meut avec une certaine vitesse selon une certaine direction; & partant c'est une proprieté essentielle à tous les corps de se conserver dans leur état, & de n'y souffrir aucun changement, tandis qu'ils ne sont pas assujettis à l'action de quelque cause étrangere. Aussitot donc qu'il arrive le moindre changement dans l'état d'un corps, soit de repos soit de mouvement, il est bien seur, que la cause de ce changement n'est pas dans le corps, mais plutôt dans quelque sujet existant hors de lui; de sorte que si cette cause n'avoit pas agi sur le corps, il serojt resté perpetuellement dans le même état, dans lequel il eut été mis une sois.

V. A cette proprieté des corps, par laquelle ils affectent de demeurer dans le même état, on donne le nom d'inertie: & partant l'inertie est un attribut essentiel à tous les corps, de sorte qu'il seroit impossible, qu'il y eut des corps dépourvus de cette propriété. Quoique ce mot d'inertie soit assés propre pour marquer cette qualité d'un corps reposant, par laquelle il demeure en repos, il ne semble pas si propre à marquer le principe, par lequel un corps, qui se trouve en mouvement, persévére dans le même état; puisqu'on est accourumé de regarder la continuation du mouvement comme une action, & que le mot d'inertie dans sa signification naturelle marque une opposition à toute action. Or, puisque c'est le même principe par lequel un corps étant en repos demeure en repos, & par lequel un corps mis en mouvement conserve ce mouvement avec la même vitesse & suivant la même direction, il est raisonnable d'imposer à ce principe le même nom, tant pour l'an que pour l'autre cas. Il faut donc lier avec ce nom un tel sens, qui marque une aversion pour tout changement.

VI. Ayant fixé cette idée de l'inertie, il est clair que toutes les fois qu'un corps change d'état, la cause de ce changement se doit trouver hors du corps. Ainsi, si un corps qui a été jusqu'ici en repos, commence à se mouvoir, ce corps même n'en renserme pas la G g g 3 cause,

cause, mais il est bien seur, qu'elle se trouve quelque part hors de sui. De même, si un corps en mouvement commence à changer ou de vitesse ou de direction, la cause lui est infailliblement étrangere, & sub-sistera dans quelqu'autre sujet : de sorte que, si cette cause n'avoit pas agi sur le corps, il seroit resté dans son état, ou de repos dans le premier cas, ou de mouvement dans s'autre, sans qu'il eut jamais changé ni de vitesse ni de direction. Par conséquent ce seroit contre la nature des corps, si s'on vouloit soutenir, que les corps eussent quelque penchant pour se mouvoir étant en repos, ou pour parvenir à l'état de repos lorsqu'ils ont reçu quelque mouvement; & partant il saut bannir de l'idée des corps, toutes les qualités contraires à l'inertie prise dans le sens, que je viens d'établir.

VII. Si l'on excepte quelques Philosophes, qui ont des sentimens peu justes sur le mouvement, tous les autres, & surtout ceux qui ont joint à leurs spéculations Philosophiques une connoissance suffisante de la Mécanique, tombent d'accord sur cet article de l'inertie. Et même ceux qui soutiennent une attraction universelle comme une propriété essentielle aux corps, n'en disconviennent point. Car si deux corps éloignés à une distance quelconque commencent à s'approcher l'un de l'autre, ils ne disent pas que la cause, pourquoi l'un de ces deux corps commence à se mouvoir, se trouve dans ce même corps, mais plutot dans l'autre, de sorte que si cet autre n'avoit pas existé, celui-là seroit demeuré toujours en repos. Ainsi, selon le sentiment aussi de ces Philosophes, la cause de tout changement d'état dans les corps réside hors d'eux & leur est étrangere.

VIII. Toute cause qui est capable de changer l'état d'un corps s'appelle force: & partant, lorsque l'état d'un corps change, soit que du repos il commence à se mouvoir, ou qu'étant déjà en mouvement, il change ou de vitesse ou de direction, ce changement vient tonjours d'une sorce, & cette sorce se trouve hors du corps dans quelque autre sujet, quel qu'il soit. Car je serai voir dans la suite la véritable source de toutes les sorces, par lesquelles l'état des corps du monde

est

est altéré continuellement. Maintenant je me contente d'avoir montré, que la sorce, qui cause quelque changement dans l'état d'un corps, n'a point lieu dans ce corps même, mais qu'on la doit nécessairement chercher dans quelque autre sujet.

IX. A l'occasion de cette désinition du terme de sorce, je remarque, que cest très mal à propos, que quelques uns nomment l'inertie la sorce d'inertie. Car, puisque l'esset de l'inertie consiste dans la conservation du même état, & que celui des sorces tend à changer l'état des corps, il est evident que ces deux essets sont direcement contraires entr'eux, & que l'inertie marque plutot une chose tout à sait opposée à l'idée des sorces. Cette remarque paroit d'autant plus nécessaire, que cette dénomination si peu juste n'a pas peu contribué à brouiller la théorie des premiers principes des corps & du mouvement. Car dans la plupart des Livres qui traitent de cette matière, on trouve tant d'obscurités & de contradictions, qu'on est obligé de leur renoncer tout à fait, lorsqu'on veut s'appliquer avec succés à l'étude de la Mécanique: tant il s'en faut que ces Livres renferment les premiers sondemens de cette Science.

X. Or, malgré l'inertie, ou cette propriété générale des corps, en vertu de laquelle chacun tâche de se conserver dans son état, nous voyons toujours, que tous les corps, qui tombent sous nos sens, changent continuellement de leurs états, & il semble impossible de trouver aucun corps, qui demeure tant soit peu de tems en repos, ou qui continue son mouvement avec la même vitesse & selon la même direction. D'où il s'ensuit nécessairement, que tous ces corps sont sans cesse assujettis à l'action de quelques sorces, & que chaque corps se trouve sollicité par quelque sorce, qui subsiste hors de lui. C'est aussi à quoi aboutissent toutes les recherches de la Mecanique, où l'on s'applique principalement à deux choses: l'une, les sorces qui agissent sur un corps étant données, de déterminer le changement qui doit être produit dans son, mouvement: l'autre, de trouver les sorces mêmes, lorsque les changemens, qui arrivent aux corps dans leur

leur état, sont connus. Ainsi, par exemple, si un corps celeste demenroit en repos, ou qu'il avançat d'un mouvement uniforme suivant la
même direction, il seroit ridicule d'en demander la raison, puisqu'elle seroit contenue dans la nature de ca corps même. Mais, dès qu'on
remarque des irrégularités dans la mouvement d'un corps, soit que
se vitesse ou sa direction, ou toutes les deux, subissent des changemens,
alors on est en droit d'en demander la cause, étant bien seur, que
c'est quelque sorce, qui subsiste hors de ce corps.

XI. Pour crouver donc la veritable origine de ces forces, dont nous voyons que le monde est rempli, examinous soigneusement quelques cas, où les corps sont obligés de changer d'état : & pesque exactement toutes les circonstances qui s'y trouvent jointes, pour en déterrer celle, qui puisse contenir la source des forces, qui causent ce changement d'ésat. Considérons donc d'abord deux corps A & B. dont l'an A soit en repos, & l'autre B en mouvement, en sorte qu'il dirige son cours vers le premier A. Cela posé, on sait que des que le corps B vient à atteindre le corps A, l'état de l'un & de l'autre se change subitement, & que le corps A, qui a auparavant été en repos. recoit quelque mouvement, & que le mouvement du corps B en devient diminué. J'envifage ici ce cas en général, sans déterminer si-les corps sont élafiques, ou dépourvus de tout ressort : car l'effet que je viens d'indiquer-est commun à l'une & l'autre espece des corps. On peut encore supposer que ces deux corps sont à peu près éganx entreux, afin qu'il n'y reste le moindre doute sur le changement d'éeat de tous les deux corps à la fois; car, si l'un étoit incomparablement plus grand que l'autre, on pourroit penfer que le plus grand ne souffre aucun changement, puisque son changement causé par le choc seroit exerémement petit, & à peine à remarquer. Mais en tout cas il suffit de savoir, qu'au moins l'un de ces deux corps change d'état.

XII. Et d'abord je demande, pourquoi tous ces deux corps ne demeurent pas dans leur état, c'est à dire, pourquoi le corps A ne demeure pas en repos, & pourquoi le corps B ne continue pas son mouve-

mouvement avec la même vitesse & selon la même direction, comme leur inertie l'exigeroit? Or la réponse à cette demande sera d'abord prête: on dira que le choc ou le concours de ces deux corps ne permet pas, que l'un & l'autre conserve son état; car si le corps A demeuroit en repos, l'autre B ne sauroit continuer son mouvement, sans qu'il passat au travers du premier; or que cela étoit impossible à cause de l'impénétrabilité de l'un & de l'autre de nos corps. Et partant on convient, que si un de ces corps, ou tous les deux n'étoient pas impénétrables, ou que l'un accordat à travers de lui un passage entierement libre à l'autre, alors aucun de ces deux corps ne soussirioit le moindre changement dans son état; puisque l'un & l'autre pourroit continuer à rester dans son état, sans que l'un y sut empêché par l'autre.

XIII. Voilà donc déjà une circonstance bien remarquable, sayoir l'impénétrabilité, qui étant en cause, que nos deux corps ne peuvent pas poursuivre leur état, doit contenir probablement la cause du changement, qui arrive dans le choc; elle demande donc dans cette recherche toute l'attention possible. Or l'impénétrabilité est de l'aveu de tous les Philosophes une propriété aussi générale & aussi essentielle à tous les corps que l'étendue, ou l'inertie ; cependant il me semble que la plûpart n'ont pas assés exactement sixé l'idée, que nous devons avoir de cette propriété. Car quand on dit, que tous les corps sont impénétrables, il ne faut pas croire, que par exemple une éponge. entant qu'elle se laisse pénétrer par de l'eau, y fasse une exception: puisqu'on sait, que ce ne sont pas les particules de l'éponge que l'eau pénétre, mais les pores, qui, quoiqu'ils soient remplis d'air ou d'une autre matiere, permettent à l'eau l'entrée à mesure que la matiere, qui y étoit logée, s'en va. Cet exemple peut servir à lever plusieurs doutes, qu'on pourroit faire sur la généralité de cette qualité descorps.

XIV. De là il est clair, que l'impénétrabilité est une telle propriété des corps, en vertu de laquelle un corps étant dans un lieu, Mim. de l'Acad, Tom, PL. Hhh hentant gettet qu'il occipe ce lieu, ne foufire put qu'un autre curpe compe ce même lieu en même teme. La condition, que j'ul inférée dun cette définition, contempé en ces termes : ensure qu'il occupe ce liux la met à l'abri des objections qu'on pourroit faire; car, lorsque l'em morcupe pas le lieu, que l'éponge occupe actuellement, mais elle faccade dans les espects, qu'une autre matiere avoit occupée superavant, de qui en est factie l'entrée de l'esu. De la même maniere, lorsque les rayonn de lamière passent à travers du verre ou d'un autre corps transparent, ou lact qu'on die que l'ether, ou quelqu'autre matiere fabrile, traverse librement les corps, on comprend aissment, que cet este n'est pas entraire à l'impénétrabilité des corps; puisque ce ne sont pas les passent qu'un propres de ces corps, mais seurs pores; qui permettem le passe qu'à ces matieres subtiles.

XV. Pour mienx faire fengir, que l'impénérabilisé constitut tous les corps, de qu'elle en est même doués de l'ingrise, sile n'e voient pas cette propriété, ne mériteroient pas même le mon de corps; je remarque qu'un corps dépouillé de l'impénérabilité, s'il étoit possible, ne seroit plus capable de frapper nos sens, de de nous porter par là à la compositione de son existence. Car premiérament ilest clair, que laissant un libre passage à nous les corps, qui y sappent, nos mains y passeroient à travers sans rien sentir, de les rayous de lumière y trouvant aussi un libre passage n'exciteroient pas dans leur surface cette clarté requise pour les rendre visibles à non yeur. Pour les autres sens il est persillement évident, qu'ils ne surroient retevoir d'un tel corps la moindre inappassion.

XVI. Mais de plus, quand même il y auroit de tels corps par faitement pénétrables, en quoi seroient-ils differens de l'idée, que nous avons d'un espace vuide? On ne pourroit pas dise, qu'ils occupalient quelque lieu, puisque ce même lieu pourroit être occupé par d'autres corps, sans que ceux-là le quittassent. Ensuite les parties

sies de ces corps étaut suffi parfaitement pénérables, rien n'elapécheroit, auton ne les réduisit dans un même lieu : car étant penêtrebles, ni la dureré, ni la retdeur; ne feur pourroit convenir. Ainsi un tel sarps so inilicacioné duire dans un stalle betie effece, qu'on voudrois, de même dans un point, ou befon public que ce l'étoir un visit anéaneiffement: Scaptes avole eré redute de cette figur à tien , A Revit difscile de dire en quoi il seroit different dins tet état de telli. On où Ha conço auparavant; par conféquent ces fortes de corps ne différe seignt en soon égard d'an vivil rien. out. XVII. De halvestelling combien il appariient à Téllence des corps d'être impénérables, prisqué lans cette propriété lis ne lisreient capables d'octuper aucun lieu l'ét quand même on les concevivie dias un espaço, il n'y kaltoit adcane différence entreix de un espace vuide. Cette considération me conduit suffi à remarturer : ouè to printerabilité dans le fins, 'dit on la doit entendre, m'ell pas fulcepable de deprés , de forte qu'en ne faur dir dire , qu'un etre fut plus ou moist pénéuable qu'un uttre. " Cap, des qu'il tr'est pas dentierement impenetrable, il en penetrable, & les railons allegues contre la réalisé des dures tout à fait pénétiables, prouveront atiffi que la partie, ententoricoit penetrable; eff deffinée de realité; de l'orte qu'il ne l'ê-Secult pour le conflication de corps que la partie toût à fait inipéléstables Aind l'impénérabilité des corps conflité dans une impossibilline abletue de la lier pénétrer ; ou il est impossible que deux corps, ou seulement deux de leurs moindres particules, existent à la fois dans lear ob lace cette end is love, end is too to her la même lieu. - XVIII. Après ces réfléxions für Filipenétrabilité, lefoülnois à la considération des deux corps A & B. dont célui-cy B tenconére dans fon mouvement l'autre A que nous supposons en repos. pulsque nous avons vu, qu'à la rencontre même il est impossible que ben & l'autre demeure dans son état, à cause de l'impénétrabilité, il s'agit de déterminer, d'où vient la force qui produit ce thangement détat, qui doit nécessairement arriver. Car à cause de l'inertie il h'v Hhh 2

a aucun

a assent doute, que ce changement ne provienne d'une certaine cause; se toute cause capable de changer l'état des corps, est comprise sous le nom de sorce. Posses donc cette alternative; ou cette sorce est nécessairement liée avec l'impénétrabilité, ou elle en est séparable. Dans ce dernier est donc l'impénétrabilité pourroit subsister sans cette force; or abolissant cette sorce, ou la cause du changement d'état dans nos corps, son esset devroit aussi cesser, se partant l'un se l'autre corps devaoit demeurer dans son état. Mais cela étant impossible, puisque les corps se devroient pénétrer, il s'ensuit nécessairement, que la sorce en question est absolument liée avec l'impénétrabilité; se qu'elle n'en est nullement séparable.

XIX. Aussetot donc qu'on reconneit l'impénétrabilité des sorps, en est obligé d'auciler que l'impénétrabilité est accompagnée d'une sorte sussidiante, pour empécher la pénétration. Et en esset s'il est impossible que les corps se pénétrent, il faut qu'il y ait des obstacles insurmontables, qui s'opposent à la pénétration; de si la pénétration ne sausoit être évitée, sans que les corps ne changent d'état, il faut qu'il se treuve dans les corps mêmes, entant qu'ils sont impénétrables, des serces sussidiantes pour produite ce changement d'état, sans lequel l'impénétrabilité ne sauroit subsister. Ce seroit donc une contradission ouverte de soutenir, que les carps sont impénétrables, de de leur resulter en même tems les sortes, qui soient absolument nétration.

XX. Entant donc que les corps sont impénétrables, ils sont aussi dotiés de sorces nétessaires pour le maintien de cette propriété: de sans ces sorces il seroit même impossible de se sormer une idée de l'impénétrabilité; de sorte que c'est l'impénétrabilité, qui est la première source des sorces, qui subsistent dans le monde, de qui produissent une infinité de changemens dans l'état des corps. Or ces sorces ne se déployent que lorsqu'il s'agit de prévenir la pénétration; car, tant que les corps peuvent perséverer dans leur état, ou de repos ou de mouve-

mouvement, sans que leur impénétrabilité en soit attaquée; if n'inference aucun changement dans leur état, tout comme si les forces joinses à l'impénétrabilité n'existoient point. Mais lorsque les corps ne saureient demeurer dans leur état sans se pénétrer les uns les autres, c'est alors que les forces de l'impénétrabilité agissent, en changeant l'état des corps, autant qu'il faut pour empécher toute pénétration.

XXI. Neus voyons par là, quelle idée nous devons nous former de ces forces, dont l'impénétrabilité des corps est nécessirement 'accompagnée; & qu'on doit bien prendre garde de les ranger sous la définition, que quelques Philosophes donnent des forces en ganéral? quand ils disent, qu'une force est un effort continuel de changer d'état. Car premiérement ces forces, que nons venons de découvrir, n'agillent pas continuellement, mais feulement store, quandiles corps of continuant leur état le devenient pénétrer muquellement. Enfuite le changement d'état, qu'elles produisent n'en est qu'un esse indirette puisque leur effet principal conside dans le maintien de l'impénétrabilité. de qu'eiles ne changent l'état des corps, qu'entant qu'il le faut pour empécher la pénétration. Done, quoique l'existence de ces soisces de l'impénérabilité soit démontrée, nous sommes encore en devit de nier hardiment, qu'il ne se trouve point dans les corps des forces! telles, que nous décrivent ces Philosophes; qui semblent avoir manu qué en ce qu'ils ont voulu définir une chose, avant que de l'avoir fase fifemment coonse.

XXII. Or quand nous nommons force, toute cause qui est espable de changer l'état des corps tant de repos que de mouvement, cette désinition convient parsitément bien aux sorces, dont l'impération des corps est révétué. Car premiérement ces sorces ne changent pas perpetuellement l'état des corps, de elles n'ont pas même un effort pour produire un tel changement, tandis que l'impératerabilité ne sousse atteinte. Ensuite, on n'en peut dire que ce qu'elles sont seulement capables de causer que lque changement dans l'état des corps, puisqu'elles ne produssent aucun effet, que lorsque les corps Hhh n

to trouvent dans un tel étage qu'ils ne fauncient y demeurer, fans qu'ils se pénétralique les uns les sucres : de some que ce n'est que dans ces cas, au'on pourroit distantes que ces forces seillent effectivement & alors matere relice of aniforms equipment qu'il faut pour gerantir les early denote the prediction of the property and a second ... L. XXIII all foregoverici epoore une autro circonfestee. qui messi erabion (change; Melh grentes) fonces repardées on elles - mêmes: ne fancibas déterminées et par sapport à la guantice, ni à la dissoliant out places s'il est impossible que avaleur estose existe, qui ne seit me enciérement déscriminé il faut dire que ses forces mêmes n'exilient man and dorsered le tras existe it oils elles sons obligées d'agir mous prin menis ils ménétrasion (cet) elt dons que dans uge ces, qu'elles suésisemble nomi de forget, de hormin ses sas, ellanne font qu'un auribut de l'impir némbilicé. Meis dès quelle ces arrive « Que deux corps en costinuent leur éras le deviolent pénémen, audi-un ces forces commences cia git. Stal changer d'arres des norme entre qu'il feue pieur les mettres à l'abité de l'économie mettres de l'abité de la ponocrations undes qu'ilon'qua situado dangon, qu'ila se préneurens, des corps doublingages l'écat prop discourant pér réduite par l'action de con forces, & il nien restora plus rien adiouclion pourroit inner, que ces forces subsistalient encore, si ce n'est l'impéréctabilisé; mesme, (3) ous HISTORY BUILD VAROUPS II GOI SERIES COUR SENT POVIZOR COUionradismenses dens for dess on ede repos gon de monversen, des forces de l'impénérrabilisé ne produitoient jamaia le moindre effençée ce fergiesour comme si elles n'existeient pas . Ainsi d'un corps regat de en hi-mamen on ne fauroit dire, t qu'il tétoit doité d'une relle force; Company see frages de le manifeltant qu'à classe entre : de idens de philicups corps où il s'agis d'appeaber denn pénémusion, oil els visir. que ces forçes sont l'effet de l'impénétrabilité, non d'un seul sospe, mais de tous les deux à la fois; car, si l'un seulement était oénémble.

il n'arriveroit aucun changement dans tous les deux. D'où distensit que ces forces, dont nous voyons l'esset dans le chas des corressités fultent également de l'un & de l'autre de cos corsis de l'autre pais

alors

alors une feate force, qui opére le changement détat-blane l'un de l'autre. Le partant, tant que nous ne confidérons qu'un feul corps, ou ne feuroit lui attribuer rien, qui reffemblit à ces forces, de encore moins pourroit on dire, que ce corps eu une force déterminée.

XXV. Pour parler donc plus précisément, nilisfatendire qu'à la rencentre de deux corps, qui fe penéreroient vits continuoient à demeurer dans leur état, il mue de l'impénétrabilisé de l'enratifautre à la fois une force qui en agiffant far les corpe; change leur évat : és de plus, que cette force est à chaque inquient d'une velle quantité de direction précisément qu'il faut pour empethée la pénéutition, de force ous lurage une petite force fullte à cet effet. Pris le trouve auffi que ceme petite force, qui agit lat les corps." Or il pour empecher la pénétration, il faut une force quali infaite ; on dele convenir que l'impénécrabilité des deux corps fournirok militains en caraine force infipiment grande. Car, puisquil on absolutions in passible que les corps fe pénétrent, il faut qu'il se trouve tenjunte une force capable; quelque grande qu'elle dut êtres pour détourner les corpé de la ponétration. Ainsi l'impénétrabilité des mêmes corps est enpable de sournir des forces tratot extrémentent grandes, sanot fers petites, felon que les circonflances l'exigentil fon en la maria : ofictional experi

XXVI. Pour empérher que deux corps, qui se renebitrent, ne se pénétrent, il faux produire dans leux état un certain changement, ét ce changement se doit saite dans un certain tems; ét c'est de là que la sorce tire sa désant trans par rapport à la quantité, qu'à la direction. Cari il est d'abord clair, que la sorce ne sauroit être plus petite; qu'elle un sasoit par suffissioner à prévenir la pénétration; mais on pourvoit dire que sten n'empétheroit que la sorce ne sur déjà réduit les corps jusqu'ampoint, ou la pénétration ne seroit plus à craindre, il n'y auroit plus de raison, pourquoi cette sorce poursuivroit les corps au delà, que de dire qu'elle agiroit, déjà quand ils sont encore éloignés. Ainsi dans le choc des corps leur impénetrabilité ne sournit toujours que

que la plus petite force, qui est capable de les garantir de la pénétration; & c'est sans doute sur cette circonstance, qu'est fondé ce principe si général, que tous les changemens au monde sont produits aux moindres dépens qu'il est possible, ou avec les plus petites sorces, qui sont capables de cet esset.

XXVII. Il en est de même de la direction de cette force, laquelle est toujours telle, que les corps en sont le plus promptement détournés de la pénétration. Pour connoitre cette direction, on n'a qu'à s'imaginer que les corps en poursuivant leur état, se pénétrent infiniment peu, de sorte qu'une partie de l'un se plonge dans une partie de l'autre. Cet ensoncement étant insiniment petit, pourra être regardé comme un attouchement; & il est clair que pour éviter le plus promptement cette pénétration, la direction de la force doit être perpendiculaire au plan de cet attouchement. Ce qui est aussi parfaitement d'accord tant avec l'expérience qu' avec la Theorie de la Mécanique, par laquelle nous savons, que dans le choc de deux corps, la direction de la force, dont ces corps se trouvent sollicités alors, est toujours perpendiculaire au plan, par lequel ils se touchent mutuellement. De là vient aussi, que les pressions des sluides sur des surfaces quelconques sont toujours perpendiculairement dirigées sur ces surfaces. Car, si ces surfaces n'étoient pas impénétrables, le fluide les pénétreroit actuellement; puisque donc c'est aussi l'impénétrabilité, qui empêche la pénetration, il faut pareillement que la direction de la force, qui y agit, soit perpendiculaire à la surface.

XXVIII. La même chose arrive quand un corps pesant repose sur une table horizontale, où l'impénétrabilité du-corps même est en cause, qu'il se laisse soutenir; car si l'un ou l'autre étoit pénétrable, le corps descendroit en passant à travers de la table. Mais le corps étant pesant exerce une sorce égale à son poids sur la table, & celle-ci soutenant le corps en repos, il faut que la force, dont la table réagit sur le corps, soit exactement égale à la pression du corps; & si le corps étoit plus ou moins pesant, la force de l'impénétrabilité de la table servit

feroit plus ou moins grande. D'où l'on voit ensure plus évidenment que la force, dont l'impénérrabilité est capable, est indéterminée en elle même, ét qu'elle ne devient déterminée qu'en chaque cas, où elle se maniseste conjours dans un tel degré exactement qu'il faut pour résister à la pénétration, de sorte qu'elle n'est dans chaque, que ni trop grande ni trop petite. Ensuite il est aussi clair des coar, que la direction de la sorce d'impénérrabilité est toujours perpendiculaire au plan de l'attouchement.

XXIX. Puisque, dans ce cas que nous venons de considérer, la force d'impénetrabilité de la sable est exactement égale à la force, dont le corps presse la table, neus compsenons en général que tou-jours, lorsque deux corps sont pressés l'un coutre l'autre, l'impénér trabilité de chacun doit résister à cette presson; dont la force, qui nésulte de l'impénétrabilité de l'un, est exactement égale à la force, stont l'autre est pressé contre celui-là. Or, puisque la presson entra ces deux corps est la même de part & d'autre, à cause de l'égalité entre l'action & la réaction, il s'ensuit que l'impénétrabilité de l'un & de l'autre de ces deux corps déploye une même sorce, qui est égale à celle dont les deux corps sont apprimés ensemble. Ainsi, si deux corps A & B sont pressés l'un contre l'autre par une sorce, — f, le corps A repousse le corps B à cause de son impénétrabilité ayec une sorce — f, & réciproquement le corps B à cause de son impénétrabilité avec une sorce — f, & réciproquement le corps B à cause de son impénétrabilité repousse le corps A avec la même sorce — f.

XXX. De là je tire cette conclusion générale: si deux corps A & B se rencontrent en sorte qu'ils se devroient pénétrer, s'ils étoient pénétrables, ce qui se seroit par l'endroit, où ils s'attouchent mutuellement; les sorces, dont l'un & l'autre resiste à la pénétration, seront égales entr'elles & directement opposées: car la direction de l'une & de l'autre de ces sorces est perpendiculaire au plan, par lequel ces corps se touchent mutuellement. Ainsi, si la sorce, dont le corps A à cause de son impénétrabilité agit sur le corps B, est __f, de sorte que f est la sorce requise pour empêcher que le corps B ne Mim, de l'Acad. Tom. VI.

pénétre par A, le corps B agira à cause de son impénétrabilité avec une sorce égale f sur le corps A, pour empécher que celui-cy ne pénétre par celui-là. Et dans cet état ces deux corps se trouveront pressés l'un contre l'autre avec la même sorce f. Et cela est vrai, soit que les corps soient pressés actuellement ensemble, ou qu'ils se rencontrent dans le choc.

XXXI. Cette égalité des forces, d'où dépend le grand principe de l'egalité entre l'action & réaction, est une suite nécessaire de la nature de la pénétration. Car, s'il étoit possible que le corps A pénétrat le corps B, le corps A seroit précisément autant pénétré par le corps B; donc, puisque le danger que ces corps se pénétrent, est égal de part & d'autre, il faut aussi que ces deux corps employent des sorces égales pour resister à la pénétration. Ainsi, autant que le corps B est sollicité par le corps A, précisément autant sera celui-cy sollicité par celui-là, l'un & l'autre déployant exactement autant de force qu'il faut pour prévenir la pénétration. Or ces deux corps agissant l'un sur l'autre par une sorce quelconque, se trouveront dans le même état, que s'ils étoient comprimés ensemble par la même force.

XXXII. Nous voyons donc que la seule impénérrabilité des corps est capable de fournir des forces, par lesquelles l'état des corps peut être changé; & dans les cas où cela arrive, si l'on demande, d'où viennent les forces qui causent ces changemens, on pourra répondre hardiment que l'impénétrabilité des corps en est la véritable source. Or je serai voir que dans le choc des corps, le changement qui arrive dans leur état est précisément le même, que ces forces d'impénétrabilité doivent produire: & partant, partout où nous voyons que l'état des corps subit des changemens par le choc ou par la rencontre de deux ou plusieurs corps, nous serons assurés que les sorces qui ont causé ces changemens, sont précisément celles, que l'impénétrabilité des corps déploye dans ces rencontres; & on ne se trouvers plus embarassé à l'égard des forces actives & motrices, par lesquelles quel-

quelques Philosophes ont voulu expliquer mal à propos ces change mens, qui arrivent dans le choc des corps.

XXXIII. Mais, avant que de déterminer ces changemens par ces principes, pour faire voir, qu'ils sont d'accord avec la verité, il faut avoir égard à l'état de compression, où les corps se trouvent pendant qu'ils agissent l'un sur l'autre. Car, si deux corps sont pressés ensemble par une force quelque petite qu'elle soit, ils en soussirent quelque ensoncement, qui sera d'autant plus grand, moins les corps seront durs; & ce ne seroient que des corps infiniment durs, qui n'en recussent aucune impression, ou ensoncement. Cet ensoncement se fait, quand les parties extérieures des corps, à l'endroit où ils se touchent & agissent l'un sur l'autre, cedent à la force de pression, ou en dedans, ou à coté, selon la nature des corps; tout comme nous voyons que deux globes de terre glaise, lorsqu'ils se choquent, deviennent applatis à l'endroit de l'attouchement. Cependant on comprend aisement que cet ensoncement se fait, sans aucune pénétration réelle.

XXXIV. Si la détermination du changement d'état, qui arrive dans le choc des corps, demandoit une connoissance parfaite de cet enfoncement, on voit bien, qu'elle seroit peut-être impossible, & qu'elle seroit differente pour chaque espece de corps choquans selon leur degré de dureté. Mais heureusement, soit que les corps soient plus ou moins durs, on n'a qu'à avoir égard à cette circonstance de ces ensoncemens, s'ils se remettent après le choc, ou s'ils demeurent; & en conséquence de cela on n'a qu'à distinguer deux especes principales de corps: l'une qui conserve les ensoncemens après le choc, l'autre, qui se remettent après le choc exactement sans en conserver la moindre marque. Les corps de la première espece sont nommés sans ressort, & ceux de l'autre espece à ressort; & c'est selon ces différentes especes de corps, que les loix du changement d'état dans le choc des corps varient.

XXXV. Soit que nous confidérions des corps sans ressort, ou à ressort, le calcul sera le même pour la première moitié du tems que dure le choc. Soient donc deux corps spheriques A & B, qui se I i i 2

Fig. 1.

meuvent sur la même ligne droite M N dans se même sens, mais que la vicesse du corps A soit plus grande, que celle du corps B avant le choc, de sorte que celui-là doit rencontrer celui-cy quelque part. Supposons que cela arrive pour le premier instant, quand le centre du premier corps sera en A, & celui de l'autre en B, ce sera donc l'instant du tems, où le choc commence; car le corps A ayant une plus grande vitesse que le corps B, si chacun continuoit son mouvement, ils se devroient pénétrer l'un l'autre, & c'est de là que nait l'action mutuelle de ces deux corps, ou leur choc.

XXXVI. Soit avant le choc la vitesse du corps A = a, & celle du corps B = b, de forte que a > b, & ce seront encore leurs vitesses au premier instant, qu'ils se rencontrent en A & B, où ils commencent à se toucher. Ici donc la distance de leurs centres AB sera égale à la somme de leurs demi-diametres, & partant nommant le demi-diametre du premier AC = a, & de l'autre BC = 6, nous aurons AB = a + 6. Soit après ce commencement écoulé un tems = z, où les corps se trouvent dans la situation ab, le centre du premier A ayant cependant parcouru l'espace Aa = x, & le centre de l'autre B l'espace Bb = y. Dans cet état donc la distance des centres ab sera = AB + Bb - Aa = a + 6 + y - x; qui sera plus petite que a + 6 à cause des enfoncemens, que ces corps s'impriment pendant le choc. Il sera donc x > y, & si nous posons x - y = z, cette quantité z marquera la quantité des enfoncemens, ou de combien la distance des centres ab est plus petite que AB.

XXXVII. Soit de plus dans cet état la vitesse du corps A en a = v, & celle du corps B en b = u; & ces vitesses seront déjà differentes de celles avant le choc, a & b, puisque les corps pour empêcher la pénétration ont déjà agi l'un sur l'autre, pendant le tems ϵ : car je suppose que cette action mutuelle dure encore, & que la vitesse v du corps A surpasse encore la vitesse u du corps B, de sorte que les corps sont encore obligés d'agir l'un sur l'autre pour prévenir la pénétration. Dans cet état donc, soit la sorce, avec laquelle ces deux

corps

corps agissent l'an sur l'autre P, & puisque le plan de l'attouchément de est perpendiculaire à la droite MN, le corps A en a sera soblicité par cette sorce P selon la direction ca, & le corps B en b sera poussé par la même sorce P selon la direction cb.

XXXVIII. Puisque les corps sont pressés l'un contre l'autre par une force égale à P, leur ensoncement en deviendra plus grand, & comme la distance de leurs centres ab étoit à présent a + 6 - z; après l'elément du tems dz elle deviendra encore plus petite, savoir a + 6 - z - dz. Donc il saut que la sorce P soit précisément fi grande, qu'en agissant sur les corps elle réduise dans le tems dz leurs centres à cette distance a + 6 - z - dz: car si cette force P étoit plus petite, les corps s'approcheroient d'avantage, & se pénétreroient par conséquent en quelque partie, ce qui seroit impossible; & puisque cette force P ne se maniseste que pour empêcher la pénétration, elle ne sauroit être plus grande, qu'il ne saut pour cet effet; & partant elle ne réduira point les centres des corps à une plus grande distance que a + 6 - z - dz. Ce sera donc de là que la sorce P, qui resulte de l'impénétrabilité des corps, tire sa détermination.

XXXIX. Pour trouver donc sa juste valeur, nous n'avons qu'à employer les principes de la Mecanique. Soit donc la masse du corps A = A & celle du corps B = B, & on sait que les vitesses v & u de ces deux corps seront par la force P dans le tems ds altérées comme il suit:

Adv = - Pd; & Bdu = Pd;

Car le corps A en a étant poussé par cette force en arrière, sa vitesse en sera diminuée, ou son differentiel deviendra negatis. Au contraire l'autre corps B en b étant poussé par cette sorce suivant la direction de son mouvement, sa vitesse en sera accélerée.

XL. Ici il est d'abord clair qu'en ajoutant ces deux équations on aura Adv + Bdu = o, & partant en intégrant Av + Bu = Const., équation qui est indépendante de la sorce P, & qui auroit également lieu, quand même cette sorce n'auroit pas sa grandeur déterninée

spànée, que l'évitation de la pénétration exige. Donc à chaque inflant que dure le choc, la valeur de cette expression $A\nu + B\nu$ sera toujours la même, & partant aussi égale à celle, qui lui convient au commencement du choc. Or la valeur de cette expression étant alors Aa + Bb, il sera à tous les instans que dure le choc $A\nu + B\nu$ Aa + Bb, & cette équation aura aussi lieu à la fin du choc, de forte que si ν & ν marquent les vitesses des corps après le choc, il soit aussi $A\nu + B\nu = Aa + Bb$, ce qui est une propriété généralement reconnue dans tous les chocs de corps: & qui est comprise dans ce grand principe, que le mouvement du centre commun de gravité n'est pas altéré par l'action, que les corps soutiennent dans le choc.

XLI. Mais cette équation n'étant pas suffisante à nous découvrir les deux inconnues u & u, il faut avoir recours à nos deux formules differentielles, que nous venons de trouver; & puisqu'il s'agit de déterminer la vraie valeur de la force P par le differentiel de l'enfoncement dz, nous n'avons qu'à introduire au lieu de l'élément du tems dz les differentiels des espaces parcourus dx & dy. Or il est démontré que nous aurons dx = v dz & dy = u dz, ou bien $dz = \frac{dz}{v} = \frac{dy}{u}$; & partant $\frac{dz}{v} = \frac{dy}{u}$. Ces valeurs étant substituées nous aurons ces équations:

A v dv = -P dx & B u du = P dyD'où nous obtiendrons pour P les valeurs suivantes, qui seront équivalentes entr'elles:

$$P = \frac{-A \upsilon d\upsilon}{dx}; \quad P = \frac{B \upsilon d\upsilon}{dy}$$
ou
$$P = \frac{-A \upsilon d\upsilon}{dy}; \quad P = \frac{B \upsilon d\upsilon}{dx}$$

XLII. Mais ces formules renfermant des differentiels ne servent encore rien à la connoissance de la force P; pour y parvenir, il faut tacher tacher de parvenir encore à tine équation integrale. Pour cet effet la fomme de nos dernieres formules donne A v dv + B w du = P dx + P dy, & à cause de dx - dy = dz il sera:

$$A \cup d \cup + B \cup d \cup = -P d z$$

Où P étant multiplié par dz le differentiel de la quantité z, qui marque la grandeur de l'enfoncement, la formule Pdz peut être regardée comme le differentiel d'une certaine fonction de z: & partant nous aurons en intégrant $Avv + Buu = Conft. - 2 \int Pdz$, & puisque au commencement du choc il est z = o, & partant aussi $2 \int Pdz = o$; & de plus v = a & u = b, il sera:

& P sera une telle sorce, qui est capable de comprimer les corps ensemble jusqu'à l'ensoncement == z.

XLIII. Appliquons maintenant ces formules séparément à l'une & l'autre espece des corps. Supposons donc premiérement, que les corps soient entierement sans ressort, & il est d'abord clair que ces corps cesseront d'agir l'un sur l'autre, dès qu'ils auront acquis des vitesses égales selon la même direction MN. Car alors ni l'un ni l'autre ne fera plus le moindre effort de pénétrer dans l'autre, puisque les ensoncemens qu'ils se sont induits demeurent invariables, tout comme si les corps avoient eu toujours cette sigure. Or dès que les efforts de se pénétrer mutuellement cessent, aussi doit cesser l'action mutuelle des corps, & partant le choc sera sini; de sorte que tous les deux corps continueront dès ce moment leurs états, où ils auront été réduits par le choc.

XLIV. Soit donc pour la fin du choc des corps sans aucun reffort v = u, de sorte que v ou u marquera la vitesse commune des corps après le choc, & nous n'aurons qu'à combiner cette équation v = u avec celle que nous avons trouvée ci dessus.

$$Av + Bu = Aa + Bb$$

& de la nous tirerons v = 4 A A B , ce qui est la formule géné-

ralement reconnue pour la communication du mouvement dans le choc des corps sans ressort. Par conséquent il est clair que le changement d'état, que les corps sans ressort souffrent dans le choc, est uniquement causé par la force de l'impénétrabilité de ces corps, & qu'il n'en faut pas chercher ailleurs la cause. On remarquera outre cela que cette règle ne dépend nullement, ni du degré de dureté des corps, ni de la quantité des forces, dont ces corps agissent l'un sur l'autre pendant le choc; & comme ces forces dépendent principalement du degré de dureté, il est d'autant plus remarquable qu'elles produisent toujours le même effet, quelque grandes ou petites qu'elles puissent être.

XLV. Pour les coips à resson, il saut remarquer que seur ches sie resse pointible qu'ils mirant sequia une commune vitess, quoimis sant que de la commune de commune vites que le commune de la comm

pointes mitelles des corps sprès le choc; y - | 2 | 2 | 4 | b pet manisque Bit la Antique de corps sprès le choc; y - | 2 | 2 | 4 | b pet manisque Bit la Antique de corps sprès le choc; y - | 2 | 2 | 4 | b pet manisque Bit la Antique de corps sprès le choc; y - | 2 | 4 | 4 | b pet manisque Bit la Antique Bit la Antique de corps sprès le choc; y - | 2 | 4 | 4 | b pet manisque Bit la Antique Bit

XLVI.

KLVI. Ce sont aussi les formulés généralement reconnnes pour le changement du mouvement dans le choc des corps à ressort parsait, où il est encore remarquable, que la quantité des sorces, qui ont produit ce changement, est aussi évanouie du calcul. Et partant, tant dans le choc des corps sans ressort, que dans celui des corps à ressort, il est clair que les changemens, que les corps y soussirent, ne sont produits que par leurs sorces d'impénétrabilité. On conviendra aussi sans difficulté, que quoique je n'aye considéré ici que des corps sphèriques, qui se choquent directement, le même accord ne sauroit manquer, si je vousois appliquer ces mêmes principes à des corps non sphèriques, & qui se choquassent obliquement: de sorte qu'il ne reste aucun doute, que généralement dans tous les chocs des corps, le changement d'état, qui y arrive, ne soit causé par les seules sorces, qui résultent nécessairement de l'impénétrabilité.

XLVII Pour la force absolué P, qui agit pendant le choc, il n'est pas possible de la déterminer, sans qu'on sache son rapport avec la quantité de l'ensoncement z. Or dans la plupart des cas on ne se trompera pas sensiblement, si l'on suppose cette sorce P proportionelle à z, en faisant P = Dz: car tant que les ensocemens sont extrémement petits, comme il arrive presque toujours, les sorces requises pour réduire les corps à ces ensoncemens, serons à peu près dans la même raison que ces ensoncemens mêmes. Ensuite posant P = Dz la lettre D marquera une quantité, qui dépend du degré de dureté des corps; car plus les corps seront durs, & plus doit être grande la sorce, qui est capable de leur imprimer un certain ensoncement z.

XLVIII. Si nous voulons ramener cette quantité D à des mesures tout à fait connuës, nous n'avons qu'à retourir à une expériente. Soit donc F une force, par laquelle on presse les deux corps en question ou deux semblables l'un contre l'autre, de qu'on mesure exadement l'enfoncement, qui en sera produit, supposant que tet ensorcement pénétre à la prosondeur — k; de de là on coassura, que pour produi-

Mim. de l'Acad, Tom, VI.

Kkk

re un enfonçement = z, il faut une force $= \frac{Fz}{h}$: nous surons donc $P = \frac{Fz}{k}$, & puisque $2 \int P dz = \frac{Fzz}{k}$, l'équation du §. 42. pren-Acousting Bus Acade Bbb - Fre

Or pour avoir des termes homogenes, il faut prendre pour aa, bb, vv & uu le double des hauteurs, d'où un corps grave en tombant acquiert ces vitesses.

XLIX. Cette équation donc servira à déterminer pour chaque instant du tems, que le choc dure, la vraye valeur de z, & de la celle de la force $P = \frac{F z}{E}$. Or l'inftant le plus remarquable sera colui, où l'enfoncement, & partant aussi la force, est la plus grande, pour trouver jusqu'à quel point les corps sont presses l'un contre l'autre pendant le choc; ou pour trouver la plus grande force que l'impene trabilité est obligée de déployer pour empêcher la pénétration, Mais pour ce moment il y a v = u, & a cause de A v + B u = 0Aa + Bb differs $v = \pi = \frac{Aa + Bb}{A + B}$. Substituons dens seems valeur dans l'équation superieure, & nous obtiendrons:

$$\frac{(Aa + Bb)^a}{A + B} = Aaa + Bbb - \frac{Fzz}{k} \text{ ou bien}$$

$$\frac{Fzz}{k} = \frac{AB(a-b)^2}{A+B} : done P = (a-b) \sqrt{\frac{F}{k} \cdot \frac{AB}{A+B}}$$

L. De cette formule je pourrois bien eirer plusieurs Corollaires remarquables, comme que la force P, & partant aussi l'enfoncementz, est en raison simple de la vitesse relative a - b dont les corps se choquent

quent mutuellement; mais puisque j'ai dévelopé cette matiere plus amplement dans ma Piece for la comparaison entre le choc & la pression, je me borne ici en remarquant, que s'il y avoit des corps parfaitement durs, la force qui agit dans leur choc, devroit être infinie. Car sur un corps parsaitement dur une sorce F ne sauroit produite la moindre impression, il seroit donc $k \equiv v$, & partant dans le choc il feroit aussi $z \equiv a$, ou les corps n'y récevroient aucun enfoncement ; cependant la force $P = (a-b) \mathcal{V} \frac{F}{k} \cdot \frac{AB}{A + B}$ deviendroit néanmoins infiniment grande. Peut-être cela suffit-il pour prouver, qu'il n'y a point des corps parsaitement durs au monde.

LI. Outre le choc des corps, il y a encore d'autres rencontres où l'état des corps devient changé, & cet effet est attribué à des forces qu'on nomme centrifuges. Je fersi donc voir que ces forces centrifuges tirent également leur origine de l'impénétrabilité des corps : or tous les cas, où l'état des corps est changé par des forces contrifuges, se réduisent aisément à celui-ci. Soit un corps, qui Fig. 11. ayant parcouru avec une certaine vitesse la ligne droite M A, rencontre en A une surface voutée AY, suivant laquelle le corps est obligé de courber son chemin, & partant de quitter la direction, qu'il devroit suivre en vertu de son inertie. Dans ce cas on sait, abstraction. faite du frottement, que ce corps continuera son mouvement en conservant la même viteffe, mais qu'il changera continuellement de direction suivant la courbe de la voûte AY; de qu'il la pressera partout avec une certaine force proportionelle à la courburs; &r c'est cette force qu'on nomme centrifuge.

LII. Pour montrer maintenant que cet effet est tout à sait conforme à nos principes fondés sur l'impénétrabilité, nous n'avons qu'à confidérer, que si la voûte, ou le corps, étoit pénétrable, le corps pénétreroit la voûte, & poursuivroit sa route uniformément selon la signe droite AX: ce n'est donc que l'impénétrabilité, qui s'oppose Kkk 2 à la

à la potrifite de ce mouvement. Suppostons que le corps soit parvenu en Y, ét que la direction de se mouvement soit selon la tangente de la voite en Y; or s'il continuoit de se mouveir selon certe diseblon, il se plangeroit bientet dans la voite: done pour résiler à certe pénétration, la voite exercera sur le corps une certaine sorce, de le corps réciproduement une pareille soite de l'autre sora perpencontraire à cella là ; de la direction de l'une de l'autre sora perpendiculaire au plan de l'attouchement, de partant ces sorces seront perpendiculaires à la tangente de la voite au ploiss l'une

LIII. Soit P cette force de presson, dont le corps en Y est sollicité suivant la direction Y O perpendiculaire à la voûte, de la voûte en sera à son tour pressée dans la direction contraire par une force P. Cette force P sers précisément de la grandeur, qu'il sant pour empt cher la pénétration, de partant elle ne sera plus qu'obliger le corps de courber tant soit peu sa route pour suivre la courburé de la voûte; car dès que se danger de la pénétration est prévénu, cette sorce n'agit plus sur le corps, de sorte qu'il ne sera pas sorcé de quieter la surface de la voûte. Donc sachant d'avance se cours, que ce corps doit tenir, il s'agit de déterminer sa vitesse à chaque point Y de la voûte, de la force, dont son état de mouvement est troublé partout; ou ce qui revient au même, il saut chercher la sorce, dont ce corps pressera la surface à chaque endroit, par où il passe.

LIV. Soit Va la vitesse du corps, avant qu'il arrive sous la voûte en A, supposent que MA soit une tangente de la voûte en A; où a marque la hauteur d'une chute d'où un corps pesant acquiert une semblable vitesse: » Soit parsillement Ver la vitesse de ce même corps, lorsqu'il est parvenu en Y; de prenant la droite AX pener are, qu'on y tire de Y la perpendiculaire YX, soient ces coordonnées AX = x de XY = y de l'arc AY = x. Cela posé, décomposons le mouvement du corps selon la tangente en Y, en deux dent l'un soit suivant Yx parallele à AX de l'autre suivant Yy; de la vitesse selon Yx sera

Digitized by Google

on hien A die (7/2 2 de 1/2 2

Or syant $dx^2 + dy^2 = dx^2$ cette équation se réduit à A dv = 6, ou dv = a, d'où nous voyons que v, de partant aussi la vitesse de corps est par tout la même, elle sera donc égale à la vitesse, dont le corps commence à suivre la voûte; qui étant supposée = Va, nous aurons v = a de Vv = Va. Voilà donc déjà la premiere propriété de ce mouvement, qui est démontrée silleurs, c'est que le corps conservers toujours la même vitesse en glissant selon la direction de la voute.

LVII. Ayant donc trouvé $v \equiv e_{ij}$ la seconde équation donners A $d \cdot \frac{a d y^2}{d s^2} = \frac{P d x d y}{d s}$. Prenons l'élément de la courbe ds pour constant, & nous aurons :

$$\frac{2 \operatorname{A} a d y d d y}{d s^2} = \frac{\operatorname{P} d x d y}{d s}$$

d'où nous tirons la force $P = \frac{2 \text{ A} a d d y}{d x d r}$. Or on fait que $\frac{d x d s}{d d y}$ exprime le rayon de courbure au point Y. Nommant donc ce rayon de sourboure Y O = r, à cause de $r = \frac{d x d r}{d d y}$ il sera

P = 2 A a . Et c'est précisément la même formule, que la Mécanique fournit pour exprimer la force centrisuge d'un corps, qui est obligé de se mouvoir dans une ligne courbe. Par conséquent il est démontré que toutes les forces centrisuges doivent également leur origine à l'impénétrabilité des corps.

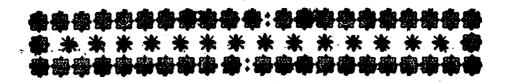
LVIII. Ayant déjà remarqué, que tous les corps au monde sont assujettis à des changemens continuels par rapport à leur état ou de repos ou de mouvement; s'il étoit vrai, comme Descartes & quantité d'autres Philosophes l'ont soutenu, que tous les changemens, qui arrivent aux corps, proviennent ou du choc des corps, ou des sorces nommées centrisuges; nous serions à present tout à fair éclaircis sur

ful l'origine des forces, qui opérent tous ces changemens, & nous pourrions dire avec une pleine conviction, que toutes ces forces réfultent de l'impénétrabilité, & qu'il n'en existe même d'autres au monde, que celles que fournit l'impénétrabilité des corps, & dont l'existence & la manieré d'agir vient d'être mile hors de doute. Je crois même que le sentiment de Descartes ne sera pas médiocrement fortissépar ses résérions; car ayant retranché tant de forces imaginaires, dont les Philosophes ont brouillé les premiers principes de la Physique, il est très probable que les autres forces d'attraction, d'adhésion &c. ne sont pas mieux fondées.

LIX. Car quoique personne n'ait encore ésé en état de démontrer évidemment la cause de la gravité & des forces dont les corps telestes sont sollicités, par le choc ou quelque force centrisugue; it saut pourtant avouer que personne n'en a non plus démontré l'impossibilité. Et il paroit plutôt probable que tous ces corps, étant environnés sans contrédit d'une matière subtile, en sont aussi mis en mouvement, quoique nous n'en satsions point la maniere. Or que deux corps éloignés entr'eux par un espace entiérement vuide s'attirent mutuellement par quelque force, semble aussi étrange à la raison, qu'il n'est prouvé par aucune expérience. A l'exception donc des forces, dont les esprits sont peut-être capables d'agir sur les corps, lesquelles sont sans doute d'une nature tout à fait differente, je conclus qu'il n'y a point d'autres forces au monde que celles, qui tirent leur origine de l'impénétrabilité des corps.



ME'MOI-



MEMOIRE

SUR L'ART DE CONNOITRE LES PENSEES D'AU-

THE WAR M. BEGUELIN.

l'est à l'aimable Prince que j'ai l'honneur d'amener à votre Assarblée, que je dois les réslexions qui seront le sujet de ce Mémoire. J'ai vû, pour ainsi dire, la raison se former chez lui. J'ai pa suive les progrès de son dévelopement; se aprendre à lire dans ses pensées; je dis plus: lui-même accommuné de bonne heure à observer, à résléchir sur ses observations, à rechercher les raisons des événements, se a remonter d'une pensée astuelle par toute la chaine des précédentes, jusqu'à la sensation qui les avoit excitées; lui-même, dis-je, en démélant plus d'une sois mes pensées, m'a appris les premiers principes d'un Art plus difficile se plus intéressant, que tous oeux que je pourrois lui enseigner; l'Art de connoître les pensées d'autrui à l'aide de la Métaphysique,

Il y a longtems que les sptres parties de la Philosophie sont en possession de sournir des indications plus ou moins générales sur la façon de penser des hommes. La Logique en nous apprenant l'Art de penser nous mêmes, semble nous enseigner celui de démêler les penses de nos semblables. Connoissons nous leurs prémisses, nous pouvons, ce semble, deviner toutes les conclusions qu'ils en tireront; & en échange, à l'aide de ces conclusions connnès, nous pouvons aissement démèter les prémisses qu'ils suppriment.

L

La science des Physionomies, cette partie de la Physique lignorée, & cependant si généralement exercise partie de nous inferoduire jusques dans les replis les plus secrets du coeur des hommes, & de nous en dévoiler les pensées les plus intimes.

Les indications de la Morate nous fournit sont plus certaines sans doute, & d'une application plus seure. Cette Science du coeur humain rédaite à des notions distinctes, & dépondice de ces sales chimériques que l'enthouseme lui prête a ne connoir point d'autres motifs de nos actions que l'Amour propre, plus ou moins éclairé, de celui qui agit. Parter dél de principe; Voice agir les hommes; vous connoitrez leur saçon de ponser; vous verrez l'estimation qu'ils font des biens & des maux; le jugement de comparaison qu'ils en portent; de les diverses classes selon lesquelles ils les rangent; vous plourres nieme à l'aide de ces observations, & connoissant les circontinues où ces hommes se trouvent, prévoir leurs pensées, & prédicties actions.

par là-même, semblent trop compliquées: la Politique nous en offre de nibins étendues, & qui n'en seront peut-être que plus applicables. De n'est pas assez humilier l'homme, que de ne sui preter d'autres moniss de ses actions que l'amour propre; la Politique restraint entere cettamour propre à l'espece la moins noble, à l'Intéret proprement dit. L'il C'est à l'aide d'un principe si simple, qu'elle apprend non seulement à pénétrer les pensées des autres; mais encore à faire naitre cliez ces autres les pensées qu'on souhaite qu'ils ayent.

Polles sont en racourci les lumières que ces diverses parties de la Philosophie nous offrent, pour nous éclairer sur ce qui se passe cher hos semblables. Mais pour que ces guides soient assurés, la Logique exige que les hommes raisonnent beaucoup, & qu'ils raisonment toujours conséquement, la Physionomie suppose, ou des principes intohnus jusqu'ici, ou une longue suite d'observations qui nous maniquent; la Morale demande des hommes qui ne se masquent jamais;

Digitized by Google

Le la Politique veut qu'ils connoissent toujours leurs véritables intérets: voilà des prétentions un peu difficiles à accorder.

La Métaphysique ne demande rien, elle veut que les hommes

restent tels qu'ils sont, sussent-ils mauvais Logiciens; masqués physiquement & moralement; aveugles sur leurs intérets; elle enseignera l'Art de connoitre leurs pensées; bien plus elle mesurera l'activité de leurs pensées, & déterminera le nombre d'Idées qui se succedent chez eux dans un tems donné; & pour parvenir à toutes ces connoillances, elle n'exige pas seulement que les hommes raisonnent ni bien ni mal. Un pareil Art pourroit effrayer; & dans un siecle moins éclairé, Il auroit été dangereux de l'enseigner. Aujourd'hui même je doute fort que la Société humaine s'en accomodat. Il est peut-être tres peu de belles nudités; & je ne sais si le plus grand nombre des hommes gagneroit à être exposé au grand jour. Cet art de lire les penfées de ses semblables, qui contribue apparemment à la fesicité de quelqu'autre Planete habitée par des Intelligences moins imparfaites, ne seroit pas à coup sur un avantage à desirer pour celle que nous habitons: heureusement le péril n'est pas grand, la Métaphysique ne tient pas tout ce qu'elle promet; ou pour parler plus juste, elle ne s'attache qu'à la possibilité absolue des choses, & elle laisse entre la Théorie & la Pratique, un abyme à remplir, qui ne permet pas de craindre les inconvénients qui réfulteroient de l'application de ses principes. Voyons jusqu'où ceux-ci peuvent nous conduire.

Il n'est pas besoin pour saire ces recherches de connoitre à sond la nature de notre ame. Je n'entreprendrai point de percer les ténébres qui nous la voilent; il y a peut-être moins de honte à l'ignorer, qu'à vouloir l'expliquer; il me suffit pour le présent de savoir qu'à thaque instant de notre existence, ce qui pense en nous, & que nous nommons nôtre ame, a un sentiment plus ou moins fort, plus ou moins distinct, de ce qui se passe en ce moment la dans tous les sens du corps. Else voir divers objets; elle entend differens sons; elle est affectée de tout ce qui touche les ners du corps, tant au dedans qu'au

que j'appelle l'état passif de l'ame; mais je laisse aux Partisans de chaque sistème la liberté de l'expliquer selon leurs lumières. Cet état sera, si l'on veut, la suite d'un état précédent, dévelopé par l'assivité de l'ame, selon les Loix d'une harmonie établie d'avance entre le Monde Intelligible & Matériel. Il sera, si on le conçoit mieux ainsi, l'esset d'une Insluence Physique des sens extérieurs sur l'ame; ou ensin, ces sens n'en seront que la cause occasionelle. Pour m'accomoder même à tous les goûts, l'un poura supposer que cet état & l'ame même n'est que le résultat des ébranlements du cerveau; l'autre, que se cerveau, tous les sens qui y aboutissent, & l'univers des corps, n'existent que dans l'idée des ames; rien ne m'oblige ici à déterminer le comment de cet état; pourvû qu'on m'accorde qu'il existe, & qu'il change autant de sois, qu'il se sait de nouvelles impressions sur l'un ou l'autre de nos sens, c. à d. à chaque Instant.

Tandis que ces états passifs se succédent dans l'ame, elle ne demeure pas, pour l'ordinaire, dans l'inaction. Trop bornée pour donner une attention égale à chacune des sensations partiales, qui l'affectent dans le même instant, il ne lui reste que le choix de son occupation. Je ne connois que deux fortes d'occupations de l'ame, & peut-être la plus ordinaire & la plus fréquente ne mérite-t-elle pas ce nom; l'une c'est de raisonner, c'est à dire, de comparer des idées, de former des jugements vrais ou faux, & d'en tirer des conséquences bonnes ou mauvaises. L'autre, c'est de laisser le libre cours à son imagination, je veux dire, à cette faculté de l'ame qui lui rapelle des idées absentes à cause de la liaison naturelle ou fortuite qu'elles ont avec l'une des sensations actuelles, qui contribue à former l'état passif de l'ame; c'est proprement ce qu'on appelle rever; & je me serois d'abord servi de ce terme, s'il n'avoit plu à l'usage de le rendre équivoque dans la bouche d'un Suisse. A' l'acte de raisonner, qui ne nous occuperoit peut être guéres, si je ne l'entendois que des raisonnements distincts & bien dévelopés, je rapporte tout ce qu'on nomme résléxion,

rion, penulation, & volicion; dans tous ces cas, on forme des jugoments, ou l'on cherche à en former. Ce n'est proprement qu'à l'égard de cet acte de raisonner, que l'ame sent sa liberté, & qu'elle l'exerce. Quel que soit son état passif, elle est libre de raisonner ou de ne le pas faire; elle est libre aussi de choisir tel sujet de ses méditations qu'il lui plait; indépendament des sensations qui l'affectent. Il y aura sans doute des raisons qui la décermineront dans son choix, & qui ne lui permetront pas d'être absolument indifférente; mais ce n'est pas ençore ici le lieu d'en rechercher la fource.

Si rien ne détermine l'ame à raisonner, ou si elle ne sait que de ces aftes habitutels de raisonnement, qui n'occupent pas toute fon aftivisé: alors l'imagination remplit le vuide du jugement. Il semble que ce soit la l'opération la plus naturelle de l'asne: elle n'a besoin ni de choix, ni de volonté, pour réver; il suffit qu'elle ne s'y appose mas expressionent, l'imagination ira son train, seule, ou de compagnie specche jugement proc pour peu que celui-ci la laisse faire elle sausa bioncot-le dépaiser. Ainsi, quand j'ai dit plus haut, que l'ame n'ayoit le choix que de misonner en de réver, je n'ei pas prétendu qu'il sut besoir d'un moix exprés pour cette derniere occupation : j'ai simplement vontu dire; que si l'ame ne s'occupe, & ne s'occupe très sortement a raifonner, selle revera immanquablement : cet acte lui est si named m'elle le continuera même pendant le sommeil, dès que l'état passif. On l'ame se trouve alors, contiendra une seule sensation assez chire pour réveiller l'imagination, qui jusqu'alors paroit désoeuvrée, mais qui pout-être ne l'est pas; toute la différence qu'il y a entre les senges, & les réveries d'un homme qui veille, c'est que dans le premier cas il croit fentir, cè que dans l'autre il fait qu'il imagine.

je pois couf à la fois, lire, me promener, & rêver en même tems; je pois couf à la fois, lire, me promener, prendre du tabac, éviter une pierre qui se trouve à mon chemin, & entretenir mes réveries; toutes ces actions, à l'exception de la dernière, se rapportent à l'acte de raisonner, il faut la même opération de l'anne pour se déterminer à pren-

Digitized by Google

prendre une prise de tabac, qu'il sul saut pour se décider sur l'assissée la plus importante de la vie; la dissérence n'est que dans le degré de vitesse de clarré avec lequel la même opération s'exécute; à surce de répéter un même acte de la volonté, l'ame parviend à l'opérer, pour ainsi dire, machinalement, este n'a plus qu'un sentiment stès obscur de ce qui la fair vouloir, précisement comme un Musicient adquiert, à force d'actes restérés, la facilité de poser ses doigns sur l'estabathes; suns paroitre y donner la moindre attention. Cette espece de raisonnement mécanique accompagne presque toujouis l'imagination ! de pour peu qu'on observe ce qui se passen mous pons appercevéa qu'à mesure que l'imagination réveille en nous une idée; d'anders pour un moment, sorme un jugement d'un air distrair, de permet dassitée à l'imagination de poursuivre son chemin.

Il ne sera pas difficile à présent de connoitre le bergle dans les quel les occupations de l'ame se succedent. Les Philosophes posent communément l'origine de tous nos raisonnements, de de noncés nes imaginations dans les fensations c. and dans l'état passif de l'amei Quoique ce sentiment soit très savorable au sujet que je truite, je ne crois pas cependant qu'il foit exactement viai; chacam penu alfement s'appercevoir, en observant ce qui se passe en luig que l'imagination ne commence pas toujours immédiatement par une sensation; souvent elle vient à la suite d'un raisonnement bien distinct, qu'elle interpompt dès que l'ame se relache tant-soit-peu de son attention; alors la des nière proposition du raisonnement, présente à l'esprit, tient lieu d'une sensation; elle rappelle à l'imagination quelques idées écrangéres an sujet, l'imagination part de-là, se donne carrière, & en très pen de tems on se trouve à cent lieues de l'objet sur lequel on pensoir méditer. En revenche aussi le jugement prend souvent la place de l'imagination, & vient lui imposer filence au milieu de ses réveries. sans qu'aucune sensation actuelle y intervienne. Il sussit pour soit effet, que l'imagination, accompagnée de ces raisonnemens obscurs & mécaniques dont j'ai parlé, vienne à rencontrer dans fa course LII 3 une

une idée intéressante, soit qu'elle nous frappe par sa bisarrerie ou par sa nouveauté, ou par son rapport avec nos besoins, ou ensin par le souvenir d'une recherche à quoi elle peut aider, en un mot il sussit qu'elle excite en nous la représentation d'un bien attaché à sa méditation; tout de suite notre attention se réveille, & nous commençons à raisonner avec résléxion. Cette opération continuera aussi longatems que l'ame sentira la sorce des motifs qui l'auront fait commencer; & pendant tout ce tems là, elle sera des essorts pour saire taire l'imagination; mais dès que ces motifs perdront leur sorce, soit parce que l'ame s'apperçoit que ses recherches n'ont pas le succés qu'elle s'en promettoit, ou parce que de nouvelles sensations vienneur partager son attention, le raisonnement sinira, & sera place, ou à l'imagination, ou à un autre raisonnement, occasionné par la nouvelle sensation.

Je crois donc que, pour parler exactement, il faut dire que nos raisonnements & nos reveries tirent à la vérité leur première origine de nos sensations, ou de l'état passif de l'ame, mais qu'elles n'en mais

sent pas toujours immédiatement.

Mais dans cette foule de sensations dont l'assemblage compose à chaque instant l'état passif de notre ame, laquelle excitera notre attention au point de nous faire raisonner, ou rêver? C'est sans doute celle qui nous frappera le plus vivement. Mais à quoi peut-on connoître celle qui nous frappera le plus ? Si elles étoient toutes de la même nature, ce seroit la plus claire sans contredit : si nous n'avions que le sens de la vuë, l'objet le plus illuminé, le mieux éclairé, seroit à coup sur celui qui feroit la plus sorte impression sur nous. Mais comme chaque sens excite une sensation d'une nature différente, il est très difficile de juger laquelle donnera le ton à l'ame; on peut, je crois, le faire sans s'y tromper dans plusieurs cas particuliers, & à l'aide de diverses circonstances connuës, mais je ne pense pas qu'on puisse donner une décision générale: cela m'oblige à mettre une première restriction à mon problème, & à ne l'étendre qu'au cas où l'on sait quelle

quelle sénsition a porté coup sur l'esprit de celui dont on veut connoitre les pensées. Ce n'est pas qu'ensuite la solution du problème ne puisse nous sournir des indications propres à nous découvrir cette sensation dans plusieurs cas où l'on l'ignore.

Après tous ces préliminaires, venons enfin au fait. Qu'on se rappelle iti tes convertations libres, où plusieurs personnes assemblées. ou par devoir, ou par politesse, ou simplement pour se désennuier. s'entretiennent sans dessein, sans affaires, & dans la seule vue de s'amuser. Il n'y a personne, qui ne se soit trouvé mille sois en sa vie dans de pareils cercles, & qui n'ait observé la facilité avec laquelle on y saute d'une matière à l'autre, & que sans se fixer à aucun sujet on en parcourt en peu d'heures une infinité. Si lorsqu'enfin la conversation vient à tomber, on en rapproche les deux bouts, on est souvent dans la plus grande surprise, de n'appercevoir aucun rapport entr'eux : 7af vil des convertations, quoique fixées fur un même genre d'objets, commencer par les Sermons du P. Bourdaloue, & finir par les Contes de la Fontaine: j'en ai vû passer d'un sujet à l'autre, & après avoir commencé par l'aile d'une mouche, se terminer par les dernières révolutions de Pologne. Il y en a qui, bornées à deux interlocuteurs: finifsent quelquesois d'une etrange manière, & à laquelle ni l'un ni l'autre n'avoit pensé en l'entamant. Cependant, quelque dissemblables que soient les deux extrêmes, un observateur un peu attentif pourfa tous jours très aisément trouver l'enchainure de l'un avec l'autre, & remonter de propos en propos, par tout le fil de la conversation depuis son dernier terme, jusqu'à celui de son origine; & son ne manquera iamais d'appercevoir une liaison exacte entre les idées qui se sont sutcedées immédiatement.

Ce qui se passe dans les conversations dont je viens de parser, est un tableau sidéle de ce qui se passe en nous-mêmes, lorsque nous donnons carrière à notre imagination; elle nous tient lieu d'un ou de plusieurs interlocuteurs, & fair seule tous les fraix de la conversation. Il sussit qu'une sensation l'ait mise en train, pour que partant de la elle

Digitized by Google

nous

nous promèse d'idées en idées, nous rappelle mille faits divers, nous place dans mille situations différentes, jusqu'à ce qu'enfin nous cessions de lui donner audience. Ce qui ne sauroit arriver, comme ie l'ai déjà dit, que lorsqu'il survient une nouvelle sensation assez forte, ou que l'imagination elle-même nous présente une idée assez inséressante, pour nous tirer de nôtre distraction. Tandis que l'imagination travaille ainsi , elle n'est pas si recueïllie en elle-même, sa marche n'est pas si sécrete, qu'il n'en transpire quelqu'indice au dehors: elle aura trouvé en son chemin une idée propre à remplir le vuide de la conversation; elle s'en sait honneur & la communique; ou bien, trop occupée pour répondre juste à une question qu'on fera, elle répondra à sa propre pensée, prendra un mor pour l'autre, & ce mot sera précisément celui dont l'idée l'occupoit. n'est pas tout; ces raisonnements obscurs & momentanés, qui, comme je l'ai dit, accompagnent l'imagination, & roulent sur les idées qu'elle présente à l'esprit, produiront quelque acte de volition, qui se manifestera par un mouvement extérieur; un geste, un coup d'oeil. l'action la moins remarquable, suffira souvent au désaut du discours pour faire connoitre la pensée actuelle de celui qu'on observe. d'une manière ou d'autre on parvient à connoitre cette dernière pensée, on a alors les deux bouts de la conversation que l'imagination a formée dans le secret des pensées d'un autre. Pentends par le premier bout de la chaine, la sensation qui a porté coup sur son esprit; c'est pour l'ordinaire un discours tenu en sa présence, ou une personne qui se présente inopinément, ou quelque objet propre à fixer l'attention. Il n'y a que les circonstances particulieres qui puissent fournir la dessus les indications nécessaires; on trouvers même souvent dans l'application que le dernier terme suffit seul pour déceler le premier.

Cela posé; les trois problèmes qui résultent de cette Théorie se réduisent dans leur plus grande généralité à ceci. La première & la dernière d'une suite de pensées, liées entr'elles selon les loix de l'imagina-

gination étant connues, trouver toutes les pensées intermédiaires de cette chaine dans l'ordre où elles se sont succédées, & par conséquent en déterminer la vitesse par le tems écoulé entre les deux extrémes. Ou bien, la derniere pensée de la chaine étant seule donnée, déterminer laquelle, entre plusieurs sensations connues, l'a produite, & trouver toutes les pensées qui l'ont suivie. Ou ensin, connossant simplement la sensation qui va réveiller l'imagination d'un homme, prévoir d'avance la suite des pensées qu'elle excitera en lui.

On voit bien, que tant que ces problèmes restent dans la généraité où je viens de les énoncer, ils ne laissent qu'entrevoir la pos sibilité absolue d'une solution, sans la donner réellement. pas affez de savoir qu'un corps mis en mouvement est parti d'un point, & qu'il est arrivé à un autre point, pour qu'on puisse tracer avec certitude la route qu'il a tenuë; il faut de plus comoitre ses diverses tendances, & la nature du milieu qu'il lui a fallu traverser: sans cette connoissance on pourra bien faire des conjectures, & des confectures plausibles, mais on n'ira pas au delà de la probabilité. Il en est de même dans le cas dont il s'agit ici. Si t'on ne connoît que le point d'où l'imagination est partie, & celui où elle est parvenue; ou s'il n'y a que l'un de ces deux points qui soit connu, on pourra, à la vérité, imaginer aisément des suites de pensées propres à remplir l'intervalle de l'un à l'autre; on pourra indiquer la route que l'imagination a pû suivre, mais on ne sauroit affurer du'elle l'ait effectivement suivie; d'autres chemins auroient pu également la conduire au même but, en suivant la même loi; ce ne seroit donc que par une espece de hazard qu'entre ces diverses routes nous démélerions la véritable: mais pour peu que les deux termes donnés ayent de rapport entr'eux, ou pour peu que les circonstances particulieres qui accompagnent chaque pas déterminé, fournissent de lumières pour entrevoir la connexion des deux extrémes, on pourra avec beaucoup de vraisemblance découvrir entre les diverses suites de pensées possibles, celle qui a réellement octupé l'esprit. Néan-Mim. de l'Asad, Tom. Fl. Mmm moins

anoins pour parvenir à une certitude Morale, il faut de plus conneitre les richesses de l'imagination de celui qu'on observe, son recueil de tableaux, en un mot la provision d'images que ses sensations lui ont sournies antécédemment. Avec ces sumiéres on peut à coup sur prévoir l'ordre dans lequel l'imagination, frappée par une nouvelle sensation, sera la revue successive de ses tableaux; & l'on saura par conséquent les pensées qui l'occupent.

Voilà plus de restrictions qu'il n'en faut pour rassurer ceux que la possibilité de lire les pensées d'autrui pourroit allarmer. L'Auguste Prince qui m'a fait naitre celles que je viens de proposer, ne pourroit qu'y gagner si chacun savoit lire dans les siennes.



DISSER-

Simila iminates instinginging instinging ins

DISSERTATION ONTOLOGIQUE

SUR

L'ACTION, LA PUISSANCE ET LA LIBERTÉ, PAR M. MERIAN.

Depuis que les Philosophes disputent, (& en quel tems n'ont-ils pas disputé?) la matière de la liberté fait un des principaux sujets de leurs divisions. La question; si l'homme est libre? dès qu'elle s'éleva, parut intéressante à tous les spéculatifs. On a écrit de gros volumes, où chacun décide selon les notions qu'il s'est formé; & ces notions une sois supposées, la plupart des décisions sont justes. Nous sommes libres, nous ne le sommes pas, nous savons ou nous ignorons si nous le sommes, selon que nous désinissons la liberté.

Je les laisserai disputer sans toucher à leur controverse, & sans m'embarasser, si dans le système de l'Univers, ou hors de ce système, dans la première origine des Etres, il y a de la liberté, ou s'il n'y en a nulle part? Dans les résléxions que j'ai l'honneur d'assujettir à vôtre examen, je ne me propose que de sixer l'état de la question. Qu'est ce que la liberté? & que demande-t-on, lorsqu'on demande; s'il y a des substances libres? Voilà l'objet de mes recherches. Elles se renserment dans l'Ontologie, & ne passent point les bornes du monde abstrait.

Si l'ame humaine entend & veut? si elle sent l'impression des motifs? ce n'est pas ce dont il s'agit de décider. On en convient de toute part. Si on ne désiroit rien de plus pour la liberté, la dispute M m m 2 seroit

seroit bientôt terminée; mais en quoi de tout cela peut résider la liberté? quels doivent être les états qu'on peut appeller libres, par opposition avec ceux qui ne le sont point? C'est là, dis-je, le grand article à disenter.

Je reprendral la chose de plus haut, en considérant, quelle doit être la différence réelle entre action & passion, supposé qu'il y ait en effet une telle différence. Ce sujet me conduira par une liaison naturelle à analyser les notions de la puissance, que toute action présuppose, & ensin à la liberté, qui n'est autre chose que cette même puissance. J'appliquerai mes spéculations non seulement à la Théorie particulière de l'entendement & de la volonté, mais encore aux vues les plus générales, & qui embrassent le système entier de l'Univers.

Je ne cherche point à me distinguer par des opinions paradoxes; & si on ne trouve rien dans cet écrit que de fort naturel & de fort simple, je me féliciterai d'avoir atteint le but que je m'étois proposé. Pourvû que par le tour que je donne à mon sujet, je puisse réussir à débrouisser le chaos des mal-entendus, des équivoques, & des vétilles de grammaire, dont on l'obscurcit, à saire le triage des expressions ambiguës, & à donner à chaque chose son vrai nom, je me croirai suf-sisamment payé de mon peu de travail.

Plusieurs de mes Consréres, dont les noms & les mérites sont honneur à cette illustre Compagnie, ont traité avant moi la matière de la liberté, & se sont distingués dans cette carrière par la pénétration & la subtilité qui leur sont propres, & à laquelle je n'oserois aspirer. Ils ont l'esprit trop juste & trop philosophique pour soupconner, que je puisse ou que je veuille me faire une réputation aux dépens de celle dont ils jouissent à si juste titre. D'ailleurs ils ne peuvent manquer de s'appercevoir, combien mon plan est dissérent, de celui qu'ils ont suivi; & ils seront les premiers à convenir qu'il est avantageux au progrés des Sciences de considérer le même sujet dans tous les disserens jours qu'il peut recevoir.

Nous

Nous nous sentons assujettis à des états ou à des saçons d'étraz qui ne vienneat manisestement pas de nous-mêmes, Nous trouvous aussi en nous des suites régulieres de constantes de ces états, suites dont nous ne saurions empécher le cours une fois commencé. Des que j'ouvre les yeux, je ne suis plus maisre de voir ou de ne pas voir la lumière de les objets qui la réstéchissent. De pareilles observations nous ont sait sentir notre dépendance. Ces situations, nous sommes nous dit, ne dépendent pas de nous; elles dépendent de quelque chose qui n'est pas nous, de elles sont liées les unes aux autres.

Voilà l'origine des idées de dépendance, de liaison, & de passivité. Nous avons pati avant que d'agir, & nous nous en sommes plutôt appercus.

He s'envre ici un valte champ à spéculations. Tout ce qui est lié dans l'univers, soit dans la céexistence, soit dans la succession, nous cithe ses liens. Les nocuds que nous eroyons appercevoir, sont noués eux mêmes par des nocuds imperceptibles. Les organes qui tombent sous nos sens dépendent d'organisations plus subtiles qui ne sent visibles qu'à travers le microscope; de à mesure que cet instrument se persessionne, on peut s'attendre à en découvrir soujours de nouvelles. Il en est de même d'une chaine d'états qui se suivent du intelligence superieure y pourra voir des états moyens qui seront les chainons des chainons apparens, de des états moyens entre ces états moyens, dans une progression à laquelle nous ne voyons point de terme.

Appercevons nous en effet aucune connexion dans la Nature a ou le tout se reduit il à des suites de phénomenes indépendans & détachés les uns des autres? S'il en est ainsi, d'où nous vient l'idée de connexion? Si nous n'avions sur chaque cas qu'une seule observation, y aurions nous jamais songé? Mais la repétition de ces cas peut-elle prouver ce que chacun d'eux en particulier ne prouve point? Enfin, si ces phénomenes avoient paru dans un ordre renversé, nos notions M m m a

Digitized by Google

ne séroient-elles pas en raison inverse de ce qu'elles sont à présent? Nous disons que la solution du continu produit la douleur, parce qu'elle la précéde; si elle la suivoit, n'aurions-nous pas la même raison de dire, que la douleur produit la solution du continu?

Toutes ces questions sont hors de mon plan. Je suppose ici le dépendance requise pour donner un sens au mot de passion. Mes spéculations roulent sur cette donnée; & c'est sur elle que j'établis la différence entre l'actif & le passif.

Lorsque deux choses, qui par leur nature appartiennent à la même classe, différent par leurs rapports aux choses externes, cette différence est rélative, accidentelle, ou nominale.

Elle est réelle, essentielle, ou spécifique, dès que chaonne des deux a son caractère intrinséque, incommunicable à l'autre dans quelque circonstance qu'on la place, ou sous quelque point de vue qu'on l'envisage.

La passion est un état qui a le principe de son existence hors de soi, ou qui est tellement attaché à un état précédent, que l'existence de celui-ci entraine la sienne. Une substance est passive entant qu'el-le est assujettie à un pareil état.

La différence réelle de l'action exige, que son caractère puisse être nié du caractère de la passion. Elle sera donc un état indépendant de ceux qui précédent, & un principe, ou une source, d'où dérive un nouvel état, ou une nouvelle suite d'états. L'agent est la substance en action.

Dans une suite a, b, c, d, d est un état passif, parce qu'il dépend de c; mais c ne l'est pas moins, parce qu'il dépend de b, & ainsi du reste. La dépendance de d sussit pour le rendre passif, mais il ne sussit pas pour rendre c actif, parce que si c étoit actif à l'égard de d, & passif à l'égard de b, la différence entre action & passion ne seroit que rélative & nominale. Il est plutôt vrai de dire que, quelque terme de la suite que vous preniez, l'état marqué par ce terme est aussi peu passif par rapport à ceux qui le précédent que par rapport à ceux qui

qui le suivent, ne l'étant que par rapport à une action qui se trouve au commencement de la suite. Si a, b, c, d, me représentent une chaine, je dis que le chainon b ne soutient pas plus le chainon c que le chainon d ne le soutient; car, comment ce qui ne se soutient pas soimème, soutiendroit il quelqu'autre chose?

Autant de fois que dans une suite donnée chaque état tient à son voisin, toute la suite est passive; & on ne peut appeller action que par impropriété de langage tout état qui porte ce caractère de passivité.

Mais, si en remontant la suite a, b, c, d, on trouve à la fin un état x indépendant de tout ce qui précéde, cet état seul sera actif, & a, b, c, d, seront les essets de son action. On peut considérer ces états comme un esset unique, nonobstant qu'ils n'existent que l'un aprés l'autre, car une chaine commune les lie aussi bien que s'ils existoient à la sois; en comprenant a+b+c+d sous une seule dénomination Z, on pourroit dire que x produit Z avec autant d'exactitude que l'on diroit : je remue un baton, lorsqu'on remue une infinité de particules qui le composent.

Tout agent déploye son action, ou sur lui-même, ou sur un sujet différent de lui. Il n'y a que ces deux sortes d'actions qui soient concevables. J'appelle action externe celle qui s'exerçant au dehors suppose deux sujets, l'un actif & l'autre passif. J'appelle action interne celle qui ne suppose qu'un sujet passant par une pluralité d'états liés, dans l'un desquels ce sujet est actif, & passif dans les autres.

Quelques uns révoquent en doute la possibilité des actions externes; d'autres ont peine à concevoir l'action interne. Je ne m'engage à soutenir ni l'une ni l'autre; cependant il est bien clair que les changemens extérieurs que nous causons, ne nous sont connus que par cette sluctuation d'idées qui diversise la scéne dans nos entendemens.

Si nous faisons abstraction des effets, toutes les actions ont les mêmes propriétés; & d'abord une vraye action exclut toute autre action de la suite où elle se trouve. Supposez deux actions comprises

prises sous le même enchainement d'états, il saudra que l'une des deux soit l'effet de l'autre, & comme tout effet est une passion, qu'elle soit action & passion tout ensemble; ce qui est manisestement contradictoire.

Rien n'est cependant plus commun que d'entendre dire, qu'une assion a été produite, qu'un être a été mis en assion, qu'en s'est mis soiméme en assion. Si on prend ces expressions à la lettre, j'aimerois autant qu'on dit, que l'on a pâti une assion, ou qu'un état assis est estat passif. Le langage est une source séconde d'erreurs; le Philosophe s'en sert avec le reste des hommes, mais il épure les notions qu'il y attache.

Quand nous parlons de l'incompatibilité de deux actions dans la même suite d'états, nous ne l'entendons pas seulement de celles qui se suivoient immédiatement, mais encor de celles qui laisseroient entr'elles un intervalle quelconque, pourvû que la chaine soit continue & ne soussire point d'interruption.

Si z est une action dont dépend la suite a, b, c, d, d sera aussi peu une action que s'il n'y avoit que la suite z, d. Les états a, b, c, considérés par rapport à d seront des états de pure machine, & la substance qu'ils affectent, sera une machine, entant que passant par ces états. On voit que la passivisé n'entre pas seule dans l'idée de la machine, & qu'on y considére encore le rapport à un changement déterminé qu'on produit par son moyen. Un état machinal n'est pas son propre terme, il se rapporte toujours à un état suivant qu'on obtient par son intervention; si un corps étoit mû dans l'espace vuide, quelque passif que sut ce corps, il ne seroit pas machine.

Nous ne prenons pas ici le mot de Machine dans un sens mécanique, où il s'agit de produire des mouvemens compendieux en diminuant la dépense du tems & des sorces; mais dans un sens métaphysique & général qui enveloppe toutes les substances sans exception. S'il y a des esprits à qui elle convient, ces esprits seront des machines; s'il y a des corps à qui elle ne convient pas, ces corps ne seront

feront pas des machines. Je ne conçois que des raisons de système qui puissent porter un Philosophe à restraindre cette dénomination aux corps seuls; on auroit, ce me semble, autant de raison de l'approprier à un certain métal à l'exclusion des autres; si un corps a'est pas machine, parce qu'il est d'or ou de cuivre, un être le serat-il plus ou moins, parce qu'il est corps ou esprit? Ou plutôt le corps de l'être le sont-ils pour autre cause que parce que la notion de la machine les renserme?

Deux ou plusieurs actions peuvent concourir au même effet total, mais de quelque saçon que cela arrive, ces actions ne se trouveront jamais dans la même serie, puisqu'elles ne sauroient devenir l'instrument l'une de l'autre. Un effet total n'est que la somme des
effets particuliers de chaque acte individuel, qui y sournit son contingent. Supposez que deux agens unissent leurs sorces pour remuer un corps, ou qu'un corps mis en mouvement par une première action reçoive un nouveau dégré de célerité, ou une nouvelle
direction par une seconde action, on pourra faire le partage de l'effet
total, & attribuer à chacune sa serie d'effets en raison des sorces qu'elle
a contribuées. La seconde action n'est donc point la machine de la
première, & il y a deux series d'effets differentes dans leurs principes.

Toute action moyenne doit être jugée selon cette régle. Si entre l'action z & la passion a, il y a une action m, a est l'esset de m, & par conséquent z ne le produit point; mais z ne produit pas m non plus, parce qu'une action ne sauroit produire une action. La suite z, m, a, est donc contradictoire; elle laisseroit entre z & m une lacune qui romproit la continuité de la suite. Un angle intercepté dans l'origine de deux lignes qui partent de disserens points, n'est pas plus incompréhensible qu'une liaison pareille. Ces lignes peuvent se rencontrer quand on les continuë, soit qu'elles se terminent au même point, soit que tendant vers disserens points elles ayent un point d'intersection; de même les essets de 2 & m peuvent se join
Mim, de l'Acad. Tom. VI.

N n n

Digitized by Google

dre, se croiser dans un passage commun, & se modisier, mais les actions mêmes ne sauroient se lier en aucune saçon, ni médiatement, ni immédiatement. Qu'on suppose une rencontre & une modisication quelconque de leurs essets, on pourra toujours tracer une serie continuë dépendante de z, qui différerz d'une autre serie dépendante de m, & concevoir partout un partage d'essets, analogue à sa distribution du mouvement qui a lieu aprés se choc des corps.

Nous avons pris le mot de liaison en sa plus grande rigueur. Adoucissons ce terme à n'entendre qu'une siaison occasionelle, ou en général une liaison avec laquelle l'activité de m puisse substitute. Rien n'empêche que cette liaison n'ait lieu; cependant il est à observer que naturellement elle ne sauroit jamais être immédiate. Pour que a devienne l'occasion de m, il saudra que a produise un motif dans la substance à laquelle m appartient, & ce motif étant une passion interceptée entre a m, rendra la liaison médiate.

J'ai excepté les cas surnaturels; en supposant l'intervention immédiate de la Divinité, on ne sauroit dire que nous produisions le motif qui la porte à agir; ce motif subsiste avant nous dans la région des vérités éternelles.

La Secte des Occasionalistes resserre l'activité des substances sinies dans des bornes si étroites, qu'on est fort embarassé à comprendre ce qui en reste aprés tant de restrictions. Il y a une raison évidente du contraste qui regne dans les Ecrits de ces Philosophes: c'est que d'un côté ils reconnoissent ce que de l'autre ils devroient rejetter en vertu de leur système qui transmet toute énergie à la Divinité. De là vient ce langage singulier, (*) que nous faisons ce que Dieu fait en nous, qu'une détermination particulière qui n'est ni nécessaire ni invincible, nous est donnée de Dieu, & que lorsque nous nous donnons une neuvelle modification, ce que nous faisons alors, est produit par l'action que Dieu met en nous. Si ces expressions sont incompréhensibles, c'est cependant

^(*) Voyez la Recherche de la vérité du P. Malebranche, éclaire, 2. sur le ch. 2. du premier livre.

dant tout ce que pouvoit imaginer de mieux le sublime Fondateur de cette Secte.

Est il possible en effet de concevoir une action sans sa passion corrélative? Ne seroit-ce pas là une action en l'air, ou ce qu'on appelle agendo nihil agere? Il est très raisonable de penser qu'aucune action n'est destimée de coute essicace; peut être, à bien approfondir la chose, se trouvera -t-il que chaque action rompt une chaine d'états qui alloit se prolonger, ou qu'elle arrêre une passion au passage dans le même instant qu'elle se déploye: de cette saçon chaque acte aura son esse inséparable, quand même on supposera l'agent anéanti immédiatement aprés.

Quoiqu'il en soit, il n'y a que deux chemins ouverts pour l'action z, le premier suit une ligne divergence de m. Le second aboutit à sournir un motif, & par là à devenir l'occasion de m qui commencera alors sa ligne dans un point de celle que z avoit ébauchée, soit qu'elle ne sasse que la continuer, soit qu'elle sui donne des insiéxions.

En supposant donc entre z & m le motis 1, de sorte que dans la suite z, l, m, a, les passions alternent avec les actions, cette suite sub-sistera, ou dans la même substance Z, car une première action occasionnant la suivante, le même agent peut saire par le trajet à m; ou cette suite sera partagée entre phisieurs substances. Supposez en deux Z & M. Dans cette supposition M commence où Z sinit, savoir aprés l; z appartiendra à Z, lm à M, & a sera dans M, ou hors de M, selon que l'acte m est externe ou interne; a pourra même être dans Z par une réaction de M sur Z. Mais dans aucun de ces cas z n'aura produit a.

Il en sera de même, si tirant le motif l de la suite z, l, m, a, vous le transportez dans l'entendement divin, qui connoit nos actions sans en éprouver aucune influence; car quelle que soit la destinée de z il sera toujours vrai, qu' a procede de m, savoir d'une action divine occasionnée par le motif l.

Nnn 2

Je

Digitized by Google

Je viens de déterminer tous les cas des causes occasionnelles applicables aux changemens qui arrivent dans l'Univers, soit en grand, soit en petit. Supposé que le choc ne soit que l'occasion du mouvement des corps, que les Anges remuent les tourbillons, qu'une substance immaterielle, pénétrant les masses des globes célestes, les pousse l'un vers l'autre en raison inverse des quarrés des distances, ou qu'en général en toute rencontre des corps le mouvement s'exécute par quelque substance étrangere, les rencontres & les situations ne seront que des motifs que la même substance se fournit à elle-même, ou que plusieurs substances se renvoyent mutuellement.

Il en est de même des changemens qui semblent passer des corps aux esprits, des esprits aux corps, ou des esprits aux esprits. Tous ces changemens exigent une pluralité d'actes, quoiqu'il ne soit pas toujours nécessaire d'appeller au secours un agent moyen, pourvû qu'on suppose deux sujets capables d'action. Lorsqu'un Officier commande l'exercice à son Soldat, c'est sans doute ce dernier qui l'exécute, & lorsque l'horloger monte & régle ma montre, ce n'est pas moi qui marque le midi; au lieu que si je faisois saire à une Marionette l'exercice Prussien, ce seroit mon acte, & non celui de la Marionette, & que dans un langage exact on ne devroit pas dire que l'aiguille, mais que l'horloger marque le midi.

Enfin, à l'occasion des actions & des changemens d'une substance, Dieu peut produire d'autres changemens dans la même. Supposé qu'un esprit agisse, son action sera un motif à Dieu pour introduire dans cet esprit une pensée, cette pensée deviendra un nouveau motif pour l'introduction d'une seconde, celle-ci pour une troisième; & de suite jusqu'à ce que l'esprit en arrête la succession par un acte nouveau. C'est ainsi que doivent dogmatiser les Idéalistes, dont les plus célébres sont Cartesiens. Il y a lieu de s'étonner, que ces Philosophes soient ordinairement représentés par Mrs. de Leibnitz & de Wolff, comme s'accordant avec eux sur une branche de l'harmonie préétablie, qu'on dit être un composé de l'idéalisme avec le materialisme. Je ne vois

vois pas sur quel sondement repose cette assertion, pendant que les plus distingués de cette seste, comme le Pére Malebranche, (si on vent l'y compter,) & le savant Eveque de Cloyne, rejettent avec Descartes les idées obscures qui sont l'unique soutien de l'automate spirituel de Leibnitz.

Il découle naturellement des mêmes principes dont nous venons de faire l'application aux causes occasionelles, qu'un changement qui répond à une action en vertu d'une suite préordonnée, doit être considéré comme l'effet de l'action dont il dépend, & non de celle à laquelle il répond; cette derniere, entant que prévuë, ne fait que sournir un motif à l'agent qui a préétabli la suite dans laquelle entre son changement harmonique, & par conséquent n'est que cause occasionelle de ce changement, saus cependant à elle d'entrainer ses propres essets dans l'intérieur de sa substance.

On peut concevoir une harmonie entre les différens états de la même substance avec autant de raison qu'on la concoit entre plusieurs substances: supposez « une action, à laquelle répond dans la même substance la passion d, qui cependant dérive d'une action externe 2. par une suite préétablie, z, a, b, c, d, ce sera ce qu'on cherche. Cette harmonie intrinséque paroit devoir entrer non sealement dans l'harmonie universelle, mais encore dans l'automate spirituel en particulier. Lorsque je jette les yeux sur un objet coloré, la vuë de cet objet n'est pas l'esset proprement dit de mon action, mais celui d'un ordre préérabli dans la même substance, en vertu duquel un Soleil obscur a dardé ses rayons sur l'objet, qui de là se sont résiechis sur ma rétine représentative suivant les loix de l'Optique spirituelle, & d'une manière propre à me présenter cet objet sous les conleurs que j'y appercois, aprés l'action sur laquelle leur dévelopement est réglé. seroit la en retranchant le corps le véritable idéalisme Leibnizien. qui s'accorde pourtant avec le Cartesten, en ce qu'il requiert plus d'une action, comme en général tout ce qui est occasionel ou harmonique. Les partisans de l'harmonie conviennent sans difficulté que Nnn 3

Digitized by Google

les actions des esprits ne sont que causes exigitives des mouvemens de leurs corps.

L'influence Physique différe des deux hypotheses dont nous venons de parler, en ce qu'en elle tout est lié depuis le commencement
jusqu'à la fin, & lié naturellement. Quand même on concevroit
l'action & tous ses effets dans une substance commune, les différens
états de cette substance seroient encore liés entr'eux, & on pourroit
concevoir une influence de l'un sur l'autre. Il est vrai que, dans les
êtres sinis, cette liaison dépend d'un acte antécédent d'un être insini qui
accorde aux premiers un certain empire, soit sur leurs propres états,
soit sur ceux des substances qui les environnent; ce qui est évident
par là seul que les agens sinis vont à leur but par des voyes sourdes,
dont il ne sont par conséquent pas les auteurs, quoiqu'indépendans
dans leur emploi. Mais la liaison immédiate des causes, des moyens,
& des sins n'en souffre rien, les deux derniers étant abandonnés à la
détermination des premières, & ces premières n'étant déterminées
que par elles mêmes.

C'est un argument bien foible, que celui que les Cartesiens déduisent de l'ignorance des moyens, pour établir l'intervention immédiate de Dieu, & pour rejetter l'influence. Quelque vray qu'il soit que, lorsque nous remuons nos corps, nous ne choisssons, ni la quantité des esprits animaux, ni les canaux par lesquels ils doivent couler, ni les muscles qu'ils doivent ensier par leur insluence, ou desenfler par leur retraite, & que ceux qui remuent leurs corps avec le plus de vigueur & d'adresse, soient ordinairement les plus stupides, & les plus incrédulles au sujet de ce mécanisme, cela n'empêche pas, dis-je, que toutes ces choses ne puissent être liées très étroitement, & entr'elles, & avec l'action qui y préside. Ainsi, quoiqu'un homme ignorat parfaitement la nature & l'existence même de la poudre à canon, il pourroit pourtant être amené par l'habitude à produire avec prévovance les effets les plus prodigieux de cette poudre. Il n'y auroit pour cela qu'a lui apprendre qu'on le fait en mettant le feu à des barils.

barils dont on le laisseroit ignorer le contenu. Ajoutons qu'une telle liaison devient très probable, parce que sans elle la complication des moyens paroit devenir supersue, & ne servir qu'à multiplier les êtres sans nécessité.

Jusqu'ici nous n'avons considéré que les actions qui produisent des changemens dans quelque sujet préexistant; mais, si ces sujets même ont eu un commencement d'existence, (ce qu'il ne m'est permis ici que de supposer,) seur passage du néant à l'être exige une action présiminaire à tout changement consecutif; cette espece d'action nous reste à examiner.

Si tout ace demandoit le changement d'une substance préexistante, la création ne seroit pas un acte. Elle n'est pas le changement du possible dans l'actuel, car soin que le possible cesse de l'être lorsqu'il est réalisé, sa possibilité en reçoit la consirmation; ce n'est pas le changement d'une représentation en ce qu'elle représente; car outre qu'elle ne représente rien avant l'existence de son estype, on ne sauroit dire qu'un plan cesse d'exister aprés qu'il est exécuté sur le terrain. Dira-t-on que c'est le changement du futur dans l'actuel? Mais le sutur n'est rien; s'il étoit quelque chose il seroit présent; on n'en peut pas dire qu'il existe mais qu'il existera, ni qu'il change, mais qu'il changera. Newton a cru, (*) qu'on pourroit se former en quelque manière une idée de la création de la motière, en supposant que Dieu eut empeché par sa puissance que rien ne pût entrer dans une certaine portion de l'espace pur, qui de sa nature est pénétrable, éternel, nécessaire, infini; car des-là cette portion de l'espace ouroit l'impénétrabilité, l'une des qualités esseusielles à la matière. Mais il est visible que dans ce cas la puissance divine n'empécheroit que la pénétration actuelle, & non la pénétrabilité de l'espace, dont elle ne fauroit changer la nature. L'espace a été pénétrable avant la création des corps, & l'est encore dans les lieux de l'immensité où jamais aucun corps n'a pénétré.

Cepen-

^(*) Voyez Locke sur l'Entend. hum. L. IV. ch. 10. §, 18, remarque 2 du Traducteur,

Cependant, lorsqu'on considére d'un autre côté, que les subfiances créées ont hors d'elles le principe de leur existence, & de leur manière primitive d'être, on ne sauroit s'empêcher de les regarder comme passives, & p.c. de reconnoitre comme un acte la création dont elles dérivent. Nous nous formes formé nos notions sur les changemens observables dans les substances préexistantes: de là vient la difficulté de concevoir un acte, sans présupposer un sujet sur lequel il s'exerce; dans le cas présent nous sommes toujours portés à substituer ce sujet sous le nom de rien, ou de néant, quoiqu'en effet nous ne concevions pas mieux la succession des modes dans les sujets préexistans que la création même. Ce n'est que l'habitude qui nous rend le passage d'un mode à l'autre plus compréhensible que celui du Néant à l'Etre; si nous voyions autant d'exemples de création que de modification, nous ferions aussi familiarisés avec la première espece de production que nous le sommes maintenant avec la seconde, qui dans le fonds n'est pas moins que la première un passage du non-ècre à l'etre.

On me demandera peut-être, s'il ne seroit pas possible, que l'état primitif d'un être nouvellement créé sut lui-même une action? si Dieu ne poursoit pas créer un être en action, comme il peut créer un corps en mouvement? La question revient à cecy: Si l'état primitif paut être uction & passion ensemble? ou, si une vraye action, peut être une vraye passion? & par conséquent la réponse est toute simple. La comparaison du corps créé en mouvement n'est rien moins que juste, vû que la matière n'est pas plus active dans le mouvement que dans le repos, à moins qu'on ne conçoive une matière soi-mouvante. Mais il est impossible qu'un corps soit créé dans l'état soi-mouvant.

En prenant une substance telle qu'elle sort des mains du Créateur, nous la trouverons déterminée par deux sortes de conditions, les unes essentielles & permanentes, qui la qualifient à l'existence; ces conditions ne déperissent par aucun changement, & tiennent contre tous les bouleversemens de la nature; les autres passageres &

tran-

transitoires qui paroissent & disparoissent; c'est seur variation perpetuelle qui rend le monde à tout moment si différent de lui-même, & entretient ce spectacle si amusant pour les esprits les plus srivoles, mais ravissant & instructif pour un contemplateur qui pénétre au dedans de l'écorce. Sans les premières il n'y auroit point d'identité; sans les secondes il n'y auroit de diversité qu'entre les especes, elles sont surtout toutes deux nécessaires au changement. Par rapport aux passagéres la chose est toute claire, puisque c'est dans leur succession que tout changement consiste.

Mais si tout étoit passager, & la nature entière dans un flux perpetuel, le changement ne seroit qu'une alternative éternelle entre l'anéantiffement & la création. Chaque instant tireroit du sein du néant un nouvel Univers qui ne seroit point bâti sur les ruïnes de l'ancien, & l'y replongeroit l'instant aprés; à peine une chose existeroitelle qu'elle cesseroit d'être; au lieu que, s'il n'y a que les conditions non essentielles qui soient sujettes aux variations, le monde ne sera vain & passager que dans sa partie la moins considérable; la nature toujours la même sous dissérentes formes ne perdra rien sans espoir de réparation, ni dans le physique, ni dans le moral, l'ordre pourra toujours renaître du sein même du desordre; & ainsi que nous voyons les beaux jours succeder aux orages, de même les Nerons pourront devenir des Titus, puisqu'ils ne sont point Nerons par leurs essences. Car, quand même le monde physique retomberoit dans le Chaos, que le monde moral devint le théatre de la fraude de l'injustice & du crime, rien ne seroit par là, ni ajouté, ni retranché, aux fondemens durables des êtres:

> Qua neque concussum cali, neque sulminis iram, Nec metuunt ullas tuta atque aterna ruinas.

Cecy posé, l'on voit non seulement que, si l'action convient du tout à la créature, ce ne peut-être que dans le champ des déterminations passageres, mais encore que la Divinité elle-même ne sauroit changer les essentielles sans anéantir les substances.

Mim. de l'Acad, Tom, FI.

000

n

Il en suit outre cela que tout être créé est passif par rapport à ses qualités permanentes, par rapport à l'état primitif formé de qualités transitoires, comme aussi par rapport à ce qui dérive de cet état dans une suite non interrompuë; & par conséquent que l'être entant que créé est passif à tous les égards.

Enfin la substance finie est toujours passive à de certains égards; on ne sauroit concevoir un instant dans lequel elle se dégage entiérement de sa passivité. Cet instant devroit être rempli d'action; tous les états passifs qui subsistent dans la substance, soit en conséquence de ses déterminations primitives, soit en conséquence des déterminations suivantes, devroient être effacés par autant d'actions. seule action ne suffira pas pour rompre plusieurs chaines de passions. Plusieurs actions réiterées n'y suffiront pas non plus, quand même depuis l'une à l'autre la substance ne recevroit aucune nouvelle im-Supposez qu' a détruise un état passif; pendant pression de dehors. que b en efface un autre, a aura déjà formé un nouveau, auquel il faut opposer un nouvel acte; l'oeuvre se multipliera sous les mains de l'agent, & plus il aura fait, plus il lui restera à faire. Je veux même supposer plusieurs actes simultanés, & que vous soyez capable d'opposer une action à chacun de vos états passifs, il vous restera toujours une passivité invincible que vous ne fauriez détruire sans vous arracher à vous-même, (si j'ose ainsi parler,); cette passivité se fonde sur les conditions durables de votre être, elle commence & finit avec votre existence.

Je n'ignore point le sentiment d'une Secte célébre qui, faisant consister les essences dans des efforts continuels au changement, prétend que rien n'est mort dans la nature, que tout y est vie, que tout est action. Il est visible que cette Secte attache à ce terme un sens tout opposé à celui que nous lui attribuons, & qu'elle traite de chimére. Je ne disputerai pas sur les mots dont l'usage est arbitraire; & il me suffit que ce que ces Philosophes nomment une action, puisse être une passion parsaite dans notre manière de penser & de nous exprimer.

Lors-

Lorsque dans l'Algebre on trouve une quantité positive égale à zero, on conclut, qu'il y a de l'erreur dans les données. Nos recherches nous montrent que les substances finies qui sont actives, doivent être passives en snême tems. Si cette proposition implique, il s'ensuivra que ces substances sont incapables d'action dans le sens que je donne à ce terme; mais on observera aussi que cette difficulté ne m'affecte en aucune façon, puisque je ne donne ni n'ôte à ces subfrances la capacité d'agir. Mais d'un autre côté on se tromperoit bien plus groffierement à s'imaginer que ces substances pourroient être purement actives, & que la difficulté seroit applanie en retranchant ce qu'il y a de passif en elles; ce seroit soutenir, que le néant put être actif. S'il y a donc des créatures actives, non seulement il n'implique point qu'elles soient passives en même tems, mais il impliqueroit que cela fut autrement. Toute créature est passive en vertu de son origine & de la continuation de son durable: & elle est passile, (permettez moi ce terme,) par le droit d'agir sur elle, que conferve la substance créatrice.

M'objectera t-on que Dieu ne peut agir sur les substances actives, parce que ce seroit anéantir ces substances que d'agir sur elles? Mais d'abord ces substances seroient-elles moins passives dans leur anéantissement qu'elles n'ont été dans leur création? Ensuite, pour les rendre impassibles, ne faudroit-il pas leur attribuer une indépendance absolut de la Divinité, leur ériger un empire dans l'empire de l'Univers? D'ailleurs l'objection ne suppose t-elle pas évidemment, que le durable des êtres actifs renferme l'action actuelle, ce qui seroit très absurde, ce durable étant nécessaire & passif, comme nous avons yu, pendant que toute action est libre, comme nous verrons tantôt. Agir en vertu de son essence, c'est agir toujours, c'est agir nécessairement, ou ce qui est la même chose, c'est n'agir point du tout. Ceci prouve encore clairement qu'une substance finie purement active est purement contradictoire, ou, si on aime mieux, elle n'est qu'un jeu de mots; & si on vouloit l'admettre, il faudroit dire, qu'elle seroit 0002 beau-

Digitized by Google

beaucoup moins parfaite qu'une substance dans laquelle; les yeayes actions seroient entremélées avec les passions.

Franchissons les limites de l'Univers, & transportons nous dans des régions superieures. Pourra-t-on dire que la suprême substance elle-même soit active à tous les égards. Les Philosophes qui l'ons définie un acte pur, n'ont pent-être pas pris garde qu'ils la déponilloient en effet de toute activité. Il y a en Dieu des propriétés fondées sur la nécessité de son être, qui certainement ne penvent pas être appellées des actions : prenons pour exemple la toute-science qui a de l'analogie avec notre science limitée, vu que nous ne la concevons que par le retranchement des bornes dont nous nous sentons environnés. Dieu seroit-il plus actif par rapport à sa science que nous ne le fommes par rapport à la notre? N'est-il point nécessité per sa propre nature à tout connoitre? & ne peut-on pas dire en quelque façon qu'il pâtit de sa nature? Si cette expression paroit trop dures je consens qu'on invente un terme moyen entre action & passion, pourvu qu'il désigne ce qui est aussi peu action que la pession mêmes. Dans le fonds toute la différence qu'il y a entre la Divinité & nons. confifte en ce que rien d'exterieur n'agit fur la première, le reste de l'analogie subsistant dans son entier. Toutes les raisons concevables: donc, pour lesquelles l'action & la passion ne sauroient résider dans un sujet commun, recourant dans la substance divine, on seroit réduità soutenir, que Dieu lui-même ne peut être tout-sage & tout-puissant à la fois, & par conséquent qu'il n'y a aucun agent, ni dans le nombre des créatures, ni hors de ce nombre; ou il faudra se ranger sous les étendarts de Spinoza en soutenant, que tous les actes de Dieu sont aussi nécessaires que son être, c'est à dire, il faudra vétiller sur le mot d'action.

Je ne plaide icy pour aucun parti; mais je ne puis croire que ceux qui admettent l'action & la passion dans le même sujet, prétendent y allumer la guerre intestine, en introduisant deux principes dont les efforts réciproques tacheroient de s'entre-détruire, & se disputeroient,

roient, pour sins dire, l'empire de la substance. Ils cossosivent, sest vrai, dans le même sujet, deux manieres d'être qui disserent specifiquement, mais, diront-ils peut être, il n'y a en ceti rien d'extraordinaire: l'experience journassére ne nous montre-t-elle pas dans les substances les plus simples la plus étonnaire variété de modifications? N'est-ce pas la même ame qui voit les couleurs, entend les sons, saire les odeurs, savoure les mets, tantôt nageant dans des torrens de délices, tantôt en proye aux douleurs les plus desespérantes? S'il y a cette variété entre les especes des passions, pourquoi seroit-il impossible que tous les états passis pris ensemble differassent d'une autre espece d'états qu'on nomme actifs? La simplicité de la substance qui est le théatre de ces sissérentes scénes, ne s'opposé pas plus à la seconde variété qu'à la première.

A regarder les choses d'un point de vue général, il est clair que tout état est actif ou passif; mais ce seroit un partage mal sait que de divisér les substances en actives & passives, vu que bien qu'il puisse y avoir des substances entiérement passives, il est impossible qu'il y en ait d'entiérement actives. Le partage saivant sera peut-être plus commede: d'abord il y a des substances entiérement passives par des actes étrangers. Après cela il y en a qui sont actives & passives ensemble. Les actions de celles-cy, ou se renferment dans leur interieur, on produisent des changemens au dehors. Leurs passions proviennent aussi, ou de leurs propres actions; ou d'actions étrangéres; ces dernières sont de exois sortes: ou c'est une continuation de leur durable; ou ce sont des états résultans de l'état primitif; ou des états introduits après le primitif par une cause extérieure, soit médiatement, soit immédiatement. Ensin il y a un agent, qui n'est passif que par la nécessité de sa nature.

On a vû en quoi doit consister le caractère distinctif de l'action, si elle différe plus que nominalement de la passion, & nous avons réduit toutes les actions concevables sous des vues générales. Mais ce principe intrinséque, sans lequel il n'y en auroit point, nous ne O o o 3 l'avons

Digitized by Google

l'envisager de plus prés. L'Ocean a ses prosondeurs à l'épreuve de la sonde; les sources des rivières qui sertilisent les courrées les plus vastes, se cachent dans des rochers estarpés, dont il n'est permis de reconnoitre que les avenues. De même ces principes d'action qui produisent, animent, & changent l'Univers, ne nous présentent que certaines sees, nous dérobant éternellement leur sonde & leur manniere d'opérer.

La première chose à laquelle la considération de tout acte nous conduit, est une puissance d'agir. Cette puissance n'est pas simplement ce que la Philosophie nomme une saculée, mot trop général, de qui embrasse la passion aussi bien que l'action. Les saculées de l'entendement ne sont que la réceptivité d'actions étrangères. La Philosophie moderne semble même avoir restraint ce mot aux passions seules, puisque pour mettre les facultés en jeu elle requiert une force.

Il y a une définition générale de la force très applicable à la puissance d'agir; elle est en effet la source des changemens qui arrivent unx substances, bien entendu une source primitive qui ne déconte point d'une autre source: il ne sant jamais trop presser la métaphore par laquelle on explique ces sortes de matieres; les sources d'eau les plus vives dérivent de causes anterieures, soit qu'elles soient produites des eaux de la mer qui s'élévent par les tuyaux des montagnes, soit qu'elles descendent des vapeurs condensées sur leurs sommets.

Mais notre puissance d'agir devient tout à fait méconnoissable sous la notion de la force que la Philosophie moderne a mis à la mode; cette sorce est un effort continuel à produire du changement; on lui donne le rang entre l'acte & la faculcé, & on la compare au ressort qui s'efforce à se détendre. Une telle sorce suppose une sorce anterieure qui la monte, la détermine, & la dirige vers son but; c'est une sorce sorcée, si j'ose m'aisi exprimer. Supposons avec les mê mes

mes Philosophes qu'elle soit le durable même des substances, ce durable sera déterminé de dehors par la sorce créatrice dont il tire son origine. Si on n'analyse point les sorces subordonnées en des sorces primitives, que nous appellons pulssances d'agir, l'état naturel de l'Univers sera un état sorcé sans qu'il y en ait une cause primitive. Il seroit intitle de recourir dans ce système au pouvoir divin; ce pouvoir même n'e sera autre chose qu'une pareille sorce, il sera plutôt une impuissance qu'une puissance.

Bien loin donc qu'une pareille force soit la puissance d'agir que nous cherchons, elle n'en est tout au plus que l'instrument; les Philosophes dont nous parlons, demandent les sorces pour mettre les facultés en oeuvre; nous demandons des puissances pour mettre les forces en oeuvre.

Monsieur de Maupertuis explique la génération de l'idée de la force motrice (*) par le sentiment d'un effort que nous faisons en voulant produire quelque changement. Je ne crois pas qu'on parvienne autrement à la notion d'une force quelconque. Or pour faire un effort il faut agir, & il est visible que l'effort est quelque chose de moyen entre l'action & l'effet, & tout au plus la cause instrumentale de ce dernier. Il n'est donc point l'action, ni le principe, mais le produit de l'action: il ne tend pas aussi à l'action, comme on aime à s'exprimer, mais il en procéde.

En attribuant de la force aux corps on ne prétend pas les ériger en agens (**). Il ferois absurde de dire qu'une partie de la matiere qui ne peut se mouvoir d'elle-même, en pût mouvoir une autre, pour me fervir des paroles du grand homme que je viens de citer. Ces forces, & toutes celles qui leur ressemblent, ne sont donc pas des points auxquels on puisse s'arrêter en remontant des essets aux premieres causes. Mais à le bien examiner on trouvera peut-être que toutes les autres forces ont été sormées sur le modele des sorces motrices. Les Leibnitziens ont exclu les corps durs de l'Univers, & rendu tou-

tes

^(*) Essai de Cosmol p. 49-50.

des forces vives. Non contens de cela, ils ont étendu ce principe au delà de la Mécanique, en rendant les esprits élastiques comme les torps, & en communiquant l'élasticité à toutes les substances sans exception. Du moins ne sauroit-on se faire une autre notion de leur force; pour se faire comprendre ils ont un besoin continuel de la comparation du ressort; & M. de Leibnitz nous approad lui-même, que se élémens contiennent ce qu'il y a d'eminent dans la Mécanique.

La dissérence entre la force Leibnizienne & nôtre puissance d'agir est aisée à apercevoir. La première tend à un seul effet déterminé; la seconde embrasse également les deux partis opposés. Un
pouvoir d'agir doit être en même tems un pouvoir de n'agir pas.
Supposez ce pouvoir astreint à l'action ou à l'inaction seule, ne faudroit-il point que le parti opposé sui sût rendu impraticable par quelque sorce exterieure? Ne seroit-il pas sorcé à prendre le parti qu'il
prend? & son pouvoir ne seroit-il pas entièrement passif sans ombre
d'activité? Avoir la puissance seule d'agir, c'est être dans l'impuissance
de n'agir pas; avoir la puissance seule de n'agir pas, c'est être dans
l'impuissance d'agir; ou plutôt une puissance terminée à un seul point
n'est pas puissance du tout; elle est entièrement passive, une faculté,
ou une force.

Ou la liberté est cette puissance d'agir & de n'agir pas dont nous parlons, ou elle n'est rien du tout. Quelque autre notion qu'on en adopte, il sera facile de montrer que les actes préténdus libres n'y sont que des especes de passions; le destin & la nécessité perceront toujours à travers le masque specieux dont on les couvre. Agir librement n'est qu'agir en esset; & agir sans liberté, ce seroit agir & n'agir pas en même tems. S'il y a donc une dissérence réelle entre l'action & la passion, elle doit consister en ce que nous disons; & s'il n'y en a point tout est également satal, & également nécessaire, comme j'espere de le faire voir par la suite de mes résléxions.

Difons

Disons plus: sans cette puissance, ou sans la sibette, rien nich pour sible; le possible suppose une puissance suffisance pour le produire. Ce qui n'implique pas, est concevable, mais le concevable ne sauroit être nommé possible avant qu'on démontre une puissance espable de le réaliser. Sans Dieu il n'y surpit donc rien de possible, sassous un destin aveugle bien des choses pourroient ne point impliquer dans le conception sans être possibles pour cela. On dit communément que sous l'empire d'une fasalité absolué tout possible existeroit; j'aimerois mieux rayer de ce système le mot de possible qui n'y a point de sens, parce qu'il n'y a point de puissance à laquelle il puisse se rapporter.

Je ne dispute point sur la dissérence de ce, qu'en nomme passibilisé de chose & possibilité d'existence. On voit chirement que les choses concevables ne peuvent être qualissées du titre de possibles que par rapport à un pouvoir qui peut les conduire à l'existence actuelle.

Saint Thomas a réfuté cette notion du possible adoptée par quelques Scholastiques, sous prétexte qu'elle induiroit un cerole vicieux dans l'argument pour la toute-puissance divine; ce prétexte est stivole; car une notion ne sauroit être sausse parce qu'on commet un sophisme; mais le cercle ne provient en effet que d'aine mauvaise désinition de la toute-puissance; elle n'est point le pouvoir de faire tout ce qui est possible; tout le monde seroit tout-puissant de cette saçon la, puisque chacun peut saire ce qu'il peut saire; c'est le pouvoir de faire tout ce qui est concevable, ou ce qui n'implique point, & de cette manière le cercle disparoit.

Tout ce qui dérive d'un acte libre est contingent, c'est à dire qu'il pourroit ne point exister par la même puissance par laquelle il existe. La contingence regarde à proprement parler les événemens passis.

On appelle souvent les actes mêmes contingens, parce qu'ils peuvent être & n'être pas. Je souhaiterois qu'on distinguât soigneusement cette contingence d'avec l'autre; ce qui pourroit se faire en nommant la premiere active, & la seconde passive. On se fait souvent il
Mim. de l'Asad. Tom. VI.

P p p

Digitized by Google

lation en confondant ces deux contingences, & en attribuant à l'ance ce qui n'appartient qu'à l'autre. Certains Philosophes semblent croire qu'il sussit d'être contingent pour être exempt de sorce & de nécessité, ce qui est vrai de la contingence active, mais saux de la passive. Quoiqu'il soit contingent que les planetes décrivent leurs orbites d'Occident en Orient, on ne peut pas dire pour cela qu'elles se meuvent librement dans ce sens plutôt que dans le sens contraire. Cette contingence est purement passive dans les planetes; elle n'est active & libre que dans la cause qui leur a tracé la route.

Personne ne doute que la necessité absolué ne bannisse l'action & la liberté. Mais la nécessité hypotherique n'en fait pas moins, quoiqu'en disent plusieurs Philosophes. Je conviens que cette nécessité présuppose une cause libre dont elle ne détruit point la liberté, mais elle la détruit à coup sur dans l'objet sur lequel elle tombe, puisque dans cet objet les actes de la cause ne peuvent produire que des états passifs. Quand donc cette nécessité affecteroit la substance la plus libre, sa liberté seroit restrainte & suspende dans ce cas-là, il n'y resteroit que de la contingence passive, contingence qui a lien dans des événemens dont toute liberté est proscrite.

Ce qu'on appelle nécessité morale est entierement sondé sur l'efficace des motifs. Si cette efficace est telle que la prétendue action doive s'ensuivre par une connéxion invincible, la nécessité morale devient autant le tombeau de la liberté que la necessité la plus métaphysique. Si la liaison au contraire n'est qu'occasionelle, le mot de nécessité est incommode & abusis dans le sens qu'on lui attache.

L'ingénieux Auteur du nouveau système sur le Fatalisme la nomme nécessité interieure; mais il me permettra de remarquer qu'elle est extérieure à proprement parler, parce qu'en remontant de motif en motif, il saut à la sin passer les frontieres de la substance, & que la chaine des motifs est suspenduë hors de ces frontieres. Je ne vois que deux sens dans lesquels on puisse appeller une nécessité interieure; le premier n'est point applicable aux substances sinies; c'est

c'est lorsqu'une chose est sondée dans la nature d'un sujet existant par soi-même. Le second donne une nécessité hypothetique interieure; c'est lorsque la substance agit sur elle-même. Si le mot d'interieur ne devoit dénoter que le sujet ou l'état assetté de la nécessité, toute nécessité seroit interieure.

Si la Philosophie devoit être un Dictionnaire de termes vagues de embrouüllés, on pourreit me blamer d'avoir changé la fignification ordinaire de pluseurs termes usités; mais j'ai cru qu'il valoit mieux assujettir les mots aux matières que les matières aux mots. Rien n'est plus impropre ni plus inconsistent que les saçons de s'exprimer autorisées par l'usage, lorsqu'on les transporte dans les Sciences. La Philosophie spéculative est la plus délicate sur ce point; non seulement le langage de la vie-commune, mais encore le langage des autres Sciences qui ne remontent point aux principes, employés sans discernement, y conduiront dans un labyrinthe d'erreurs. C'est une véritable yvraie à extirper avant, qu'on puisse sement les notions sécondes, qui fertilisent & embellissent le terroir philosophique.

Le monde étoit autrefois tout plein d'êtres actifs. Les hommes stupides & grossiers s'arrêterent aux causes materielles : ils'ne chercherent pas plus loin le principe des changemens qui arrivent à la matière. La foi qu'on ajoutoit aux influences, le cuke qu'on rendoit aux objets materiels, en sont des témoignages autentiques. est vray-semblable que le commun des hommes regarda le Soleil, la Lune, & tous ces Corps qui brillent dans la voûte celeste, comme des agens réels, capables de leur faire du bien & du mal, malgré que les Philosophes se contentassent pour la plupart d'y placer une partie de cette Ame universelle qu'ils seignirent répandue par tout l'Univers. Ensuite vinrent les Poëtes & les Orateurs, qui usant des licences de la Prosopopée donnerent la vie & l'action aux choses les plus inanimées, faisant gronder le tonnerre, siffler l'air, parler & agir tous les élémens. Le style enslé & hyperbolique des Orientsux se communiqua aux autres Langues, & c'est vraisemblablement de toutes ces causes réu-.Ppp 2 nies

nies que vient ce nombre prodigieux de verbes actifs, ou plutôt dont la terminaison est active; car la moindre partie de ces verbes désigne des choses véritablement actives. Les facultés sensitives & intelle-Etuelles de l'ame, & les diverses especes des mouvemens des corps, s'expriment dans toutes les langues par des verbes actifs, toutes passives que soient ces facultés & ces mouvemens. Si l'on vouloit résormer, il ne suffiroit pas de retrancher les verbes abusivement actifs; il faudroit encore limiter selon la construction l'usage de ceux-même qui le sont à bon droit. Je puis dire p.e. que je secoue la main, mais il est faux que le belier secoue les murs; je puis dire que je me couche, que je fuïs, mais je ne saurois dire, que le bocuf frappé de la hache se couche par terre, ni que l'amé en courrenx s'enfuit dans les enfers. Ces exemples sont communs; je n'ai pas dessein d'écrire le Dictionnaire des défauts qui regnent dans les langues, ouvrage qui demanderoit peut-être plus de mémoire, de sagacité, & de vie, qu'un feul homme ne peut prétendre.

Etes-vous surpris de la consusion qui régne dans le langage des hommes? Considérez la vuë ordinaire dans laquelle ils s'en servent, & vous cesserez de l'être. Le moindre souci de ceux qui parlent ou qui écrivent, est d'exciter des idées nettes dans l'esprit de ceux qui les écoutent ou qui les lisent. Ils veulent les conduire à de certaines sins, & à ces sins la netteté des idées seroit pour la plupart plus préjudiciable qu'avantageuse; le grand nombre se remuë par la confusion plutôt que par l'ordre & par l'évidence. Il est si peu vrai que les mots excitent toujours leurs idées correspondantes que la plupart du tems ils n'excitent que des passions par un saut des idées intermédiaires. On peut l'éprouver tous les jours, & en soi-même, & dans les autres. J'ai vu souvent les Auditoires les plus émus, & les passions les plus fortes inspirées, par des paroles & des phrases qui ne significient rien du tout, ou qui ne significient que fort peu de chose. Ensin un (*) excellent homme l'a observé avant moi; quelque obscur

que

^(*) Berkeley, principles of human knowledge: introduction §, 19.

que soit le sens d'un terme, dès que l'habitude l'a une sois consacré, c'en est sait pour toujours: on prononce, on lit, on écrit ce terme, sans saire même attention à l'idée qu'il représente, ou s'il en représente aucune, à peu prés comme on se sert des signes dans les opérations Algebriques, sans que les quantités qu'ils expriment, soient présentes à l'entendement.

Ce desordre a passédans les Sciences, & surtout dans les Sciences spéculatives, avec le langage. Que d'erreurs n'a-t-il pas répandu sur le sujet que nous traitons? Depuis que la Philosophie a pris quelque forme, on se sert des mots d'agens, d'action, de cause, de force, de puissance, de siberté, & de plusieurs autres, sans qu'on puisse encore s'accorder sur un sens sixe. Les Philosophes de l'Antiquité, loin de détruire les méprises populaires, paroissent avoir renchéri dessus, en embelissant la matière de ces sormes, de ces natures, de ces agens avengles, de ce satras de termes, qui devoient saire comprendre les causes des phénomenes, pendant qu'ils étoient sux mêmes incompréhensibles.

La Philosophie moderne n'a-t-elle risp retenu des erreurs de l'ancienne par rapport à ce sujet? Le progrés même que les Sciences sont de nos jours, n'est-il pas souvent une nouvelle source d'égaremens en Metaphysique? Fait-on toujours assés d'attention aux limites des Sciences? N'applique-t-on jamais sans discernement des notions puisées dans la Physique, on dans la Mécanique, à des spéculations transcendentales & qui n'ont rien de physique ni de mécanique? Ce qui est cause, action, & puissance, dans les Sciences naturelles, n'est-il pas esset, passion, impuissance, dans ces spéculations la? Voilà une ample matière à résléxion: en la bien examinant on trouvers peut-être qu'on peut dire de la Philosophie ce que Caton dit de la République Romaine de son tems: (*) Nous avons perdu les vrais aous des cho-ses, ou plutôt: nous ne les avons jamais eûs.

Ppp 3

SECON-

(*) Vera rerum vocabula amifumus. Salust. in bella Catil.

SECONDE DISSERTATION

SUR L'ACTION, LA PUISSANCE ET LA LIBERTÉ,

PAR' M. MERIAN.

Dans l'Ecrit que j'ai eu l'honneur de lire à l'Académie, il y a six semaines, j'ai taché de dévéloper les notions de l'action, de la puissance, & de la liberté. Je me propose aujourdani de les appliquer, tant à la théorie de l'entendement & de la volonté en particulier,

qu'au fystème de l'Univers en général.

Que la liberté, ou la puissance, d'agir, n'exige la pensée, personne, je crois, ne me le dispute. Il y a dans chaque cas pour la substance qui ne pense point, une marche déterminée qu'il ne dépend pas d'elle de suivre ou de ne pas suivre. Abandonnée aux actions de quelque substance étrangère, elle en tient toujours sa situation présente, ce ne sauroit jamais rien commencer de son ches. Cela est si vray que les Intelligences mêmes ne sont point actives dans les changemens qu'elles substances men avoir connoissance; l'obscurité de la route qu'elles tiennent, les met précisément dans le même cas avec les substances les plus brutes: une pierre jettée contre la muraille agit tout aussi librement qu'un homme, qui dans une nuit sombre ou dans le sommeil y va heurter sa tête.

Je ne veux point examiner si la matière, soit en général, soit organisée d'une certaine saçon, est capable d'agir, mais dans quelque sens qu'elle le soit, elle doit être pensante dans le même sens. Ce seroit donc démontrer son incapacité d'agir que de démontrer son incapacité de penser.

Digitized by Google

Il ne suit point de là que pour être libre il sussiée de penser; cette conséquence seroit trop précipitée. Non seulement chaque dégré de connoissance ne qualisse point à l'activité, mais encore ne vois-je rien d'impossible en ce qu'une intelligence posséde tous ces dégrés ensemble sans en devenir plus active.

Déterminons d'abord le dégré de connoissance requis par l'exclusion des dégrés inferieurs, & voyons dans quelle affiette doit se trouver l'esprit de l'agent à médiatement avant l'action.

La perception simple se présente la première. Concevons un esprit frappé par intervalle de diverses perceptions instantanées, ou de diverses perceptions à la sois, mais qui ne se lient point pour former des idées complexes, ni pour donner lieu au souvenir; que ce soit, si vous voulez, l'ame de l'embryon, recevant des impressions consormes à ce qu'éprouve celle dont le sein le renserme; ou seignons telle intelligence qu'il nous plaira, arrangeons-y des perceptions à notre gré, que notre santaisse diste l'ordre de leur succession. Il sera toujours vrai que ces perceptions ne proposent rien à la substance, ni à produire, ni à omettre. Ses propres productions & omissions seront donc zero, & aucun de ses changemens imaginables ne dépendant d'elle-même, ils dépendront tous de quelque cause externe.

Je veux même que le principe d'action soit envelopé dans cet être, de saçon que pour se déployer il ne lui manque que le dégré de connoissance requis; il n'en sera pas, je crois, plus avancé tandis qu'il demeure privé de ce dégré. En parlant à la rigueur, on pourroit dire que la puissance d'agir elle-même manque à un tel être; il n'en est pourtant pas de même comme d'une substance qui ne sauroit agir quand on lui suposeroit le dégré nécessaire de connoissance, ou d'une substance qui n'est jamais en état d'acquérir ce dégré, soit du tout, soit par voye naturelle; mais à peu prés comme d'une substance douée d'une liberté dont l'exercice est restraint dans de certains cas par des obstacles insurmontables. Si on suppose à l'embryon les semences de la liberté, cette créature n'en sera point privée, comme en est privée

Digitized by Google

une pierre, où abfolument incapable de pensée, ou qui n'en est capable que par miracle, ou qui avec la pensée même n'est capable d'action que par un second miracle.

On peut distinguer, si l'on veut, entre puissance prochaite de puissance elbignée. Cet étoignement admet des dégrés. La puissance étoignée du premier dégré exige le principe d'action avec les dégré d'intelligence le plus approchant de celui qui complete la puissance prochane; au tieu que la puissance la plus étoignée suppose l'absence totale de toutes les conditions actuelles nequises à l'action, avec la simple possibilité de l'existence de ces conditions: mais en voit aissement qu'à proprement parter la seule puissance prochaine métite de nom de puissance.

Si le principe schi pouvoit se déployer dans une pensés our fionelle, it faudroir attribuer son exercice au hazard, grand must lequel, ou ne fignifie rien du tout, ou fignifie la nécessité; or attribuer que action à la nécessité; ce feroir donner d'une main ce qu'en enjéveule l'aûtre; il est donc impossible qu'une substance agille avant que de penser, quand meme on lui supposer de d'ailleure toutes les qualités requises à l'action.

Si dans fe dégré le plus bas de perception la substance n'a point les dispositions nécessaires pour pouvoir agir, c'est, comme nous avons vu, parce qu'il ne le présente rien à faire, autun esset à obtent; minst, tandis que la même raison a lieu, elle ne songera jamais à sortir de l'inaction, de le principe actif demeurera en repos. Que les perceptions soitent donc composées jusqu'à renfermer des propositions, de que ces propositions puissent étre liées en raisonnements, it n'en sera af plus ni moins, aussi longrems que ces propositions restent spéculatives de que l'entendement ne voit rien de sansable, si j'ose ainsi m'exprimer. Un esprit par une suite régiée d'impressions pourroit acquérir les connoissances les plus sublimes l'ams jamais penser à agir, pourvit qu'on prit soin d'en élosgner tout ce qui pourroit l'y porter. Cet homme qui employe sa vie à des études steriles qui ne le portent à sucune action.

action pour le bien de la Société, peut être comparé par figure avec une intelligence pareille, & passer pour un très savant automate.

Le cas que je vais proposer, est un peu plus embarrassé. Une chose saisable s'offre à l'entendement; mais il ne s'offre que ce seul parti, sans que je puisse songer que le parti contraire soit possible. Suis-je déterminé nécessairement à prendre le parti que je prends? Si je sais nécessairement ce que je ne puis regarder comme smissible, si j'omets nécessairement ce que je ne puis regarder comme saisable, quel rôle jouë en cecy le principe d'action qui est en moi? Est-ce en vertu de ce principe que j'agis? Peut-on dire que ce principe soit sprés à se déployes par un principe extrinséque?

Le changement des phrases leve souvent les difficultés les plus spécieuses. Le principe d'agir qui est en moi, n'est que MOI, capable d'agir de de n'agir pas sous la condition de la vue de ces deux partis apposés. Lorsque cette connoillance se trouve en défant, il est évident que l'état qui dépendroit de moi, si elle l'avoit précédé, se lie maintenant avec des états passés, de se résout originairement dans l'astions, ou dans les actions, dont dépend la serie qui aboutit à la vue du parti que je suis obligé de prendre.

Il y a icy deux chaines de causes qui me mettent hors d'action. La première remonte à la cause primitive de mon désaut de connoifsance; la seconde à la cause primitive de la pensée qui me suggére le pasti que je prends.

De cette façon un être libre d'ailleurs peut se trouver sous l'esclavage d'impressions superieures, qui remplissent trop ses facultés pour laisser aucune place à l'exercice du libre arbitre. On peut concevoir, aussi de cette manière des machines vertueuses & vicieuses, ou plutôt qui en ont l'apparence, puisque dans le fonds sans la liberté, il ne peut y avoir ni mérite ni démérite dans les actions.

Peut-être encore ces principes pourroient-ils servir à rendre raison des actions qu'on croit remarquer dans les ensans & dans les bêtes, & répandre quelque lumière sur une Question qu'on a regardée Min. de l'Acad. Ton. 71. Q q q de

de tout tems comme une des plus épineuses en Philosophie. Le plan de cette Dissertation du reste ne me permet point de prendre un parti décisif; j'examine les choses dans l'abstraction, & je ne présume point d'assurer encore que les hommes saits, que les Anges, ni que Dieu même soient des substances libres.

Mais supposons d'un côté que les hommes saits jouissent de la liberté, & de l'autre que, depuis le berceau jusqu'à l'age de la raison, il n'arrive point de miracle à nos ames; il saudra nécessairement admettre que les ensans renserment déjà dequoi agir un jour librement, qu'ils ne manquent que des dégrés requis de connoissance, & que l'époque de leur liberté dépend du dévelopement de leurs sacultés intellectuelles. Risqueroit-on beaucoup de se tromper en réduisant la spontaneité des ensans à cette vue d'un seul parti qui provient de leur incapacité de combiner, & de comparer les experiences propres à leur apprendre qu'ils peuvent également agir & s'en abstenir; connoissance qui s'acquiert avec l'age & se sortisse par l'habitude.

D'un autre côté, ces infortunés objets de dégoût & de pitié, ces pauvres vieillards que l'affoiblissement des organes replonge dans les infirmités du premier age, ne sont-ils pas dans le même cas? Il me semble voir la Nature nous promener par dégrés jusqu'à un certain point, où elle nous lache la lisiere, nous abandonnant à notre propre marche, & nous laissant parcourir librement un espace limité. Ensin elle la retire, & nous fait rebrousser par des dégrés semblables vers le point dont nous étions partis.

Supposons encore que les bêtes ne soient point des machines à la Cartesienne, mais des Intelligences insérieures à l'espèce humaine; peut-être qu'il ne sera pas difficile de ramener au même principe de la vuë d'un seul parti, ce qu'on appelle leurs mouvemens spontanés & leur instinct.

Si en effet les besoins présens de ces Créatures se bornent à la conservation des individus, & à la propagation des especes, (comme leurs ouvrages où il paroit le plus d'industrie, ne semblent tendre qu'à

qu'à l'une ou à l'autre de ces deux fins, il est superfiu de leur accorder un dégré superieur d'intelligence. D'ailleurs, cette unisormité remarquable dans leurs productions les plus merveilleuses qui sont toutes exécutées sur le même plan, pourroit donner des soupçons très sorts que leur vuë est toujours bornée à un point unique, dont elles ne sauroient s'écarter, qu'en un mot elles sont gouvernées par des impressions unisormes auxquelles elles ne résistent jamais, parce qu'elles ne peuvent pas penser à y résister; impressions par conséquent, qui les portent inévitablement aux sins auxquelles la Nature les destine.

Le plus prosond des Docteurs de l'Eglise a dit quelque chose d'approchant: voicy la traduction Françoise de son passage; (*) Les êtres animés se meuvent par eux-mêmes lorsqu'une image qui est en elles, provoque leur appesit, & dans quelques uns des animaux ces images suns excitées dans un certain ordre par la nasure qui par leur moyen provoque l'appetit. Ainsi mais dans l'araignée l'image de la tissure, suivie de l'appetit de saire la toile, appetit excité par le moyement Qqq 2

(*) ἀΦ' ἐαυτῶν γὰρ κινεῖται τὰ ἔμψυχα, Φακτασίας ἐχγιν μένης ἐρμὴν προκαλωμένης, καὶ πάλιν ἀν πιστ τκῶκζιων Φαντασκίαι χίνουται ὁρμὴν προκαλωμένης, καὶ πάλιν ἀν πιστ τκῶκζιων Φαντασκίαι χίνουται ὁρμὴν προκαλωμέναι, Φύσεως Φαντασκικῆς τεταγμένως κυνόυται, καὶ ὁρμὴν ἀκολουθει ἐπὶ τὸ ὑΦαίνειν, τῆς Φαντασκικῆς ἀυτου Φύσεως τεταγμένως ἐπὶ τοῦτο ἀυτὸν πρικαλουμένης, καὶ ἐδενὸς ἄλλω μετὰ τὴν Φαντασκικὴν ἀντου Φύσειν πιπισευμένει τῆυ ζώρν καὶ κόγον ἔχει πρὸς τῆ Φαντασκικῆ Φύσει, τὸν κρίνωντα τὰς Φαντασίας, καὶ τινὰς μὲν ἀποδοκιμάζοντα, τινὰς δὲ παραδεχόμενων, ἴνα ἄγηται τὸ ζῶον κατ' ἀυτὰς. Origenes περὶ ἀρχῶν Τοm. 3. υ. Philocal. Orig. Cap. XXI.

réglé de la nature qui prodoit l'image; & l'animal n'étant doit d'aucune autre feculto excepté sa nature imaginatoice. La même chose arrive à l'abeille lorsqu'elle fait le miel. L'animal raisonnable au contraire, a outre la nature qui produit les images, la raison qui discerne les images, rejeste les unes, appronve les autres, & agit en conséquiènce.

A' savoir à présent si les bêtes, de même que les enfans, contiennent dequoi devenir des agens, & si on peut dire : donnez moi un dégré d'intelligence de plus, & je serai un homme de ce chien ou de ce perroquet; c'est là, je crois, une question dont la décision dépend d'une autre non moins difficile à résoudre; c'est à dire, si les bêtes sont destinées à un rang superieur à celui que nous les voyons tenir parmi les Intelligences. Si cant est qu'elles soiest condamnées pour jamais à la vie animale, il n'est pas aisé à voir de quoi leur serviroit la disposition à la liberté, à moins qu'elle ne su inséparable de la spontaneité. Si au contraire elles doivent croître en perfection, il est fort raisonnable de penser qu'elles renserment dès à présent les principes de cet accroîssement, & par conséquent les dispositions nécessaires à la liberté, sans laquelle la raison service un instrument sort insuije.

Nous voyons certaines bêtes donner tant d'apparences de raison que peut-être ne tient il qu'à peu de shose pour leur saire franchir la ligne qui les sépare de l'espece humaine. Les hommes se sattent du doux espoir d'élargir tôt ou tard la sphére de leur connoissance & de leur activité. Peut être que la Nature bien-saisante envers tous ses ensans prépare un sort semblable à ce nombre innombrable de Créatures qui peuplent l'Univers, & qu'aucun d'eux ne sera oublié dans la grande promotion des Etres. Si, comme Pope a chanté, Newton est par rapport aux Intelligences celestes ce qu'un Singe est par rapport à nous, il y a aussi peu de chemin d'un Singe à l'homme que de Newton à un Ange. Mais je laisse discuter cette matière à des Philosophes plus prosonds, & peut-être plus téméraires, que je ne le suis; & je reviens à mon sujet.

Aprés

Aprés les dégrés d'intelligence que nous avons rejettés, celui qui reste se détermine de soi-même. Il consiste dans la vuë de deux partis opposés, également éligibles, avant qu'on se soit déterminé pour l'un ou pour l'autre. Sans cette vuë l'action est donc impossible, & le pouvoir d'agir inconcevable. Tous les cas au contraire dans lesquels l'exercice de la liberté a lieu, peuvent être réduits à cette formule. Supposez, si vous voulez, mille partis proposés; chacun des mille vous laisser le choix libre entre son exécution & son omission.

Je ne faurois quiter ce sujet sans dire quelques mots de l'imputation, qui se sonde uniquement sur la prévoyance des choses proposées à faire ou à omettre.

Chaque action traine aprés soi un changement conforme à la nature du sujet dans lequel il arrive : de quelle manière dont on agisse sur un corps, on n'y produira jamais d'autres effets que de ceux dont la nature corporelle est susceptible. Mais un premier changement n'est pas ordinairement la seule suite de nos actions : celui-cy en produit d'aûtres, que souvent il transmet de sujet en sujet, & disperse en plusieurs branches: en un mot nos actions forment des chaines de changemens que nous ne pouvons, ni prévoir, ni suivre, que jusqu'à une certaine distance; encore la connoissance de ces chainons qui ne nous échapent point, fouffre-t-elle de fréquentes interruptions par l'ignorance des causes secondes & de ces ressorts cachés que la Nature fait jouër pour amener les effets. Je suppose par exemple la chaine composée de changemens désignés par les lettres de l'Alphabet; nos connoissances seront peut-être exprimables par a, f, il, o, p, s, en santant les lettres moyennes entre a & f, f & l, l & o, p & s, & en perdant de vuë celles qui sont depuis s jusqu'à z.

Comme l'imputation se régle sur la prévoyance, on ne pourça sans doute imputer à l'agent que les changemens qu'il a prévus; & c'est par ceux là uniquement que son acte devient moralement bon ou mauvais. La moralité réside dans l'intention, & l'intention ne sauroit aller plus loin que la vue.

Non

Non seusement je ne saurois être responsable des causes moyennes entre l'action & l'esset que je me propose, mais encore ne le suisje point d'un manque d'esset, si j'ai sait ce qui devoit m'y conduire. Si
ayant intention de remuër le pied, il ne remue pas ; si le bras remue
en sa place, ce n'est pas à moi qu'il saut l'imputer, c'est à celui qui a
établi la liaison entre mon acte & son esset. Ensin, toutes les suites
de mes actions que l'éloignement & le voile de l'avenir dérobe à ma
prévoyance, ne me regardent en aucune saçon. Semblable à un tireur qui tache de frapper son but sans se soucier ce que la balle deviendra aprés cela, je remets la suire de mes actions entre des mains
étrangéres, soit du Hazard, soit de la Nature, soit de la Providence.

La prévoyance sais qu'on peut considérer un seul aste qui produit plusieurs changemens à la file, comme composé de plusieurs autres, puisqu'en esset l'intention est composée. Celui qui sait sauter en l'air une Maison où il sait que dix personnes sont rassemblées, commet le même crime que s'il faisoit sauter chacun des dix en particulier; mais s'il ne croit qu'une personne dans la maison, serret il responsable de la mort des neus autres? Point du tout. S'il a prévu la possibilité que la personne à qui il en vousoit n'y étoit pas seule, il sera coupable de n'avoir pas pris les informations nécessaires, saute déjà moindre que la précédente qui partoit d'un dessein prémédité. Ensin, si on pouvoit supposer que l'incendiaire n'eut sait aucune réstéxion aux suites de son crime, on ne pourroit absolument lui imputer à cet égard qu'un manque d'attention. La faute diminué à mesure que l'imputation peut être éloignée de l'esset; & la vraye place de l'imputation est toujours marquée par la prévoyance.

N'y a-t-il pas dans la vie humaine des circonstances qui nous réduisent à cette vue d'un seul parti dont nous avons parlé plus haut? Et si dans cette situation d'esprit nous nous trouvons sous l'empire d'une sorce majeure, peut-on nous en imputer les suites? Qu'on y prenne garde; la legéreté qu'il y a à s'engager dans un mauvais pas, n'est pas la même chose avec les événemens que ce pas entraine; les Moralistes

Moralistes qui les confondent, donnent dans des raisonnemens pitoyables. Si la colere est une courte sureur, si l'amour trouble l'entendement, tous les désordres, toutes les solies, que ces passions sont commettre, doivent être décontées de l'imputation: deux hommes d'un tempèrament égal sortent du Cabaset, où ils ont dissipé leur peu de raison dans la sumée des liqueurs sortes; l'un massacre son ennemi; l'autre donne l'aumone à un pauvre. Ces deux hommes sont également coupables; l'un & l'autre ne l'est que d'avoir trop bû. Le surieux qu'on enchaine, n'est pas plus libre dans ses actions que la pierre qui tombe; & la sureur passagére a les symptomes de la continuë.

Il est impossible que ces résléxions. & plusieurs autres de la méme importance, soient mises en ligne de conte devant les Tribunaux humains, qui se réglent plutôt sur le bien de la fociété que sur la valeur intrinséque des actions morales; d'ailleurs nous n'avons point de mefure pour apprécier cette valeur au juste, & nous ne connoissons les intentions que par les apparences externes, qui sont ordinairement trompeuses. Il n'y a aucun Tribunal au monde où l'on garde une juste proportion dans les peines & les récompenses, & devant les Juges les plus équitables les moindres crimes sont souvent punis plus rigoureusement que les plus grands. Les Legislateurs éclairés compatissent à la foiblesse humaine; ils récompensent avec splendeur, ils punissent avec modération, & ils aiment mieux laisser échaper le coupable que faire souffrir l'innocent. Les Casuistes rigides & les déclamateurs qui se plaisent à exagérer nos fautes, ne font que rendre la Morale ridicule en la rendant impraticable, & en renversant entiérement les notions du juste & de l'injuste.

Nous avons déterminé le dégré de connoissance nécessaire à un agent; mais ce n'est point ce dégré qui constitut sa liberté: il n'en est que la condition sine qua non, comme l'on s'exprime dans les Ecoles. On ne sauroit agir sans penser, mais on peut penser sans être en état d'agir. L'entendement est passif dans ses connoissances les plus

plus sublimes; & un son ne dissére pas plus d'un triangle que la pensée ne dissére de l'action. De quelque saçon qu'on modifie deux hétérogenes, la transition de l'un à l'autre est impossible pour jamais. On pourroit concevoir une substance entiérement passive, versée dans les Sciences les plus prosondes, raisonnant très methodiquement, produisant les découvertes les plus brillantes, en un mot une espece de machine spirituelle, persectionnée dans son genre, & cependant assujetie à la disposition de celui qui la gouverne.

La seule action concevable, c'est la volition. Les Philosophes qui lui ont associé le mouvement, se sont laissé abuser par l'inexactitude du langage. Nous ne connoissons dans l'Univers aucun mouvement primitif, & l'inertie de la matière nous désend de penser qu'elle puisse jamais commencer d'elle-même à se mouvoir. Si l'on veut qu'elle se soit muë de toute éternité, ou qu'avec (*) Spinoza on adopte un progrés de mouvemens à l'insini, l'on sera encore moins en droit de nommer action ce qui est l'esset de la nécessité, Ensin, entendre par mouvement l'exercice d'un principe soi-mouvant, c'est multiplier les êtres sans besoin, vù que cet exercice est une volition, & qu'attribuer à la matière le principe-soi mouvant, c'est lui attribuer la puissance de vouloir.

Le mot de vouloir est ambigu. Souvent on le prend pour le dernier jugement de l'entendement qui est entiérement passif; nous le prenons pour l'exercice du principe soi-mouvant qui est entiérement actif. Il saut icy éloigner tout ce qui sent la passion; la volition ne sauroit être envéloppée dans aucune succession passive; c'est au contraire quelque chose qui en rompt l'enchainement, quod fati sadera rumpas.

(*) Corpus metum vel quiescens ad motum vel quietem determinari debuis ab alio corpore, quod etiam ad motum vel quietem determinatum suit ab alio, & illud isermu ab alio, & see in insuitum. Ethic, P. H. Prop. XIII, Lemm. 3.

Digitized by Google

Ce n'est pas une simple conscience de ce qui arrive. Ce n'est pas une approbation de l'entendement, ni un desir, ni une pensée de présence, ni enfin le plaisir qu'on prend à un événement. tes ces choses là dérivent de choses antécedentes, & ne contiennent rien d'actif. On peut appercevoir l'effet d'une action égrangere, l'anprouver, le desirer, s'en réjouir, sans qu'il s'en mêle la moindre action propre. Si une pierre s'appercevoit de sa chute, si elle la préseroit à tout autre état, si elle sentoit la plus grande satisfaction du monde à tomber, elle n'en tomberoit pas plus librement, ou, pour me serviz d'une comparaison plus célébre, quelque plaisir que prit (*) l'aiguille aimantée à se tourner vers le Nord, elle n'en seroit pas moins entrainée par les mouvemens insensibles de la matière magnetique. 'A proprement parler, elle ne se tourneroit point; elle seroit tournée: & je dirai que dans l'état paralléle l'ame ne voudroit pas, mais qu'elle seroit faite voulante. Section 19 Section 5

vers, s'analysent dans des volitions, il faut avouër d'un autre côté que les moyens par lesquels la volition opére ces changemens, nous sont parsaitement inconnus; mais aussi ne dépendroit il pas de nous de les changer, quand même nous les connoitrions. Les rellorts auquels nos volitions tiennent, & qui aboutissent à l'effet proposé par la voye que la Nature leur a tracée, ces ressorts, dis-je, & cette voye sont des mystères sur lesquels les plus grands Philosophes nont fait jusqu'icy que bégayer. Semblables aux spectateurs d'un drame, nous ne voyons dans l'Univers que le changement des décorations; les machines sont cachées sous le théatre.

Agir & vouloir se trouvant identisses, la vraye liberté peut être définie une puissance de vouloir, & tout être libre peut vouloir & ne pas vouloir ce qu'on lui propose.

(*) Essai de Théodicée, Part. 1. §. 50.

Rrr

On

On nomme communément ce pouvoir la liberté d'indifference, ce qui ne signifie point que les deux partis fassent toujours une impression égale sur l'entendement, mais uniquement que le choix n'est point déterminé par l'entendement. L'ame est déterminée lorsqu'elle pense, mais elle détermine lorsqu'elle choisit.

Il ne s'agit pas non plus de ce qu'on appelle indiffèrence d'exercice, qui dans le fond n'est que passive & instrumentale. Telle est, par exemple, l'indifference d'un corps en mouvement, qui pourroit aussi bien être en repos s'il étoit déterminé autrement qu'il n'est, puisque par sa nature il n'est pas plus porté à l'un de ces états qu'à l'autre. Telle est aussi l'indifference d'une hache, également propre à sendre du bois, à égorger les victimes, & à punir les criminels.

Il'est étonnant que ses plus grands Philosophes semblent avoir pris à tâche d'embrouïller ce sujet. Monsseur Locke, l'homme le plus propre à porter le slambeau dans les spéculations ténébreuses, n'en paroit avoir écrit un (*) très grand Chapitre que pour y répandre de la consusion. Il augmente encore cette consusion dans ses éclaircissemens, & dans son (**) Commerce de lettres avec M. de Limborch, par lequel on voit clairement qu'il n'a jamais compris ce qu'on entendoit par liberté d'indifférence.

(***) Il se divertit extrémement aux dépens de ceux qui attribuent la liberté à la volonté, ou qui disent que la volonté est libre; ce qui en esset présente un sens absurde de la façon dont sil l'interprete, car dans le fond je ne crois pas que les Philosophes qui se servent de cette expression, veuillent enter, pour ainsi dire, une faculté sur l'autre; par volonté ils entendent sans doute l'acte de la volonté, la volition, ou la personne qui veut.

Digitized by Google

· II

^(*) Essai sur l'entendement humain, Livre II. Ch. XXL

^(**) Voyez Oeuvres diverses de M. Locke, Tome II.

^(** *) Essai für l'Ent. hum. L. II. ch. 21. f. 20.

Il servit à souhaiter que cet excellent homme ne sut pas tombé lui même dans le désaut d'inexactitude qu'il sait tourner si agréablement en ridicule; car aprés tout l'absurdité de cette question ne vient pas, comme pense M. Locke, de ce que la liberté & la volonté sont deux facultés diverses, mais au contraire de ce qu'elles sont la même saculté, & que demander, si la volonté est libre équivaut à la demande; si la liberté est libre: ce qui ressemble à la question, si la rondeur est ronde, ou si la vertu est vertueuse.

Mais où est cette justesse dont M. Locke sait profession, lorsque (*) bientôt après il nie que nous soyons libres de vouloir, parce qu'une chose à saire sur le champ nous étant proposée, nous devons accepter la proposition ou la resuser? C'étoit icy la place de s'écrier sur l'inexastitude. Je suis libre de vouloir veut dire proprement : je puis vouloir vouloir, & vouloir ne pas vouloir; s'il est permis d'agiter des questions pareilles, on n'aura jamais sait; car si j'ose doubler le mot de vouloir, pourquoi ne le triplerai-je pas, & pourquoi ne le multiplierai-je pas à l'insini?

Monsieur (**) Collins a donné dans la même chimére; c'est fort plaisamment qu'il conclut que nous ne sommes pas libres,' parce que la promenade, par exemple, nous étant proposée, nous ne pouvons qu'un des deux, ou vouloir, ou ne pas vouloir nous promener, & qu' ainsi nous sommes nécessités à produire un acte de volition. Si ce raisonnement dit quelque chose, il ne dit rien de plus que: Nous ne sommes pas libres; parce que nous sommes libres, ou nous ne sommes pas libres d'être libres; ce qui est très vrai, ne dépendant pas de nous de changer nôtre nature; si nous sommes libres en esset, nous agirons librement à coup sur autant de sois que l'occasion s'en présentera, ne pouvant faire autre chose, soit que nous acceptions, soit que nous resusions. Mais cette nécessité de choisir n'est que la nécessité absoluë R r r 2

^{(*) §. 23. 24.}

^(**) Philosophical inquiry concerning human, liberty.

que de deux contradictoires l'une soit vraye & l'autre sausse. Le Tiresias d'Horace prédit les événemens les plus contingens, rien n'étant plus certain que ses Prophéties doivent ou s'accomplir, ou ne pas s'accomplir (*).

Monsieur Locke va plus loin (**). Il trouve fort absurde qu'on puisse demander; si l'homme est en liberté de vouloir lequel des deux il lui plait, le mouvement ou le repes. C'est demander, selon lui, si l'homme peut vouloir ce qu'il veut, ou se plaire à ce à quoi il se plait? Mais cette question ne laisse pas pour cela d'être trés sensée. Si ce qui nous plait signifie le dernier jugement de l'entendement, c'est demander: si ce jugement détermine la volonté, ou non? Si ce qui nous plait dénote la volition même, c'est demander, si cette volition est passive, ou si elle est active & libre; & par conséquent la question n'est absurde, ni dans l'un, ni dans l'autre de ces deux sens, quoique peut-être on eût pû l'enoncer plus commodément.

Mais M. Locke confond éternellement l'entendement & la volonté; il vous dira (***) qu' être déterminé par son propre jugement ne détruit point la liberté; cependant il enseigne lui-même que ce jugement dépend de l'inquietude, l'inquiétude du desir, le desir d'un bien absent. La liberté qui peut rester dans un pareil enchaînement est un mystère qui passe ma compréhension.

Malgré toutes les plaisanteries de M. Locke sur la liberté de vouloir, le voicy pourtant sorcé d'y revenir lorsqu'il s'agit de décider ce qui rend l'homme digne de punition; question qui le jette dans un êtrange embarras. Cette liberté, objet de tant de plaisanteries, a donc lieu, selon lui, quand il s'agit d'un bien éloigné comme d'une sin à obtenir; dans un tel cas l'homme peut suspendre son choix

^(*) O Laertiade I quicquid dicam, aut erit, aut non; Divinare etenim magnus mibi donat Apollo.

^{(* *) 5. 25.}

choix jusqu'après un examen plus mûr, & c'est ce qui le rend (*) iustement digne de punition, quoiqu'il soit indubitable que dans toutes les actions particulières qu'il veut, il veut nécessairement ce qu'il juge être bon dans le tems qu'il le veut.

L'unique raison de l'exception de ce cas confiste donc en ce qu'il n'exige rien à vouloir sur le champ; & par malheur c'est justement en quoi M. Locke se trompe. Pour suspendre son jugement & pour examiner, ne saut il pas une volition de le saire, je dis une volition à former sur le champ? Et si les volitions de cette espece ne sont pas libres, n'a-t-on pas tort de saire l'exception qu'on sait?

Le Philosophe Anglois n'est pas le seul qui se soit laissé éblouir par cette sausse lueur de liberté. Des Philosophes posterieurs ont cru, par une erreur à peu près semblable, que nonobstant que chaque volition ne sût point libre, on pourroit pourtant, moyennant certaines adresses, & en prenant certains arrangemens, se ménager des volitions pour le tems à venir; tout comme si les dispositions propres à produire des volitions sutures ne demandoient pas autant de volitions présentes, & comme si c'étoit applanir une difficulté que de la reculer.

Mais voyons à nôtre tour, où ces Philosophes qui proscrivent la liberté des volitions, prétendent la placer. Ils la définissent le pouvoir de faire ce qu'on veut; rien de plus célébre que cette, définition que M. Locke trouvoit déjà si complete, qu'il assure qu'un pareil pouvoir (**) rend l'homme aussi libre qu'il est possible à la liberté de le rendre libre.

Qu'on me pardonne si, contre le sentiment de tant de grands hommes, je ne trouve dans cette définition que la nécessité toute pure. Vouloir n'y signisse que juger bon ou mauvais, état passif de l'Intelligence. Je suppose une telle volition donnée, & je demande si

Rrr 3

la

la liberté que j'ai dans ce moment, est un pouvoir d'exécuter & de ne point exécuter cette volition. Si cela est, il faut nécessairement une seconde volition, qui consirme ou détrnise la premiere. Si cette seconde volition est passive comme la premiere, il n'y a pas encore un pouvoir suffisant pour faire & omettre, & il faut recourir à une troisséme. Ce progrés durera jusqu'à ce qu'on parvienne à une volition active.

Mais si la liberté n'est que le pouvoir d'éxécuter le volition, sans qu'il soit possible de ne la point exécuter sous les mêmes circomfances, quoi de plus clair, que l'exercice d'un tel pouvoir est entiérement passif, déterminé par une volition passive; & le pouvoir même n'est que ce qu'on appelle une saculté, savoir une possibilité d'être modissé. J'aurai pour lors le pouvoir de faire ce que je veux, comme j'ai celui de voir mes yeux étant ouverts. Le verbe faire signisse précisément la même chose avec celui de pâtir, & le pouvoir de faire ce qu'on veut devient une nécessité de pâtir ce qu'on ne peut pas éviter.

Jai prévenu le prétexte de la contingence; en distinguant entre contingence active & passive. Pour maintenir la liberté, il ne sussit pas qu'une chose eût pu arriver autrement dans un ordre dissérent des événemens, ou dans un autre monde; de cette saçon tous les états dans l'Univers sans exception seroient des actes libres, puisqu'ils sont tous contingens. L'aiguille de ma montre qui marque 7 heures, auroit pû marquer toute autre heure du jour, si on avoit réglé autrement la montre; qui diroit cependant qu'elle marque librement l'heure qu'elle marque? Mettez une action prétendue à la place de l'aiguille; elle produira son effet précisément avec autant de contingence, & avec aussi peu de liberté.

En vain encore se retrancheroit-on sur la spiritualité des volitions; car sans répéter les preuves que j'ai données de l'insuffisance de cette désaite, il saut observer qu'on ne conclut icy en saveur de la liberté d'un acte que de sa contingence; or la position de l'aiguille guille est ausi contingente que quelque événement du monde spirituel que ce soit.

Hin'y a point de sejet sur lequel on ait disputé d'avantage que sur l'influence des motifs sur les volitions des Intelligences actives & libres. Sans analyser içy les motifs selon leur différente valeur, & sans me soucier s'ils naissent d'un trouble des sens & de l'imagination, ou de notions distinctes de l'entendement, je m'attacherai uniquement à examiner jusqu'où leurs sonctions sont conciliables avec la liberté & l'activité.

On conviendra que l'esprit se trouve dans un état passif entant qu'affecté par un motif de quelque nature qu'il soit; une pensée n'étant pas moins une passion que le motif le plus sourd & le plus ebscur.

En supposant à présent le motif a suivi de la volition b, il saut de deux choses l'une: ou il y a entre a & b une connéxion inévitable, & telle que qui pose le premier, pose le second; ou il n'y a point une telle connéxion, b n'est point attaché à a, ni compris dans la même serie d'états, de serte qu'il auroit pù ne point exister aprés a.

Si quesqu'un s'imaginoit qu'on pourroit supposer un troisième cas, en plaçant entre a & b un état moyen de l'ame nommé x, de sorte qu'il y est la succession a, x, b, il n'auroit qu'à examiner comment cet x est lié avec a, & comment îl est lié avec b; & cet examen revient au même avec le précédent. Il saut pour cela déterminer ce que c'est que cet état x; est-il un motif? est-il une volition? S'il est un motif, la question ne sait qu'avancer d'une lettre; elle roulera désormais sur la liaison de x avec b. Si x est une volition, la question recule d'une lettre, & b devient supersu. Peut-être dira-t-on que x est un desir. Alors je ne conteste point sa liaison avec a; mais que deviendra alors b? Comment se lie-t-il avec x, & par son moyen avec a? Le desir est-il un motif par rapport à la volition b? Et s'il l'est, nous voici précisément à l'endroit d'où nous étions

écions partis. Il n'y a donc de concevable que les deux cas dont j'ai fait mention.

Dans le premier, il me paroit évident que b est un état passif de même qu' a dont il est l'effet, vû que la passion ne sauroit produire l'action, & cette supposition par conséquent est le tombeau de la liberté. Si toutes les volitions de la substance ressemblent à b, l'activité sera bannie de toute la substance, & chacun de ses états tiendra à une chaine d'états suspendue hors de la substance.

Pourra-t-on prétendre que la substance soit libre, parce qu'elle produit de son propre sonds les motifs qui produisent les volitions? Quelle idée, je vous prie, se sormera-t-on d'une production pareille? Si la substance agit en produisant, c'est sans doute par des volitions; mais ces volitions sont elles de la même espèce avec la volition b? Et si elles le sont, que devient l'action & la liberté? Dire que l'ame agit sans volition & sans choix, c'est ne rien dire.

L'ame n'est point nécessitée par les motifs, parce qu'elle peut les changer, se détourner de leur considération, détruire les motifs par des motifs superieurs, préparer leur existence par adresse, & c. Toutes ces expressions palliatives ne terminent point la question; elles ne font que la renvoyer, car ensin pour produire tous ces merveilleux esses, il faut des volitions, & de quelle nature sont-elles ces volitions?

Que la volition a soit produite par le motif A; je demande: d'où vient ce motif A; que ce soit de la volition b qui dérive à son tour du motif B: ou que ce soit du motif B qui dérive de la volition b. Un des deux: ou il saut poursuivre cette analyse à l'infini: ou il saut s'arrêter à une volition souveraine qui ne soit produite par aucua motif.

Que X désigne l'ame qui est le sujet de ces dissérens états, il saudra encore de deux choses l'une: ou le progrés des volitions, motifs, desirs, perceptions, & de tout ce qui vous plaira, ira à l'infini sans sortir de X, ou il vous conduira hors des limites de X. Au premier cas X est un être éternel, nécessaire dans sons existence & dans tous

fes

ses changemens, par conséquent entiérement passif. Au second cas vous parviendrez à un y qui sera le premier changement de X placé, pour ainsi dire, sur ses frontières hors desquelles il y aura un 2 dont y dépendra, & sera déterminé. Le principe de la volition a se trouvant donc hors de X, X ne sera point agent, il ne sera point libre.

Monsieur de Leibnize a adopté la comparaison de la balance pour illustrer l'insluence des motifs sur les volitions. Rien de plus propre en esset que cette comparaison. Comme les poids détruisant l'équilibre sont pancher les bassins en raison de leur quantité, ainsi les motifs entrainent l'ame en raison de leur force. Cependant on se recrie extrémement contre ceux qui pressent cette comparaison: l'action des motifs, dit-on, n'est pas physique comme celle des poids, les changemens des esprits ne sont pas mécaniques: les poids sont quelque chose d'exterieur à la balance; au lieu que les motifs s'engendrent dans l'ame & par l'ame elle-même.

Mais de quelque façon qu'on spiritualise cette comparaison, on y retrouve toujours ce qui porte le coup mortel à la liberté. Les Natures diverses des deux membres comparés ne sont rien à la chose; il sera toujours vrai que ce que le poids est à la balance, le motif l'est à l'ame; que comme le poids détermine la balance à pancher d'un côté plutôt que de l'autre, ainsi le motif est ce qui fait vouloir l'ame une chose présérablement à l'autre; que comme la pente est liée au poids, ainsi la volition au motif; que comme la quantité du poids détermine celle de la pente, de même un motif déterminé produit une volition déterminée. Je sai bien que l'ame n'est pas une balance, que les motifs ne pésent point sur elle dans un sens materiel; mais un esprit qui a le principe de ses modifications hors de soi, est déterminé aussi satalement que les corps le sont par les poids & les ressorts. La nécessité est nécessité partout, quelle que soit la substance qu'elle affecte.

Je ne vois pas non plus sous quel prétexte on peut avancer que les motifs s'engendrent par l'ame même; je ne connois aucune hy-Mim. de l'Acad. Tom. l'1. Ss s pothepothése qui ne doive rapporter leur origine au dehors, sans excepter même celle de l'Harmonie; car ensin, & l'existence de la Manade, & l'ordre dans lequel elle dévélope ses perceptions, dépendent de l'Etre supréme qui l'a tirée de la région des possibilités, & lui a donné l'existence. Je sai qu'on a de la peine à accorder à Dieu une action réelle sulle Monade, mais que gagneroit on à l'y soustraire? La Monade deviendra un être nécessaire, & ses changemens couleront de la nécessité de sa nature. Concevez une balance sausse, dont les bras ne gardent point l'équilibre, l'un haussant pendant que l'autre baisse, par la nature même de la balance & sans le secours des poids. Vons aurez une vive image de l'ame muë par elle-même, ou par des motiss qui coulent de son propre sonds.

Le seul moyen d'accommoder l'exemple de la balance à la vraye liberté, ce seroit d'y ajouter un pouvoir de mettre ou d'ôter les poids, mais un pouvoir dont l'exercice ne sut point déterminé par d'autres poids.

L'autre comparaison que M. de Leibnitz substitue à celle de la balance, ne sera pas trouvée plus commode pour peu qu'on l'examine (*). C'est une force qui fait effort en même tems de pluseurs côtes, mais qui n'agit que là où elle trouve le plus de facilité ou le moins de résistance. De quelque saçon qu'on explique cette sorce, son effort ne dépend pas d'elle-même, mais d'une autre sorce qui la détermine à saire cet essort. L'exemple ajouté par M. de Leibnitz, éclaircit parsaitement la chose : L'air seant comprimé trop fortement dans un récipient de verre, le casser pour sortir. Il fait essort sur chaque partie ; mais il se jette ensin sur la plus soible. Cet air a été comprimé par une sorce externe; si une partie du récipient est plus soible que l'autre, cela vient de l'impersection de l'ouvrage, & si toutes les parcies étoient également soibles, l'air se feroit jour également partout.

(*) Essai de Theodicée, l. III. f. 305.

Digitized by Google

De

De tout ce que nous venons de dire, il résulte manisestement que la liberté n'a lieu que dans le second cas, savoir en supposant la volition détachée du motif, étant certain que l'ame est passive dans ce dernier état & active dans le premier. Celui-là est déterminé par les précédens, mais celui ci détermine sans être déterminé.

Ce n'est pas du reste déroger à l'essicace des motiss que de ne leur rien attribuer qui ne leur appartienne; ce n'est pas les réputer inutiles que de nier qu'ils nous affectent, comme les poids & les ressorts. L'oeil voit le chemin où les pieds entrent; seroit-ce donner atteinte à ses prérogatives que de nier qu'il remue les pieds? De même l'ame peut se déterminer sur des motiss plus ou moins sorts; mais jamais les motiss ne la déterminent. Leurs prérogatives se renserment dans les bornes de l'entendement, & la moralité des actions, leur merite ou démérite, consiste uniquement en ce qu'on agit avec pleine liberté sur des motiss raisonnables ou déraisonnables.

Je viens d'appliquer mes principes aux théories de l'entendement & de la volonté. Je m'élève maintenant à des vuës plus générales.

La contemplation la plus générale d'un Univers ne présente qu'une multitude de choses. Ces choses sont, ou liées entre elles, ou chacune est détachée de l'autre, ou quelques unes sont liées & d'autres détachées. Si a, b, c, d, e, f, est un assemblage de choses liées & assujetties aux loix de leur liaison, je puis concevoir g détaché dans un double sens: ou il est détaché dans son individualité, ou il est lié à un autre assemblage g, h, i, k, l, m; Ence dernier cas il y a système détaché de système.

Si chaque chose est détachée de toutes les autres dans son individualité, rien n'agit ni ne patit, il n'y a ni cause ni esset, ni aucune rélation de chose à chose; l'université des choses ressemble à une multitude d'atomes sans aucune connexion; en un mot c'est la séparation la plus absolue.

S s s 2

Cette :



Cette séparation porte le Fatalisme & le Scepticisme à leur dernier excés. Il ne faut jamais demander pourquoi une chose est; dans l'instant de son existence elle est séparée de toute autre chose, comme toute autre chose est séparée d'elle; elle existe: c'est tout ce qu'on en peut dire. Je me sers du nom de chese, parce que substance & accident ne différent point dans cette doctrine; une telle difference supposeroit de la liaison où il n'y en a point.

L'action n'a donc lieu que dans un assemblage de choses liées.

Mais si cet assemblage ne contenoit que des êtres croupissans dans un repos perpetuel; si tout y étoit permanent & sans changement, l'action ne s'y trouveroit pas encore, quoiqu'à la vérité on ne pût pas dire qu'il pâtit d'un agent exterieur, puisque nous supposons qu'il épuise tous les êtres. Son être & sa permanence seroient donc nécessaires de la nécessité la plus absolue.

Dans un système d'êtres où il entre de l'action, il doit y avoir du changement. Mais supposons tout ce système sujet à une succession perpetuelle; ses changemens seront essentiels aux êtres changeans; ces êtres changeront nécessairement; il n'y aura point d'agent parmi eux.

Un changement universel exclut donc la liberté tout come une permanence universelle, & il y a aussi peu d'action dans la Nature si tout est vie que si tout est mort.

Si dans l'affemblage des êtres il y avoit du changement dont il n'y eût point de principe, ce changement seroit produit, ou par le néant, ou par la nature des êtres changeans, ou un changement auroit produit l'autre par une progression satale à l'insini. Je ne décide point si ces trois cas sont contraires à la raison; ce qui est évident, c'est qu'ils sont contraires à la liberté.

La fatalité subordonnée aux moyens n'est qu'une (*) complication

(*) TUMENOUS ALTICOV TETOLYMÉVS. Plut 1 II. de pl. phil. c. 27. Sempiserna ac indeclinabilis series rerum ac catena volvens semet ipsa & implicans per atervos consequentia ordinas ex quibus apta connexaque est. Aul. Gell. Noct. att. 1, VI.c. 11. tion éternelle & infinie de causes & d'essets qui envelope jusqu'aux événemens les plus contingens en apparence. Telle étoit la doctrine des Stoüciens qui, zélés partisans du destin, ne faisoient que se jouër du mot de liberté, soit qu'ils l'attribuassent à l'homme, ou au monde, à la Nature, ou à Jupiter, (noms qu'ils confondent souvent entr'eux.) Dans leur système, & le monde, & l'ame du monde, savoir, la partie la plus noble de ce grand Tout, n'agissent que par la nécessaté de leur nature, c'est à dire, n'agissent point du tout.

On leur peut affocier les fauteurs du Pantheïsme, dont les dogmes conduisent aux mêmes conséquences. Si on envisage l'université des choses comme un seul être modifié par la nécessité de sa propre nature, il ne reste aucun agent, ni dans l'Univers, ni hors de lui, puisque hors du tout il n'y a rien.

Jupiter est, quodcunque vides, quocunque moverts.

Mais encore le hazard d'Epicure, à le bien examiner, n'est autre chose qu'une progression satale à l'insini; & tout ce qu'il est supposé produire dans l'immensité de l'espace & dans la durée insinie, n'est qu'un grand esset sans premiere cause.

Le libre arbitre provenant de la déclinaison des Atomes est bien la pièce la plus ridicule qu'on ait jamais cousuë à un système. liberté pouvoit avoir lieu dans celui-ci, elle ne laisseroit pas que d'être fort déplacée dans l'endroit qu'Epicure lui assigne. Ce seroit dans l'origine de la déclinaison de l'Atome qu'il faudroit la loger, & non dans les mouvemens spontanés des animaux, qui ne sont que l'effet de cette Enfin cette liberté n'est qu'imaginaire; elle s'accorde déclination. avec la plus grande nécessité; ajoutons qu'elle est simplement auxiliaire dans la doctrine du hazard: loin qu'Epicure fasse décliner les atomes pour les interêts de la liberté, les apparences de liberté observables dans les animaix ne lui fervent au contraire qu'à appuyer la déclinaison, pièce absolument nécessaire à son système, & sans laquelle Si la pesanteur avoit suffi il s'ecraseroit sur ses propres fondemens. Sss 3 pour

Digitized by Google

pour produite le choc, Epicure n'auroit jamais pensé à détourner le atomes de leurs lignes droites. Mais comme il voyoit fort bien que dans un vuide où la vitesse est unisorme, les élémens ne pourroient jamais s'atteindre, il lui a salu recourir à cette déclinaison pour sint naître les rencontres. (*) Si les atomes ne déclinaison pas, ils sous roient tous par l'immensité de l'espace comme des gouttes de playes jamais il n'y auroit ni rencontre ni choc, & la nature ne produncit jamais rien.

Ceux qui traitent la liberté d'indifférence de chimére, la comparent ordinairement à la déclinaison Epicurienne. Qu'on me perment de dire que je n'ai jamais vu une comparaison plus malheureuse que celle-là. Un atome de matiere, privé d'intelligence & de volonté, détourné de sa route sans aucune cause, peut-il entrer en paralléle avec une substance intelligente qui prévoit, delibére & choisit par le potvoir actif dont elle est douée; d'un côté on voit un effet sans cause, & de l'autre un événement produit par la seule cause réelle qu'il soit posfible de concevoir. Dans le fonds un effet sans cause mene à la satalité absoluë, comme (**) Ciceron l'a fort bien remarqué au sujet de la dé clinaison; & ainsi on compare la plus grande liberté. & la seule si berté possible, avec la fatalité la plus brute, & la plus aveugle. qu'au contraire on considére que dans le système d'Epicure la déclinaison fatale des atomes produit des volitions libres, je laisse à juger si on ne lui pourroit pas comparer une autre explication de la liberté, pour peu qu'on fut dans le goût de ces fortes de comparaisons. L

(*) Quod nifi declinare solerent, omnia deorsum, Imbris uti gutta, caderent per mane profundum. Nec foret offensus natus, nec plaga creata Principius. Ita nil unquam natura creasset.

Lucr. de rerum Natura L. II. v. 221-224

(**) Nam si atomis, ut gravitate ferantur, tributum est pecessitate natura, quad ame pondus nulla re impediente moveatur & seratur necesse est; illud quoque necesse est clinare quibusdam atomis, vel, si volunt, omnibus, naturaliter. De sato 6 20. Le plaifir qu'ils trouveient à rendre ridiculés les fentimens de leurs aacagonities, a fait avancer quelque fois des sholes fort étranges aux Savans du premier ordre. Pourroit-on en citer un exemple plus illustre que celui de Mr. de Leibnuz? Mais aussi pourroit-on être assés circonspect à l'egard d'un nom aussi grand dans la République des lettres, & aussi sacré à cette Academie?

La comparaison dont nous venons de parler, étoit la favorite de ce grand homme. Il en fait usage en plusieurs endroits de ses Ouvrages; mais c'est dans la troisseme partie de la Théodicée qu'il l'a dévélopé plus au long. La Mr. de Leibnitz avance deux choses, qui paroitront fort singulières à tous ceux qui ont étudié la doctrine d'Epicure.

D'abord Epicure, selon lui, n'a eû recours à la déclinaison (*) que pour sauver la prétendue liberté de pleine indifférence. Or il est évident que, quand même il n'y auroit absolument point de liberté, l'Epicureisme n'en auroit pas moins besoin de la déclinaison, vû qu'elle ne sert pas seulement à introduire le hazard & la liberté, mais encore à créer les astres & les animaux, comme (**) Plutarque s'exprime, & comme Epicure l'avoue lui-même dans son Epitre à Herodote; mais sans accumuler dans une chose si claire les témoignages de l'Antiquité, je me contente de renvoyer au passage de Lucrece que j'ai cité tantôt.

L'exposition que Mr. de Leibnitz donne de la déclinaison Epicurienne, est encore plus surprenante: un de ces peties corps allant en ligne droite, dit-il, se détourne sout d'un coup de son chemin, sans aucun sujet, seulement parce que la volonté le commande. Certes c'est faire bien de l'honneur à Epicure que de lui attribuer un sentiment aussi raisonnable. Si tel étoit son dogme, Mr. de Leibnitz auroit grande raison de lui comparer la liberté; car ce seroit la comparer à elle même; & cette doctrine, comme il dit, seroit en effet aussi ridicule

dia

fork .

K M

foe pe

MI,S.

n i

#

e j:

n)

^(*) Essai de Théodicée, P. III. 9. 320.

^(**) όπως άςρα, καὶ ζωα, καὶ τύχη παρείσελθη, καὶ τὸ ἐΦήμῖν μὴ ἀπόληται· Plat. in libro πότερα των ζώων Φρονιμώτερα.

enle que la déclination des atomes; car elles ne seroient ridicules, ni l'une, ni l'autre. Chaque déclination seroit l'effet d'une volition, & dire, que les petits corps se détournent sans sujet, seulement parce que la volonté le commande, ce seroit autant que si on disoit: un effet arrive sans cause, parce qu'il est produit par la seule cause qui puisse le produire.

Carnéade avoit pris ce tempérament entre la fatalité de Chryfippe & le hazard d'Epicure; Ciceron nous en donne l'exposé dans son excellent traité du Destin, dont matheureusement nous ne conser-

vons qu'un fragment.

Epicure étoit bien éloigné de l'opinion que Mr. de Leibnise lai prête. S'il avoit jamais crû que la volonté sit décliner les atomes, il lui auroit fallu une double déclinaison; car ensin, il s'agissoit d'expliquer par ce moyen tous les phénomenes de la Nature sans exception, dont il n'y a qu'une partie trés mince qui dépende de nos volitions. C'est donc tout le contraire. Les atomes déclinent dans la Philosophie d'Epicure, avant qu'aucune volonté soit sormée par leur concours; & leur déclinaison est précisément ce qui forme les volontés, & produit les prétendus actes libres. Pourroit-on en douter aprés tant de passages formels des Anciens? Voici celui de Lucrece qui probablement a induit Mr. de Leibnizz en erreur: (*) Si sous les mouvements

(**) Denique si semper motus connestitur omnie, .

Et vetere exoritur semper novus ordine certo,

Nec declinando faciunt primordia motus

Principium quoddam, quod fati sadera rumpat,

Ex infinito ne causam causa sequatur:

Libera per terras unde hac animantibus extat,

Unde bac est, inquam, fatis avolsa voluntas,

Per quam progredimur, quo ducis quemque voluptas,

Declinamus item motus, nec tempore certo,

Nec regione loci certa, sed ubi ipsa tulis mene s

Nam dubio procul bis rebus sha quoique voluntas

Principium dat, & hinc motus per membra rigantur.

fons lies les uns aux ausres, si du mouvement passe résulte le présent selon un ordre invariable, si la déclination des asomes ne forme poine un principe de mouvement qui puisse rompre la chaine fatale & empêcher la succession infinie des causes; d'où vient aux animaux terrestres ce libre arbitre? cette volonté soustraite à l'empire du destin par laquelle nous nous mouvons, comme bon nous semble. & par laquelle nous détournons les mouvemens, sans y être déterminés ni par le tems, ni par le lieu, mais uniquement par notre bon-plaisir? Car il n'y a point de doute que la volonté d'un chacun ne donne l'origine à ces choses, & que ce ne soit de là que partent les mouvemens qui se distribuent par nos membres. Monsieur de Leibnitz aura crû sans doute que les mouvemens, & les choses dont il est parlé dans les derniers vers, & qui se rapportent aux mouvemens spontanés, se raportoient à la déclinaison des atomes. Le latin de Lucrece souffre cette équivoque, & la traduction Italienne de (*) Marchetti, dans laquelle le passage est allégué dans la Théodicée, la favorise également; mais il est facile de s'en détromper tant par les passages paralléles que par la teneur même de celui-ci.

Jusqu'icy nous avons considéré tous les êtres dans un seul assemblage. Séparons maintenant cet assemblage en deux parties, la portion A nous répresentera tous les êtres sinis liés dans un système, & faisant un tout. La portion B nous marquera un être infini, une substantia extramundena.

Si nous supposons d'abord ces deux portions indépendantes l'une de l'autre, la portion A pourra passer par les mêmes suppositions, par lesquelles nous avons fait passer l'assemblage de tous les êtres. Si

Vous

Ttt

vous y adoptez des principes des changemens, qui y arrivent, vous adoptez une classe d'êtres doués d'intelligence & de volonté. B, quoi-qu' indépendant d' A, ne peut être l'origine de quoique ce soit en A, parcequ' A n'est pas moins indépendant de lui. Il ne sers donc l'origine de quoi que ce soit hors de lui-même. Il n'est pas non plus l'origine de ce qui est en lui-même, puisque ce qui est en lui, n'admet point d'origine. Sa volition seroit donc nulle saute d'objet; en un mot un tel Dieu seroit moins puissant que les Intelligences libres supposées dans la portion A.

Joignons à présent les deux portions, & faisons dépendre A de B. Cette dépendance peut être conçue dans un double sens. Ou l'existence de B entraine celle d'A par une nécessité de conséquence, ou B

donne l'être à A par une volition libre.

Au premier cas, l'action & la liberté manquent dans A & dans B, l'existence d'A s'analysant dans la nécessité de la Nature de B, A devient une espece d'appendice de B, & ils ne seront, à proprement dire, qu'un même être. Si la matière du monde & ses sormes existent aussi nécessairement que l'essence divine, tout devient aussi passif, que si le destin le plus aveugle y présidoit.

Mais éclairons la scene, & concevons un Entendement infini, qui d'une simple vuë embrasse & combine tous les possibles. Supposons que de cette combinaison résulte le motif, qui le porte à produire l'Univers, que le motif produise la volition, & que la volition soit suivie immédiatement de l'effet. Dans tout ce procédé je ne trouve ni action ni liberté. Le Monde ne sauroit contenir un pouvoir d'agir, qui ne soit pas dans la cause du Monde; & l'existence de l'Univers & de tout ce qu'il renserme, se résoudra dans l'entendement divin, & par là dans la nécessité de la Nature divine; la chaine des êtres sera suspendue au Trone de Jupiter qui obéit à son tour aux arrêts du Destin.

C'est ce que doivent entendre les Philosophes, qui disent, que l'analife des consingens est insuie. Le mot de consingens me paroit icy très très abufif: car ce qui dépend de la nécessité d'une Nature. qui existe nécessairement, conserve t-il l'ombre même de la contingence qui fanpose manifestement la liberté? Et peut on se prévaloir de ce terme sans donner dans l'équivoque, & dans le jeu de mots.

On ne fauroit dire dans ce système, que le contraire de ce qui arrive, ait été possible, ou qu'il y ait plus ou moins de possible, que ce qui existe. La puissance est-elle autre chose qu'un terme destitué de sens? Et ce qui est aussi nécessaire que l'essence divine auroit-il pu ne pas exister, ou exister autrement qu'il n'existe? Dire qu'une chose seroit possible dans un autre monde, c'est dire qu'elle le seroit dans la supposition d'une autre essence divine, dont le monde présent est un écoulement nécessaire.

Dieu, dirat-on, voit plusieurs possibles, qui ne parviennent pas Mais qu'est-ce qu'on entend par possible? Ce pour l'exécution duquel il n'y a point de puissance? Ce qui par l'essence même de la Divinité est déterminé au non-être? Si Dieu voyoit quelqu'une de ces choses comme possible, il verroit comme possible, ce qu'il ne peut pas faire.

Il y a des Philosophes asses ingénus pour nous accorder, que dans ce plan tout devient nécessaire. Mais c'est, disent-ils, une nécessité heureuse, fruit de la plus parfaite sagesse.

Que la nécessité soit heureuse ou malheureuse, ce n'est pas dequoi je m'embarasse. Mais qu'elle soit un fruit de la sagesse, je n'en faurois convenir. La nécessité ne laisse lieu à aucune action sage, ni à aucune vertu de choix. Remercier, p. e. Dieu pour sa bonté seroit autant, que si on le remercioit pour son éternité.

C'est avec la nécessiré interieure dirigée par les motifs, que l'illustre Auteur du nouveau Système de la Fatalité croit que la Religion, & les Loix pourroient subsister. Je pense qu'en effet cela pourroit, & devroit même arriver par une erreur aussi satale que le reste du systé-Ainsi le voudroit le Destin, contre lequel il n'y a point de subterfuge. Il seroit en effet ridicule dans ce système de croire une Reli-Ttt 2

Digitized by Google

gion

gion & une Conscience, s'il n'étoit pas nécessaire d'y croire, de de n'es soint être pénétré, si la fatalité nous y oblige.

La seule dépendance donc dans laquelle puisse entrer la liberté, est celle de la seconde sorte, savoir lorsqu' A dépend d'une volition libre de B. Alors A sera contingent; non A sera possible, puisqu'il y a une puissance libre douée du pouvoir physique de le produire, & de ne le point produire, de produire en sa place C, D, E, F, & ainsi de suite.

Enfin, si dans l'assemblage des êtres compris sous A, il y a des intelligences douées de la puissance de vouloir, que B possede dans un degré illimité; ces intelligences seront autant d'agens dépendans de B dans leur existence, mais libres dans leurs volitions, auxquelles l'Etre suprème aura départi leur sphere d'activité. Dans ce plan certains changement seront résolubles dans l'action des intelligences mondaines.

Mais si l'intelligence supréme s'est reservé le privilège d'agir, A sera un-assemblage d'êtres & d'états passis, Dieu sera le seul agent, l'ame de la Nature, le moteur des corps & des esprits, & nos diverses volitions ne seront qu'autant d'expressions, ou de portraits de la sienne.

Ajoutons que ce système convertit toute la morale en un jeu de Théatre; on auroit peine à deviner le but de Dieu dans ce drame universel. Encore, s'il n'y avoit que les habitans de la terre qui sussent assujettis aux loix du Destin, nous pourrions nous le figurer comme une grande salle de Spectacles, dressée pour l'instruction d'intelligences libres & superieures à l'espece humaine, dont chacune auroit reçù la leçon de Terence: (*) Consemplez leurs vies comme dans un miroir, E' prositez-en pour votre propre conduite.

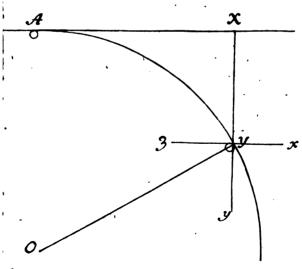


(*) Inspicere, tanquam in speculum, in vitas omnium Jubeo, asque eximde capere exemplum tibi.

MEMOI-

sse de Phil. Spec. ad pag. \$16.

Fig. J. ansilu.



om. VI. pag. 443.

MEMOIRES

DE

L'ACADEMIE ROYALE

DES

SCIENCES

E T

BELLES LETTRES.

CLASSE DE BELLES LETTRES.

* *

Ttt 3

AVERTISSEMENT.

Le Jugement que l'Académie a porté sur le fragment d'une Lettre presendue de M. de Leibnitz, ayant été publié, pendant que l'on imprimois ce Volume de nos Mémoires, on a placé ce Jugement à la sin de l'Histoire. Depuis ce tems-là il a paru divers Ecrits de M. Kænig & de ses adhérens, destinés à attaquer ce Jugement. Asin donc que le Lesteur trouve ici tout ce qui peut répandre du jour sur cette Controverse, & mettre le Jugement de l'Académie à l'abri des imputations aussi déraisonnables qu'injurieuses dont on voudroit le charger, on a cru devoir mettre içà la Lettre suivante qui fait voir avec le dernier degré d'évidence combien l'Académie a été équitable & circonspecte dans toute sa procedure.

Comme on ne veut pas rendre ce Volume d'une grosseur disproportionnée à celle des précedens, & que d'ailleurs s'on se propose de commencer incessamment s'impression du septième Tome, la Classe de Belles-Lettres ne fournira point d'autres Pieces dans celui-ci que cette Lettre. La principale cause de cette réduction, c'est la préserence qu'on à cru devoir donner, & que méritoit bien s'importance de l'objet, aux Observations pour déterminer la parallaxe de la Lune, qui devoient être toutes publiées, lorsqu'ou recevoit les Observations correspondantes du Cap de Bonne Esperance.

LETTRE

Digitized by Google

distalatistical extension of cate at extension of extens

M. EULER

M. MERIAN.

Traduit du Latin.

J'ai lû, Monsieur, les Gazettes Litteraires de Leipzig & de Hambourg, que Vous avez eu la bonté de me communiquer; & j'ai été véritablement frappé de l'impudence avec laquelle les Editeurs de ces Feuilles ont osé traitter le Jugement que notre Académie a publié, à l'occasion de la Lettre attribuée à Leibnisz par M. le Professeur Kanig. Quoique toutes les personnes intelligentes, & dégagées de l'esprit de parti; ayent trouvé ce Jugement conçu avec toute la modération possible; ces Compilateurs de nouvelles n'ont pû s'empêcher de déceler ouvertement, & leur ignorance, & cette démangeaison excessive qu'ils ont d'exercer leur critique sur tout ce qui se passe dans la République des Lettres. Car toutes leurs plaintes sur l'injure qu'ils prétendent que M. Kanig a reçuë par ce Jugement, sont assez voir qu'ils n'entendent pas seulement l'état de la Question, bien qu'il soit exposé dans ce Jugement avec la derniere netteté.

En effet, M. Kænig ayant raporté ce fragment d'une Lettre qu'il prétendoit avoir été autresois écrite par le grand Leibniz à M Hermann, que pouvoit-on lui demander de plus équitable, si co n'est qu'il produisit l'Original de cette Lettre, ou qu'il indiquât dans que endrois

endroit il étoit gardé. Dans cette Question, sur laquelle roule cependant toute la force du Jugement, il n'y a rien assurément à quoi le Censeur le plus mal intentionné puisse trouver à redire. Car quiconque allégue de pareils monumens, surtout après un si long tems écoulé, est sans contredit obligé de les rendre dignes de soi sux veux du Monde savant en produisant les Originaux : & il n'est nullement autorifé à demander que de pareilles Pieces passent pour authentiques, tant qu'elles ne sont pas suffisament prouvées. Beaucoup moins donc peut-on reprocher à l'Académie Royale, & à son très digne Préfident, d'avoir entrepris l'examen de la Lettre alléguée par M. Kanig. Si celui-ci, en donnant un fragment de cette Lettre dans les Aftes de Leipsig, avoit déclaré en même tems qu'il en possedoit l'Original, ou du moins qu'il l'avoit vû, il pourroit peut-être trouver mauvais, qu'on n'eut pas aussi-tôt ajouté foi à son témoignage : cependant il ne serpit pas endroit de se plaindre qu'on lui eut fait la moindre injure. Mais dès-la qu'il ne dit pas un seul mot qui tende à faire connoître qu'il ait vû la Lettre originale de Leibnizz, il ne scauroit assurément exiger de personne, qu'on la tienne pour digne de foi. beaucoup moins doit-il être offense des recherches exactes faites à ce sujet; bien plutôt, quand même personne ne l'en auroit requis, il seroit lui-même dans l'obligation de mettre à l'abri de tout doute la vérité de la Lettre qu'il a citée, s'il ne vouloit pas paroltre avancer dans la République des Lettres une chose destituée d'autorité.

Mais, lorsque dans les commencemens cette affaire fut traittée amicalement par des Lettres écrites à M. Kanig, non seulement il évita toujours de répondre à la demande qu'on lui saisoit de justifier ce fragment par les preuves de sa conformité avec l'Original; mais il avoua positivement qu'il ne possedoit point cet Original, & qu'il ne l'avoit jamais vû; mais qu'il tenoit seulement cette Lettre du fameux Henzi, décapité à Berne, qui lui en avoit sourni une Copie. La question consiste donc à sçavoir, si cette cette Copie est digne de soi, ou non? & cette question ne regarde pas tant M. Kanig que Henzi;

v v v

ou peut-être elle ne regarde pas même ce dernier, si l'on suppose qu'il tenoit à son tour cette Lettre d'une autre main. Quand même donc M. Kenig regarderoit cette Lettre comme digne de soi, dès qu'il reconnoit qu'il est hors d'état d'en établir l'authenticité, il ne peut certainement exiger de qui que ce soit, qu'il pense comme lui, mais il doit laisser à chacun une pleine liberté d'être d'un autre avis, sans que cela porte atteinte à son honneur. Aussi, ni lui, ni ses Avocats, ne peuvent justifier en aucane maniere, qu'on ait agi injustement à son égard, en déclarant, comme l'Académie l'a sait, que cette Lettre ne méritoit absolument aucune créance: car, quelles que soient les causes qui ont porté l'Académie à prononcer ce Jugement, elles ne concernent que l'écrit même, & la person e de M. Kanig n'y est interessée en rien. Et quand l'Académie n'indiqueroit queune cause de la conduite qu'elle a tenuë, on ne pourroit en imaginer aucune, qui autorisat M. Kanig à se tenir pour ofsensé.

Rien donc n'est plus ridicule que les plaintes de ces Censeurs se-veres, qui ne parlent que de l'injure saite à M. Kanig, & sont de vains essonts pour soutenir le rôle d'Avocats, dont ils semblent s'être chargés contre l'Académie dans cette cause. Puisque M. Kanig luimème a abandonné entierement cette cause, qui n'a d'autre objet que les preuves de l'écrit qu'il avoit allégué, il n'a besoin assurément d'aucuas désenseurs; & je ne vois pas comment quelqu'un pourroit penser à entreprendre sa désense, à moins qu'il ne se sit fort de produire cet Original de Lubratz sur lequel roule toute la Question. Mais c'est sur quoi ces prétendus Avocats gardent le plus prosond silence, se contentant d'accumuler les injures & les calomnies, comme s'ils avoient voulu saisir cette occasion de saire éclater leur ignorance & leur témérité.

Mais le comble de l'absurdité, c'est lorsque ces Censeurs petuleus soutiennent que la décision de cette Question ne regardoit pas l'Académie, mais devoit être portée devant un Tribunal de Jurisconsultes. Tant qu'on recherche, si cette Lettre attribuée à Leibnite peut

être confirmée par la production de l'Original, le Jugement est andre, & ne demande aucune connoissance du Droit Civil. dire que M. Kanig l'a décidée lui-même, en confessant son improuver l'authenticité du fragment en question. Car quant estions, qui en sont nées, telles que celles-cy: Si cette ent pas des choses, qui n'etoient pas encore connues pas quelque soupçon de faux dans les termes méve? Si son contenu est d'accord avec celui des ui existent? S'il y a dans les autres Ecrits de moindre vestige des découvertes, ou'on lui at-...ci ? Si M. de Leibzitz lui-même n'auroit pas écrit eres à d'autres Amis qu'à M. Hermann? & autres Quee ce genre qui sont dévelopées dans le Jugement de l'Acadéelles sont toutes assurément telles, qu'aucun Tribunal Juridique n'auroit pu s'en arroger la connoissance : & comme elles demandent une connoissance profonde des Sciences auxquelles elles se rapportent, je ne vois pas à qui le droit d'en juger pourroit mieux convenir qu'à une Académie destinée à l'avancement des Sciences. Or dans toutes ces Questions il ne s'agit par le moins du monde de M. Ranig; & de quelque maniere qu'on les décide, il n'y feauroit trouver le moindre sujet de plainte, puisqu' sussi-tôt qu'il s'est désisté de maintenir la vérité de cette Lettre, les choses qui s'y trouvent contenües, sont censées n'avoir plus aucun rapport avec lui. Ce Jugement n'étant donc point de nature à avoir du être déseré à un Tribunal juridique, à beaucoup plus forte raison les Compilateurs des Nouvelles publiques ne peuvent-les se l'arroger: & M. Konio n's aucun besoin de leur secours.

Mais ces chicaneurs publics ont porté non seulement l'insolence au point de tourner en ridicule le Jugement de l'Académie, mais ils n'ont pas rougi d'outrager indignement ses Membres, en imputant calomnieusement à la plûpart de ceux qui ont signé ce Jugement, d'étre dans des sentimens tout opposés de de le desaprouver: outrage V v v 2 qui qui ne pourroit qu'être extrémement sensible à l'Académie, si l'extreme légereté des calomniateurs ne l'engageoit plutôt à le mépriser. Comment pourroit - il venir à quelqu'un dans l'esprit que la précipitation ou la violence ayent eu la moindre part à cette asaire, puisqu'elle a été traitté de la maniere la plus ouverte, & que M. Kenig' lui - même par ses délais à laissé plus de six mois de tems pour l'examiner. Car ayant consessé qu'il n'avoit jamais vû la Lettre originale de Leibnirz, & les recherches les plus exactes saites à cette occasion n'ayant pû en découvrir le moindre vestige, le soupçon de saux conçu contre la Lettre citée s'est accrù de jour en jour, jusqu'à ce qu'il ait atteint le plus haut degré de certitude; & alors qui auroit pu hesiter à juger, que cette Lettre ne méritoit aucune créance, & à prononcer qu'on l'avoit attribuée à saux au grand Leibnizz?

Tandis qu'ils accusent calomnieusement les autres Académiciens de se repentir de leur avis, ils prétendent encore que le Jugement a été dressé par moi-même malgré moi, que j'y ai été forcé par je ne scal quelle autorité; & ils inferent en particulier que l'on auroit tore de me l'attribuët, de ce que je n'aurois jamais écrit que l'Ambassadoux de France eut quelque chose à commander dans ma Patrie. Lorsque j'ai écrit qu'on avoit cherché la Lettre par ordre du Roi & de l'Ambassadeur de France, il n'y a que des interprêtes malins qui puissent entendre ces paroles, somme fignifiant que ces ordres ont été adressés immédiatement aux Magistrats Suisses. Mais il ne m'est jamais venu dans l'esprit de dire; que le Roi ait adressé à ces Magistrats les ordres concernant cette affaire, qu'il a donnés a ses Ministres. Sans contredit un Roi donne à ses Ministres les ordres qu'il veut sur une affaire quelconque : & c'est à eux ensuite à s'acquitter ultérieurement de la volonté de leur Maître. Ce n'est point non plus par la voye des Magistrats que l'Ambassadeur de France a fait ses recherches: mais il a commis cette affaire à des particuliers, & furtout à des gens qui lui étoient subordonnés, & auxquels il avoit droit de commander. Je

Je ne crains donc point que les Avocats de M. Kanig, qui prennent ici fort mal à propos la désense de la liberté Helvetique, puissent répandre quelque soupçon sur massidélité par une semblable accusation.

Ce qu'ils ajoutent, que l'amitié qu'ils prétendent avoir été entre M. Kanig & moi auroit dù me détourner du Jugement qui a été rendu, procede de la même erreur, qui leur persuade qu'on a agi injustement à son égard. Je ne trouve absolument rien dans l'amitié qui m'impose l'obligation de regarder comme digne de soi une Lettre dont M. Kanig reconnoît qu'il ne sçauroit lui-même prouver l'authenticité; & quand malgré le désaut de preuves, il voudroit y acquiescer, ses amis n'en sont pas moins libres de penser autrement. Il ne prétend assurément pas, que ses Amis soyent de même avis que lui en toutes choses.

Enfin, pour ce qui regarde ma Dissertation sur le mouvement de projectile déduit du principe de la moindre action, que j'ai ajoutée en sorme de supplément à mon Traité des Hoperimetres, les défenseurs infatigables de M. Kanig se hatent trop d'avancer qu'ils savent que ma Dissertation avoit déjà été à Lausanne entre les maina du Libraire des l'an 1743. Ils seroient en droit de l'affirmer de l'Ouvrage même sur les Isoperimetres, que j'avois effectivement achevé quelques années avant qu'il ait paru; mais je n'ai fait les additions que depuis que j'avois envoyé le Manuscrit à Lausanne, & ne les ai fait partir pour cette Ville que peu avant la publication du Livre. Tout l'Ouvrage n'ayant donc vû le jour que vers la sin de l'an 1744. & M. de Maupersuss avant hi dès le mois d'Avril de la même année son Mémoire sur le principe universel de la moindre action, dans une Affemblée publique de l'Académie Royale de Paris, tous les sonpçons qu'on voudroit faire naître contre lui à ce sujet, se détruisent & tombent d'eux-mêmes.

Outre que je n'avois communiqué ce Supplément à personne avant l'impression, il n'y a rien qui soit appliquable à la Question présente, où l'on recherche uniquement, si M. de Leibnise a écrit la Let-V v v 3 tre que M. Kanig lui attribue, ou s'il ne l'a pas écrite? En effet cette Lettre étant détruite, il ne reste plus aucun doute que M. de Manpertuis ne soit le premier qui a proposé le principe de la moindre quantité d'action. Car, lorsque j'ai employé la methode de maximis Es minimis pour définir les trajessbires que décrivent des corps sollicités par une force centripete quelconque, je ne prétens pas avoir été au delà de ce qu'ont fait MM. Bernoulli & d'autres, en déterminant avec le secours de la même methode la courbure de la chaînette, celle d'un linge rempli de liqueur, & d'autres courbes du même genre. De pareilles recherches ne fournissent que des principes particuliers, qui ne peuvent guères s'etendre plus loin que les cas auxquels on les applique. Au contraire il s'agissoit ici d'un principe universel, d'où devoient découler tous ces principes, & qu'on pût regarder comme une Loi établie dans tous les phenomenes de la nature : ce qui rendoit sa discussion moins du ressort des Mathematiques, que de celui de la Metaphylique, sur les principes de laquelle cette doctrine de-Auss, quoique depuis longtems on n'ait pas douvoit être fondée. té que dans tous les effets naturels il y a un semblable principe de Maximum & de Minimum qui les détermine, personne cependant. avant l'Illustre Président de nôtre Académie, ne s'est trouvé, qui aic seulement soupçonné, dans quels élémens ce principe étoit contenu. & comment on pouvoit l'accommoder à tous les cas. Pour mois ie n'ai connu d'une maniere certaine qu' a posteriori le principe dont je me suis servi pour déterminer les trajectoires; & j'ai avoué ingemiement que je n'etois pas en état d'établir sa vérité d'une autre ma-Tout ce que j'ai fait, c'est d'en tirer les mêmes courbes qu'on a coûtume de trouver vulgairement par la methode directe, en partant des premiers principes de la Mechanique. Je n'ai même ofé en étendre l'usage, qu'autant que j'ai pû justifier par le calcul son accord avec les principes connus. Et c'est qui m'a engagé à séparer de ce principe les mouvemens qui se sont dans un milieu résistant, & d'autres plus compliqués, parce qu'il ne se présentoit à mon esprit aucune voye

voye d'en décourir la vérité à l'egard de ces mouvemens. Au reste Monsseur Kanig voulant attribuër à Leibnitz seul l'invention du principe de la moindre action, je ne sçaurois assez m'étonner que ses sideles partisans me rendent aussi participant de cette gloire, & que dans le même tems qu'ils répandent avec tant d'atrocité leur bile sur toute l'Académie, ils montrent tant de bonne volonté à mon égard.

Ils objectent enfin aussi à l'Académie, de n'avoir pas publié avec le Jugement, toutes les Lettres qui ont été écrites à cette occasion à M. Kenig avec ses réponses, quoiqu'on sçache que tes pieces avoient déjà été remises à l'Imprimeur; d'où ils concluent avec autant de malignité que de précipitation, qu'elles contenoient des choses d'où M. Kanig pouvoit tirer les plus grands avantages, & que c'est pour cela que l'Académie, qui se désioit de sa cause, a mieux aimé les suppri-Mais comme tout le contenu de ces Ecrits se trouve rapporté affez clairement dans le Jugement même, il étoit tout à fait superflu de grossir le volume en les y inserant. Cependant, bien loin que M. Kanig y puisse trouver le moindre secours, il doit plutôt rendre graces à l'Académie de ce qu'elle a bien voulu ensévelir des documens aussi manisestes de l'iniquité, avec laquelle il s'est conduit à son égard dans toute cette recherche. D'ailleurs les mêmes Ecrits font entre les mains de M. Kanig, & personne ne l'empêche de les publier, s'il les croit le moins du monde favorables à sa cause. Je suis, &c.

à Berlin, le 3 Septemb. 1752.



.P. S.

A prés avoir achevé cette Lettre, j'ai eu occasion de voir la Réponfe même de M. Kanig, intitulée APPEL AU PUBLIC;

& l'ayant lue, je n'ai pas été peu surpris de la véhémence avec laquel. le, & lui, & ses désenseurs, se dechainent contre le Jugement de l'Académie. Car ayant déclaré lui-même, comme on le voit dans ses propres Lettres qu'il a fait imprimer, qu'il lui importe fort peu qu'on admette ou qu'on rejette ce fragment de la Lettre attribuée à Leibnitz, parce qu'il n'est pas en état d'en prouver l'authenticité, il n'a assurément aueun sujet de se plaindre du Jugement de l'Académie. qui a pour objet principal la réjection de ce fragment; affaire à laquelle M. Kænig avous qu'il n'est point intéressé. Quand ensuite l'Académie a jugé que cet Ecrit rejetté ne pouvoit porter aucune atteinte au droit, en vertu duquel M. de Maupertuis revendique la découverte du principe de la moindre action, M. Kænig doit s'en formaliser encore moins, puisqu'il reconnoit qu'en produisant cet Ecrit, il n'a jamais eu en vue de révoquer cette découverte en donte. Or tout le Jugement de l'Académie se réduit à ces deux Questions, qui ne sont assurément dépendantes d'aucunes formules de Jurispurudence: & toutes les exceptions qu'on allégue contre la forme de ce Iugement, & contre les Juges, tombent d'elles-mêmes. M. de Mau-· persuis ayant tout d'abord résolu d'écarter de ce Jugement la controverse sur la vérité du Principe, s'arrétant uniquement à faire examiner: si l'on peut l'accuser de l'avoir puisé dans les Ecrits des autres. ou non? & ne voulant point encore actuellement entrer avec M. Kania dans cette discussion, que celui-ci tache perpetuellement de meler à la Question; l'Académie a aussi pris un soin particulier de séparer cette controverse de son Jugement. En effet, quoique dans mon Rapport j'aye fait voir clairement la foiblesse des Objections que M. Kanig a formées contre ce Principe, cette discussion n'a nullement passe dans le Jugement; & par conséquent les Membres de l'Académie, qui ne sont pas versés dans les Mathematiques, sont accusés à tort par M. Kænig d'avoir porté leur Jugement sur des choses qu'ils n'entendoient pas. Et pour l'exception par laquelle on vondroit invalider le Jugement même, sous prétexte que le nombre des AcadéAcadémiciens présens n'étoit pas assez grand, elle est tout à fait ridicule, puisque ce nombre étoit plus-considérable qu'à l'ordinaire.

Mais, comme dès le commencement M. Kenig a mis tout en œuvre pour pervertir l'état de le question, il fait de même dans son Appel des écarts continuels, & se sert pour attaquer le Jugement de l'Académie précisément des mêmes armes qui ont été employées par les Gazettiers: en sorte qu'il n'est pas besoin d'en donner une nouvelle réstation. Non seulement il n'établit point sur des argumens plus sorts l'autorité de la Lettre attribuée à Leibniz; mais encore, après avoir assuré ci-devant que cette Lettre avoit été écrite à M. Hermann, dés qu'il a sceu qu'on en avoit fait la recherche à Bâle, & que trois Lettres de M. de Leibnitz à M. Hermann en avoient été envoyées ici, il a tout a coup changé de sentiment, de sorte qu'il a produite étoit addressée: aveu qui donne sans contredit une très grande sorte au Jugement de l'Académie, s'il étoit possible qu'il parût encore douteux à quelqu'un.

Mais M. Kanig abandonnant ce fragment, va cherche le P. Malebranche, Mrs. s'Gravesande, Engelhard & de Wolff, comme ayant déjà fait usage de ce principe de la moindre action; & soutes les sois qu'il rencontrera chez quelqu'un le mot de minimum, il pourra en tirer la même conclusion avec autant de droit. Cependant il est maniseste que ces Auteurs, ou bien attachent une idée toute disserente à ce Minimum dont ils parlent, ou qu'ils l'appliquent tout autrement aux phénomenes de la Nature, ou enfin, ce qui est l'essentiel, qu'ils ne proposent ces principes qu'ils adoptent, que comme tout à fait Mr. s'Gravesande, par exemple, auquel on donne ici particuliers. le premier rang, dans les endroits qu'on cite, ne parle que des forces vives, dont le principe de la moindre action differe beaucoup: ensuite, quand il dit que, dans le choc des corps mous, il ne périt que la plus petite quantité des forces vives, outre qu'il s'agit la d'un cas tout à fait particulier, il attache cette proposition à une condition sin-Mim. de l'Acad, Tom. VI. guliere,

Digitized by Google

guliere, en posant que la vitesse rélative est la même, en sorte que cette perte des sorces vives n'est la plus petite, que tant que la vitesse, rélative demeure de la même grandeur. A l'égard de M. de Wolff, dans sa Dissertation inserée au Tome I. des Mémoires de l'Académie de Petersbourg, il ne parle que des sorces vives, dont il tache de déduire la mesure de l'idée de l'action, sans saire aucune mention du minimum, qui se trouve dans cette action. Si de pareilles exceptions étoient recevables, on ne pourroit jamais rien produire de nouveau; car il seroit bien difficile qu'on ne trouvât dans quelque Auteur, ou des idées, ou du moins des expressions semblables, dont on pourroit se servir avec le même droit poer attaquer toutes les nouvelles découvertes.

Quant à ce que M. Kanig étale avec tant de confiance, au sujet de la Dissertation que j'ai insérée dans le Tome VIII. des Mémoires de Petersbourg, sur une propriété des nombres premiers, pensant me terrasser entierement par là, il montre assez avec quelle négligence il porte ses jugemens, & combien il est promt à se saisir des moindres circonstants pour en faire naître des chicanes. Car dés l'entrée de cette Dissertation j'ai déclaré ouvertement, que le Theoreme dont j'y donne la démonstration, avoit été trouvé depuis longtems par Fermat, qui a aussi assuré qu'il en avoit la démonstration. Mais comme cette démonstration, autant que je le sçais, n'a jamais été publiée, j'ai travaillé seulement dans l'intention de réparer en quelque sorte cette per-J'étois donc bien éloigné de penser à tirer quelque gloire de cette démonstration, puisque j'ai dit si ingenuëment, qu'elle avoit été découverte depuis longtems par Fermat. Si donc M. de Leibnitz l'a aussi trouvée avant moi, ce dont je n'ai pas plus de connoissance que du travail de Fermas, j'ajoute foi sans aucune difficulté à l'assertion de M. Kanig, & je suis fort content de n'être que le troisième demonstrateur de ce theorème, M. de Leibnitz ayant été le second, & toute la gloire de la premiere démenstration étant due à Fermat. M. Kanig ne m'epouvante donc point, en me menaçant tant de produire l'original. ginal de cette Lettre de Leibuitz; je l'en remercie tout au contraire, & j'attendrai non seulement avec tranquillité, mais même avec joye, la publication de cette Lettre. Mais je lui serois encore bien plus obligé, si par ses soins insatigables à déterrer les écrits anecdotes des grands hommes, il pouvoit découvrir aussi, & mettre au jour, ceux de Fermat; car j'y trouverois assurément bien des choses concernant la nature des nombres, qui m'ont coûté beaucoup de peine à découvrir, & je me slatterois d'y en apprendre de bien plus considérables encore, dont mes efforts n'ont pû venir à bout. Tant s'en saut donc que la publication de semblables Ecrits m'essraye, que je les recevrois plutôt avec une extrème avidité.

M. Kanig attaque aussi le Jugement de l'Académie, sur ce qu'on n'y a sait aucune mention d'un Billet que M. Hermann, srère du désunt, lui a écrit, & qu'il a envoyé à l'Académie; quoique, dit-il, ce Billet sasse que M. de Leibnitz a autresois écrites à son srère, comme on l'insinuë dans le Jugement. Mais quoique cela ne sasse rien au sonds de la chose, & que M. Kanig eut pû s'approprier ces Lettres à l'insqu de M. Hermann, il sussit de remarquer ici, que le soupçon que ces Lettres sont entre les mains de M. Kanig n'est point sondé sur ce qu'elles ne se sont pas trouvées à Bâle, & qu'on l'a conçu d'après d'autres indices; mais quoique ces indices ayent paru asses fontés, ou ne l'a donné que pour un soupçon, & il importe sort peu qu'il-soit sondé, ou non?

A l'égard des autres Objections; comme elles sont étrangeres à la Question, ou qu'elles ressemblent tout à fait à celles que M. Kanig a produit d'un ton si menaçant contre ma démonstration des nombres premiers; car il ne sçauroit leur attribuër un plus grands poids, dès-là qu'il pense m'avoir accablé par celle-la; il seroit supersu de prendre la moindre peine pour les résoudre, la lettre précédente y ayant pleinement satisfait; & cette véhémente sortie sur moi étant assez repoussée par ce que je viens de dire.

Au reste, puisque M. Kanig se plaint tant de la mapiere injurieuse dont il croit qu'on a agi avec lui dans le Jugement de l'Académie, je X x x 2 ne

Digitized by Google

ne scaurois m'empécher de répéter que ce Jugement ne regarde point sa personne, mais seulement l'Ecrit qu'il avoit produit, auquel pour les raisons les plus évidentes, on a resusé toute croyance; ce qu'il ne doit pas trouver mauvais. Quant aux soupcons rapportés dans le même Jugement, qui paroissoient indiquer d'une manière assez claire la perversité de sa cause, & une disposition peu éloignée de la fraude, il y a donné lui même l'occasion la plus forte, en voulant perpetuellement brouiller la question, & la tourner sur des recherches qui n'y avoient aucun rapport. Comme donc il impute trés injustement à l'Académie, d'avoir porté son jugement sur sa personne, ou sur le principe même de la moindre action; s'il se trouve chargé des soupcons les plus graves, il ne le doit imputer qu'à lui-même. Et à préent même, loin d'avoir écarté ces foupçons par sa désense, il paroit au contraire les confirmer, par la foiblesse & les injures dont est rempli ce qu'il allegue. Car affurément il n'auroit pas attaqué d'une manière si ridicule ma démonstration sur les nombres premiers, s'il avoit en de meilleures choses à dire pour sa cause: pour ne pas parler ici des imputations frivoles, par lesquelles il ne rougit point de vouloir charger nôtre illustre Président de plagiat.

Surtout c'est un raisonnement bien remarquable, que celui par lequel il tâche de rendre la Religion de M. de Maupereuis suspecte, en se sondant sur ce qu'il resuse créance aux Ecrits produits par M. Kanig, parce que ni lui, ni aucun témoin digne de soi, ne les a vûs; d'où il conclut en vertu de son admirable Logique, qu'il ne sçauroit ajouter soi aux respectables monumens sur lesquels nôtre Sainte Religion est appuyée, d'autant qu'il n'a pas vû lui-même les Originaux. Comme si les importans témoignages d'où dépend la certitude de la Religion pouvoient être mis en aucune comparaison avec le témoignage

de M. Kanig, que lui-même n'oseroit produire comme un témoignage digne de soi.

F I N.

TABLE.



TABLE

**		•
HISTOIRE DE L'ACADÉMIE.	pag.	ı.
Eloge de M. de L'AMETTRIE.	. p.	3.
Discours de M. de LALANDE.	P.	9.
Réponse de M. de MAUPERTUIS.	P •	15.
De l'obligation de se procurer soutes les commodités de Vie, considérée comme un devoir de la Morale, M. FORMEY.		21.
Eloge de M. le Maréchal de SCHMETTAU.	P. Þ.	31.
Rloge de M. BLSNER.	p.	45.
Exposé concernant l'examen de la Lettre de M. de LE NITZ, alléguée par M. le Professeur KOEN dans le mois des Mars 1751. des Actes de Leipsig	IG,	
-l'occasion du Principe de la Moindre Action.	P.	32.

CLASSE de Philosophie Experimentale.

Sur la Nature & les proprietes de l'Eau commune considérée	,
comme un Dissolvant, par M. ELLER.	·. 67.
Sur les Phenomenes qui se manifestent, quand on dissous sous tes sortes de sels dans l'Eau commune séparément, par M. ELLER.	\$. 83.

Xxxs

Eshi

Essai sur la maniere de préparer des Vaisseaux plus solides qui puissent soutenir le seu le plus violent, & qui soyent les plus propres à contenir les corps en susion, par M. POTT.

Examen des parties qui constituent cette espece de Pierres,

Examen des parties qui constituent cette espece de Pierres, qui, après avoir êté calcinées par le moyen des charbons, acquierent la propriété de devenir lumineuses, quand on les expose à la lumiere; avec l'Exposé de la composition artificielle des pierres de çette sorte, par M. MARGGRAF.

p. 144.

Observation d'Anatomie & de Physiologie, concernant une dilation extraordinaire du caur, qui venoit de ce que le conduit de l'Aorte étoit trop étroit, par M. MEC-KEL.

p. 163.

CLASSE de Mathematique.

Découverte d'un nouveau Principe de Mecanique, par M. EULER. p. 185.

Sur le plus grand éclat de Venus, en supposant son orbite & celle de la la Terre elliptique, par M. KIES. p. 218.

Mémoire sur la détermination de la Parallaxe de la Lune & de la courbure de la Terre, entreprise au Cap de Bonne Esperance & à Berlin par ordre, de S. M. T. CHRET, avec les Observations faites depuis le 25. Nov. 1751. jusqu'au 20. Avril 1752. à l'Observatoire Royal de Berlin, par M. DE LALANDE p. 136.

Réfléxions sur les divers degrés de lumiere du Soleil & des autres Corps celestes, par M. EULER. p. 280. Recher-

98.

Recherches sur l'effet d'une Machine Hydraulique prop	osée
par M. SEGNER, Professeur à Göstingue.	p. 311.
Addition au Mémoire sur la Courbe que forme une Co	rde
tendüe mise en vibration, par M. D'ALEMBERT.	p. 355.
Additions aux Recherches sur le Calcul intégral, par M. D	'A-
LEMBERT.	р. 3бъ
Second Mémoire sur la détermination de la Parallaxe de	
Lune & de la courbure du Meridien, consenant les	
servations faites depuis la fin d'Avril jusqu'au comme	
ment de Septembre 1752. par M. DE LALANDE	•
Avertissement au sujet des Recherches sur la Précession des Equ	
noxes; par M. EULER.	p. 412
Estata pour les Mmoires de M. D'ALEMBERT, impris	
dans les Volumes de 1746. 1747. & 1748.	p. 413.
CLASSE de Philosophie speculative	7e.
3	p. 418.
Memoire sur l'art de connoître les pensées d'autrui à l'aide	de
la Mesaphysique, par M. BEGUELIN.	P. 448.
Dissertation Ontologique sur l'Astron, la Puissance & la Libe	rte,"
par M. MERIAN.	p. 459,
Seconde Dissertation sur l'Assion, la Puissance & la Liber	•
par M. MERIAN.	p. 486.
CIACOR de Polles I etters	37
CLASSE de Belles - Lettres.	. te
AVERTISSEMENT.	D 607

Lettre de M. EULER à M. MERIAN.

Bigitized by Google

p. 522



Digitized by Google

